	Business Statistics		ne - predict	ve analysis	-s Dat	Science
	relysis.	us Analyt				
And	aly tics			aión ga reco		
	Exploración patrones Qualitativo	de poten	ticles Juturo,	. Identificando	1	ola
	Uso de la ins	tuicion y			antitative le jornol	e 1
, , , , , , , , , , , , , , , , , , ,						

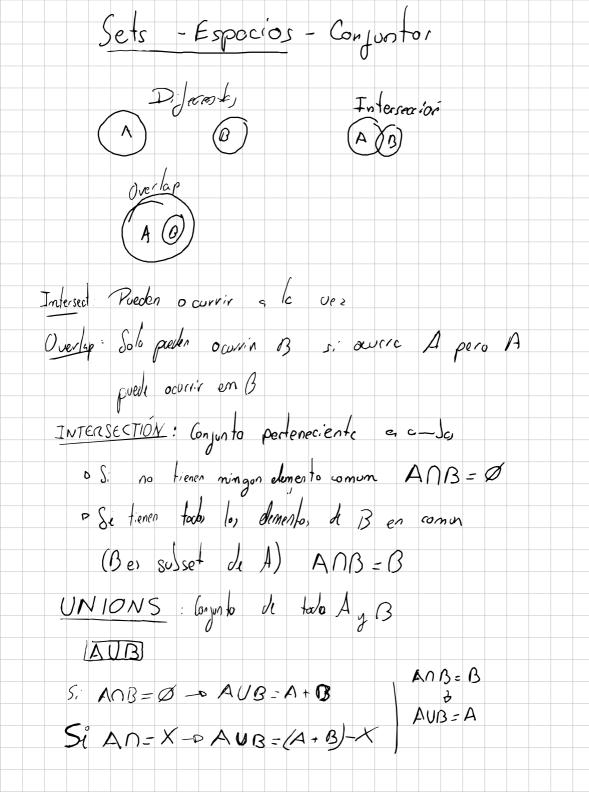
Avantoca TECNICIS MOST - Analitica ESQUEMA BUSINESS Oction Borners Business Andles Analytics Data report DATA DATA DATA ANALY TES Preliminary report Science Dyited Signed Option zar's of Oriding (December) BI Dosbboords IA Client Mochine Retation + MC Deshood, Jeorning Fred Prevention s. do, Comp Anlas Future Present PAST Business Intelligence (31): Analisis, peport de datos historias de najocio

M=1/ Probabilidad A > Evento P(A) - Prosesilides P(A) = preferred (outomes)) preferror = (avoura) la all - somple spece P(A and B) = P(A) . P(B) Trid-inde Exper-ent: conjunto de interto, Experimental possibility - probabilities a fear to gorndo Thesial probabilite - % free = a or el evento, es decir la production restato A + A = Sa -plc spece A + 1 = L (A')' = A

Combinatoria  Dernotaciones  Cantidad de monero, unica de definir un sol	
Cantidad 2 moners union de définir un sol	
Continación de de un sot con nos jetos	
divinced of or on the state of	
$P_n = n \cdot (n-1) \cdot (n-2) \cdot \cdot \cdot \cdot \cdot \cdot \cdot \cdot = n!  (n \text{ factorial})$	
D Factories	
n = 1 · 2 · × n	
3(-10203-6	
o do, octoriale, no tienen negativo)	
· O( = 1	
Propiedades	
$n! = n \cdot (n-1)!$	
$(n+1)=m\cdot(n+1)$	
$(n+k)! = n! \cdot (m+1) \cdot \circ \circ \cdot (m+k)$	
(n-k) $(n-k)$	
$(n-k+1) \cdot (n-k+2) \cdot (n-k+k)$	
$m'_{kl} = (k+1) \cdot \cdots \cdot m$	

	Combina	toria.	- Varic	aciones	& Comb	ina tioms	
D	Variacion	The control $\sqrt{\rho} = \gamma$	repeti	con n -> number p - o number	of 60	Lan s:t:ons	
<i>&gt;</i>	Variacione	$y^n = \frac{1}{n}$	epeticie n! m-p)!	m - num p - num	op!:005		
	Combinat Variaciones	ions donde e	d orden	ns impor	ta		
	Cp = -	$m!$ $\rho! \cdot (m \cdot \rho)!$ $C'_{4} = \frac{10}{c_{1}!}$	2:	100 10°	1.10 = 7	2.3.4	140
							10

