



PROFESOR: ALEJANDRO CATALDO – DANIEL ZUÑIGA
IMT2116 - TALLER DE MATEMÁTICAS APLICADAS (CAPSTONE)
INSTITUTO DE INGENIERÍA MATEMÁTICA Y COMPUTACIONAL

Informe de Medio Semestre

Vicente Alfaro, Cristian Chávez, Bruno Parra

13 de octubre de 2025

1. Introducción

El presente informe de avance corresponde al proyecto de valorización de las opcionalidades de prepago en créditos hipotecarios otorgado por el banco Itaú. Se detallan los avances realizados hasta la fecha, incluyendo el estudio preliminar de los datos, el procesamiento de estos, el análisis exploratorio, los modelos a desarrollar y la planificación de tareas futuras.

1.1. Contexto de la empresa

El Banco Itaú Chile es una de las principales instituciones financieras del país y forma parte del grupo Itaú Unibanco, el mayor banco privado de América Latina, con sede en Brasil. En Chile, Itaú inició sus operaciones en 2006, consolidando su presencia tras la fusión con CorpBanca en 2016, lo que lo posicionó entre los bancos más relevantes del sistema financiero nacional.

El banco ofrece una amplia gama de servicios financieros tanto a personas como a empresas. Sin embargo, aquí nos centramos en su rol de banco de retail, en el cual se centra en ofrecer una diversa variedad de productos y servicios financieros accesibles, como cuentas corrientes, créditos de consumo, hipotecarios, tarjetas de crédito, seguros e inversiones, junto con herramientas digitales que facilitan la gestión cotidiana del dinero.

1.2. El Problema

Los créditos, en particular los hipotecarios, son uno de los principales productos que ofrece el banco, los cuales corresponden a un activo. Para financiar estos préstamos se es necesario venderle un bono a sus inversores, lo cual es un pasivo. Como los créditos hipotecarios son a largo plazo, los pasivos con los cuales el banco contraresta también tiene que serlo, para así tener un flujo de caja esperado en el plazo de tiempo correspondiente. Por ejemplo, para los créditos a 30 años, el banco vende bonos también a 30 años.

Sin embargo, luego de que el cliente obtiene el crédito puede ocurrir que las tasas a largo plazo bajen. Ante esta situación, al deudor le conviene prepagar su crédito con el banco e irse a otro a pedir un préstamo con menos interés. Esto es un problema sobretodo cuando ocurre de manera masiva, ya que se corta el flujo entrante esperado por Itaú que en muchas ocasiones queda por debajo del flujo de los pasivos, resultando en pérdidas para el banco.

Según la Ley 18010, para los créditos sobre los 5.000 UF es posible hacer un arreglo contractual donde se determina el proceso del prepago. Por otro lado, se establece que por créditos bajo tal monto, la comisión de prepago no puede superar un mes y medio de intereses calculado sobre el capital que se prepaga [2]. Este monto por lo general no es suficiente para cubrir la pérdida del banco.

La manera en la que actualmente se está enfrentando este problema es a través de una heurística que consiste en lo siguiente. Para un tipo de crédito dado, se obtiene la vida media de este en un rango temporal que se considere conveniente, que puede ir desde 1 a 10 años. Luego, se asume que el crédito se prepagará en tal vida media calculada, y se sube la tasa de interés del producto hasta obtener el flujo de caja deseado por el banco. Debido a la posición conservadora de los bancos, esta subida de tasa de interés tiende a ser sobreestimada, provocando que el crédito sea más costoso para el cliente de lo que debería ser.

2. Propósito del Proyecto

2.1. Objetivo del Banco

El objetivo de la empresa es lograr tener una opción de prepago para los créditos hipotecarios. Una opción es un tipo de contrato que da el derecho, pero no la obligación, de comprar o vender un activo subyacente, que en este caso corresponde al crédito. Es decir, ofrecerle al cliente que compre esta opción al banco y así poder prepagar cuando el estime conveniente sin que el banco le cobre la cláusula de prepago mencionada anteriormente.

