Klausur zur Vorlesung Wahrscheinlichkeitstheorie und Statistik Wintersemester 2017/2018

Name:		
Matr. Nr.:		
Unterschrift:		

Klausurergebnis				
Aufgabe 1 (10 Punkte)	Aufgabe 2 (15 Punkte)			
Aufgabe 3 (10 Punkte)	Aufgabe 4 (15 Punkte)			
Aufgabe 5 (10 Punkte)	Aufgabe 6 (10 Punkte)			
Aufgabe 7 (10 Punkte)	Aufgabe 8 (20 Punkte)			
Gesamt (100 Punkte)	Note			

Bearbeitungshinweise:

- Die Bearbeitungsdauer der Klausur beträgt 120 Minuten.
- Überprüfen Sie bitte sofort nach Erhalt die Vollständigkeit der Unterlagen (16 Seiten).
- Bitte lassen Sie die Klausur zusammengeheftet.
- Schreiben Sie bitte auf jedes Blatt Ihren Namen und Ihre Matrikelnummer.
- Falls notwendig, dann benutzen Sie die Rückseite des jeweiligen Aufgabenblatts für Notizen und Entwürfe.
- Geben Sie bei Ihren Berechnungen Zwischenschritte und die Namen der verwendeten Formeln an.
- Geben Sie alle Wahrscheinlichkeitswerte auf 6 Stellen hinter dem Komma gerundet an

Viel Erfolg!

Aufgabe 1. (10 Punkte)
Für ein Zufallsexperiment werden in einer weißen Kiste acht rote und zwei blaue Kugeln platziert und in einer schwarzen Kiste sechs blaue und sechs gelbe Kugeln. Das Zufallsex periment besteht aus zwei Phasen. Zuerst wird ein fairer Würfel geworfen. Bei der Zah 2 oder 5 wird die weiße Kiste ausgewählt. Ansonsten wird die schwarze Kiste ausgewählt Anschließend wird aus der gewählten Kiste eine Kugel gezogen.
a) Modellieren Sie das Zufallsexperiment unter Einsatz eines Entscheidungsbaums als diskreten Wahrscheinlichkeitsraum.
Hinweis: Nutzen Sie (falls nötig) auch die nächste Seite für die Lösung.

Matr. Nr.: _____

Klausur: Wahrscheinlichkeitstheorie und Statistik (HS Aalen), 31.1.2018

Name: _____

Name:	Matr. Nr.:	

Name:	Matr. Nr.:
b) Mit welcher Wahrscheinli	ichkeit wird eine blaue Kugel gezogen?
c) Mit welcher Wahrscheinl dass die schwarze Kiste a	lichkeit wird eine rote Kugel gezogen unter der Annahme usgewählt wurde?

Name:	Matr. Nr.:
Aufgabe 2. (15 Punkte)	
Aus den Berichten der Vergangenheit mit 65% "Schön" und mit 35% "Schlech	eit vielen Jahren von der Firma Wetterfrosch erstellt. weiß man, dass die Vorhersage für den nächsten Tagnt" lautet. Die Trefferquote (d.h., die Korrektheit) des e "Schön" bei 79% und bei der Vorhersage "Schlecht"
, -	getroffenen Aussagen Ereignisse fest und geben Siedingten) Wahrscheinlichkeiten der Ereignisse an.

ame	e: Matr. Nr.:
b)	Berechnen Sie den prozentualen Anteil der Tage, an denen das Wetter schön ist.
\	
c)	Martina wollte sich mit ihrer Freundin Sabine im Aalener Freibad zu einem gemütlichen Nachmittag mit ausgiebigem Sonnenbaden treffen. Sabine ist trotz des schöner Wetters nicht erschienen. Sie erklärt ihr Fehlen damit, dass der Wetterbericht am Vortrag schlechtes Wetter vorhergesagt hat. Martina kennt den gestrigen Wetterbericht nicht, vermutet aber, dass es sich bei Sabines Aussage um eine Ausrede handelt. Wie hoch ist die Wahrscheinlichkeit, dass Martina mit ihrer Vermutung richtig liegt?