Combinatoria - Simetria	
Il punto simetrio os m/2	
pick p-many of n = omit n-p	
ben be mand of the end of the	
Conjunto de combinaciones	
$C_1 \circ C_2 \circ C_3 \circ G \circ C_m$	
Bosicamente calcula el numero de opciones para	
cada evento y multiplica	
3 70 7	
SIW REPE	
$P_{m} = 0$	
$\int C = \frac{V}{P}$ $V_{0} = \frac{n!}{P}$	
$\bigvee_{\rho} \frac{n'}{(n-\rho)}$	
(n-p)	
V CON NEPE	
$\sqrt{\rho} = n^{\rho}$	
p! (n-1)!	
p! (n-1)!	
SIMETRIA	
P n-p	



Mutually Exclusive Sets No tienen mingun tipo de overlop Ang= Ø / Aug= Atg / Dependence and Independence Sets P(AIB) - 1/13 - Probabilidad Je
A en B A -> Q 🌢 B -P(A1c)= = Conditional Probability C -> Q Conditional Probability P(A) = P(A/B) Independients -> Son independiente, P(AMB) = P(A). P(B) Solo si son independientes Formula: P(A/B) = P(A/B) > Only true of P(B) > O | El orden en P(AIB) Import a Formula Independion to: P(A/B): P(A) P(B) = P(A)

$$[AW \circ_{\mathcal{A}} Total \ Probability$$

$$A = B_3 \cup B_2 \cup U \cup B_n$$

$$P(A) = [P(A|B_1) \cdot P(B_2)] + [P(A|B_2) \cdot P(B_2)] + [P(A|B_n) \cdot P(B_2)]$$

$$= ADITIVE LAW$$

$$P(A \cup B) = P(A) \cdot P(B) - P(A \cap B)$$

$$\frac{P(A|B) - \frac{P(A \cap B)}{P(B)}}{P(B)} = \frac{P(A \cap B) - P(B)}{P(B)}$$

Bayes Rule - LAW - THEONEM P(AIB)= P(AAB)
P(B) (P(AnB) = P(BIA) · P(A) Lo (P(AIB) = P(BIA) · P(A) / Practical example Women Men Men 886 | 1000 | 1886 Part 111 Time 888 | 1009 | 1897

Distributions
The possible value, a variable can take and
how frequently they ocur
Y - Actual Outrome   P(Y = y)
y-o Posible outcomes P (y)
Ej: / _s marble) from bay
y > x number a) mc, 5/0,
Getting 5 marsle, P(Y=5) or P(S)
Averag value of a distribution
How spread the data is How for values or from the mea
Population Data Samp & Data
uno to constitute
mean: $\mu$ variance: $\sigma^2$ mean de un s-p/c: $\chi$ variance: $\sigma^2$

Standard Deviation Square root of the verience To2 P Population: o / Se mide en la, migmas unidodes

D Sample: S | que la media Mas congestión en el medio de la distribución Menos congestion Los datos estoror mas = more dato on it dispersas. they relación constante entre mean g

## TYPES OF DISTAIBUTIONS

DISCRETE DISTRIBUTIONS Finite number of outcomes

D CONTINUOUS DISTRIBUTIONS

Infinitely many outcomes

Vorelle Prosidetion

X ~ N (M, 02)

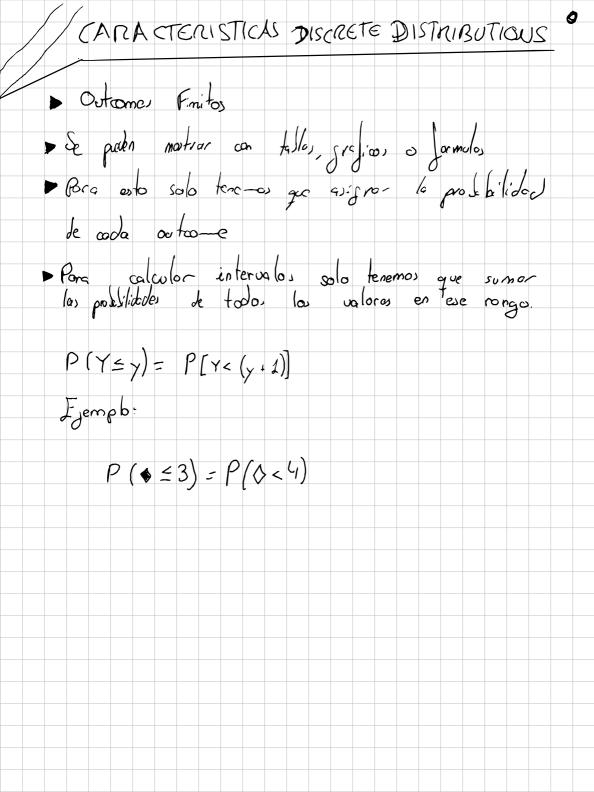
Till Granteristica, (Preden Jorior)

