

# Business words

Statistics → Data mining → predictive analysis → Data Science

## Analysis vs Analytics

### Analysis.

PAST | Estudio fraccionado de una información ya recolectada  
How? Why?

### Analytics

Exploration de potenciales futuros. Identificando por ejemplo patrones

Tipos

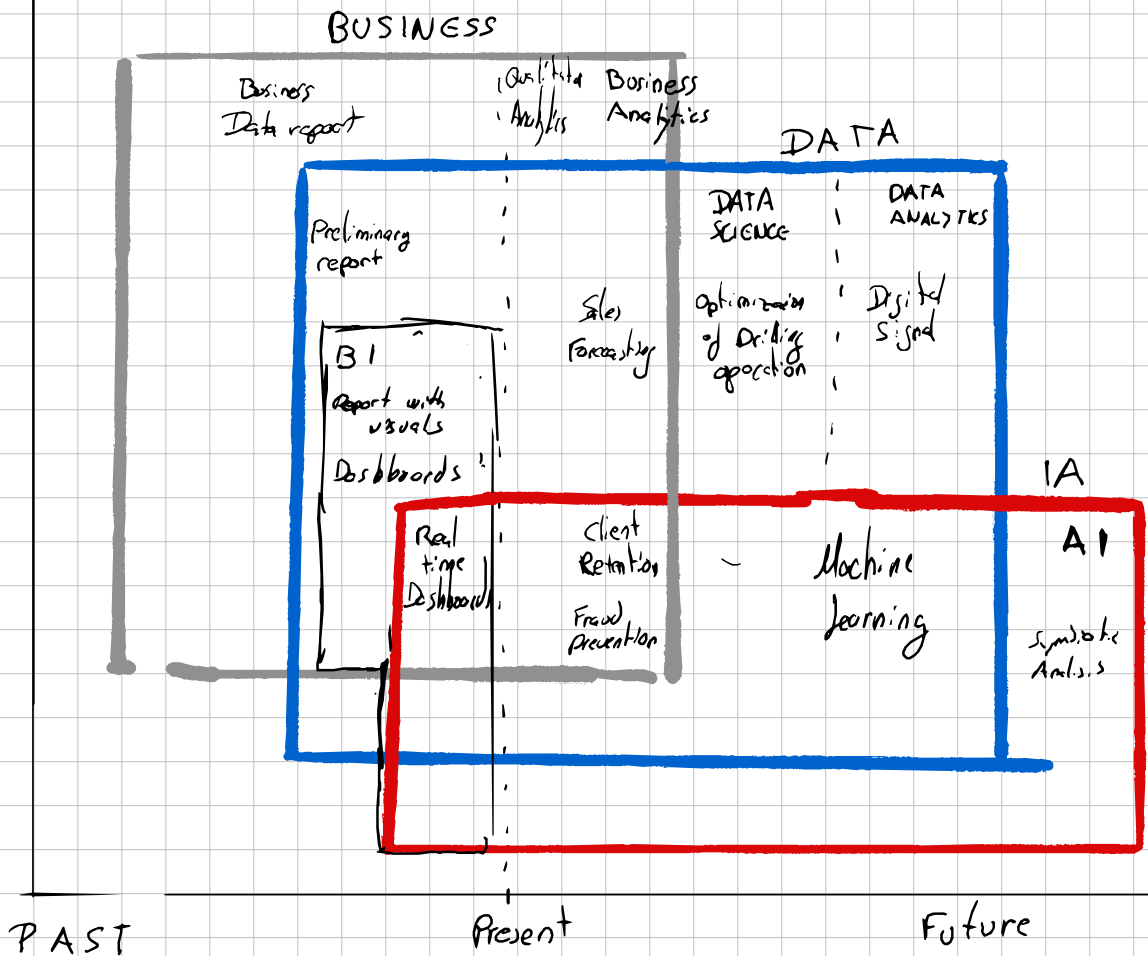
Qualitativo

Uso de la intuición y la experiencia

Quantitative

Uso de fórmulas y algoritmos.

