REPORT



Assignment #3

수강과목	전기전자심화설계및소프트웨어실습(2014)
담당교수	김원준
학 과	전기전자공학부
학 번	201810909
이 름	이재현
제출일자	2022. 10. 4(화)

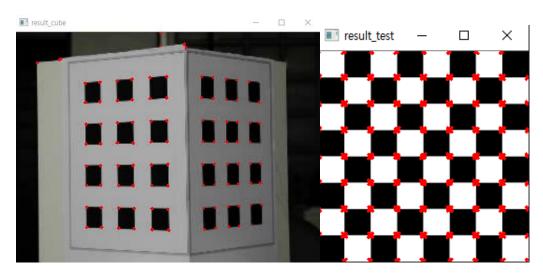
1. Harris Corner Detection

"A combined corner and edge detctior" 에서 Harris, Stephens 가 제안한 Corner 검출 방법론으로 하나의 픽셀을 중심으로 하는 window 를 각각의 축 방향으로 움직였을 때 픽셀 값의 차이가 얼마나 크게 발생하는 지를 계산하여 Corner 를 detection 하는 것이 기본 원리이다. 직관적으로 Corner pixel 을 중심으로 한 window 에서 픽셀 값의 차이가 가장 크게 나타날 것임을 알 수 있다. 이는 tayler series extension 에 의해 아래와 같이 approximation 할 수 있고 이를 matrix notation 으로 정리하면 아래와 같다.

$$E(u,v) = \sum_{(x_k,y_k) \in W} [I(x_k + u, y_k + v) - I(x_k, y_k)]^2 \cong \sum_{(x_k,y_k) \in W} (f_x^2 + f_y^2 + 2f_X f_y)$$

$$E(u, v) = [u \ v] \begin{bmatrix} \sum f_x^2 & \sum f_x f_y \\ \sum f_x f_y & \sum f_y^2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} u \\ v \end{bmatrix}$$

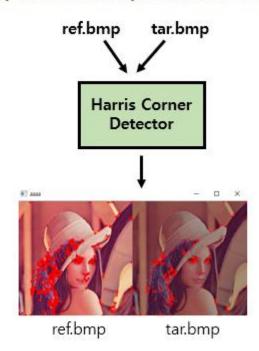
E(u, v) 값이 크려면 가운데에 위치한 2 by 2 행렬이 커야 하는데, 이 행렬을 structure tensor 이라고 부른다. 양 방향으로 변화가 클 때, corner point 이므로 structure tensor 을 고유값 분해 하였을 때 나오는 고유값들이 모두 충분히 커야한다. 다만 고유값 계산은 연산량이 많으므로 아래와 같이 대체하여 구해낼 수있다. $R = \det(M) - k \left(trace(M) \right)^2$ structure tensor 의 고유값이 모두 크면 R > 0이다. 이를 구현하였을 때, 아래와 같이 corner point 가 잘 검출되는 모습을 확인할 수 있었다. Harris corner dector 는 밝기 변화에 robust 하지만 scale 변화에는 취약하다는 특징이 있다.

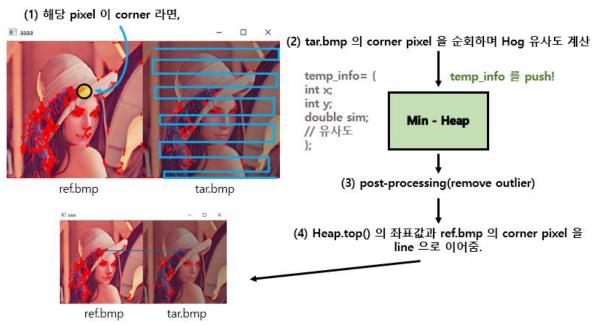


2. Compute HOG descriptors around corner points.

본 과제에서 구현해야하는 프로그램은 아래와 같다. 먼저, ref.bmp 와 tar.bmp에 대해서 Harris corner detection 을 수행하여 corner points 를 검출한다.