Instaciones para expresor la distribución

Discrete Distributions	
DDistribuciones de cosa finicas	
- Duriform Distributions	
DAIL outcomes tienen la misma prolesiles	
Fy Jy can ó sacor conta	
Solo hey du posible, respuestes Etrue	
_ D Binomial Distribution	
Solo dos atromes, por iteración pero pade haser vario	ָנ
1 teraciono	1 1
E Longon una moneda 3 veces y colon la prodes.	ks]
Il qui solsa cora 2 veces eguidos	
Disson Distribution	
como de inosod es la frequencia de un conto en un infervalo espocifico.	

CONTINUOUS DISTRIBUTIONS Se representan como curvas en un grafico en lugar de las bouves que estama, axosto-bredos en las Discretas >}atlenshtm-o7 o Normal Distribution Suelen ser los que encontramo, en la naturaleza Ejemplo: el peso de un oso polor dos outliers no suelen moterne en les distribuciones p Student's -T Distriction Tipo de distribución mormal con datos limitado, Solemos tratada como una somple de una distribución mormal Los outlinos de este tipo de distribución suelar estor elevados a dejorcada do los de los pormals Normal Students -T

CONTINUOUS DISTRIBUTIONS D Chi - Squared o Asimetria Dolo valores no negativo, DEmpiera en el O siempic De suele refleger la realised de aentes reale, De usa principal-arte para testos de Hypotesis D Exponencial Distribution Fresto, que amsier rapidoment el comies su Vn ejemplo son los clicks en articulos, cuondo son nuevos recisen mucha más atención D Jogistic Distribution D Forecast Analysis V Usado pora determinor el punto de corte de un outrome sotisfactorio Ej: Cuenta ventaja de oro ha que traer a minuto 10 en el la para pader realizar predictiones de victoria



Uniform Pstristion rage of when Declaration

Value Database Gempb declaración  $\times \sim U(3,7)$ o Todo los resultados tionen la misma productidal
FLIP COIN nou Dice F das: P(1) - P(2) - = P(6) DE expected value no no de info
d ser tools ignol de Arokolles Asi mis mo el mesa y la cerionce no tiener interpretación

Bernoulli Distriction X ~ Bern (P) o 1 trial and 2 possible outcomes FLIP COIN | TRUE or FALSE to,) F(x) will be 1-p P E(x) = p(1-p) Binomial Distributión

Benomial Distribution X ~ B (n, p)

probability ach × Una Bern (p) se pede expresor tembien como una Binomec ( de un solo intento B (1,p) Conjunto de trials E (bern) DE (Bern) - que valor esporor de un solo intento E (Bisamiol Erent) - el numero de veces que esparames para un Binomial represente d'animero de veces que ostende-os el resultado P (alternation = 1-p

Choice de p= pros 2 solo interde

P (alternation = 1-p

P (alternation = 1-p Rjemplo: Calcular la probabilided de que

n de los mintentos sous facorelles

Incremento de unidak 5 dia, seguidos

Circinento de unidak 5 dia, seguidos P (A) = 06 P(3)=(5) 0063. (1-06)=10.0216.016=03456 p (#) = 04

		13	inor	n, 91		(	D,	J,	.,)	0 7	1)0	'n		)_									
6×000	V A L	E ()	<) = >	× <sub>φ</sub> ·	ρ( . Γ.	(x <sub>o</sub> )	, +			+	Xm	•	) م	(xn	.)								
7 6 0	Ė		E	(>	با د ( ′	) ( = <b>f</b>	· 1 · .	r.	<i>)</i>														
\ <i>L</i>	J N	10	·2- E	(y	2)	-	E	(y	) 2		6	jemj	, lo	G,	nterio	<b>9</b> {	(v	nev	k, L	S	5 )		
C / A N (		$ \sigma$	= m	· Р	σ_	(1 -1.	-ρ 1	)		_		5	• (	D. 6	·	O.	4	÷	1. 2	2			
ę																							

Poisson Distribution

Y ~ Po (2)

Fravence can be give un evento surade en un intervolo específico.

