

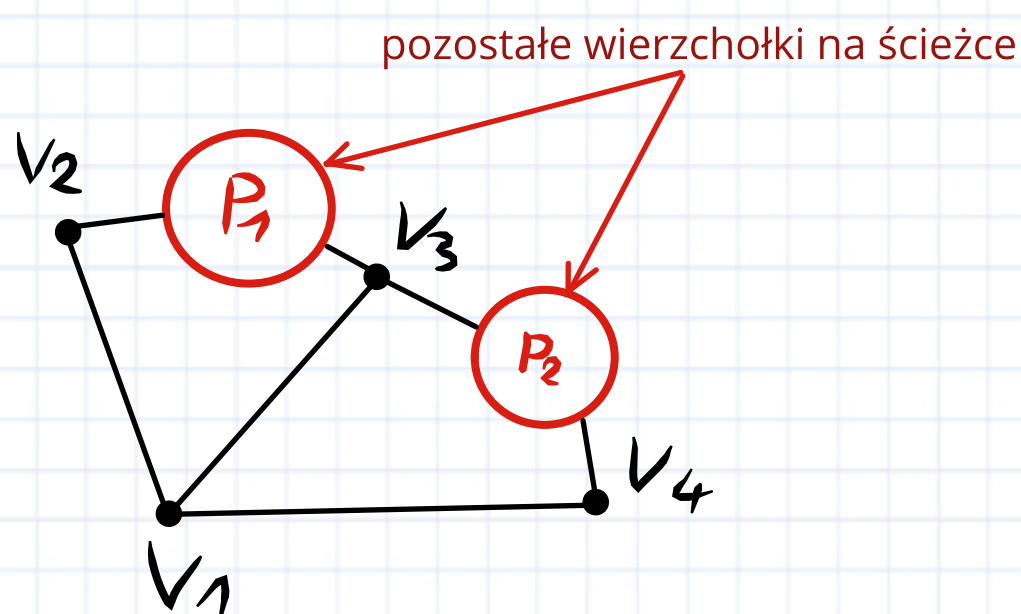
Wybierzmy najdłuższą ścieżkę.

Oznaczmy jej koniec przez  $v_1$ .

Wiemy, że wszystkie sąsiady  $v_2, v_3, v_4$  znajdują się na ścieżce (bo inaczej ścieżkę można by przedłużyć o sąsiada  $v_1$ ).

Niech  $v_4$  będzie najdalszym (w kontekście najdłuższej ścieżki) sąsiadem  $v_0$ .

Otrzymujemy cykl:  $C_1 = (v_1, v_2, P_1, v_3, P_2, v_4)$



Zauważmy, że  $C_2 = (v_1, v_2, P_1, v_3)$  i  $C_3 = (v_1, v_3, P_2, v_4)$  to również cykle.

$d(c) :=$  Długość cyklu  $c$

Przypadki

- $d(C_1) = 2k$
- $d(C_1) = 2k + 1 = 4 + |P_1| + |P_2|$  (któregoś  $P$  jest nieparzyste)
  - $|P_1| = 2a + 1 \Rightarrow d(C_2) = 2b$
  - $|P_2| = 2c + 1 \Rightarrow d(C_3) = 2e$  ( $k, a, b, c, e \in \mathbb{N}$ )

W każdym przypadku jest cykl parzysty