Compute HOG descriptors around corner points!





ref.bmp 에서 corner points 를 검출했다면, tar.bmp 의 corner point 들을 순회하며 HOG 히스토그램을 구해서 ref.bmp 에서의 corner point 와 가장 유사한 corner pixel 을 찾아서 line 으로 이어준다. 이를 위해서 해야 하는 task 는 먼저 HOG histogram 을 local 하게 동작하도록 modify 해야한다. tar.bmp 에서 corner point 를 검출하면, 해당 픽셀의 위치를 center 로 하는 17 by 17 block에서 hog histogram 을 반환하는 함수를 구현해야 한다.

```
ifloat* get_hog_histogram_around_corner(Mat input, int pos_x, int pos_y, float* mag, float* dir_arr) {
    int height = input,rows;
    int width = input,cols;

int idx = 0;
    // block-based hog algorithm(modified)
    float* temp_histogram = (float*)calloc(9, sizeof(float));

fill(temp_histogram, temp_histogram + 9, 0); // set all zero
double dir_val = 0.0;
    for (int m = pos_y=BLK/2: m < pos_x + BLK/2: m*=1) { // calculate histogram at each block
        if (m < 0 || m >= input,rows || n < 0 || n >= input,cols) continue; // out of bounds
        dir_val = dir_arr[m * width + n];
        if temp_histogram[(int)dir_val / 20] += mag[m * width + n];
    }
}

// L-2 normalization
float normalization sum = 0.0;
for (int i = 0; i < 9; i++) { normalization_sum += temp_histogram[i] * temp_histogram[i]; }
normalization_sum = surt(normalization_sum);
for (int i = 0; i < 9; i++) {
    if (normalization_sum == 0) break;
    temp_histogram[i] /= normalization_sum;
}

return temp_histogram: // return histogram</pre>
```

HOG histogram 을 계산하기 위해서 필요한 magnitude 값과 direction 값이 저장된 배열은 parameter 로 받도록 하였다. 또한 corner point 에 해당하는 pos_x, pos_y 또한 parameter 로 전달받도록 하여, tar.bmp 의 corner point 를 중심으로 하는 17 by 17 Block 에 대해 locally 하게 HOG Histogram 을 계산할 수 있도록 modify 하였다.

histogram 의 유사도는 Eculidean distance(L2-norm) 을 사용하였다.

ref.bmp 에서 corner point 를 검출했다면 tar.bmp 의 corner point 들을 순회하며 가장 유사한 pixel 을 찾아야 한다. 이를 위해서 사용한 아이디어는 우선순위큐(priority queue)를 이용해서 최소 유사도를 가지는 points 를 검출해내는 것이다.

```
struct sim_x_y {
    int x; // 좌표
    int y;
    double sim; // 유사도
};

struct compare { // similiarity 가 작은 애가 더 유사한거임.
    bool operator()(const sim_x_y& m1, const sim_x_y& m2) {
        int y;
        int y;
```

이를 위해 위와 같이 좌표값과 유사도를 member 로 가지는 struct 인 sim_x_y를 선언한 뒤, 이를 element 으로 가지는 priority_queue pq 를 선언한다. 중요한 것은 유사도인 sim 은 L2 - norm 으로 계산되므로 작을 수록 더 유사하다는 것이므로 pq 의 정렬 기준을 modify 해주어야 하므로 위와 같이 compare class를 정의하여 사용하였다.

이후에는 위와 같이 ref.bmp 에서 corner point 이라면 tar.bmp 의 corner point 를 순회하며 HOG histogram 을 계산하고, 유사도를 얻는다. 유사도와 좌표를 담은 temp_info 를 pq 에 push 하는 것을 반복한다. 이렇게 하면 tar.bmp 를 모두 순회하게 되면 pq 의 top 에는 가장 최소 L2-norm 값을 가진

temp_info 가 남는다. 이제 이에 대해서 post-processing 을 통해 outlier 을 제거해주고, pq.top() 에 저장된 좌표값과 ref.bmp 의 corner point 를 line 으로 이어주는 것을 반복한다. 그러면 아래와 같이 matching 된 point 들이 line 으로 연결되는 모습을 확인할 수 있다.



