# Wstęp do informatyki

Wykład 10 Abstrakcyjne typy danych, listy wiązane

Instytut Informatyki UWr

# Temat wykładu

- Abstrakcyjne typy danych
- Listy implementacja

# Abstrakcyjny typ danych

### Co to jest "abstrakcyjny typ danych"?

- Zadany przez
  - zbiór dopuszczalnych wartości i jego własności,
  - zestaw dopuszczalnych operacji.
- Definicja typu nie opisuje sposobu jego implementacji

### Po co abstrakcyjne typy danych?

- Modularyzacja programów (implementacja operacji na typie danych "ukryta" w funkcjach/procedurach/metodach, "bibliotekach")
- Prostszy zapis programów
- Możliwość dodawania nowych operacji

Porównaj z... programowanie obiektowe.

## Przykład – zbiór

# Opis typu definiującego <u>zbiory</u> liczb całkowitych:

- zbiór wartości podzbiory zbioru liczb całkowitych (z określonego zakresu [0,n])
- Operacje:
  - utwórz zbiór pusty,
  - Sprawdź czy element x jest w zbiorze S
  - Dodaj x do S
  - Usuń x z S
  - Operacje teoriomnogościowe: suma zbiorów, różnica zbiorów, przecięcie zbiorów, zawieranie zbiorów

## Przykład – zbiór

#### Implementacja (przykładowa):

- Reprezentacja zbioru: tablica zer i jedynek a taka, że a[x]==1 gdy x należy do zbioru (wektor charakterystyczny)
- Operacje:
  - Utwórz zbiór pusty: wypełnij tablicę zerami
  - Sprawdź czy element x jest w zbiorze: a[x]==1?
  - Dodaj x: a[x] = 1
  - Usuń x z S: a[x] = 0
  - Suma zbiorów a i b zapisana w zbiorze c:

```
Dla i=0, 1,...,n:
jeśli a[i]==1 lub b[i] == 1: c[i]=1
```

Inne operacje – zad. domowe...

### Abstrakcyjny typ danych – cele implementacji

#### Cele:

definicja typu i operacji:

szeroki zakres zastosowań;

- implementacja:
  - mała pamięć?
  - mały czas realizacji operacji?

## Przykład – podzbiory zbioru {0,1,...,n}

# Implementacja (przykładowa – wektor charakterystyczny):

- Pamięć każdy zbiór wymaga n komórek (dużo!)
- Czas:
  - utwórz zbiór pusty: O( n ),
  - Sprawdź czy element x jest w zbiorze: O( 1 )
  - Dodaj x: O( 1 )
  - Usuń x ze zbioru: O( 1 )
  - suma zbiorów a i b w zbiorze c: O( n ) ..... można szybciej?

# Opis typu definiującego listę liniową złożoną z elementów typu T:

- zbiór wartości <u>ciągi</u> elementów typu T
- Operacje na liście liniowej L:
  - Utwórz listę z jednym elementem o wartości x (utworz(x))
  - Pobierz pierwszy element (pierwszy(L)),
  - Zwróć listę bez pierwszego elementu (ogon(L)),
  - Dodaj x na początek (wstawPocz(x,L))
  - Usuń element o wartości x (usun(x,L))
  - Wypisz zawartość listy (wypisz(L))

#### Lista L – przykład:

#### Operacje na liście liniowej L:

- L  $\leftarrow$  utworz(5) 5
- wstawPocz(17,L)17, 5
- wstawPocz(2, L)2, 17, 5
- ogon(L),17, 5
- wstawPocz(3, L)3, 17, 5
- pierwszy(L)3 [ lista bez zmian ]

3, 5

- usun(17,L)
- wypisz(L)

#### Listy w Python a lista wiązana...:

- Listy dostępne w Pythonie zapewniają realizację operacji dla list wiązanych, a nawet więcej....
- … ale nie są zoptymalizowane pod kątem wykonywania operacji wstawiania i usuwania elementów (o czym się przekonamy…)
- … dlatego poznamy inny sposób implementacji