# ESQUEMA TECNICO MOS # - Analítica Avanzada



Business Intelligence (BI): Analysis y report de datos históricos de negocio

$M = 1/\text{Probabilidad}$

$A \rightarrow \text{Evento}$

$P(A) \rightarrow \text{Probabilidad}$

$$P(A) = \frac{\text{preferred (customers)}}{\text{all}}$$

$$\frac{\text{preferred}}{\text{all}} = \frac{\text{favorable}}{\text{sample space}}$$

$$P(A \text{ and } B) = P(A) \cdot P(B)$$

Trid - indle

Experiment: conjunto de intentos,

Experimental probability - probabilidad a favor o ganador

Theoretical probability - % favorable

▷ El complemento de un evento es todo lo que no es el evento, es decir la probabilidad restante

$$A + A^c = S = \text{sample space}$$

$$A + A' = 1$$

$$(A')' = A$$

# Combinatoria

## ▷ Permutaciones

Cantidad de maneras únicas de definir un set  
combinación de de un set con  $n$  objetos

$$P_n = n \cdot (n-1) \cdot (n-2) \cdot \dots \cdot 1 = n! \quad (n \text{ factorial})$$

## ▷ Factoriales

$$n! = 1 \cdot 2 \cdot \dots \cdot n$$

$$3! = 1 \cdot 2 \cdot 3 = 6$$

• Los factoriales no tienen negativos

•  $0! = 1$

Propiedades

$$n! = n \cdot (n-1)!$$

$$(n+1)! = n! \cdot (n+1)$$

$$(n+k)! = n! \cdot (n+1) \cdot \dots \cdot (n+k)$$

$$(n-k)! = \frac{n!}{(n-k+1) \cdot (n-k+2) \cdot \dots \cdot (n-k+k)}$$

y  $(n > k)$

$$\frac{n!}{k!} = (k+1) \cdot \dots \cdot n$$

# Combinatoria - Variaciones & Combinations

## ▷ Variaciones con repetición

Formula:  $\overline{V}_p^n = n^p$        $n \rightarrow$  number of options  
 $p \rightarrow$  number of positions

## ▷ Variaciones sin repetición

Formula  $V_p^n = \frac{n!}{(n-p)!}$        $n$  - num options  
 $p$  - num positions

## ▷ Combinations

Variaciones donde el orden no importa

$$C_p^n = \frac{n!}{p! \cdot (n-p)!}$$

Ej:  $C_4^{10} = \frac{10!}{4! \cdot (10-4)!} = \frac{10!}{4! \cdot 6!} = \frac{1 \cdot \dots \cdot 10}{1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 4 \cdot 1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 4 \cdot 5 \cdot 6} = \frac{7 \cdot 8 \cdot 9 \cdot 10}{2 \cdot 3 \cdot 4} = \frac{5040}{24} = 210$

# Combinatoria - Simetria

El punto simetrico es  $n/2$

pick  $p$ -many of  $n$  = omit  $n-p$

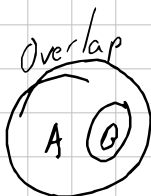
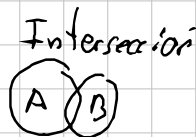
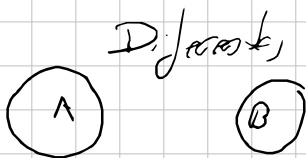
## Conjunto de combinaciones

$$C_1 \cdot C_2 \cdot C_3 \dots \cdot C_n$$

Basicamente calcula el numero de opciones para cada evento y multiplica

SIN REPE	
$C = \frac{V}{P}$	$P_n = n!$
	$V_p^n = \frac{n!}{(n-p)!}$
CON REPE	
$\overline{V}_p^n = n^p$	
$\overline{C}_p^n = \frac{(n+p-1)!}{p! (n-1)!}$	
SIMETRIA	
$\hat{C}_p^n = C_{n-p}^n$	

# Sets - Espacios - Conjunto



Intersect: Pueden ocurrir a la vez

Overlap: Solo pueden ocurrir B si ocurre A pero A puede ocurrir en B

INTERSECCIÓN: Conjunto perteneciente a  $a - b$

◦ Si no tienen ningún elemento común  $A \cap B = \emptyset$

◦ Si tienen todos los elementos de B en común

(B es subset de A)  $A \cap B = B$

UNIONS: Conjunto de todo A y B

$A \cup B$

Si  $A \cap B = \emptyset \rightarrow A \cup B = A + B$

Si  $A \cap B = X \rightarrow A \cup B = (A + B) - X$

$A \cap B = B$

+

$A \cup B = A$

## Mutually Exclusive Sets

No tienen ningún tipo de overlap

$$\underline{A \cap B = \emptyset} \quad | \quad \underline{A \cup B = A + B} \quad | \quad \underline{\quad}$$

## Dependence and Independence Sets

$$A \rightarrow Q \blacklozenge$$

$$P(A|B) = \frac{1}{13} \rightarrow \text{Probabilidad de A en B}$$

$$B \rightarrow \blacklozenge$$

$$\underline{P(A|C) = \frac{1}{4}}$$

Conditional Probability

$$C \rightarrow Q$$

## Conditional Probability

$$P(A) = P(A|B)$$

Independents  $\rightarrow$  Si son independientes

$$\underline{P(A \cap B) = P(A) \cdot P(B)} \quad \text{Solo si son independientes}$$

$$\text{Formula: } P(A|B) = \frac{P(A \cap B)}{P(B)} \quad \left. \vphantom{\frac{P(A \cap B)}{P(B)}} \right\} \times \text{only true if } P(B) > 0$$