3. Discussion

본 과제에서는 Harris corner detector 으로 검출한 corner point 에 대해서 HOG descriptor 으로 ref.bmp 와 tar.bmp 의 유사도가 가장 좋은 corner point 를 matching 하는 프로그램을 구현하였다. ref.bmp 의 corner point 와 가장 유사한 tar.bmp 의 corner point 를 찾아 matching 하기 위해 좌표값과 유사도를 member 로 가지는 구조체인 temp_info 를 element 로 가지는 priority_queue 를 선언하고, 유사도 값이 가장 작을 수록 top 에 위치하도록 compare 함수를 modify 하여 사용하였고, 가장 유사한 point 를 찾아낸 다음에 line 으로 연결시켜서 matching 하는 프로그램을 구현할 수 있었다. HOG Algorithm 으로 얻어낸 gradient based feature 을 토대로, corner point 를 matching 할 수 있었다.

4. Full source code

```
#define CRT SECURE NO WARNINGS
// 2022. 10. 04. 전기전자공학부 이재현
#include <opencv2/imgproc.hpp>
#include <opencv2/highgui.hpp>
#include <iostream>
#include <stdio.h>
#include <queue>
#include <math.h>
#define PI 3.1415926535897932384626433832795028841971693
#define BLK 17 // Block size
using namespace cv;
using namespace std;
Mat cvtBGR2Gray(Mat Image) {
         int height, width;
         height = Image.rows, width = Image.cols;
         Mat result(height, width, CV_8UC1);
         for (int i = 0; i < height; i++) {
                   + Image.at<Vec3b>(i, j)[2]) / 3;
         return result;
void getGradientMap(float** X, float** Y, Mat input) {
         int x, y, xx, yy;
int height = input.rows;
         int width = input.cols;
         float conv x, conv y;
         int \max_{x[9]} = \{ -1, -2, -1, 0, 0, 0, 1, 2, 1 \};
int \max_{x[9]} = \{ -1, 0, 1, -2, 0, 2, -1, 0, 1 \};
         float min = 1000000, max = -1;
         for (y = 0; y < height; y++)  { for (x = 0; x < width; x++)  {
                             // cur
                             conv x = 0;
                             conv y = 0;
                             for (yy = y - 1; yy \le y + 1; yy++) {
                                       for (xx = x - 1; xx \le x + 1; xx++) \{ // calc conv x, conv y \}
                                                if (yy \ge 0 \&\& yy < height \&\& xx \ge 0 \&\& xx < width) {
                                                           // indexing 에 주의!
                                                          conv x += input.at<uchar>(yy, xx) * mask x[(yy -
(y - 1)) * 3 + (xx - (x - 1))];
                                                          conv y += input.at<uchar>(yy, xx) * mask y[(yy -
(y - 1)) * 3 + (xx - (x - 1))];
                             conv x /= 9.0;
                             conv y /= 9.0; // scaling
                             X[y][x] = conv x;
                             Y[y][x] = conv_y;
                             // mag[y * width + x] = sqrt(conv_x * conv_x + conv_y * conv_y); // calc
magninute
                             // if (max < mag[y * width + x]) max = mag[y * width + x];
                             // if (min > mag[y * width + x]) min = mag[y * width + x];
                   }
         }
```

```
// 조명 변화에 robust 하지만 scale 변화에 취약
Mat Harris_CornerDetect(Mat img, float k, Mat cornerMap, int thresholding) {
          \overline{//} img - Input image. It should be grayscale and float32 type.
          // k - Harris detector free parameter in the equation.
          Mat gray img(img.rows, img.cols, CV 8UC1);
          Mat result = img.clone();
          if (img.channels() == 3) // gray
                    gray_img = cvtBGR2Gray(img);
          else
                    gray_img = img;
          // gaussian filtering to improve performance.
          int gaussian mask[9] = { 1,2,1,2,4,2,1,2,1 };
          for (int y = 0; y < gray_img.rows; y++) {
                    for (int x = 0; x < gray_img.cols; x++) { // cur}
                              float conv = 0.0;
                              for (int yy = y - 1; yy \le y + 1; yy++) {
                                        for (int xx = x - 1; xx \le x + 1; xx++) { // calc conv_x, conv_y
                                                   if (yy \ge 0 \&\& yy < gray_img.rows \&\& xx \ge 0 \&\& xx <
gray img.cols) {
                                                             // indexing 에 주의!
                                                             conv += gray img.at<uchar>(yy, xx) *