# Typ abstrakcyjny – uporządkowana lista liniowa

# Opis typu definiującego uporządkowaną listę liniową złożoną z elementów typu porządkowego T (np. int):

- zbiór wartości niemalejące ciągi elementów typu T
- Operacje na liście liniowej L:
  - Utwórz listę z elementem o wartości x (utworz(x))
  - Pobierz pierwszy element (pierwszy(L)),
  - Zwróć listę bez pierwszego elementu (ogon(L)),
  - Dodaj x (wstawPorz(x,L)) do listy L (z zachowaniem porządku)
  - Usuń element o wartości x (usun(x,L))
  - Wypisz zawartość listy (wypisz(L))

## Lista liniowa – implementacja tablicowa

# Reprezentacja listy L złożonej z elementów typu T:

- tablica L
- zmienna n określająca <u>aktualny</u> rozmiar listy
- L[0],...,L[n 1] to elementy listy

#### Wady:

- Rozmiar tablicy ograniczeniem na długość listy,
- Rozmiaru tablicy nie można zmieniać (?) więc zajmowana pamięć jest proporcjonalna do najdłuższej dopuszczalnej listy
- Usuwanie elementu "ze środka" kosztowne, podobnie dodawanie

#### Lista liniowa i wskaźniki w C

Lista – struktura z wyróżnionym polem oznaczającym wskaźnik na następny element listy.

#### **Przykład**

```
struct elem {
  int val;     //dane właściwe
  struct elem *next; // wskaznik na nastepny element
};
```

## Lista liniowa i wskaźniki w Python

Lista - klasa z wyróżnionym polem oznaczającego wskaźnik na następny element listy.

```
class ListItem:
    def __init__(self, value):
        self.val = value #dane właściwe
        self.next = None #nastepny element
```

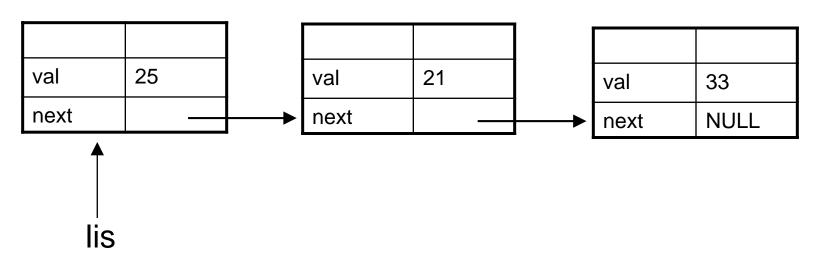
#### Lista liniowa i wskaźniki

Dostęp do listy – wskaźnik na jej pierwszy element:

struct elem \*lis;

UWAGA: zmienna lis ma taki sam typ jak pole next w strukturze struct elem.

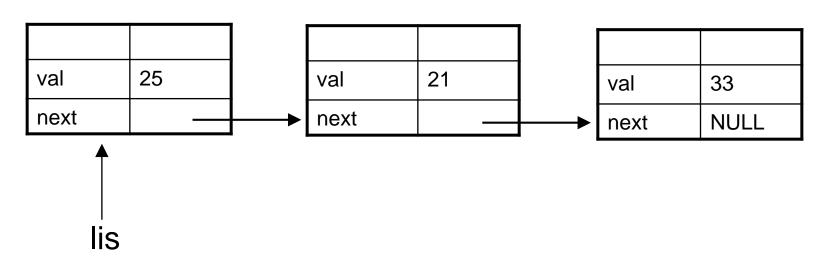
#### **Przykład**



## Lista – wypisz elementy listy

```
void wypisz(struct elem *lis)
  while (lis!=NULL) {
     printf("%d\n",lis->val);
     lis = lis->next;
```

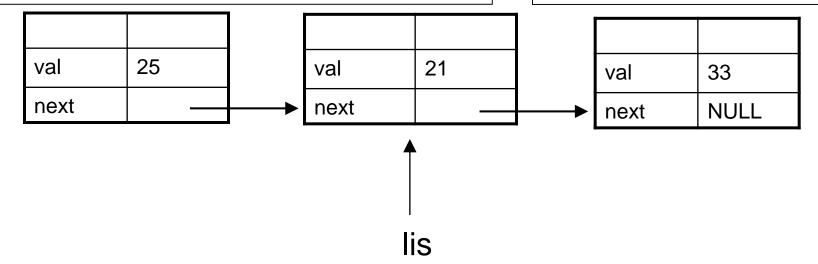
```
def wypisz(lis):
  while lis!=None:
    print lis.val
    lis = lis.next
```