Se reconocen tres razones de por qué es relevante que ITAÚ pueda ofrecer este tipo de contratos para sus créditos:

- Se podrán ofrecer mejores tasas de interés. El mercado de los créditos hipotecarios es competitivo, por lo que es sumamente valioso poder ajustar a cuanto se ofrecen los productos. Esto será posible debido a que la opción ya está cubriendo el riesgo del prepago, por lo que no es necesario aplicar la heurística anteriormente descrita y no subir innecesariamente las tasas de interés.
- Las opciones se pueden aplicar de distintas maneras, esto aumentará considerablemente la variedad de productos que tiene el banco para ofrecer, ajustándose a las necesidades de cada cliente.
- Gestión de riesgos.

2.2. Propuesta y Objetivo del Proyecto

El objetivo principal de este proyecto corresponde a **valorizar opciones de prepago como una opción del deudor sobre el crédito**. Lo cual, de forma más sencilla, corresponde a cuantificar cuánto le cuesta al banco el prepago del cliente en un tiempo futuro.

Es por esto que la propuesta de nuestro proyecto es **calibrar un modelo discreto de tasas para valorizar la opción de prepago en créditos hipotecarios**. Cuyos detalles se irán describiendo a lo largo de este informe.

3. Presentación Metodología

3.1. Datos

Para tener un valor ajustado para las opciones de prepago, es fundamental conocer el costo de oportunidad que tiene sobre el banco la ejecución de esta acción. Es por esto que nos enfocamos en entender el comportamiento de los instrumentos financieros con los cuales el banco toma posición en el mercado y gestiona riesgos.

3.1.1. Swap Cámara Promedio en CLP

Un contrato del tipo *Interest Rate Swap* (IRS) corresponde a un derivado financiero en el que se acuerda un intercambio de flujos a distintas tasas de interés. En este caso nos concentraremos en los contratos interbancarios en CLP, en los cuales un banco entrega un flujo a una tasa fija mientras que la contraparte entrega uno a tasa flotante (variable). El valor del contrato se considera a la tasa fija acordada, lo que se dice tasa fija. Estos contratos son la principal manera en la que los bancos pueden gestionar y transferir sus riesgos.

Actualmente, a nivel nacional, existen 17 tipos de contratos swap transados entre los bancos los cuales son los siguientes:

Tiempo	Abreviación Bloomberg
1 mes	CHSWPA
2 meses	CHSWPB
3 meses	CHSWPC
6 meses	CHSWPF
9 meses	CHSWPI
1 año	CHSWP1
1 año y 6 meses	CHSWP1F
2 años	CHSWP2
3 años	CHSWP3
4 años	CHSWP4
5 años	CHSWP5
7 años	CHSWP7
10 años	CHSWP10
12 años	CHSWP12
15 años	CHSWP15
20 años	CHSWP20
25 años	CHSWP25

Tabla 3.1: Los 17 contratos IRS en Chile

Como ya se dijo anteriormente, entender como se comportarán los valores de estos contratos a futuro es fundamental para entender el costo de oportunidad del banco. Y así, poder valorizar opciones de prepago.

3.1.2. Tasa de Política Monetaria (TPM)

La Tasa de Política Monetaria (TPM) constituye el principal instrumento que utiliza el Banco Central para conducir la política monetaria del país. Se trata de una tasa de interés de referencia que el Banco Central determina con el objetivo de influir en el comportamiento de la economía, especialmente en lo que respecta al control de la inflación y la preservación de la estabilidad de los precios. Esta tasa actúa como una señal para el sistema financiero, ya que sus variaciones inciden directamente en las tasas de interés que aplican los bancos comerciales y otras instituciones financieras en sus operaciones de crédito y ahorro.

Cuando el Banco Central interviene en el mercado interbancario, es decir, en las transacciones entre bancos, lo hace utilizando la TPM como guía para establecer el costo del dinero en el corto plazo. De esta manera, puede incentivar o desalentar el acceso al crédito, dependiendo de las condiciones económicas que se estén enfrentando. Por ejemplo, si la inflación se encuentra por encima del rango meta establecido, el Banco Central puede optar por elevar la TPM, encareciendo el crédito y reduciendo el consumo y la inversión, lo que tiende a moderar la presión sobre los precios. En cambio, si la economía muestra signos de desaceleración o si la inflación está por debajo del objetivo, puede reducir la TPM para estimular el gasto y la actividad económica. Es por esto que es valioso contar con el historial histórico de la TPM, ya que nos ayudará a analizar los valores de los 17 contratos swap.

