## Klausur zur Vorlesung Wahrscheinlichkeitstheorie und Statistik Sommersemester 2018

Name:		
Matr. Nr.:		
Unterschrift:		

Klausurergebnis	
Aufgabe 1 (15 Punkte)	Aufgabe 2 (15 Punkte)
Aufgabe 3 (10 Punkte)	Aufgabe 4 (15 Punkte)
Aufgabe 5 (25 Punkte)	Aufgabe 6 (10 Punkte)
Aufgabe 7 (10 Punkte)	
Gesamt (100 Punkte)	Note

#### Bearbeitungshinweise:

- Die Bearbeitungsdauer der Klausur beträgt 120 Minuten.
- Überprüfen Sie bitte sofort nach Erhalt die Vollständigkeit der Unterlagen (14 Seiten).
- Bitte lassen Sie die Klausur zusammengeheftet.
- Schreiben Sie bitte auf jedes Blatt Ihren Namen und Ihre Matrikelnummer.
- Falls notwendig, dann benutzen Sie die Rückseite des jeweiligen Aufgabenblatts für Notizen und Entwürfe.
- Geben Sie bei Ihren Berechnungen Zwischenschritte und die Namen der verwendeten Formeln an.
- Geben Sie alle Wahrscheinlichkeitswerte auf 6 Stellen hinter dem Komma gerundet an.

# Viel Erfolg!

### Aufgabe 1. (15 Punkte)

Die diskrete Zufallsvariable X wird durch folgende Wertetabelle definiert:

k	Pr[X=k]
2	0.12
5	0.09
7	0.23
8	0.31
12	0.17
15	0.08

#### a) Berechnen Sie Exp[X].

$$\begin{aligned} & \text{Exp}[X] = 2 \cdot 0,12 + 5 \cdot 0,09 + 7 \cdot 0,23 + 8 \cdot 0,31 \\ & + 12 \cdot 0,17 + 15 \cdot 0,08 \\ & = 0,24 + 0,45 + 1,61 + 2,48 + 2,04 \\ & + 1,20 \\ & = 8,02 \end{aligned}$$

Name: Matr. Nr.:	
------------------	--

b) Berechnen Sie  $\text{Exp}[X^2]$ .

c) Berechnen Sie Var[X].

Name: Matr. Nr.:			
Aufgabe 2. (15 Punkte)			
Eine faire Münze wird solange geworfen, bis zweimal Kopf $(K)$ oder erscheint.	zweimal	Zahl	(Z)
a) Modellieren Sie das Zufallsexperiment unter Verwendung eines Er	ntechoidur	ngehai	ıme
a) Moderneren Sie das Zufansexperiment unter Verwendung eines Er		igsbat ———	iiiis.

Name	e: Matr. Nr.:	
b)	Angenommen, der erste Münzwurf liefert $Z$ . Wie hoch ist dann die Wahrscheinlich die Münze insgesamt dreimal geworfen werden muss?	keit,
c)	Ist das Zufallsexperiment ein Laplace-Experiment? Begründen Sie Ihre Antwort.	

Name: Matr. Nr.:
------------------

#### Aufgabe 3. (10 Punkte)

Die Zufallsvariable X wird durch das folgende C-Programm definiert:

```
int X(int w) {
    if (w \% 2 == 0) {
       if (w \% 5 == 0) {
3
         return 1;
4
       } else {
         return 3;
6
    } else {
       switch (w) {
       case 7:
10
       case 33:
11
       case 81:
         return 20;
13
         break;
14
       case 5:
15
       case 20:
16
       case 25:
17
       case 75:
18
         return 4;
19
         break;
20
       default:
21
         return 7;
22
    }
<sub>25</sub> }
```

Die Eingaben w werden zufällig unter Gleichverteilung aus der Menge  $\{1,2,\ldots,100\}$  gezogen.

a) Erstellen Sie die Dichte und die Verteilung von X in tabellarischer Form:

x	Pr[X=x]	$Pr[X \leq x]$

Name	:	Matr. Nr.:
b)	Berechnen Sie den Erwartungswert von $X$ .	

Name:		Matr. Nr.:
Aufga	<b>be 4.</b> (15 Punkte)	
Die Rochen ungeboren	t-Grün-Sehschwäche ist eine ang nd 9% der Jungen betroffen sin	geborene Farbfehlsichtigkeit, von der 0.8% der Mädd. Laut dem Statistischen Bundesamt ist ein neuchkeit von 49% ein Mädchen und mit einer Wahr-
a) (	Geben Sie unter Verwendung der	Ereignisse
	• $M \leadsto \text{Das Kind ist ein M\"{a}d}$ • $S \leadsto \text{Das Kind leidet unter elements}$	
d	ie in obigem Text enthaltenen (e	eventuell bedingten) Wahrscheinlichkeiten an.
S	ehschwäche leidet?	eit, dass ein neugeborenes Kind unter der Rot-Grün- ahrscheinlichkeit könnte hilfreich sein.

	atz von Baye	s für diese A	uigabe.	

Matr. Nr.:

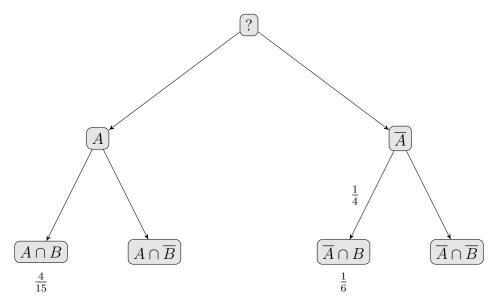
Klausur: Wahrscheinlichkeitstheorie und Statistik (HS Aalen), 9.7.2018

Name: \_\_\_\_\_

Name:	Matr. Nr.:	

#### Aufgabe 5. (25 Punkte)

Gegeben ist der folgende Entscheidungsbaum, der anhand der Ereignisse A und B erstellt wurde. Leider sind die Wahrscheinlichkeiten nicht komplett in den Baum eingetragen worden.



Das Ziel dieser Aufgabe ist die Berechnung der fehlenden Wahrscheinlichkeiten.

Hinweis. Geben Sie bei jeder Teilaufgabe den Ansatz an, auf dem Ihre Berechnung basiert.

a) Berechnen Sie Pr[B].



b) Berechnen Sie  $Pr\left[\overline{B} \mid \overline{A}\right]$ .

Name:	Matr. Nr.:		
c) Berechnen Sie $Pr[\overline{A}]$ .			
d) Berechnen Sie $Pr[A \cap \overline{B}]$ .			

Matr. Nr.:

Klausur: Wahrscheinlichkeitstheorie und Statistik (HS Aalen), 9.7.2018

Name: \_\_\_\_\_

Matr. Nr.:
twortzeit einer SQL-Anfrage an einen Datenbankserver ysen haben ergeben, dass die mittlere Antwortzeit bei
lichkeit ab, dass die nächste SQL-Anfrage mindestens
bweichung von $X$ ist 50 Millisekunden. Lässt sich mit
aufgabe a gesuchte Wahrscheinlichkeit besser abschät-

 ${\sf Klausur:\ Wahrscheinlichkeitstheorie\ und\ Statistik\ (HS\ Aalen),\ 9.7.2018}$ 

Name:	Matr. Nr.:
Aufgabe 7. (10 Punkte)	
Gegeben ist die normalverteilte	e Zufallsvariable $X$ mit dem Erwartungswert $\mu=-2$ und Sie die folgende Wahrscheinlichkeit:
	$Pr\left[-4 \le X \le -1\right].$
Nutzen Sie zur Berechnung die	Wertetabelle der Standardnormalverteilung.