## Lista – wypisz elementy listy

```
void wypisz(struct elem *lis)
  while (lis!=NULL) {
     printf("%d\n",lis->val);
     lis = lis->next;
```

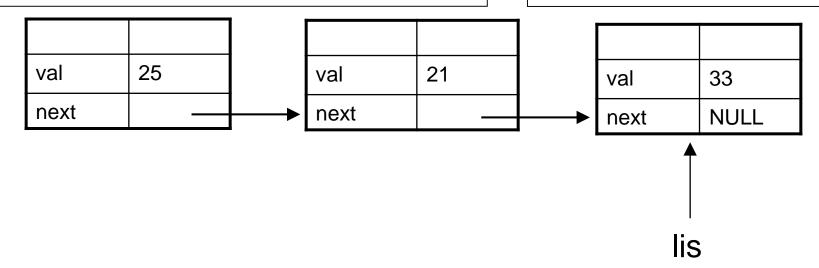
def wypisz(lis):
 while lis!=None:
 print lis.val
 lis = lis.next



## Lista – wypisz elementy listy

```
void wypisz(struct elem *lis)
  while (lis!=NULL) {
     printf("%d\n",lis->val);
     lis = lis->next;
```

```
def wypisz(lis):
  while lis!=None:
  print lis.val
  lis = lis.next
```



## Lista – bez pierwszego

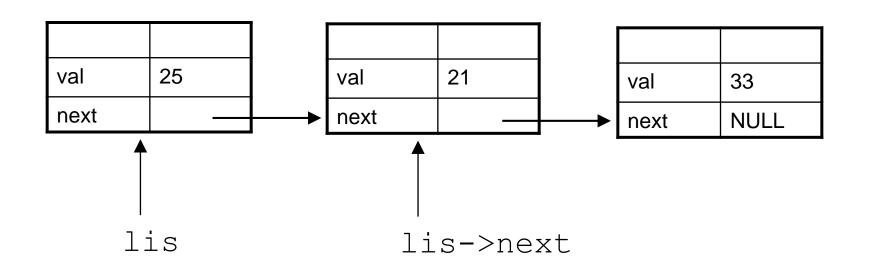
```
struct elem *ogon(struct elem *lis)
{
   if (lis!=NULL) return lis->next;
   else return NULL;
}
```

def ogon(lis):

if lis!=None:

return lis.next

else: return None



#### Lista / wskaźniki: tworzenie

#### **Dotychczas:**

wykonywaliśmy operacje na istniejącej liście

#### **Tworzenie listy:**

- Każdy element tworzony osobno ("rezerwujemy" dla niego pamięć)
- Deklaracja zmiennej wskaźnikowej w języku C nie powoduje utworzenia elementu, na który ta zmienna wskazuje!
- Łączenie elementów w listę możliwe poprzez pola next

#### Lista / wskaźniki: tworzenie w C

Zadeklarowanie zmiennej struct elem \*lis;

nie powoduje utworzenia struktury typu **struct** elem a jedynie wskaźnik na **struct** elem.

Utworzenie nowej struktury wymaga **zaalokowania pamięci** (na stercie):

lis = (struct elem \*) malloc(sizeof(struct elem));

#### Lista / wskaźniki: tworzenie w C

Utworzenie struktury wymaga zaalokowania pamięci:

```
lis = (struct elem *) malloc(sizeof(struct elem));
```

#### gdzie:

- malloc(i) rezerwuje pamięć o rozmiarze i "jednostek pamięci"
- sizeof(TYP) podaje liczbę jednostek pamięci zajmowanych przez elementy typu TYP
- (struct elem \*) to rzutowanie typu, które powoduje, że wynik funkcji malloc(...) traktowany będzie jako wskaźnik na element typu struct elem.