gaussian mask[(yy - (y - 1)) * 3 + (xx - (x - 1))];
                              gray img.at<uchar>(y, x) = conv / 16.0f;
          // calculate gradient
          float** grad_x = (float**)calloc(gray_img.rows, sizeof(float*));
          float** grad_y = (float**)calloc(gray_img.rows, sizeof(float*));
          float** r_map = (float**)calloc(gray_img.rows, sizeof(float*));
          for (int \overline{i} = 0; i < gray_img.rows; <math>i++) {
                    grad_x[i] = (float*)calloc(gray_img.cols, sizeof(float));
grad_y[i] = (float*)calloc(gray_img.cols, sizeof(float));
                    r_map[i] = (float*)calloc(gray_img.cols, sizeof(float));
          getGradientMap(grad x, grad y, gray img);
          //compute R at every pixel position
          float txx, txy, tyy;
          float det = 0.0; float tr = 0.0;
          for (int i = 1; i < gray img.rows - 1; i++) {</pre>
                    for (int j = 1; j < gray_img.cols - 1; j++) {</pre>
                              txx = 0.0, txy = 0.0, tyy = 0.0;
                              for (int y = 0; y < 3; y++) { // use 3x3 window
                                        for (int x = 0; x < 3; x++) {
                                                   txx += grad x[i + y - 1][j + x - 1] * grad x[i + y - 1][j +
x - 1];
                                                   txy += grad x[i + y - 1][j + x - 1] * grad y[i + y - 1][j +
x - 11;
                                                   tyy += grad_y[i + y - 1][j + x - 1] * grad_y[i + y - 1][j +
x - 1];
                                        det = txx * tyy - txy * txy;
                                        tr = txx + tyy;
                                        r_{map[i][j]} = det - k * tr * tr;
          // non - maxima suppression
          for (int i = 1; i < gray_img.rows - 1; i++) {</pre>
                    for (int j = 1; j < gray_img.cols - 1; j++) {
                              // thresholding
                              float max = 0.0;
                              if (r_map[i][j] < 0) continue;</pre>
                              for (int x = 0; x < 3; x++) {
                                        for (int y = 0; y < 3; y++) {
                                                   if (max < r_map[x][y])
                                                            max = r_map[x][y];
```

```
for (int x = 0; x < 3; x++) {
                                       for (int y = 0; y < 3; y++) {
                                                 if (r_map[x][y] < max)</pre>
                                                           r map[x][y] = 0;
                             }
                   }
         }
         Scalar c;
         Point pCenter;
         float radius = 0.8;
         c.val[0] = 0, c.val[1] = 0, c.val[2] = 255;
         for (int i = 1; i < gray_img.rows - 1; i++) {</pre>
                   for (int j = 1; j < gray_img.cols - 1; j++) {
                              // thresholding
                             if (r_map[i][j] > thresholding) {
                                       pCenter.x = j;
                                       pCenter.y = i;
                                       circle(result, pCenter, radius, c, 2, 8, 0);
                                       cornerMap.at<uchar>(i, j) = 255;
         free (grad_y);
          free(grad x);
          free(r map);
         return result;
float* get hog histogram around corner(Mat input, int pos x, int pos y, float* mag, float* dir arr) {
          int height = input.rows;
         int width = input.cols;
         int idx = 0;
          // block-based hog algorithm (modified)
          float* temp histogram = (float*)calloc(9, sizeof(float));
         float dir val = 0.0;
         for (int \overline{m} = pos y-BLK/2; m \le pos y + BLK/2; m++) { // calculate histogram around corner points
                   for (int n = pos x-BLK/2; n \le pos x + BLK/2; n++) {
                             if (m < 0 \mid | m >= input.rows \mid | n < 0 \mid | n >= input.cols) continue; // out of
bounds
                             dir_val = dir_arr[m * width + n];
