

$$x_i := a + ih \quad h := \frac{b-a}{n}$$

$$L_n(x) = \sum_{i=0}^n f(x_i) \lambda_i(x)$$

$$\lambda_i(x) = \prod_{k \neq i}^n \frac{x - x_k}{x_i - x_k} \quad \begin{array}{l} \swarrow \text{podstawmy } x_k, x_i \\ = \prod_{k \neq i}^n \frac{x - a - kh}{(i - k)h} \end{array}$$

$x$  można przedstawić jako  $a + th$   
dla jakiejś zmiennej  $t$

$$\lambda_i(x) \xrightarrow{\quad} \lambda_i(a + th) = \prod_{k \neq i}^n \frac{t - k}{i - k}$$

$$\lambda_i(x) = \frac{\prod_{k \neq i}^n (t - k)}{\prod_{k \neq i}^n (i - k)} = \frac{\prod_{k \neq i}^n (t - k)}{i! (n-i)! (-1)^i}$$

$$L_n(x) = \sum_{i=0}^n \frac{f(x_i)}{i! (n-i)! (-1)^i} \cdot \prod_{k \neq i}^n (t - k)$$