3.1.3. Descripción

- Con respecto a los valores de los contratos IRS, contaremos con el historial del valor de cierre del día para cada tipo, es decir, la tasa fija del último contrato transado ese día. Contamos con el historial desde el 2021 hasta septiembre de 2025, al ser 17 contratos se obtiene una matriz float de tamaño 1256×17 . Estos datos los obtenemos de Bloomberg, entregados por la contraparte del banco.
- El historial de valores diarios de la TPM es publicada por el Banco Central. Contamos con un historial desde el 2021, lo cual resulta también en una matriz float de tamaño 1180×1 .

La razón por la cual el historial con el que contamos de ambos datos es desde el 2021, es que en ese año se introdujeron los contratos de un mes y dos meses. Por lo que, para que los datos sean comparables necesitamos iniciar desde donde todos los contratos actuales existían.

3.2. Objetivos Menores

A partir de estos datos y de su importancia dentro del proyecto, se reconocen dos nuevos objetivos menores, que siguen siendo relevantes:

- Caracterizar la dinámica de la curva swap en pesos chilenos para ser usada en la calibración del modelo.
- Alinear el modelo con la estructura de mercado local, con tal que represente fielmente condiciones nacionales actuales.

4. Exploración y Procesamiento de los Datos

4.1. Normalización

4.1.1. Funcionamiento de los Contratos

Existe un problema al querer analizar los datos de los valores observados de los contratos, y es que no todos funcionan de la misma manera. Esto es una complicación ya que significa que los datos de la matriz no representan lo mismo con respecto al largo del intervalo de su contrato, haciendo que no sean comparables.

Las tasas de interés de los contratos de 1 a 18 meses se les dice cero cupón. Esto se debe a que desde el inicio del contrato, solo se hace el intercambio de flujo al finalizar el periodo de tiempo, lo que es el pago del nominal más los intereses correspondientes.

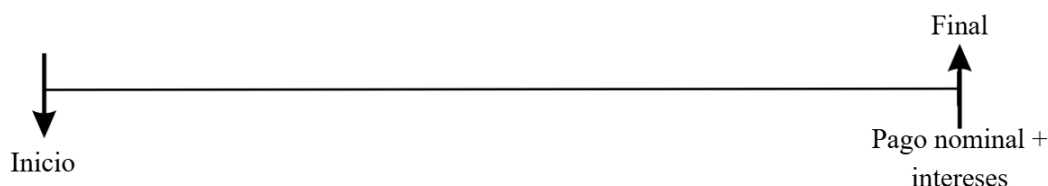


Figura 4.1: Diagrama contratos cero cupón

Por otro lado, los contratos de 2 a 25 años funcionan con cupones semestrales, es decir, cada seis meses desde el inicio del contrato se hace un deposito de intereses.

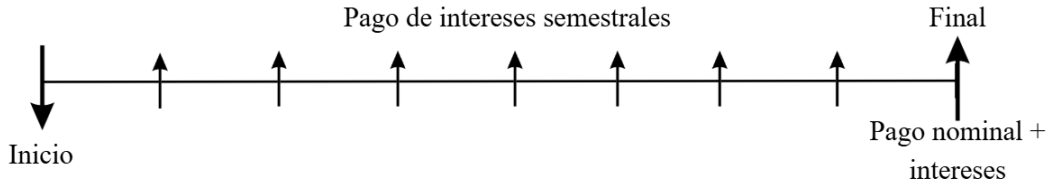


Figura 4.2: Diagrama contratos con cupones semestrales

4.1.2. *Bootstrapping*

Para solucionar este problema existe un proceso llamado *Bootstrapping* financiero. El cual consiste en construir una curva de tasas de cero cupón a partir de los precios de un conjunto de productos con cupones. En otras palabras, para cada contrato que funciona con cupones, queremos encontrar una tasa cero cupón equivalente.