                             temp histogram[(int)(dir val / 20)] += (float)mag[m * width + n];
                   }
         }
          // L-2 normalization
         float normalization sum = 0.0;
         for (int i = 0; i < 9; i++) { normalization sum += (temp histogram[i] * temp histogram[i]); }
         normalization sum = sqrt(normalization sum);
         for (int i = \overline{0}; i < 9; i++) {
                   if (normalization_sum == 0) continue;
                   temp_histogram[i] /= normalization sum;
         return temp histogram; // return histogram
float get similarity(float* obj1, float* obj2, int size) {
         float score = 0.0;
          for (int i = 0; i < size; i++) {
                   score += (abs(obj1[i] - obj2[i]))* (abs(obj1[i] - obj2[i]));
         score = sqrt(score);
          //score = sqrt(score);
          // use Euclidean distance
          // 더 작을수록 유사도가 높은 것
         return score;
Mat HOG_arround_conner(Mat ref, Mat tar, float k) {
         int x, y, xx, yy;
         int height = ref.rows;
          int width = ref.cols;
          float conv x, conv y, dir;
```

```
float* ref mag = (float*)calloc(height * width, sizeof(float));
           float* ref_dir_arr = (float*)calloc(height * width, sizeof(float));
            float* tar mag = (float*)calloc(height * width, sizeof(float));
           float* tar dir arr = (float*)calloc(height * width, sizeof(float));
           int \max_{x[9]} = \{ -1, -2, -1, 0, 0, 0, 1, 2, 1 \}; // \text{ sobel mask int } \max_{x[9]} = \{ -1, 0, 1, -2, 0, 2, -1, 0, 1 \};
           Mat result(ref.rows, ref.cols*2, CV_8UC3);
           Mat ref_tmp(ref.rows, ref.cols*2, CV_8UC3);
           Mat tar tmp(ref.rows, ref.cols*2, CV 8UC3);
           Mat res cornerMap(ref.rows, ref.cols*2, CV 8UC1);
           Mat ref_cornerMap(ref.rows, ref.cols, CV_8UC1);
           Mat tar cornerMap(ref.rows, ref.cols, CV 8UC1);
           ref_tmp = Harris_CornerDetect(ref, k, ref_cornerMap, 30000);
tar_tmp = Harris_CornerDetect(tar, k, tar_cornerMap, 30000);
           for (int i = 0; i < ref.rows; i++) { // appending image</pre>
                       for (int j = 0; j < ref.cols * 2; j++) {
                                   if (j < ref.cols) {
                                              result.at<Vec3b>(i, j)[0] = ref_tmp.at<Vec3b>(i, j)[0];
result.at<Vec3b>(i, j)[1] = ref_tmp.at<Vec3b>(i, j)[1];
                                              result.at\langle Vec3b \rangle (i, j)[2] = ref tmp.at<math>\langle Vec3b \rangle (i, j)[2];
                                   else {
                                              result.at<Vec3b>(i, j)[0] = tar_tmp.at<Vec3b>(i, j)[0];
                                              result.at<Vec3b>(i, j)[1] = tar_tmp.at<Vec3b>(i, j)[1];
result.at<Vec3b>(i, j)[2] = tar_tmp.at<Vec3b>(i, j)[2];
                       }
           ref = cvtBGR2Gray(ref);
           tar = cvtBGR2Gray(tar);
           // calculate mag map, dir map
           float min = 1000000, max = -1;
           for (y = 0; y < height; y++) { // calculate magnitude and direction for (x = 0; x < width; x++) {
                                   // cur
                                   conv x = 0;
                                   conv_y = 0;
                                   for (yy = y - 1; yy \le y + 1; yy++) {
                                               for (xx = x - 1; xx \le x + 1; xx++)  { // calc conv x, conv y
                                                          if (yy >= 0 && yy < height && xx >= 0 && xx < width) {
                                                                      // indexing 에 주의!
                                                                      conv x += ref.at<uchar>(yy, xx) * mask_x[(yy - (y
-1)) * 3 + (xx - (x - 1))];
                                                                      conv_y += ref.at<uchar>(yy, xx) * mask_y[(yy - (y
-1)) * 3 + (xx - (x - 1))];
                                                          }
                                   conv x \neq 9.0;
