Kurs rozszerzony języka Python

Lista 5.

Proszę wybrać jedno z zadań, a jeśli ktoś wybrał zadanie 1, należy wybrać jeden z wariantów (A), (B) lub (C); wystarczy zrobić jeden wariant. Każde zadanie jest warte 5 punktów.

Zadanie 1.

Zaprogramuj klasę *Wyrazenie* wraz z odpowiednimi podklasami reprezentującymi różne rodzaje wyrażeń arytmetycznych. Przykładowo, wyrażenie

$$(x + 2) * y$$

może być reprezentowane jako

```
Razy(Dodaj(Zmienna("x"), Stala(2)), Zmienna("y"))
```

gdzie Razy, Zmienna czy Stala są odpowiednimi podklasami klasy Wyrazenie. Zaprogramuj w każdej klasie metody

- oblicz(self, zmienne), która oblicza wartość wyrażenia; przy czym argument zmienne przechowuje informacje o tym, jakie wartości mają odpowiednie zmienne.
- __str__ zwracającą jako string ładnie sformatowane wyrażenie;
- __add__ i __mul__, które dla dwóch obiektów w1 i w2 klasy **Wyrazenie** tworzy nowy obiekt **Wyrazenie**, który reprezentuje odpowiednio sumę bądź iloczyn w1 i w2.

Zaprogramuj własne wyjątki (klasy) reagujące na niepoprawne sytuacje, np. dzielenie przez zero czy brak przypisania wartości zmiennej.

Wymagane jest, aby były zdefiniowane stałe, zmienne i podstawowe działania arytmetyczne.

Implementację powyższego zadania można rozszerzyć na różne sposoby.

- (A) Można stworzyć podobną hierarchię klas reprezentującą prosty język programowania z przynajmniej instrukcjami: instrukcją przypisania, instrukcją warunkową if i instrukcją pętli while. Przydatna będzie też instrukcja reprezentująca ciąg instrukcji. Można przyjąć, że wyrażenie arytmetyczne równe zero interpretujemy jako fałsz, a prawdę w przeciwnym przypadku. W każdej z tych klas trzeba zaprogramować metodę wykonaj (self, zmienne) wykonującą kolejne instrukcje.
 - Przyda się też metoda __str__ zwracająca jako string czytelnie sformatowany program.
- (B) Mając wyrażenia w postaci takiego drzewka, można pokusić się o uproszczenie wyrażenia, przykładowo wyrażenia zawierające tylko stałe typu 2 + 2 + "x" można uprościć do 4 + "x", albo skorzystać z własności mnożenia przez zero. Zaprogramuj przynajmniej dwie takie reguły upraszczające w formie metody statycznej klasy *Wyrazenie*;
- (C) Wyrażenia zawierające tylko jedną zmienną możemy traktować jako funkcje. Zaprogramuj metodę statyczną wyliczającą wyrażenie (obiekt klasy Wyrazenie), będące pochodną funkcji.

Zadanie 2.

Zaprogramuj klasę *Formula* wraz odpowiednimi podklasami, które będą reprezentować formuły zdaniowe. Przykładowo

$$\neg x \lor (y \land true)$$

może być przedstawione jako

```
Or(Not(Zmienna("x")), And(Zmienna("y"), Stala(True)))
```

Zaprogramuj w każdej klasie metody

- oblicz(self, zmienne), która oblicza wartość wyrażenia; przy czym argument zmienne przechowuje informacje o tym, jakie wartości mają odpowiednie zmienne; __str__ zwracającą jako string ładnie sformatowane wyrażenie;
- __add__ i __mul__, które dla dwóch obiektów w1 i w2 klasy **Formula** tworzy nowy obiekt **Formula**, który reprezentuje odpowiednio alternatywę bądź koniunkcję w1 i w2.
- tautologia która sprawdza, czy podana formuła jest tautologią. W praktyce wygodnie jest zaprogramować tautologia jako metodę statyczną *Formula*.

Zaprogramuj metodę, która dla danej formuły wylicza jej uproszczenie korzystając z zależności $p \wedge false \equiv false$ czy $false \vee p \equiv p$.

Zaprogramuj własne wyjątki (klasy) reagujące na niepoprawne sytuacje, np. brak przypisania wartości zmiennej.

Marcin Młotkowski