Ej: un evento surede 3 veces en ±0 segundos.

Posibilidad do 8 en 20?

Gemplo: estadiente pason de progentor 
$$9 = 7$$
 progentos en 4 día

 $7 = 9$ 

Intervolo = 4 día  $9 = 7$ 

P(y) =  $\frac{2^{y} \cdot e^{2}}{7!}$ 

P(7) =  $\frac{4^{7} \cdot e^{-y}}{7!}$ 

FORMULAS

E(y) = 2

P(y) =  $\frac{2^{y} \cdot e^{2}}{7!}$ 

FORMULAS

E(y) = 2

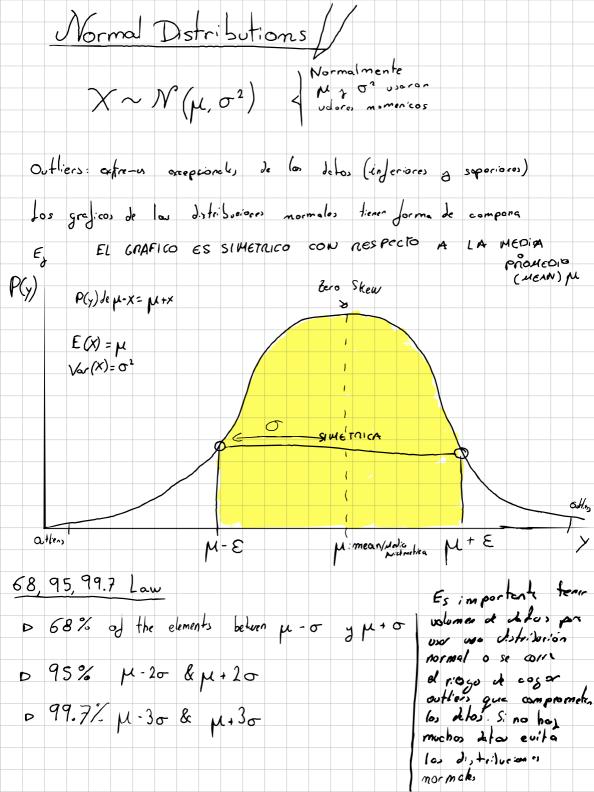
P(y) =  $\frac{2^{y} \cdot e^{2}}{7!}$ 
 $\frac{6384 \cdot 0.0183}{5040}$ 
 $\frac{6}{7}$ 
 $\frac{6}{7}$ 
 $\frac{7}{7}$ 

Caracteristicas Distribuciones Continuas Se representan on un grafico l'amodo PDF (Probablify Density Function) OOC = Pros Distri Corve = g(y), y & Smph Speci POF P(X) = = = O Sempt Spen Cumulative Distribution junction (CDF) = F(y) Prosa Silvad de un uelor random y
de ser < Y F(-w)=0 F( 00) = 1 Integral  $\rho(b>\times>\alpha) = \int \rho(\times)d\times$ 

Zemplo probabilidad intervalo Probabilidad (- 0; y)  $\int_{\infty}^{y} P(y) dy = F(y)$ P(y) Integral D F(y)
PDF Perivoda CDF ρ(y) - F(x) J Primero derivoda de F(y) con respecto Normalmente cuando tratigamos con este tipo de distribucione, solo mos doron sus PDF (P(>) Para poder d'bujor el grafico neces tomos su Expected Value y Verionu E(y) = Integral = ) > P(x)d> var diprenial solve Product of any "y" and the p(y) [por weight]

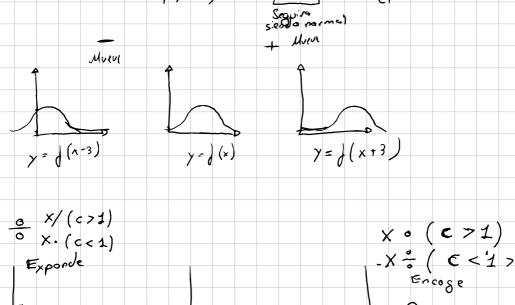
Sol Special Solve Took of the p(y) [por weight] El diferencial sobre y (d) indica que la integración se realiza con respecto a