Name:	Matr. Nr.:		
Aufgabe 3. (10 Punkte)			
Gegeben ist die normalverteilte Zu Varianz $\sigma^2 = 36$. Berechnen Sie die	fallsvariable X mit dem Erwartungswert $\mu = 5$ und der e folgende Wahrscheinlichkeit:		
	$Pr\left[4 \le X \le 7\right].$		
Nutzen Sie zur Berechnung die We	rtetabelle der Standardnormalverteilung.		

Name:	Matr. Nr.:

Aufgabe 4. (15 Punkte)

Die diskrete Zufallsvariable X wird durch folgende Wertetabelle definiert:

k	Pr[X=k]
-4	3/42
-3	8/42
2	6/42
5	$^{12}/_{42}$
7	8/42
8	5/42

a)	Berechnen	Sie	Exp	[X]
----	-----------	-----	-----	-----

ame:	Matr. Nr.:
b) Berechnen Sie $\text{Exp}[X^2]$.	
c) Berechnen Sie $Var[X]$.	

Name:				
Aufgabe 5. (10 Punkte)				
	e Zufallsvariable X mit $\text{Exp}[X] = 5$ und $\text{Var}[X] = \frac{4}{3}$ valls $[a; b]$, über dem X definiert ist.			
I and the second				

Name:	Matr. Nr.:
Aufgabe 6. (10 Punkte)	
Professor Quarx überlegt zu Wahrscheinlichkeitstheorie	ur Verbesserung der Erfolgschancen der Studierenden, im Fach die Klausur durch eine Online-Lotterie zu ersetzen. Ein Los ist t von 15% ein "Bestanden". Jeder Student darf solange ein Los eistung bestanden hat.
a) Modellieren Sie die C lung.	Online-Lotterie mit einer geeigneten Wahrscheinlichkeitsvertei-
b) Wie viele Lose muss e stehen?	ein Student im Mittel kaufen, um die Prüfungsleistung zu be-

Matr. Nr.: _____

Klausur: Wahrscheinlichkeitstheorie und Statistik (HS Aalen), 31.1.2018

Name: _____

ame: Matr. Nr.:				
Aufgabe 7. (10 Punkte)				
Der über die Stadtgrenzen A seiner schnellen Lieferzeit. Au dingungen, dass im Aalener S Parametern $\mu=25$ und $\sigma^2=$	rüber die Stadtgrenzen Aalens hinaus bekannte Pizza Express Avantissimo wirbt mit ner schnellen Lieferzeit. Auf der Webseite des Lieferdienstes findet man in den Lieferbegungen, dass im Aalener Stadtgebiet die Lieferzeit (in Minuten) normalverteilt mit den rametern $\mu=25$ und $\sigma^2=36$. Schätzen Sie auf Basis dieser Daten die Wahrscheinlichkeit ch oben ab, dass ein Kunde mindestens 45 Minuten auf seine Bestellung warten muss.			

Name:	Matr. Nr.:	
$\sigma^2 = 36$. Schätzen Sie die Wahrsche Minuten auf seine Bestellung warten	einlichkeit nach oben ab, dass ein Kunde me muss.	ehr als 45

Name:	Matr. Nr.:
Aufgabe 8. (20 Punk	te)
Eine faire Münze wird	dreimal geworfen. Es werden folgende Ereignisse betrachtet:
• $A \rightsquigarrow \text{Es erscheint}$	t höchstens einmal Zahl.
• $B \rightsquigarrow \text{Es erscheint}$	t mindestens einmal Zahl und mindestens einmal Kopf.
a) Beweisen Sie, das	ss A und B unabhängige Ereignisse sind.

noch unabhá	ingig? Begrü	inden Sie Ihre	e Antwort.		

Matr. Nr.: _____

Klausur: Wahrscheinlichkeitstheorie und Statistik (HS Aalen), 31.1.2018

Name: _____