## Lista / wskaźniki: tworzenie Python

Utworzenie nowego elementu:

```
lis = ListItem( \langle WARTOSC \rangle )
```

tworzy element, w którym pole val jest równe (WARTOSC) a wskaźnik na następny element jest pusty (None).

```
class ListItem:

def __init__(self,value):

self.val = value

self.next = None
```

#### Lista / wskaźniki: tworzenie

```
struct elem *utworz(int wart)
{ //utworzenie nowej jednoelementowej listy
 struct elem *pom;
 pom=(struct elem *) malloc(sizeof(struct elem));
 pom->val = wart;
 pom->next = NULL;
                                    Wart
                             val
 return pom;
                                    NULL
                             next
                                   pom
```

Python: lis = ListItem( wart )
C: lis = utworz( wart )

## Lista: nowy element na początek

struct elem \*wstawPocz(struct elem \*lista, int nval)

{ // val dodajemy na poczatek listy lista

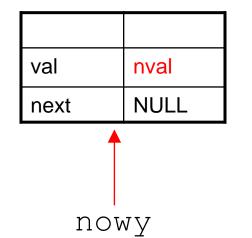
```
struct elem *nowy;

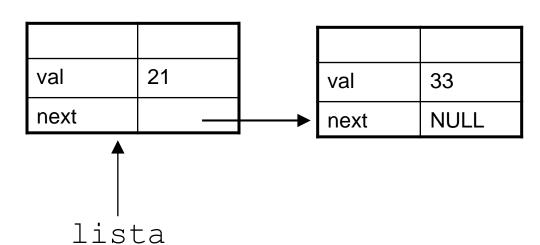
nowy=utworz(nval);

nowy->next = lista;

return nowy;
```

def wstawPocz(lista, nval):
# val dodajemy na poczatek listy
 nowy=ListItem(nval)
 nowy.next = lista
 return nowy





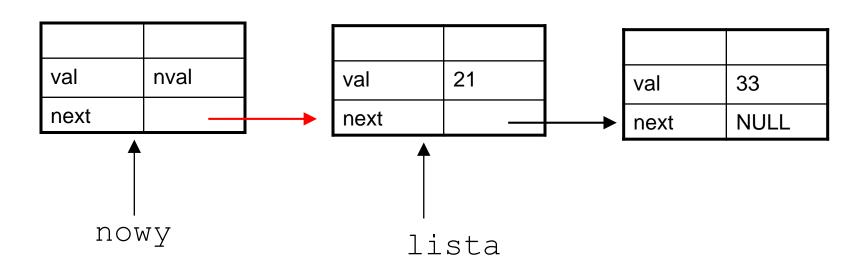
## Lista: nowy element na początek

struct elem \*wstawPocz(struct elem \*lista, int nval)

{ // val dodajemy na poczatek listy lista

```
struct elem *nowy;
nowy=utworz(nval);
nowy->next = lista;
return nowy;
```

def wstawPocz(lista, nval):
# val dodajemy na poczatek listy
nowy=ListItem(nval)
nowy.next = lista
return nowy



## Lista: znajdź sval

```
struct elem *znajdz(struct elem *lista, int sval)
  // zwraca wskaźnik na element zawierający sval
  // zwraca NULL gdy brak takiego elementu
  while (lista!=NULL) {
     if (lista->val==sval) return lista;
     lista = lista->next;
                             def znajdz(lista, sval):
  return NULL;
                             # zwraca wskaźnik na el. zawierający sval
                             # zwraca None gdy brak takiego elementu
                              while lista!=None:
                               if (lista.val==sval): return lista
                               lista = lista.next
                              return None
```

## Lista: znajdź sval

```
struct elem *znajdz(struct elem *lista, int sval)
     // zwraca wskaźnik na element zawierający sval
     // zwraca NULL wpp
  while (lista!=NULL) {
                                 def znajdz(lista, sval):
     if (lista->val==sval)
                                 # zwraca wskaźnik na el. zawierający sval
                                 # zwraca None gdy brak takiego elementu
       return lista;
                                   while lista!=None:
     lista = lista->next;
                                    if (lista.val==sval): return lista
                                    lista = lista.next
                                   return None
   return NULL;
               97
      val
                              val
                                       21
                                                              33
                                                      val
      next
                              next
                                                              NULL
                                                      next
                                                  znajdz(lista, 21)
        lista
```

## Lista: znajdź sval

```
struct elem *znajdz(struct elem *lista, int sval)
     // zwraca wskaźnik na element zawierający sval
     // zwraca NULL wpp
  while (lista!=NULL) {
                                 def znajdz(lista, sval):
     if (lista->val==sval)
                                 # zwraca wskaźnik na el. zawierający sval
                                 # zwraca None gdy brak takiego elementu
       return lista;
                                  while lista!=None:
     lista = lista->next;
                                    if (lista.val==sval): return lista
                                    lista = lista.next
                                   return None
   return NULL;
              97
      val
                              val
                                       21
                                                              33
                                                      val
      next
                              next
                                                              NULL
                                                      next
                                                  znajdz(lista, 21)
                               lista
```