Formula

$$\text{Independents: } P(A|B) = \frac{P(A) \cdot P(B)}{P(B)} = P(A)$$

El orden en  $P(A|B)$   
Importa



# LAW of Total Probability

$$A = B_1 \cup B_2 \cup \dots \cup B_n$$

$$P(A) = [P(A|B_1) \cdot P(B_1)] + [P(A|B_2) \cdot P(B_2)] + \dots + [P(A|B_n) \cdot P(B_n)]$$

## - ADITIVE LAW

$$P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B)$$

$$P(A \cap B) = P(A) + P(B) - P(A \cup B)$$

## - MULTIPLICATION RULE


$$P(A|B) = \frac{P(A \cap B)}{P(B)} \Rightarrow P(A|B) \cdot P(B) = \frac{P(A \cap B) \cdot \cancel{P(B)}}{\cancel{P(B)}}$$

$$\boxed{P(A|B) \cdot P(B) = P(A \cap B)}$$

# Bayes' Rule - LAW - THEOREM

$$P(A|B) = \frac{P(A \cap B)}{P(B)}$$
$$P(A \cap B) = P(B|A) \cdot P(A)$$
$$\rightarrow P(A|B) = \frac{P(B|A) \cdot P(A)}{P(B)}$$

Practical example

	Men	Women	
Full Time	886	1000	1886
Part Time	2	9	11
	888	1009	1897

# Distributions

The possible values a variable can take and how frequently they occur

$Y \rightarrow$  Actual Outcome  $\left| \begin{array}{l} P(Y=y) \\ P(y) \end{array} \right.$

Eg:  $Y \rightarrow$  marbles from bag  
 $y \rightarrow$  X number of marbles

Getting 5 marbles  $P(Y=5)$  or  $P(5)$

$\rightarrow$  Mean  $\mu$   
Average value of a distribution

$\rightarrow$  Variance  $\sigma^2$   
How spread the data is. How far values are from the mean

## Population Data

Todos los Datos

mean:  $\mu$

variance:  $\sigma^2$

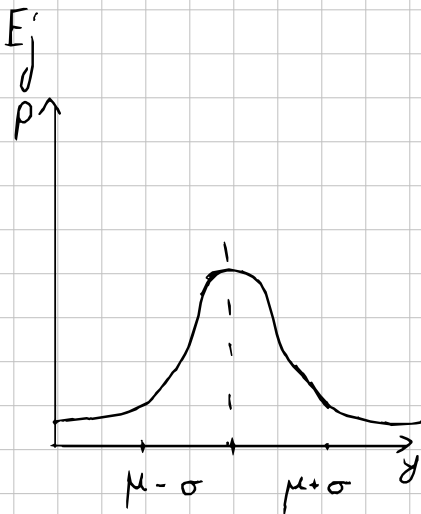
## Sample Data

Parte de los datos  
anotaciones individuales  
mean of a sample:  $\bar{X}$   
variance:  $S^2$

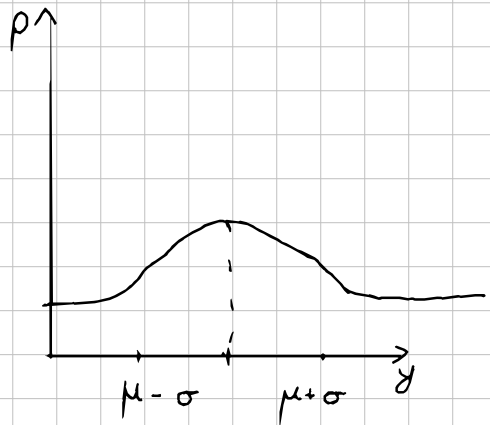
# Standard Deviation

Square root of the variance  $\sqrt{\sigma^2}$

- ▷ Population:  $\sigma$  | Se mide en la misma unidades
- ▷ Sample:  $s$  | que la media



Más congestión en  
el medio de la distribución  
= more data on it



Menos congestión  
Los datos estarán más  
dispersos.

Hay relación constante entre mean &  
variance.