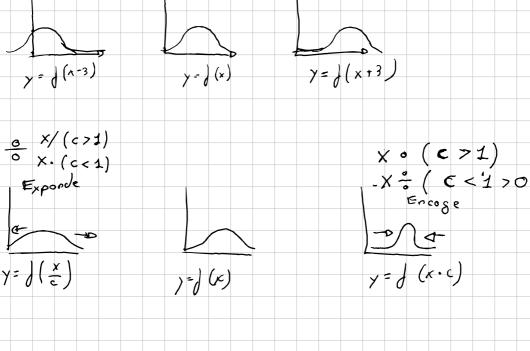
Di	stribu	10107	1 <i>e</i> s	6	nt	` M	U	2. <i>J</i>								
Vario Voriel	ance Ablan	\ &	Var (	g) :	E	( ر	<sub>3</sub> 2)	) _	Ε	()	<sub>y</sub> )²	-				



## Standardizing - Normal Distribution

Tronspormación. Forma de alterar todo los ele-entos de una distribución pora obtener otra distribución





Standarización Normales Transformación especial en la que provoce-o, E(x)=0  $V_{or}(x)=2$ La Distribución ostorida so la a "Standard Wormal Distribution" A una distribución normal estanderitada se le puelle crear una table con la valore, mos comores que se lla-a CDF Toble o Z- score telle Pasas estandarisación

1. Ma O >> y = J(x-M) con su-co o restau 2 dividir por or pera provocal o=2  $y = \int \left( \frac{x - \mu}{x} \right)$  $\begin{array}{c} Y_{a} \text{ estandarised in} \\ \overline{Z} \sim N(0,1) \\ \overline{Y} \sim N(M,0^{2}) \end{array}$   $Z = Y \sim M$ E : comporter ve bres  $y = \mu + 2.3\sigma$  z = 2.3

Student's T Distribution Y ~ t(k) | K = degrees of freedom Small sample site aproximation of normal distribution Caracteristicos + Sufficient dato = Wormaltribution Caracteristicos + Sufficient deto = Student's Thation Su colo o fil, son