Para esto utilizamos el factor de descuento, el cual se define de la siguiente manera

$DF(0, T) :=$ El precio hoy de recibir una unidad de dinero en el tiempo T .

Notar que este valor es universal y no depende de los contratos. Sin embargo, es posible saber su valor a través de las tasas de interés de los contratos swap. Para un contrato swap cero cupón a un plazo T y valor r_T , el factor de descuento se calcula de la siguiente manera

$$DF(0, T) = \frac{1}{1 + r_T \frac{\text{buss}(T)}{360}}, \quad (1)$$

donde $\text{buss}(T)$ es la cantidad de días hábiles en el periodo T . Por otro lado, si es que el contrato funcionará con cupones semestrales, el factor de descuento se calcularía así

$$DF(0, T) = \frac{1 - \sum_{i=6M}^{T-6M} \frac{\text{buss}(\Delta T_i)}{360} DF(0, T_i)}{1 + r_T \frac{\text{buss}(\Delta T)}{360}}, \quad (2)$$

donde $\text{buss}(\Delta T_i)$ corresponde a los días hábiles en tal periodo de 6 meses. Teniendo el factor de descuento, se puede utilizar la ecuación (1) para despejar la tasa cero cupón equivalente, obteniendo así

$$r_T^{\text{cupón}} = \frac{360}{\text{buss}(T)} \left(\frac{1}{DF(0, T) - 1} \right). \quad (3)$$

Sin embargo, existe un problema. Notar que en la ecuación (2) se es necesario el valor de $DF(T_i)$ para cada semestre entre el inicio y el final del contrato. Conocer este valor de manera directa no es posible ya que hay T_i 's, por ejemplo 30 meses, en los que no existe contrato, por ende no existe una tasa con la cual calcular tal factor de descuento.

Existen varias formas de resolver este problema, para efectos de esta etapa exploratoria de los datos decidimos realizar una interpolación lineal para la tasa de cada T_i necesario. Por ejemplo, la tasa ficticia para un contrato de 30 meses, con cupones semestrales, se calcula como el promedio entre la tasa de los dos años y tres años.

$$r_{30M} = \frac{r_{2Y} + r_{3Y}}{2}.$$

4.2. PCA

Una vez que todos los contratos están normalizados a tasas cero cupón, es posible comparar los datos entre si. Sin embargo, sigue existiendo el problema de la dimensionalidad. En este caso, cada observación tiene 17 dimensiones, lo que hace difícil analizar los datos y encontrar patrones. El modelo que utilizaremos recibe como input una tasa, es por ello que caracterizar los datos en una sola dimensión es crucial.

Litterman y Scheinkman (1991) observaron que con 3 componentes es posible describir el 99 % de la variabilidad observada en el mercado, en particular, la primera componente explica aproximadamente el 96 % de la variabilidad[1].

Al realizar PCA obtuvimos que las primeras 2 componentes explican el 98 % de la varianza, pero la primera componente solo explica el 81.5 % de la variabilidad. Este resultado es bajo respecto a lo esperado, pero puede ser explicado por el corto periodo que abarcan los datos, de 2021 a 2025 y por el contexto económico particular de este periodo, que incluye a la pandemia y una alta inflación.