## Lista uporządkowana

Problem (opisuje wstawPorz(lis, nval))

#### Wejście:

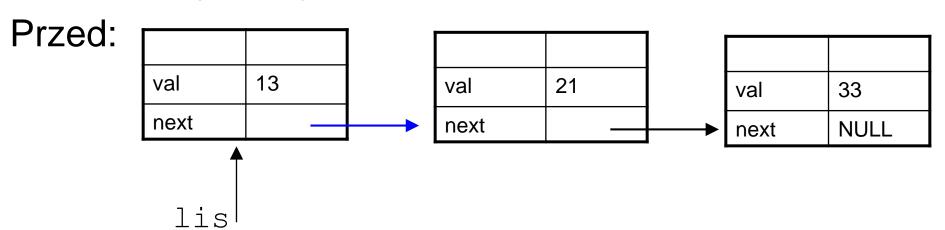
lis – wskaźnik na listę z kluczami uporządkowanymi niemalejąco

nval – nowy klucz do wstawienia

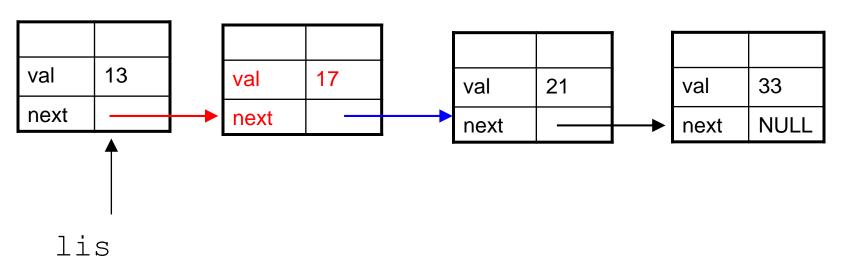
#### Wyjście:

lista otrzymana przez dodanie nval do lis, z zachowaniem porządku kluczy

#### wstawPorz(lis, 17)



Po:



#### Analiza przypadków:

- Nowy element najmniejszy (zmiana "głowy" listy)
- 2. Nowy element największy (za ostatnim)
- 3. Nowy element pomiędzy dwoma innymi

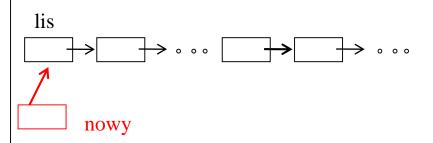
```
struct elem *wstawPorz(struct elem *lis,
     int nval)
{ struct elem *nowy, *pom;
 nowy = utworz(nval);
 if (lis==NULL || lis->val >= nval){
  nowy->next = lis;
  return nowy;}
 else {
  pom=lis;
  while (pom->next != NULL &&
        pom->next->val < nval)
      pom=pom->next;
  nowy->next=pom->next;
  pom->next=nowy;
  return lis;
```

```
def wstawPorz(lis, nval):
 nowy = ListItem(nval)
 if lis==None or lis.val >= nval:
  nowy.next = lis
  return nowy
 else:
  pom=lis
  while (pom.next != None and
     pom.next.val < nval):
   pom=pom.next
  nowy.next=pom.next
  pom.next=nowy
  return lis
```

```
struct elem *wstawPorz(struct elem *lis,
     int nval)
{ struct elem *nowy, *pom;
 nowy = utworz(nval);
 if (lis==NULL || lis->val >= nval){
  nowy->next = lis;
  return nowy;}
 else {
  pom=lis;
  while (pom->next != NULL
        && pom->next->val < nval)
      pom=pom->next;
  nowy->next=pom->next;
  pom->next=nowy;
  return lis;
```

```
Komentarz:
(lis==NULL || lis->val >=
nval)
```

gdy nowy element powinien być umieszczony na początku listy.

