

Secretaría Académica, de Investigación e Innovación

Dirección de Docencia e Innovación Educativa

1. Datos Generales de la asignatura

Nombre de la asignatura: Cálculo Integral

Clave de la asignatura: | ACF – 0902

**SATCA<sup>1</sup>:** 3-2-5

Carrera: Todas las Carreras

#### 2. Presentación

#### Caracterización de la asignatura

La asignatura contribuye a desarrollar un pensamiento lógico-matemático al perfil del ingeniero y aporta las herramientas básicas para desarrollar el estudio del cálculo integral y sus aplicaciones. Además, proporciona herramientas que permiten modelar fenómenos de contexto.

Cálculo Integral requiere como competencia previa todos los temas de Cálculo Diferencial y a su vez proporciona las bases para el desarrollo de las competencias del Cálculo Vectorial y Ecuaciones Diferenciales y asignaturas de física y ciencias de la ingeniería, por lo que se pueden diseñar proyectos integradores con cualquiera de ellas.

La característica más sobresaliente de esta asignatura es que en ella se estudian las bases sobre las que se construye el cálculo integral. Utilizando las definiciones de suma de Riemann, integral definida para el cálculo de áreas. Para integral indefinida se consideran los métodos de integración como parte fundamental del curso. La integral es tema de trascendental importancia en las aplicaciones de la ingeniería.

#### Intención didáctica

La asignatura de Cálculo Integral se organiza en cuatro temas.

En el primer tema se inicia con el concepto del cálculo de áreas mediante sumas de Riemann como una aproximación a ella. Se incluye la notación sumatoria para que el alumno la maneje. La función primitiva (antiderivada) se define junto con el Teorema de Valor Intermedio y el primer y segundo Teorema Fundamental del Cálculo. Se estudia la integral definida antes de la indefinida puesto que aquélla puede ser abordada a partir del acto concreto de medir áreas.

En el segundo tema se estudia la integral indefinida y los métodos de integración principales. Se remarca la importancia de este tema para desarrollar con detalle cada uno de los métodos y considerar esto para la evaluación.

El tercer tema de aplicaciones de la integral se trata del cálculo de áreas, volúmenes y longitud de arco. Otras aplicaciones de utilidad que se pueden abordar son los centroides, áreas de superficie, trabajo, etc. En el cálculo de áreas se considerarán además aquellas que requieren el uso de integrales impropias de ambos tipos. Todo lo anterior aplicado en el contexto de las ingenierías.

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> Sistema de Asignación y Transferencia de Créditos Académicos





#### Secretaría Académica, de Investigación e Innovación

Dirección de Docencia e Innovación Educativa

En el último tema de series se inicia con el concepto de sucesiones y series para analizar la convergencia de algunas series que se utilizan para resolver ciertas integrales. La serie de Taylor permite derivar e integrar una función como una serie de potencias.

El estudiante debe desarrollar la habilidad para modelar situaciones cotidianas en su entorno. Es importante que el estudiante valore las actividades que realiza, que desarrolle hábitos de estudio y de trabajo para que adquiera características tales como: la curiosidad, la puntualidad, el entusiasmo, el interés, la tenacidad, la flexibilidad y la autonomía.

El Cálculo Integral contribuye principalmente para el desarrollo de las siguientes competencias genéricas: de capacidad de abstracción, análisis y síntesis, capacidad para identificar, plantear y resolver problemas, habilidad para trabajar en forma autónoma, habilidades en el uso de las TIC's, capacidad crítica y autocrítica y la capacidad de trabajo en equipo.

El docente de Cálculo Integral debe mostrar y objetivar su conocimiento y experiencia en el área para construir escenarios de aprendizaje significativo en los estudiantes que inician su formación profesional. El docente enfatiza el desarrollo de las actividades de aprendizaje de esta asignatura a fin de que ellas refuercen los aspectos formativos: incentivar la curiosidad, el entusiasmo, la puntualidad, la constancia, el interés por mejorar, el respeto y la tolerancia hacia sus compañeros y docentes, a sus ideas y enfoques y considerar también la responsabilidad social y el respeto al medio ambiente.