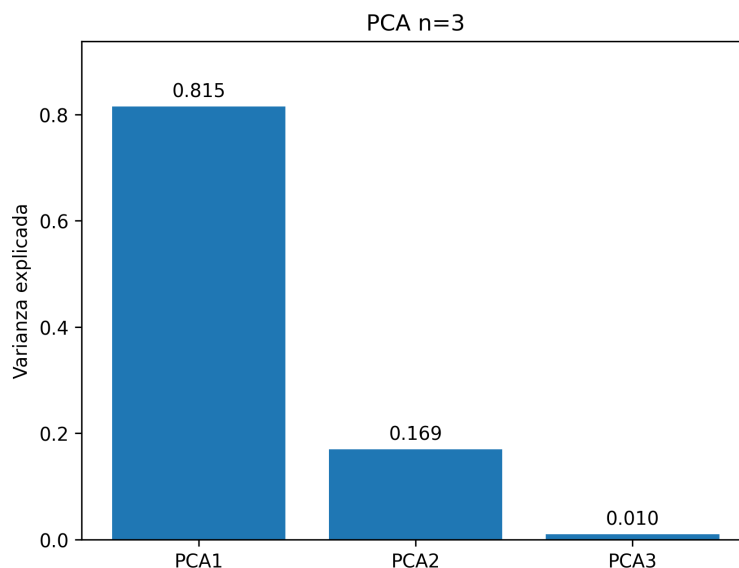


Figura 4.3: Varianza explicada por cada componente principal

4.3. La tasa corta

A pesar de que la primera componente no explicó de forma esperada la variabilidad de la muestra, podemos interpretar esta componente como la tasa corta (1M), pues esto se debe a fenómenos relacionados al contexto de la muestra y que al variar el nivel de la tasa corta, esta sigue controlando y captura de buena manera el comportamiento de los 17 tenores. En el siguiente gráfico podemos observar la correlación entre la tasa corta (1M) junto a la TPM, notando como la tasa corta sigue de buena manera el comportamiento de la TPM.

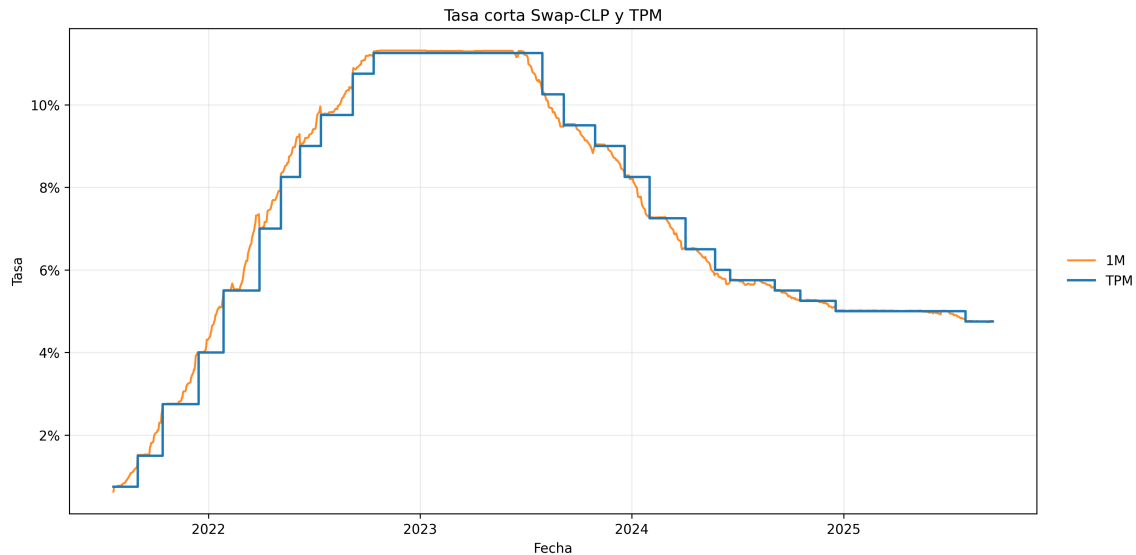


Figura 4.4: Tasa corta (1M) vs TPM

Por la naturaleza de la TPM, el mercado busca anticiparse a los cambios de la TPM, esto provoca ese efecto “serrucho”, donde la tasa corta (1M) sube antes que la TPM y baja después de la TPM.

Dado que la tasa corta (1M) explica gran parte de la variabilidad de los datos y que tiene sentido económico, se decidió utilizar esta tasa para calibrar el modelo.

5. Modelo Propuesto

6. Planificación de Tareas Futuras

Referencias

- [1] Litterman, R., & Scheinkman, J. (1991). Common factors affecting bond returns. *The Journal of Fixed Income*, 1(1), 54–61. [Link](#).
- [2] Valdés, F. (15 de julio de 2004). *SBIF imparte instrucciones referidas al prepago de créditos. Se modifica el título I del Capítulo 7-1 de la Recopilación Actualizada de Normas*. Superintendencia de Bancos e Instituciones Financieras (Chile). [Link](#).