Laboratório de Cálculo Numérico

 $Ajustes\ de\ Curvas\ -\ M\'etodo\ dos\ Quadrados\ M\'inimos$

Aluno: Vitor Emanuel da Silva Rozeno

RA: 211044539

1. Códigos (Função e Script) usados:

Os Códigos usados no SciLab para a execução desse trabalho foram os seguintes:

```
function [a]=quadrados minimos(X, F, GLista)

n=size(GLista);
for i=1:n
  gi= GLista(i)(X);
  for j=i:n
  gj=GLista(j)(X);
  G(i,j)=gi*gj';
  G(j,i)=G(i,j);
  end
  b(i)=F*gi';
  end
  a=G\b
  endfunction
```

Função - Método dos Quadrados Mínimos

```
function [z]=g1(X)
  z = X.^0
endfunction
function [\mathbf{z}] = \underline{g2}(\mathbf{X})
  z = X
endfunction
function [z]=g3(X)
  z = X.^2
endfunction
exec('quadrados minimos.sci');
// definindo os pontos tabelados da função
X = [0, 0.25, 0.5, 0.75, 1, 1.25, 1.5, 1.75, 2]
F = [-1.8, -1.2, -0.4, 0.4, 1.1, 2.1, 3.0, 3.9, 5.0]
GLista=list(g1,g2,g3)
[a] = quadrados_minimos(X,F,GLista)
mprintf('parabola')
disp(a)
GListaReta = list(g1,g2)
[b] = quadrados minimos(X,F,GListaReta)
mprintf('reta')
disp(b)
```

Script - definindo termos, pontos e calculando a Reta e Parábola

```
// gráfico parábola
x=linspace(0,2,101);
G = a(1) + a(2)*x + a(3)*x.^2;
subplot(2,1,1)
plot(x,G,'b', 'LineWidth', 1);
subplot(2,1,1)
plot(X,F,'ro');

// gráfico reta
x=linspace(0,2,101);
Gr = b(1) + b(2)*x;
subplot(2,1,1)
plot(x,Gr,'r', 'LineWidth', 1);
subplot(2,1,1)
legend(["reta G(x)", ,"F","parábola G(x)"], 2);
```

Script - Plotando os Gráficos

```
// calculo do erro parabola
GX = a(1) + a(2)*X + a(3)*X.^2;
Yp = F-GX;
Ep = Yp*Yp'
mprintf('erro')
disp(Ep)
<u>subplot(2,1,2)</u>
plot(X,GX,'k', 'LineWidth', 1);
// calculo do erro reta
GXr = b(1) + b(2)*X;
Yr = F-GXr;
Er = Yr*Yr'
mprintf('erro')
disp(Er)
subplot(2,1,2)
plot(X,GXr,'r', 'LineWidth', 1);
<u>subplot(2,1,2)</u>
plot(X,F,'ro');
```

Script - Calculando erro e plotando gráficos dos erros

2. Resultados

a) Encontre a reta $G(x) = a \, 1 + a \, 2x$ que aproxima os pontos da tabela pelo Método dos Quadrados Mínimos.

Os resultados obtidos para a reta foram os seguintes:

```
X = 0. \ 0.25 \ 0.5 \ 0.75 \ 1. \ 1.25 \ 1.5 \ 1.75 \ 2. 

F = -1.8 \ -1.2 \ -0.4 \ 0.4 \ 1.1 \ 2.1 \ 3. \ 3.9 \ 5. 

GListaReta = (1) : g1(X) => [z] \ (3 lines) 

(2) : g2(X) => [z] \ (3 lines) 

b = -2.0555556 

3.4 

reta -2.0555556 

3.4
```

Portanto, essa é a reta: G(x) = -2.05 + 3.4x.

b) Encontre a parábola $G(x) = a \, 1 + a \, 2x + a \, 3x^2$ que aproxima os pontos da tabela pelo Método dos Quadrados Mínimos.

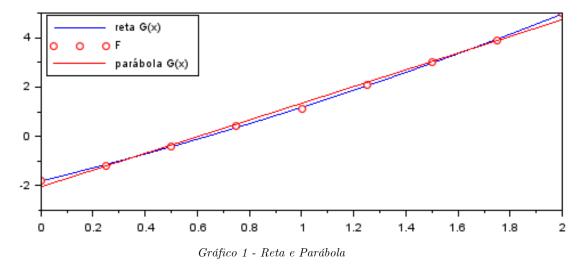
Os resultados obtidos para a parábola foram os seguintes:

```
\begin{array}{l} {\rm X} = \\ {\rm 0.} \quad 0.25 \quad 0.5 \quad 0.75 \quad 1. \quad 1.25 \quad 1.5 \quad 1.75 \quad 2. \\ {\rm F} = \\ {\rm -1.8 \, -1.2 \, -0.4 \, \ 0.4 \, \ 1.1 \, \ 2.1 \, \ 3. \, \ 3.9 \, \ 5.} \\ {\rm GLista} = \\ {\rm (1): g1(X) => [z] \, (3 \, {\rm lines})} \\ {\rm (2): g2(X) => [z] \, (3 \, {\rm lines})} \\ {\rm (3): g3(X) => [z] \, (3 \, {\rm lines})} \\ {\rm a} = \\ {\rm -1.8212121} \\ {\rm 2.5965368} \\ {\rm 0.4017316} \\ {\rm parábola} \\ {\rm -1.8212121} \\ {\rm 2.5965368} \\ {\rm 0.4017316} \\ \end{array}
```

Portanto, essa é a parábola: $G(x) = -1.82 + 2.59x + 0.40x^2$.

c) Faça um gráfico com os pontos dados, a reta e a parábola encontradas, use cores diferentes.

O gráfico obtido foi o seguinte:

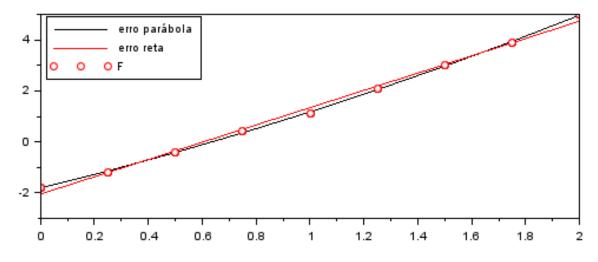


d) Calcule o valor do erro cometido $\sum_{i=1}^{N} (f(x_i) - G(x_i))^2$ para os casos a) e b).

Os resultados obtidos foram os seguintes:

Portanto, o erro da parábola é de 0.180519 e o da reta, 0.21222.

O gráfico dos erros obtidos é o seguinte:



 $Gr\'{a}fico$ 2 - Erros da Reta e $Par\'{a}bola$

e) Analisando os dois erros encontrados e o gráfico, qual é a melhor aproximação? Por quê?

Por ter o menor erro e se aproximar mais dos pontos da F, a $parábola\ \'e\ a\ melhor\ aproximaç\~ao.$