Klausur zur Vorlesung Wahrscheinlichkeitstheorie und Statistik Sommersemester 2018

Name:		
Matr. Nr.:		
Unterschrift:		

Klausurergebnis			
Aufgabe 1 (15 Punkte)	Aufgabe 2 (15 Punkte)		
Aufgabe 3 (10 Punkte)	Aufgabe 4 (15 Punkte)		
Aufgabe 5 (25 Punkte)	Aufgabe 6 (10 Punkte)		
Aufgabe 7 (10 Punkte)			
Gesamt (100 Punkte)	Note		

Bearbeitungshinweise:

- Die Bearbeitungsdauer der Klausur beträgt 120 Minuten.
- Überprüfen Sie bitte sofort nach Erhalt die Vollständigkeit der Unterlagen (14 Seiten).
- Bitte lassen Sie die Klausur zusammengeheftet.
- Schreiben Sie bitte auf jedes Blatt Ihren Namen und Ihre Matrikelnummer.
- Falls notwendig, dann benutzen Sie die Rückseite des jeweiligen Aufgabenblatts für Notizen und Entwürfe.
- Geben Sie bei Ihren Berechnungen Zwischenschritte und die Namen der verwendeten Formeln an.
- Geben Sie alle Wahrscheinlichkeitswerte auf 6 Stellen hinter dem Komma gerundet an.

Viel Erfolg!

Name:	Matr. Nr.:

Aufgabe 1. (15 Punkte)

Die diskrete Zufallsvariable X wird durch folgende Wertetabelle definiert:

k	Pr[X=k]
2	0.12
5	0.09
7	0.23
8	0.31
12	0.17
15	0.08

a) B	erechnen	Sie	Exp	[X]
------	----------	-----	-----	-----

Name:	Matr. Nr.:
b) Berechnen Sie $\text{Exp}[X^2]$.	
c) Berechnen Sie $Var[X]$.	

Name:	Matr. Nr.:	
Aufgabe 2. (15 Punkte)		
	eworfen, bis zweimal Kopf (K) oder zweimal	Zahl (Z)
	periment unter Verwendung eines Entscheidun	achaume
a) Modellieren Sie das Zufansex	periment unter verwendung eines Entscheidun	gsbaums.

Name	e: Matr. Nr.:	
b)	Angenommen, der erste Münzwurf liefert Z . Wie hoch ist dann die Wahrscheinliedie Münze insgesamt dreimal geworfen werden muss?	${ m chkeit},$
c)	Ist das Zufallsexperiment ein Laplace-Experiment? Begründen Sie Ihre Antwo	rt.

Name:	Matr. Nr.:	
tarrie:		

Aufgabe 3. (10 Punkte)

Die Zufallsvariable X wird durch das folgende C-Programm definiert:

```
int X(int w) {
    if (w \% 2 == 0) {
       if (w \% 5 == 0) {
3
         return 1;
4
       } else {
         return 3;
6
    } else {
       switch (w) {
       case 7:
10
       case 33:
11
       case 81:
         return 20;
13
         break;
14
       case 5:
15
       case 20:
16
       case 25:
17
       case 75:
18
         return 4;
19
         break;
20
       default:
21
         return 7;
22
    }
<sub>25</sub> }
```

Die Eingaben w werden zufällig unter Gleichverteilung aus der Menge $\{1,2,\ldots,100\}$ gezogen.

a) Erstellen Sie die Dichte und die Verteilung von X in tabellarischer Form:

x	Pr[X=x]	$Pr[X \leq x]$

Name	:	Matr. Nr.:
b)	Berechnen Sie den Erwartungswert von X .	

Name:	Matr. Nr.:
Aufgabe 4. (15 Punkte)	
chen und 9% der Jungen betroffen	angeborene Farbfehlsichtigkeit, von der 0.8% der Mädsind. Laut dem Statistischen Bundesamt ist ein neueinlichkeit von 49% ein Mädchen und mit einer Wahr-
a) Geben Sie unter Verwendung	der Ereignisse
 M → Das Kind ist ein N S → Das Kind leidet unt 	Mädchen ter der Rot-Grün-Sehschwäche
die in obigem Text enthaltene	en (eventuell bedingten) Wahrscheinlichkeiten an.
Sehschwäche leidet?	chkeit, dass ein neugeborenes Kind unter der Rot-Grün- Wahrscheinlichkeit könnte hilfreich sein.

dass das Kind ein Mädchen ist? Hinweis: Verwenden Sie den Satz von Bayes für diese Aufgabe.					

Matr. Nr.:

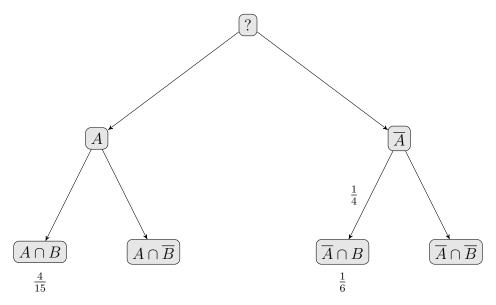
Klausur: Wahrscheinlichkeitstheorie und Statistik (HS Aalen), 9.7.2018

Name: _____

lame:	Matr. Nr.:	

Aufgabe 5. (25 Punkte)

Gegeben ist der folgende Entscheidungsbaum, der anhand der Ereignisse A und B erstellt wurde. Leider sind die Wahrscheinlichkeiten nicht komplett in den Baum eingetragen worden.



Das Ziel dieser Aufgabe ist die Berechnung der fehlenden Wahrscheinlichkeiten.

Hinweis. Geben Sie bei jeder Teilaufgabe den Ansatz an, auf dem Ihre Berechnung basiert.

a) Berechnen Sie Pr[B].



b) Berechnen Sie $Pr\left[\overline{B} \mid \overline{A}\right]$.

Name:	Matr. Nr.:
c) Berechnen Sie $Pr[\overline{A}]$.	
d) Berechnen Sie $Pr[A \cap \overline{B}]$.	

Matr. Nr.:

Klausur: Wahrscheinlichkeitstheorie und Statistik (HS Aalen), 9.7.2018

Name: _____

Name:	Matr. Nr.:
	lie Antwortzeit einer SQL-Anfrage an einen Datenbankserver e Analysen haben ergeben, dass die mittlere Antwortzeit bei
a) Schätzen Sie die Wahrs 400 Millisekunden daue	scheinlichkeit ab, dass die nächste SQL-Anfrage mindestens rt.
	dardabweichung von X ist 50 Millisekunden. Lässt sich mit in Teilaufgabe a gesuchte Wahrscheinlichkeit besser abschät-

Name:	Matr. Nr.:
Aufgabe 7. (10 Punkte)	
Gegeben ist die normalverteilte	e Zufallsvariable X mit dem Erwartungswert $\mu=-2$ und Sie die folgende Wahrscheinlichkeit:
	$Pr\left[-4 \le X \le -1\right].$
Nutzen Sie zur Berechnung die	Wertetabelle der Standardnormalverteilung.