3. Participantes en el diseño y seguimiento curricular del programa

Lugar y fecha de elaboración o revisión	Participantes	Evento
Instituto Tecnológico de Matamoros, del 9 al 13 de marzo de 2009.	Representantes de los Institutos Tecnológicos de: Aguascalientes, Apizaco, Chihuahua, Chihuahua II, Celaya, Durango, El Salto, Irapuato, León, Matamoros, Mérida, Mexicali, Milpa Alta, Minatitlán, Querétaro, San Luis Potosí, Saltillo, Santiago Papasquiaro, Toluca, Veracruz, Villahermosa, Zacatecas Occidente y Zitácuaro.	Reunión Nacional de Diseño de Asignaturas Comunes para el Desarrollo de Competencias Profesionales de las Carreras del SNEST.
Instituto Tecnológico de Puebla del 8 al 12 de junio de 2009	Representantes de los Institutos Tecnológicos de: Aguascalientes, Apizaco, Chihuahua, Chihuahua II, Celaya, Durango, El Salto, Irapuato, León, Matamoros, Mérida, Mexicali, Milpa	Desarrollo y Formación de Competencias Profesionales de las Carreras de





# Secretaría Académica, de Investigación e Innovación

Dirección de Docencia e Innovación Educativa

	Alta, Minatitlán, Querétaro, San Luis Potosí, Saltillo, Santiago Papasquiaro, Toluca, Veracruz, Villahermosa, Zacatecas Occidente y Zitácuaro.	Empresarial, Ingeniería en Logística, Ingeniería en Nanotecnología y Asignaturas Comunes.
Instituto Tecnológico de Hermosillo, del 28 al 31 de agosto de 2012.	Representantes de los Institutos Tecnológicos de: Acayucan, Aguascalientes, Altiplano de Tlaxcala, Apizaco, Cd. Cuauhtémoc, Cd. Juárez, Cd. Madero, Celaya, Chetumal, Coatzacoalcos, Cuautitlán Izcalli, Delicias, Hermosillo, Iguala, Irapuato, Jilotepec, León, Lerdo, Libres, Los Ríos, Matamoros, Minatitlán, Mulegé, Nuevo Casas Grandes, Nuevo Laredo, Orizaba, Pabellón de Arteaga, Puerto Vallarta, Saltillo, San Luis Potosí, Santiago Papasquiaro, Sinaloa de Leyva, Tapachula, Teposcolula, Teziutlán, Tijuana, Tláhuac, Tláhuac II, Toluca, Valle del Yaqui, Veracruz, Zacatecas Norte, Zacapoaxtla y Zitácuaro.	Reunión Nacional de Seguimiento Curricular de Asignaturas Comunes del SNEST.
Instituto Tecnológico de Toluca, del 10 al 13 de febrero de 2014.	Representantes de los Institutos Tecnológicos de: Cd. Madero, Culiacán, Durango, Hermosillo, Matamoros, Mulegé, Orizaba, Pachuca, Roque, San Luis Potosí, Santiago Papasquiaro, Toluca y Zitácuaro.	Reunión de Seguimiento Curricular de los Programas Educativos de Ingenierías, Licenciaturas y Asignaturas Comunes del SNIT.

# 4. Competencia a desarrollar

# Competencia específica de la asignatura

Aplica la definición de integral y las técnicas de integración para resolver problemas de ingeniería.



Secretaría Académica, de Investigación e Innovación

Dirección de Docencia e Innovación Educativa

# 5. Competencias previas

Plantea y resuelve problemas utilizando las definiciones de límite y derivada de funciones de una variable para la elaboración de modelos matemáticos aplicados.