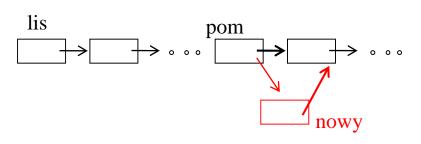


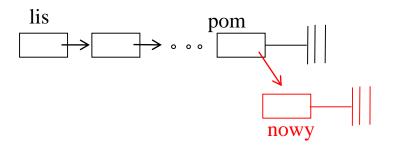
# Lista uporządkowana: nowy element

```
struct elem *wstawPorz(struct elem *lis,
     int nval)
{ struct elem *nowy, *pom;
 nowy = utworz(nval);
 if (lis==NULL || lis->val >= nval){
  nowy->next = lis;
  return nowy;}
 else {
  pom=lis;
  while (pom->next != NULL
       && pom->next->val < nval)
      pom=pom->next;
  nowy->next=pom->next;
  pom->next=nowy;
  return lis;
```

#### Komentarz dla "else":

"zatrzymujemy" przeglądanie listy na elemencie **poprzedzającym** miejsce, w które należy wstawić nowy element (jego następnikiem będzie nowy).





# Lista uporządkowana: usuwanie

Problem (opisuje usun(lis, uval))

#### Wejście:

- lis wskaźnik na listę
- uval klucz do usunięcia (usuwamy pierwsze wystąpienie)

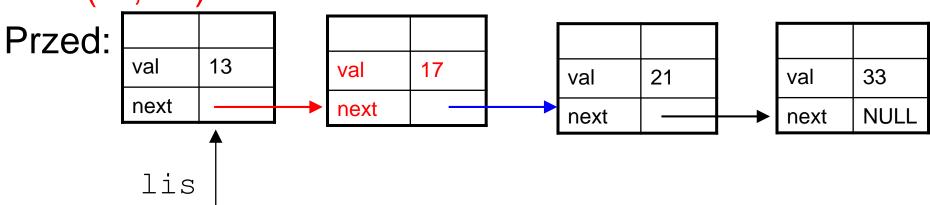
#### Wyjście:

lista otrzymana przez usunięcie uval z lis (usuwamy pierwsze wystąpienie)

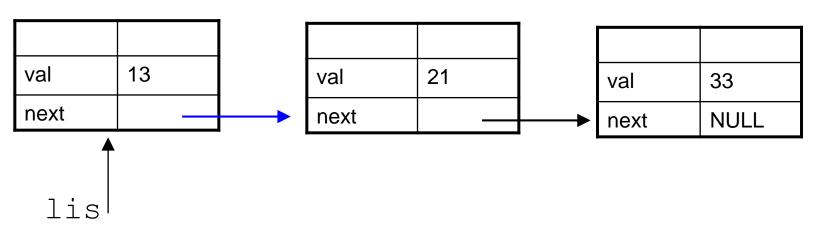
### Analiza przypadków:

- 1. uval nie występuje na liście
- 2. uval pierwszy na liście
- 3. uval występuje, ale nie jest pierwszy na liście

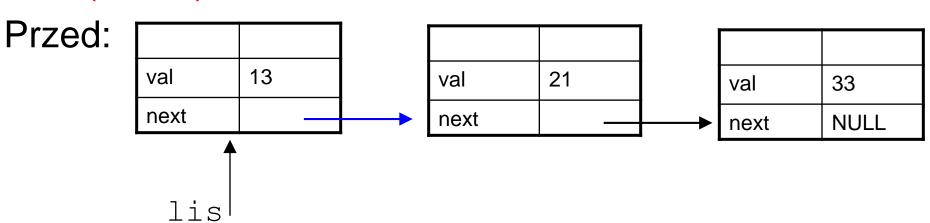
### usun(lis, 17)



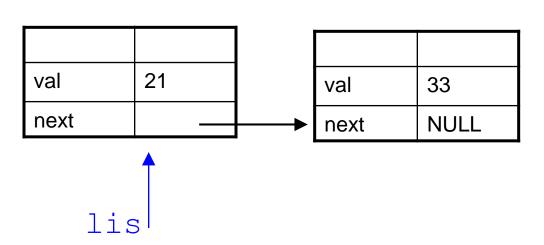
### Po:



