

НУЛП, ІКНІ, САПР		Тема	оцінка	підпис
КН-414	2	Алгоритм рішення задачі листоноші		
Коцюба В.С.				
№ залікової: 16081031				
Дискретні моделі в САПР			Викладач: к.т.н., асистент Кривий Р.З.	

Мета:

Метою даної лабораторної роботи є вивчення і дослідження алгоритмів рішення задачі листоноші.

Завдання:

Написати програму для демонстрації роботи алгоритму задачі листоноші.

Теоретичні відомості:

Задача листоноші. Основні поняття. Властивості.

Будь-який листоноша перед тим, як відправитись в дорогу повинен підібрати на пошті листи, що відносяться до його ділянки, потім він повинен рознести їх адресатам, що розмістились вздовж маршрута його проходження, і повернутись на пошту. Кожен листоноша, бажаючи втратити якомога менше сил, хотів би подолати свій маршрут найкоротшим шляхом. Загалом, задача листоноші полягає в тому, щоб пройти всі вулиці маршрута і повернутися в його початкову точку, мінімізуючи при цьому довжину пройденого шляху.

Перша публікація, присвячена рішення подібної задачі, появилась в одному з китайських журналів, де вона й була названа задачею листоноші. Очевидно, що така задача стоїть не тільки перед листоношею. Наприклад, міліціонер хотів би знати найбільш ефективний шлях патрулювання вулиць свого району, ремонтна бригада зацікавлена у виборі найкоротшого шляху переміщення по всіх дорогах.

Задача листоноші може бути сформульована в термінах теорії графів. Для цього побудуємо граф $G = (X, E)$, в якому кожна дуга відповідає вулиці в маршруті руху листоноші, а кожна вершина - стик двох вулиць. Ця задача являє собою задачу пошуку найкоротшого маршруту, який включає кожне ребро хоча б один раз і закінчується у початковій вершині руху.

Нехай S -початкова вершина маршруту і $a(i,j)>0$ - довжина ребра (i, j) . В графі на рис. 1 існує декілька шляхів, по яким листоноша може обійти всі ребра і повернутись у вершину S .

Наприклад :

Шлях 1: $(S,a), (a,b), (b,c), (c,d), (d,b), (b,S)$

Шлях 2: $(S,a), (a,b), (b,d), (d,c), (c,b), (b,S)$

Шлях 3: $(S,b), (b,c), (c,d), (d,b), (d,a), (a,S)$

Шлях 4: $(S,b), (b,d), (d,c), (c,b), (b,a), (a,S)$

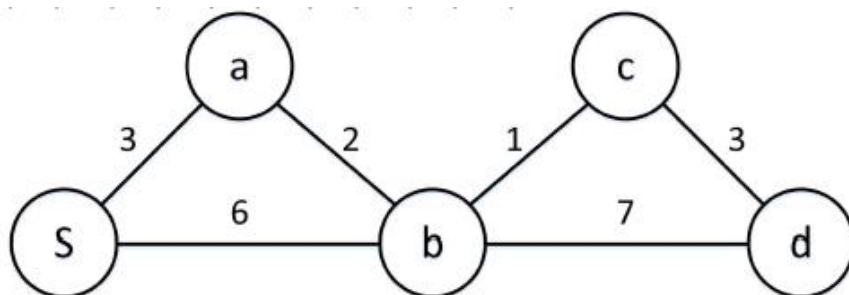


Рис. 1.

В будь-який з чотирьох шляхів кожне ребро входить тільки один раз.

Таким чином, загальна довжина кожного маршруту дорівнює $3+2+1+3+7+6=22$.

Кращих маршрутів у листоноші не існує.

Ейлеровий цикл

Ейлеревим циклом в графі називається шлях, який починається і закінчується в тій самій вершині, при чому всі ребра графа проходяться тільки один раз.

Ейлеревим шляхом називається шлях, який починається в вершині А, а закінчується в вершині Б, і всі ребра проходяться лише по одному разу.

Граф, який включає в себе ейлерів цикл називається ейлеревим.

Індивідуальне завдання

Варіант 1. Реалізувати програму для вирішення задачі листоноші.

Робота з програмою:

Після запуску програми в лівому краю вікна, у верхньому текст боксі задана початкова матриця суміжності графу, за потреби її там можна міняти.

Для запуску алгоритму натискаємо кнопку ‘Старт’, у нижньому тексті бачимо результати роботи алгоритму у центрі в полі канвас- відображення графа.