                                   conv y /= 9.0; // scaling
                                   ref mag[y * width + x] = sqrt(conv x * conv x + conv y * conv y); // calc
magninute
                                   dir = atan2 (conv y, conv x) * 180.0 / PI; // calc direction ( radian to
degree )
                                   if (dir < 0) dir += 180.0;
                                   ref dir arr[y * width + x] = dir;
                                   //histogram[(int)(dir / 20)] += mag[y * width + x];
                                   if (\max < \text{ref}_{\text{mag}}[y * \text{width} + x]) max = ref_mag[y * width + x];
if (\min > \text{ref}_{\text{mag}}[y * \text{width} + x]) min = ref_mag[y * width + x];
           min = 1000000, max = -1;
```

```
for (y = 0; y < height; y++) { // calculate magnitude and direction}
                   for (x = 0; x < width; x++) {
                             // cur
                            conv x = 0;
                            conv y = 0;
                            for (yy = y - 1; yy \le y + 1; yy++) {
                                      for (xx = x - 1; xx <= x + 1; xx++) { // calc conv_x, conv_y</pre>
                                                if (yy \ge 0 \&\& yy < height \&\& xx \ge 0 \&\& xx < width) {
                                                         // indexing 에 주의!
                                                          conv x += tar.at<uchar>(yy, xx) * mask x[(yy - (y + y))]
-1)) * 3 + (xx - (x - 1))];
                                                         conv y += tar.at < uchar > (yy, xx) * mask y[(yy - (y
-1)) * 3 + (xx - (x - 1))];
                            conv_x /= 9.0;
                            conv_y /= 9.0; // scaling
                            tar mag[y * width + x] = sqrt(conv x * conv x + conv y * conv y); // calc
magninute
                            dir = atan2(conv y, conv x) * 180.0 / PI; // calc direction ( radian to
degree )
                            if (dir < 0) dir += 180.0;
                            tar dir arr[y * width + x] = dir;
                            if (max < tar mag[y * width + x]) max = tar mag[y * width + x];</pre>
                            if (min > tar_mag[y * width + x]) min = tar_mag[y * width + x];
                   }
         }
         float* histo1 = nullptr;
         float* histo2 = nullptr;
         struct sim_x_y {
                   int x; // 좌표
                   int y;
                   float sim; // 유사도
         };
         struct compare { // similiarity 가 작은 애가 더 유사한거임.
                   bool operator()(const sim x y& m1, const sim x y& m2) {
                            return m1.sim > m2.sim;
         priority queue <sim x y, vector<sim x y>, compare> pq;
         for (int i = 0; i < ref.rows; i++) {</pre>
                   for (int j = 0; j < ref.cols; j++) {
                            if (ref_cornerMap.at<uchar>(i, j) == 0) continue; // reference 에서 코너가 아니면
pass
                            histol = get hog histogram around corner(ref, j, i, ref mag, ref dir arr); //
코너이면 histogram 추출
                            while(!pq.empty())pq.pop();
                             for (int m = 0; m < tar.rows; m++) {
                                      for (int n = 0; n < tar.cols; n++) {
                                                if (tar cornerMap.at<uchar>(m, n) == 0) continue; // target
에서 코너가 아니면 pass
                                                sim_x_y temp_info = {0,0,0.0}; float sim = 0.0;
                                                // target 에서 코너 point 이면 histogram 추출
                                                histo2 = get_hog_histogram_around_corner(tar, n, m,
tar mag, tar dir arr);
                                                sim = get similarity(histo1, histo2, 9); // 유사도 추출
                                                temp info.sim = sim;
                                                temp info.x = n;
                                                temp info.y = m;
                                                pq.push(temp_info); // min_heap 에 넣기
```