## usun(lis, 13)



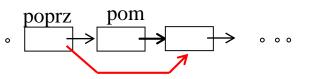
Po:



```
struct elem *usun(struct elem *lis, int uval)
{struct elem *pom, *poprz;
pom = lis;
while (pom != NULL && pom->val != uval){
      //poszukiwanie elementu uval
      poprz = pom;
      pom = pom->next;
if (pom != NULL) // na liscie wystapil uval
 if (pom == lis) { //do usuniecia pierwszy element
      lis=lis->next;
      free(pom);
 else { // tworzymy powiazanie omijajace usuw.el.
      poprz->next = pom->next;
      free(pom);
return lis;
```

#### Komentarz:

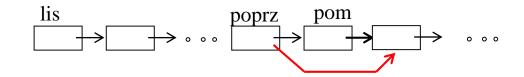
- pierwsza pętla przechodzi przez listę w poszukiwaniu elementu o wartości pola val równej uval;
- usunięcie elementu z listy
   wymaga zmiany następnika
   jego poprzednika, dlatego
   pierwsza pętla przechowuje
   wskaźnik na element poprzedni
   w zmiennej poprz
- w sytuacji, gdy usuwamy
  pierwszy element, zmianie musi
  też ulec wartość wskaźnika na
  początek listy.



```
def usun(lis, uval):
 pom = lis;
 while pom != None and pom.val != uval:
  #poszukiwanie elementu uval
  poprz = pom
  pom = pom.next
 if pom != None: # na liscie wystapil uval
  if pom == lis: #do usuniecia pierwszy
   lis=lis.next
  else: #tworzymy powiąz. omijajace
   poprz.next = pom.next
 return lis
```

#### Komentarz:

- pierwsza pętla przechodzi przez listę w poszukiwaniu elementu o wartości pola val równej uval;
- usunięcie elementu z listy
   wymaga zmiany następnika
   jego poprzednika, dlatego
   pierwsza pętla przechowuje
   wskaźnik na element poprzedni
   w zmiennej poprz
- w sytuacji, gdy usuwamy pierwszy element, zmianie musi też ulec wartość wskaźnika na początek listy.

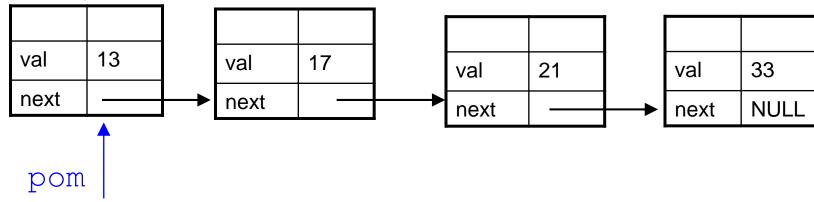


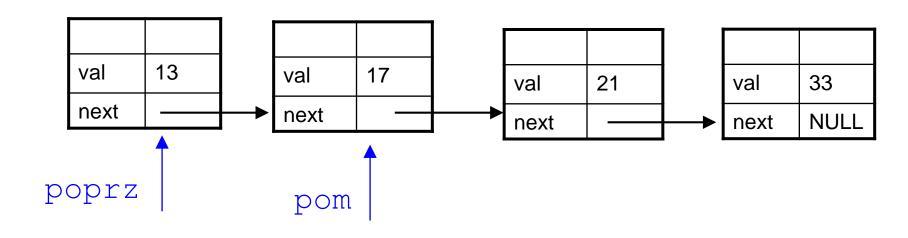
```
struct elem *usun(struct elem *lis, int uval)
{struct elem *pom, *poprz;
pom = lis;
while (pom != NULL && pom->val != uval){
      //poszukiwanie elementu uval
      poprz = pom;
      pom = pom->next;
if (pom != NULL) // na liscie wystapil uval
  if (pom == lis) { //do usuniecia pierwszy element
      lis=lis->next;
      free(pom);
  else { // tworzymy powiazanie omijajace usuw.el.
      poprz->next = pom->next;
      free(pom);
return lis;
```