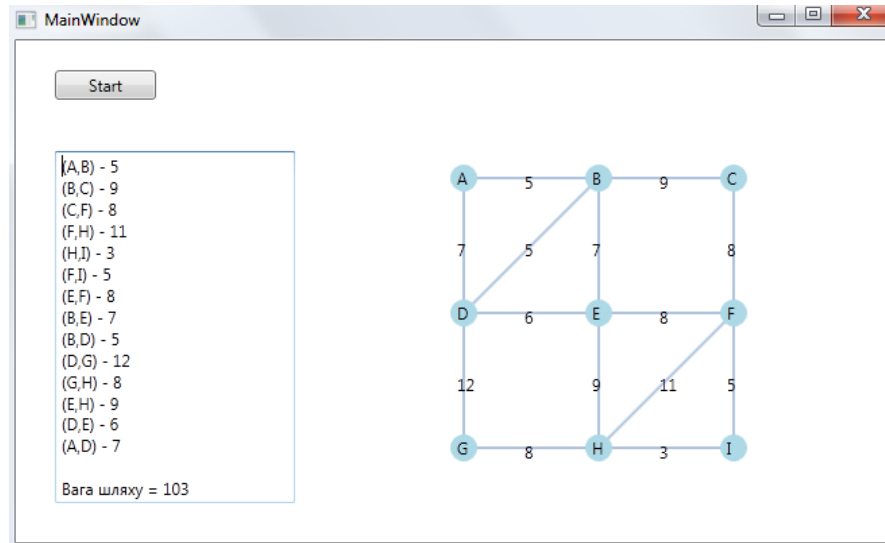


Рис.2 Вікно роботи програми

Фрагмент програми:

```
//зчитати ребра з файлу
private void ReadEdges(string path, List<Edge> input, List<int> input2)
{
    String[] str = File.ReadAllLines(path);
    int[,] matrix = new int[str.Length, 3];
    for (int i = 0; i < str.Length; i++)
    {
        int[] arr = str[i].Split(new char[] { ';' }, StringSplitOptions.RemoveEmptyEntries).Select(s =>
int.Parse(s)).ToArray();
        for (int j = 0; j < arr.Length; j++)
        {
            matrix[i, j] = arr[j];
        }
    }
    for (int i = 0; i < matrix.GetLength(0); i++)
    {
        input.Add(new Edge(matrix[i, 0], matrix[i, 1], matrix[i, 2]));
        input2.Add(matrix[i, 0]);
        input2.Add(matrix[i, 1]);
    }
}

//Список вершин
private List<Vertex> GetUniquesVer(List<int> input)
{
    Dictionary<int, bool> found = new Dictionary<int, bool>();
    List<Vertex> uniques = new List<Vertex>();
    foreach (int value in input)
    {
        if (!found.ContainsKey(value))
        {
            found[value] = true;
            char ch = Convert.ToChar(value + 64);
            uniques.Add(new Vertex(ch.ToString(), value));
        }
    }
    return uniques;
}

//Належність до підграфа
private void MarkEdge(Edge ed, List<Edge> Elist, int num)
{
    for (int i = 0; i < Elist.Count; i++)
    {
        if (Elist[i].VERTEX1 == ed.VERTEX1 && Elist[i].VERTEX2 == ed.VERTEX2)
        {
            ed.COMP = num;
            break;
        }
    }
}

//Дістаю перелік унік. ел.
private List<int> GetUnique(List<int> input)
{
    List<int> output = new List<int>();
    Dictionary<int, bool> dict = new Dictionary<int, bool>();
    for (int i = 0; i < input.Count; i++)
    {

```

```

        if (!dict.ContainsKey(input[i]))
        {
            dict[input[i]] = true;
            output.Add(input[i]);
        }
    }
    return output;
}
private Point[] ReadCoords(string path)
{
    String[] str = File.ReadAllLines(path);
    Point[] points = new Point[str.Length];
    for (int i = 0; i < str.Length; i++)
    {
        int[] arr = str[i].Split(new char[] { ';' }, StringSplitOptions.RemoveEmptyEntries).Select(s =>
int.Parse(s)).ToArray();
        points[i].X = arr[0];
        points[i].Y = arr[1];
    }
    return points;
}

private List<int> CountUniques<T>(List<T> list)
{
    List<int> result = new List<int>();
    Dictionary<T, int> counts = new Dictionary<T, int>();
    List<T> uniques = new List<T>();
    foreach (T val in list)
    {
        if (counts.ContainsKey(val))
            counts[val]++;
        else
        {
            counts[val] = 1;
            uniques.Add(val);
        }
    }
    foreach (T val in uniques)
    {
        result.Add(counts[val]);
    }
    return result;
}
//Словник унікальних
private Dictionary<T, int> UniquesDict<T>(List<T> list)
{
    List<int> result = new List<int>();
    Dictionary<T, int> counts = new Dictionary<T, int>();
    List<T> uniques = new List<T>();
    foreach (T val in list)
    {
        if (counts.ContainsKey(val))
            counts[val]++;
        else
        {
            counts[val] = 1;
            uniques.Add(val);
        }
    }
    return counts;
}
//Визначення наявності Ейлерового циклу в графі
private bool IsEulerCycle(List<Vertex> iVer, List<Edge> iEdg)
{
    bool cycle = true;
    List<int> list = new List<int>();
    for (int i = 0; i < iEdg.Count; i++)
    {
        list.Add(iEdg[i].VERTEX1);
        list.Add(iEdg[i].VERTEX2);
    }
    list = CountUniques<int>(list);
    foreach (int item in list)
    {
        if (item % 2 != 0)
        {
            cycle = false;
            break;
        }
    }
    return cycle;
}

```

Висновок: На цій лабораторній роботі було здійснено ознайомлення з алгоритмом рішення задачі листоноші.