#### 6. Temario

EDUCACIÓN PÚBLICA

0. 10	emario	
No.	Temas	Subtemas
1	Teorema fundamental del cálculo.	1.1 Medición aproximada de figuras amorfas.
		1.2 Notación sumatoria.
		1.3 Sumas de Riemann.
		1.4 Definición de integral definida.
		1.5 Teorema de existencia.
		1.6 Propiedades de la integral definida.
		1.7 Función primitiva.
		1.8 Teorema del valor intermedio.
		1.9 Teorema fundamental del cálculo.
		1.10 Cálculo de integrales definidas básicas.
2	Métodos de integración e integral	2.1 Definición de integral indefinida.
	indefinida.	2.2 Propiedades de integrales indefinidas
		2.3 Cálculo de integrales indefinidas.
		2.3.1 Directas.
		2.3.2 Cambio de variable.
		2.3.3 Por partes.
		2.3.4 Trigonométricas.
		2.3.5 Sustitución trigonométrica.
		2.3.6 Fracciones parciales.
3	Aplicaciones de la integral.	3.1 Áreas.
		3.1.1 Área bajo la gráfica de una función.
		3.1.2 Area entre las gráficas de funciones.
		3.2 Longitud de curvas.
		3.3 Cálculo de volúmenes de sólidos de
		revolución.
		3.4 Integrales impropias.
		3.5 Aplicaciones.
4	Series.	4.1 Definición de sucesión.
		4.2 Definición de serie.
		4.2.1 Finita
		4.2.2 Infinita
		4.3 Serie numérica y convergencia. Criterio de
		la razón. Criterio de la raíz. Criterio de la
		integral.
		4.4 Series de potencias.
		4.5 Radio de convergencia.
		4.6 Serie de Taylor.
		4.7 Representación de funciones mediante la



Secretaría Académica, de Investigación e Innovación

Dirección de Docencia e Innovación Educativa

	serie	de Taylo	r.			
	4.8	Cálculo	de	integrales	de	funciones
	expr	esadas con	no se	erie de Taylo	or.	

7. Actividades de aprendizaje de los temas					
	mental del cálculo.				
Competencias	Actividades de aprendizaje				
Competencias específicas:	Buscar información sobre el desarrollo				
Comprende los dos teoremas fundamentales	histórico del cálculo integral.				
del cálculo para establecer la relación entre	Calcular áreas aproximadas de funciones				
cálculo diferencial y cálculo integral.	simples.				
Aplica los teoremas y las propiedades de la	Calcular sumas de Riemann utilizando				
integral para evaluar integrales definidas.	TIC's.				
	Aplicar el teorema del valor intermedio y el				
Competencias genéricas: Capacidad de	teorema fundamental del cálculo para				
abstracción, análisis y síntesis. Capacidad	evaluar integrales definidas.				
para identificar, plantear y resolver	Calcular integrales definidas diversas y				
problemas. Capacidad de aprender y	asociar cada integral con su interpretación				
actualizarse permanentemente. Capacidad	geométrica.				
de trabajo en equipo.					
	ón e integral indefinida.				
Competencias	Actividades de aprendizaje				
Competencias específicas:	Encontrar la función primitiva de una				
Identifica el método de integración más	función dada y graficar una familia de				
adecuado para resolver una integral	funciones considerando distintos valores				
indefinida.	de la constante de integración.				
	Presentar un grupo de integrales para				
	seleccionar el método de solución más				
Competencias genéricas: Capacidad de	adecuado y resolver.				
abstracción, análisis y síntesis. Capacidad	Resolver integrales que no pueden				
para identificar, plantear y resolver	resolverse de forma directa				
problemas. Capacidad de aprender y	(trigonométricas, algebraicas,				
actualizarse permanentemente. Capacidad	exponenciales, logarítmicas, etc.).				
de trabajo en equipo.	Resolver integrales indefinidas utilizando				
	TIC's.				
	s de la integral.				
Competencias	Actividades de aprendizaje				
Competencias específicas:	Plantear la integral que resuelva el				
Utiliza las definiciones de integral y las	cálculo del área delimitada por una				
técnicas de integración para la solución de	función.				
técnicas de integración para la solución de problemas geométricos y aplicados en la	función. Calcular áreas con el uso de TIC's.				
técnicas de integración para la solución de problemas geométricos y aplicados en la ingeniería.	función. Calcular áreas con el uso de TIC's. Calcular áreas bajo la curva de funciones				
técnicas de integración para la solución de problemas geométricos y aplicados en la ingeniería. Competencias genéricas: Capacidad de	función. Calcular áreas con el uso de TIC's. Calcular áreas bajo la curva de funciones discontinuas utilizando la integral				
técnicas de integración para la solución de problemas geométricos y aplicados en la ingeniería. <b>Competencias genéricas:</b> Capacidad de abstracción, análisis y síntesis. Capacidad	función. Calcular áreas con el uso de TIC's. Calcular áreas bajo la curva de funciones discontinuas utilizando la integral impropia.				
técnicas de integración para la solución de problemas geométricos y aplicados en la ingeniería. Competencias genéricas: Capacidad de	función. Calcular áreas con el uso de TIC's. Calcular áreas bajo la curva de funciones discontinuas utilizando la integral				