#### Komentarz:

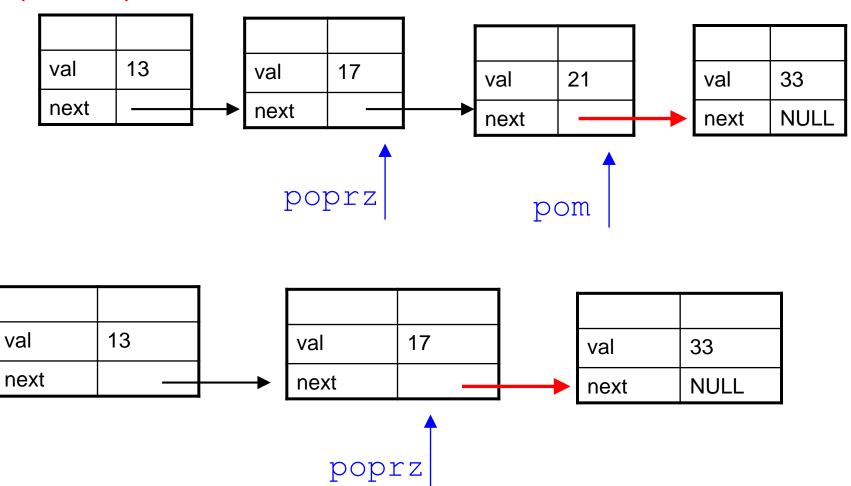
- dynamicznie tworzone obiekty zajmują obszar "sterty"
- C: free(pom) zwalnia pamięć na stercie zajmowaną przez usuwany element
- Python: automatyczne "odśmiecanie" sterty

## usun(lis, 21)





### usun(lis, 21)



#### Wypisanie elementów:

```
void wypiszR(struct elem *lis)
{
  if (lis != NULL){
    printf("%d\n", lis->val);
    wypiszR(lis->next);
  }
}
```

```
def wypiszR(lis):
  if lis != None:
    print lis.val
    wypiszR(lis.next)
```

#### Wstawienie wartości nval do listy uporządkowanej lis:

- Jeśli lis pusta lub pierwszy element większy (lub równy) nval wstaw nval na początek;
- W przeciwnym razie: wstaw nval do lis->next (lis.next)

#### Wstawienie do listy uporządkowanej:

```
struct elem *wstawPorzR(struct elem *lis, int nval)
{ struct elem *nowy, *pom;
 if (lis==NULL || lis->val >= nval){
  nowy = utworz(nval);
  nowy->next = lis;
  return nowy;}
 else {
  pom = wstawPorzR(lis->next,nval);
  lis->next = pom;
  return lis;
```

#### Wstawienie do listy uporządkowanej:

```
def wstawPorzR(lis, nval):
 if lis==None or lis.val >= nval:
  nowy = ListItem(nval)
  nowy.next = lis
  return nowy
 else:
  pom = wstawPorzR(lis.next,nval)
  lis.next = pom
  return lis
```

#### Usuniecie elementu o wartości uval z lis:

- 1. Jeśli lis pusta zwróć list
- Jeśli uval równy elementowi w głowie lis: zwróć lis->next (lis.next)

W przeciwnym razie: usuń uval z lis->next (lis.next)

#### Usunięcie elementu z listy:

```
struct elem *usunRek(struct elem *lis, int uval)
{ struct elem *pom;
 if (lis != NULL)
  if (lis->val == uval) { //do usuniecia pierwszy element
   pom = lis;
    lis = lis->next;
   free(pom); }
  else{
    pom = usunRek(lis->next, uval);
    lis->next = pom;
 return lis;
```

### Usunięcie elementu z listy:

```
def usunRek(lis, uval):
 if lis != None:
  if (lis.val == uval): #do usuniecia pierwszy element
    lis = lis.next
  else:
    pom = usunRek(lis.next, uval)
    lis.next = pom
 return lis
```

# Stos

### Stos

#### **STOS** (LIFO – last in, first out):

- Wartości: ciągi elementów określonego typu
- Operacje:
  - Wstaw na szczyt stosu (początek ciągu)
  - Odczytaj element ze szczytu stosu
  - Usuń element ze szczytu stosu
  - Zainicjuj stos (utwórz stos pusty)

#### Metody implementacji:

- Tablica?
- Lista liniowa?

# Kolejka

### **KOLEJKA** (FIFO – first in, first out):

- Wartości: ciągi elementów określonego typu
- Operacje:
  - Dodaj element na koniec kolejki
  - Odczytaj element z początku kolejki
  - Usuń element z początku kolejki
  - Zainicjuj kolejkę (utwórz pustą kolejkę)

#### Metody implementacji:

- Tablica?
- Lista liniowa? Z bezpośrednim dostępem do pierwszego i ostatniego elementu listy!