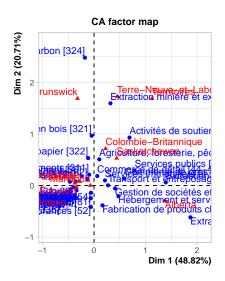
### Analyse des correspondances binairess

Interprétation

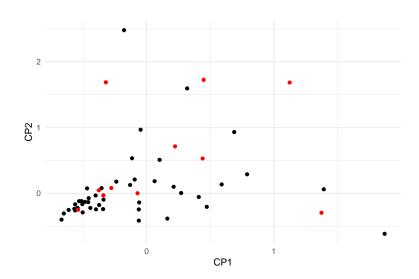
Véronique Tremblay

### Exemple plus réaliste



©Véronique Tremblay 2021

## Graphique



©Véronique Tremblay 2021

#### Coordonnées

Les coordonnées des points lignes correspondent au profils lignes projetés sur les axes factoriels. La coordonnée de la  $i^e$  ligne sur l'axe j est donné par la  $i^e$  ligne de:

$$D_n^{-1} F D_p^{-1} \mu_i = D_n^{-1} F \varphi_j.$$

Les coordonnées des points colonnes correspondent au profils colonnes projetés sur les axes factoriels. La coordonnée de la  $k^e$  colonne sur l'axe j est donné par la  $k^e$  ligne de:

$$D_{\text{V\'eronique Tremblay 2021}}^{D_p^{-1}}F^\top D_n^{-1}\nu_j = D_p^{-1}F^\top \psi_j.$$

## Améliorer l'interprétabilité

- Réduire le nombre de modalités
  - Combiner ou retirer des modalités
- Ajouter la qualité

## Ajouter la qualité

La qualité de la représentation du  $k^{\rm e}$  point-colonne dans l'axe j est donnée par

$$\frac{d_j^2(k, G_C)}{d^2(k, G_C)} = \cos^2(\theta_{kj}),$$

Avec

$$d^2(k,G_C) = \sum_{i=1}^n \frac{1}{f_{i\bullet}} \left( \frac{f_{ik}}{f_{\bullet j}} - f_{i\bullet} \right)^2$$

et

$$d_j^2(k,G_C) = \left(\sqrt{\lambda_j}\varphi_{jk}\right)^2$$

### **Contribution - lignes**

La contribution du  $i^e$  point-ligne sur l'axe j

$$\frac{f_{i\bullet}\hat{\Psi}_{ji}^2}{\lambda_j}$$

La contribution de la modalité *Fabrication de produits du pétrole et du charbon* au deuxième axe est:

Fabrication de produits du pétrole et du charbon [324]

26

#### **Contribution - colonnes**

La contribution du  $k^{\rm e}$  point-colonne sur l'axe j est:

$$\frac{f_{\bullet k}\hat{\varphi}_{jk}^2}{\lambda_i}$$

La contribution de la modalité *Maritimes* au deuxième axe est:

Maritimes 37

#### Inertie totale

L'inertie est une moyenne pondérée des carrés des distances des points à leur centre.

$$I = \frac{\chi_{obs}^2}{k_{\bullet \bullet}}$$

# Statistique du $\chi^2$

$$\chi^2_{observ} = \sum_{i=1}^n \sum_{j=1}^p \frac{(k_{ij} - k_{\bullet \bullet} f_{i \bullet} f_{\bullet j})^2}{k_{\bullet \bullet} f_{i \bullet} f_{\bullet j}}$$

Sous l'indépendance, suit une  $\chi^2_{(n-1)(p-1)}$ 

#### Inertie

Analogue de la distance vue dans l'ACP

L'inertie du  $i^e$  point-ligne est

$$I_{i_{\bullet}} = k_{\bullet \bullet} \sum_{j=1}^{p} \frac{(f_{ij} - f_{i \bullet} f_{\bullet j})^{2}}{f_{i \bullet} f_{\bullet j}}$$

### Inertie

	Inertie
Alberta	0.40
Colombie-Britannique	0.11
Manitoba	0.03
Ontario	0.16
Québec	0.04
Saskatchewan	0.06
Maritimes	0.14

©Véronique Tremblay 2021 12

### Valeurs propres

Les valeurs propres indiquent la proportion de l'écart à l'indépendance qui est attribuable à la dimension correspondante.