

$\ln[1] :=$ (* Указваме броя на възлите n *)

$n = 15;$

(* Намираме възлите $x_k = k/n$ в интервала $[0, 1]$ *)

$\text{Do}[x[k] = k/n, \{k, 0, n\}];$

(* Намираме разстоянието delta между

всеки два съседни възела x_k и $x_{(k+1)}$ *)

$\text{Do}[\text{delta}[k] = x[k+1] - x[k], \{k, 0, n-1\}];$

(* Намираме коефициентите a , b и c в тридиагоналната матрица *)

(* Това са коефициентите в $1/\text{delta}_{(i-1)} * S_{(i-1)} +$

$2 * (1/\text{delta}_{(i-1)} + 1/\text{delta}_i) * S_i + 1/\text{delta}_{(i)} * S_{(i+1)}$ *)

$\text{Do}[a[k] = 1/\text{delta}[k-1], \{k, 2, n-1\}];$

$\text{Do}[b[k] = 2/\text{delta}[k-1] + 2/\text{delta}[k], \{k, 1, n-1\}];$

$\text{Do}[c[k] = 1/\text{delta}[k], \{k, 1, n-2\}];$

(* Дефинираме $f = t/(1+t^2)$ *)

$f[t_] := t/(1+t^2);$

(* Дефиниране на десните страни d_k

на уравненията в тридиагоналната матрица *)

(* Това са коефициентите в $3 * ((f_i - f_{(i-1)}) / \text{delta}^2_{(i-1)}) +$

$(f_{(i+1)} - f_i / \text{delta}^2_i))$ *)

$\text{Do}[d[k] =$

$3 * (f[x[k]] - f[x[k-1]]) / \text{delta}[k-1]^2 +$

$3 * (f[x[k+1]] - f[x[k]]) / \text{delta}[k]^2,$

$\{k, 1, n-1\}];$

(* Задаваме стойности на α_1 и β_1 *)

(* Пресмятаме по формулата $\alpha_1 = -c_1/b_1$ *)

$\alpha[1] = -c[1]/b[1];$

(* Пресмятаме по формулата $\beta_1 = d_1/b_1$ *)

$\text{beta}[1] = d[1] / b[1];$

(* Изпълняваме правия ход на прогонката,

за да намерим α_k и β_k за $k = 2, \dots, n-1$ *)

(* Пресмятаме по формулата $\alpha_k = c_k / a_k - \alpha_{k-1} + b_k$ *)

Do[$\alpha[k] = -c[k] / (a[k] * \alpha[k-1] + b[k])$, {k, 2, n-1}];

(* Пресмятаме по формулата $\beta_k =$

$d_k - a_k * \beta_{k-1} / a_k - \alpha_{k-1} + b_k$ *)

Do[$\beta[k] = (d[k] - a[k] * \beta[k-1]) / (a[k] * \alpha[k-1] + b[k])$, {k, 2, n-1}];

(* Изпълняваме обратния ход на прогонката *)

(* Пресмятане по формулата $d_0 = f'(x_0)$ *)

xback[0] = f'[x[0]];

(* Пресмятане по формулата $d_n = f'(x_n)$ *)

xback[n] = f'[x[n]];

(* Пресмятаме по формулата $x_i = \alpha_i * x_{i+1} + \beta_i$ *)

Do[xback[k] = $\alpha[k] * xback[k+1] + \beta[k]$, {k, n-1, 1, -1}];

(* Полиномите, интерполиращи $f(t)$: $p_k(x)$ *)

(* Формулата се намира по метода на разделените разлики *)

$p[k, t] :=$

$f[x[k]] +$

$xback[k] * (t - x[k]) +$

$((f[x[k+1]] - f[x[k]]) / \text{delta}[k] - xback[k] / \text{delta}[k]) * (t - x[k])^2 +$

$((xback[k+1] - 2 * (f[x[k+1]] - f[x[k]]) / \text{delta}[k] + xback[k]) / \text{delta}[k]^2 *$

$(t - x[k])^2 * (t - x[k+1]));$

(* Дефинираме $\text{sn}(f; t)$ *)

(* Получава се като сумата на полиномите

от вида p_k в съответните подинтервали *)

$\text{sn}[t] := \text{Sum}[If[$

$t \geq x[k] \ \&\& \ t \leq x[k+1],$

$p[k, t],$

0],

{k, 0, n-1}];

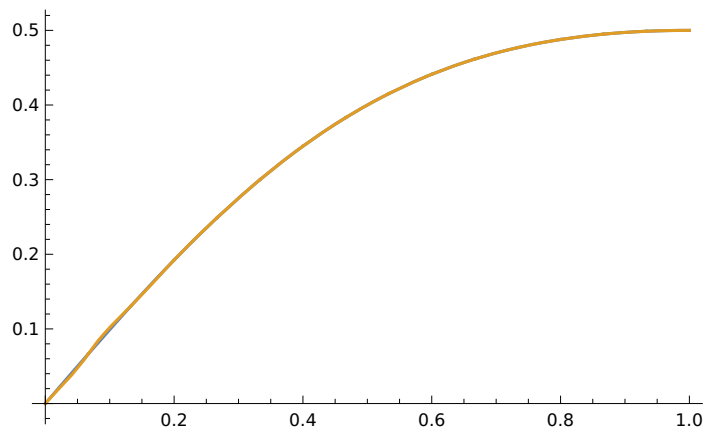
(* Визуализираме $f[t]$ и $\text{sn}[t]$ *)

Plot[{f[t], sn[t]}, {t, 0, 1}, PlotRange -> All]

(* Визуализираме грешката $f(t) - \text{sn}(t)$ *)

Plot[f[t] - sn[t], {t, 0, 1}, PlotRange -> All]

Out[18]=



Out[19]=