Expected value  $\sigma$   
↓

$$\sigma^2 = E((Y - \mu)^2) = E(Y^2) - \mu^2$$

# TYPES OF DISTRIBUTIONS

## ▷ DISCRETE DISTRIBUTIONS

Finite number of outcomes

## ▷ CONTINUOUS DISTRIBUTIONS

Infinitely many outcomes

Notaciones para expresar la distribución

Variable  $\overbrace{X}^{\text{Variable}}$   $\sim$   $\overbrace{N}^{\text{Type of distribution}}$   $(\mu, \sigma^2)$   
Title  $\underbrace{(\mu, \sigma^2)}_{\text{Características (pueden variar)}}$

# Discrete Distributions

▷ Distribuciones de cosas finitas

## ▷ Uniform Distributions

▷ All outcomes tienen la misma probabilidad

Ej. flip coin o sacar carta

Solo hay dos posibles respuestas  $\begin{cases} \text{True} \\ \text{False} \end{cases}$

## ▷ Binomial Distribution

Solo dos outcomes por iteración pero puede haber varias iteraciones

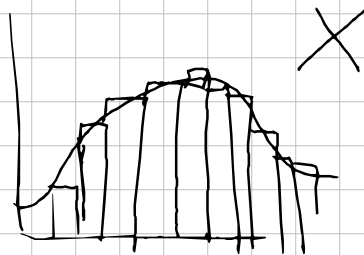
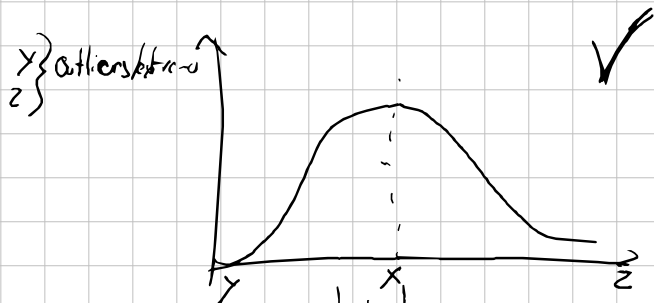
Ej. Lanzar una moneda 3 veces y calcular la probabilidad de que salga cara 2 veces seguidas

## ▷ Poisson Distribution

Como de insus es la frecuencia de un evento en un intervalo específico.

# CONTINUOUS DISTRIBUTIONS

Se representan como curvas, en un gráfico en lugar de las barras que estamos acostumbrados en las Discretas



## Normal Distribution

Suelen ser los que encontramos en la naturaleza

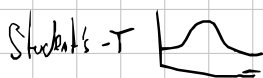
Ejemplo: el peso de un oso polar

los outliers no suelen mostrarse en las distribuciones normales

## Student's -T Distribution

Tipo de distribución normal con datos limitados, solemos tratarla como una sample de una distribución normal

Los outliers de este tipo de distribución suelen estar elevados a diferencia de los de la normal



# CONTINUOUS DISTRIBUTIONS 2

## ▷ Chi - Squared

▷ Asimétrica

▷ Solo valores no negativos

▷ Empieza en el 0 siempre

▷ No suele reflejar la realidad de eventos reales

▷ Se usa principalmente para testeo de hipótesis



## ▷ Exponencial Distribución

▷ Eventos que cambian rápidamente al comienzo

▷ Un ejemplo son los clicks en artículos, cuando son nuevos reciben mucha más atención

## ▷ Logistic Distribution

▷ Forecast Analysis

▷ Usado para determinar el punto de corte de un outcome satisfactorio

Ej: Cuanta ventaja de oro hay que tener a minuto 10 en el 1º para poder realizar predicciones de victoria



# CARACTERÍSTICAS DISCRETE DISTRIBUTIONS

- Outcomes Finitos
- Se pueden mostrar con tabla, gráficos o fórmulas
- Para esto solo tenemos que asignar la probabilidad de cada outcome
- Para calcular intervalos solo tenemos que sumar las probabilidades de todos los valores en ese rango.

$$P(Y \leq y) = P[Y < (y + 1)]$$

Ejemplo:

$$P(\diamond \leq 3) = P(\diamond < 4)$$

# Uniform Distribution

range of values  
 $U(a, b)$   
↑  
Declaration  
of  
Uniform Distribution

## Ejemplo declaración

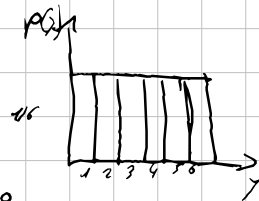
$$X \sim U(3, 7)$$

Todo los resultados tienen la misma probabilidad

FLIP COIN

ROLL DICE

Ej dato:  $P(1) = P(2) = \dots = P(6)$



DE / expected value no no de info  
de ser todos igual de Probables

Así mismo el mean y la variance no tienen interpretación

# Bernoulli Distribution