Musi onches por indicer

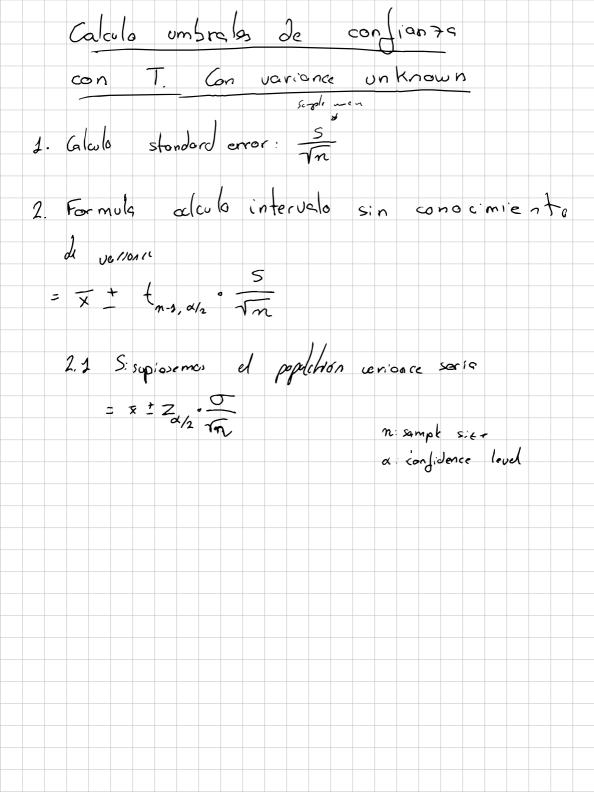
la contidad de volores

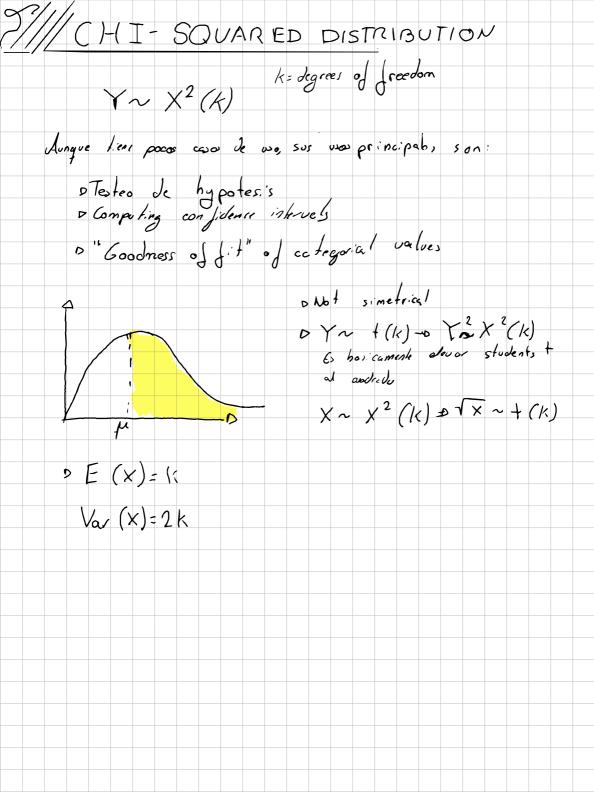
Jera de la mis-os

Vor(x) = So K

K-2 D Frequently used when conduction statistical analysis Hypothesis testing with limited data of Houing a cortallic (T-table) A portr de 50 se-pls, se sucle van la Formula = tn-1, x = x- m S/In 2-telle en layor de la n: sie of sample

confidence level T- ddle





Exponencial Distribution 2 = scalar /seq/e Mate porcometer  $X \sim E_{\times p}(2)$ D Stort high D Comiera a discender hasta valuence plans DUm ejemplo serian las vieus de un muevo articulo o video de jou hise DLa core (POF) porce DLa (DF as no Sammerar & inspende on boomerang en el 1 es dond go qued-ia 1 a rate parameter: DNO india la tapida que lloga la curva en ponto de allanamiento D Como de reportido esta d grefico E(Y)= 1 Var (Y)= 1/2

No hay table de varkeles onocidos

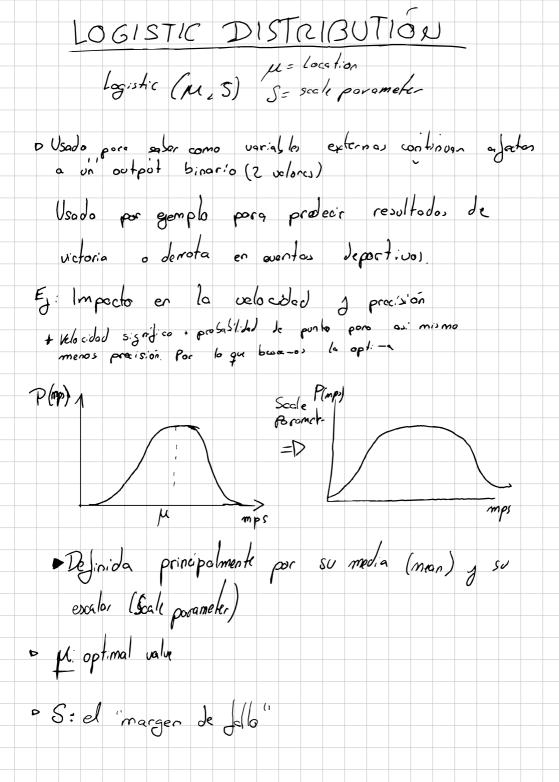
## MANSFORMACIONES 2

For eye-do words trasa, a-os con distribuciones

(x ponenciales mos pode interesor trops for morks a parmelo

por Integor con ellas

Y ~ Exp (2)  $\Rightarrow$  X ~  $\mathcal{N}(\mu, \sigma^2)$ X =  $\ln(\Upsilon)$ 



OF de Logistic Distribution pero que empieza lento
pero que sube rapida-ende
hasta aplonone en el vobr s Cuando llegamos al valor de la media el valor comienza un crecimiento DA mas pequeño sea el soa lor mai torda en comenzar a creser de marera drastico. Pero ad. mismo alcanza 1 mas rapida, es decir, obtiena una pendienta mas pronunciados Tordo més E(Y)=µ pero luego crae a la Peo+0 C

	Z)c		/		$\mathcal{D}$		<b> </b>			_	F	-   -		, Ł	c 0					
	7	em	No		PC	CC1	·. Œ	ົ 	0	e —		- 2 [	201	3 111	_					
1	દેઃ∘✓	rol	lo	F	ΊFΔ															
	> B	do	n ce	ado																
	,	$n_{\mathbb{N}}$	) CPC	)0 m)	۱ ,	uenc	גפ	= 1	า เ	wa	dor	,C7	m	alo	עי					
									O	J										
D	$\mathbb{D}$	)iv	er <sup>1</sup>	tida	)															
		\																		

0	, ,	1,		1								6				
Pro	المحل	; <i>li</i> / ,	in	<u>ال</u>	ato	SC	cica	1 <i>C</i> e				(e)	)			