#### Secretaría Académica, de Investigación e Innovación

Dirección de Docencia e Innovación Educativa

actualizarse permanentemente. Capacidad Participar en una plenaria en la que se intercambien de trabajo en equipo. productos de los recopilación.

4. Series.

#### Competencias Actividades de aprendizaje **Competencias específicas:** Buscar información sobre situaciones Aplica series para aproximar la solución de reales donde aparecen las sucesiones. integrales especiales. Analizar por equipos los conceptos de serie finita e infinita, convergencia y Competencias genéricas: Capacidad de divergencia. Analizar por equipos los conceptos de: abstracción, análisis y síntesis. Capacidad serie de potencias; intervalo y el radio de identificar, plantear y resolver convergencia de diversas series. problemas. Capacidad de aprender y actualizarse permanentemente. Capacidad Buscar series en distintos campos de la de trabajo en equipo. ciencia registrando la serie y el contexto en el que tiene aplicación. Participar en una plenaria en la que se intercambien los productos búsqueda.

Buscar información el origen de la serie de Taylor y la serie de Maclaurin.

Comentar en plenaria los productos de la investigación.

Encontrar la serie de Taylor de diversas funciones propuestas.

Representar funciones como una serie de Taylor usando TIC's.

Resolver integrales mediante una representación por serie de Taylor.

### 8. Práctica(s)

Aproximar el área bajo la curva por medio de sumas de Riemann usando TIC's.

Crear y modelar un prototipo didáctico para el cálculo de volúmenes (figuras simples: conos, vasos, cilindros circular recto).

Resolver integrales utilizando TIC's.

Identificar situaciones reales donde se pueda utilizar la definición de integral.

Calcular el área bajo la curva y el área entre curvas utilizando TIC's.

Mediante un modelo físico representar la definición de serie.

TIC's propuestos a utilizar: Sistemas Algebraicos Computarizados (SAC) como Mathematica, Maple, Derive, Mathcad, Matlab, Geogebra, Wiris, Winplot, etc.

### 9. Proyecto de asignatura

El objetivo del proyecto que planteé el docente que imparta esta asignatura, es demostrar el desarrollo y alcance de la(s) competencia(s) de la asignatura, considerando las siguientes fases:



#### Secretaría Académica, de Investigación e Innovación

Dirección de Docencia e Innovación Educativa

- Fundamentación: marco referencial (teórico, conceptual, contextual, legal) en el cual se fundamenta el proyecto de acuerdo con un diagnóstico realizado, mismo que permite a los estudiantes lograr la comprensión de la realidad o situación objeto de estudio para definir un proceso de intervención o hacer el diseño de un modelo.
- Planeación: con base en el diagnóstico en esta fase se realiza el diseño del proyecto por parte de los estudiantes con asesoría del docente; implica planificar un proceso: de intervención empresarial, social o comunitario, el diseño de un modelo, entre otros, según el tipo de proyecto, las actividades a realizar los recursos requeridos y el cronograma de trabajo.
- Ejecución: consiste en el desarrollo de la planeación del proyecto realizada por parte de los estudiantes con asesoría del docente, es decir en la intervención (social, empresarial), o construcción del modelo propuesto según el tipo de proyecto, es la fase de mayor duración que implica el desempeño de las competencias genéricas y especificas a desarrollar.
- Evaluación: es la fase final que aplica un juicio de valor en el contexto laboralprofesión, social e investigativo, ésta se debe realizar a través del reconocimiento de logros y aspectos a mejorar se estará promoviendo el concepto de "evaluación para la mejora continua", la meta cognición, el desarrollo del pensamiento crítico y reflexivo en los estudiantes.

#### 10. Evaluación por competencias

Las técnicas, herramientas y/o instrumentos sugeridos que permiten obtener el producto del desarrollo las actividades de aprendizaje: mapas conceptuales, reportes de prácticas, estudios de casos, exposiciones en clase, ensayos, problemarios, reportes de visitas, portafolio de evidencias, exámenes, proyecto de asignatura o integrador y cuestionarios.

Las técnicas, herramientas y/o instrumentos sugeridos que permitan constatar el logro o desempeño de las competencias del estudiante: listas de cotejo, listas de verificación, matrices de valoración, guías de observación, coevaluación y autoevaluación.

#### 11. Fuentes de información

#### Textos:

Anton H. (2009). Cálculo de una variable: trascendentes tempranas. (2ª. Ed.). México. Limusa.

Ayres, F. (2010). Cálculo. (5ª. Ed.). México. McGraw-Hill.

Larson, R., Edwards, B. H. (2010). *Cálculo I : de una variable*. (9<sup>a</sup>. Ed.). México. McGraw Hill.

Larson, R. (2009). Matemáticas 2 : Cálculo Integral. México. McGraw Hill.

Leithold, L. (2009). *El Cálculo con Geometría Analítica*. (7ª. Ed.). México. Oxford University Press.

Stewart, J. (2013). Cálculo de una variable: trascendentes tempranas. (7<sup>a</sup>. Ed.). México. Cengage Learning.

Thomas, G. B. (2012). Cálculo de una variable con código de acceso MyMathlab. (12<sup>a</sup>. Ed.). México. Pearson.

Zill, D. Wright, W. (2011). Cálculo de una variable : Trascendentes tempranas. (4ª.



#### Secretaría Académica, de Investigación e Innovación

Dirección de Docencia e Innovación Educativa

Ed.). México. Mc Graw Hill.

Zill, D. Wright, W. (2011). *Matemáticas 2 : Cálculo integral*. (4ª. Ed.). México. Mc Graw Hill.

#### Recursos en Internet:

Seeburger, Paul (2007). Figure 5.4.9 - Example 6 (Numerical Approximations of Area). Consultado en 02,11,2014 en

http://higheredbcs.wiley.com/legacy/college/anton/0470183454/applets/ch5/figure5\_4\_9/riemann5\_4\_9.htm.

Seeburger, Paul (2007). Numerical Approximations of Area. Consultado en 02,11,2014 en

http://higheredbcs.wiley.com/legacy/college/anton/0470183454/applets/ch5/figure5\_4\_7/figure5\_4\_7.htm.

Seeburger, Paul (2007). The Rectangle Method for Finding Area. Consultado en 02,11,2014 en

http://higheredbcs.wiley.com/legacy/college/anton/0470183454/applets/ch5/figure5\_1\_4/figure5\_1\_4.htm.

Seeburger, Paul (2007). *Section 6.2 - Solids by Washers*. Consultado en 02,11,2014 en http://higheredbcs.wiley.com/legacy/college/anton/0470183454/applets/ch6/figure6\_2\_13/figure6\_2\_13.htm.

Seeburger, Paul (2007). Section 6.3 - Volumes by Cylindrical Shells. Consultado en 02,11,2014 en

http://higheredbcs.wiley.com/legacy/college/anton/0470183454/applets/ch6/figure6\_3\_7/figure6\_3\_7.htm.

Seeburger, Paul (2007). Section 9.7 - Maclaurin Polynomials - Figure 9.7.3. Consultado en 02,11,2014 en

http://higheredbcs.wiley.com/legacy/college/anton/0470183454/applets/ch9/figure9\_7\_3/figure9\_7\_3.htm.