

Rappels

- · Hypothèse nulle \mathcal{H}_0 , c'est l'hypothèse du *statu* quo
- · Hypothèse alternative \mathcal{H}_1 , c'est la situation intéressante ! (signal)
- · α : risque de première espèce, rejeter \mathcal{H}_0 lorsqu'elle est vraie ("erreur de détection")
- β : risque de deuxième espèce, ne pas rejeter \mathcal{H}_0 alors que \mathcal{H}_1 est vraie ("rater un signal")
- Puissance : 1β

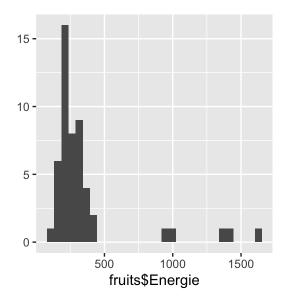
Décision / Verité	Non rejet de \mathcal{H}_0	Rejet \mathcal{H}_0
\mathcal{H}_0	Confiance	Erreur de 1ère esp.
\mathcal{H}_1	Erreur de 2ème esp.	Puissance

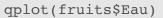
Expérience de Chastaing

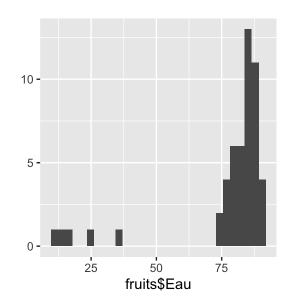
L'hypothèse nulle

Création d'un exemple

qplot(fruits\$Energie)







eauqual <- cut(fruits\$Eau, c(0, 85, 100))

Table de contingence

Une table de contingence, ou table de comptage, est un tableau croisé (de comptage) entre deux variables qualitatives ou plus.

```
(tab <- table(energiequal, eauqual))
#> eauqual
#> energiequal (0,85] (85,100]
#> (0,250] 3 23
#> (250,2e+03] 25 0
```

On peut aussi calculer les proportions

```
prop.table(tab)
#> eauqual
#> energiequal (0,85] (85,100]
#> (0,250] 0.05882353 0.45098039
#> (250,2e+03] 0.49019608 0.00000000
```

Profils lignes et profils colonnes

Proportions conditionnellement aux lignes :

Proportions conditionnellement aux colonnes :

```
prop.table(tab, margin = 1)
#> eauqual  #> energiequal  (0,85] (85,100]
#> (0,250]  0.1153846 0.8846154  #> (0,250]  0.1071429 1.0000000
#> (250,2e+03] 1.0000000 0.0000000  #> (250,2e+03] 0.8928571 0.0000000
```

Comparer des proportions

Avec la fonction prop.test:

```
prop.test(table(energiequal, eauqual))
#>
#> 2-sample test for equality of proportions with
#> continuity correction
#>
#> data: table(energiequal, eauqual)
#> X-squared = 36.788, df = 1, p-value = 1.317e-09
#> alternative hypothesis: two.sided
#> 95 percent confidence interval:
#> -1.0000000 -0.7225806
#> sample estimates:
#> prop 1 prop 2
#> 0.1153846 1.0000000
```

Attention, le test des proportions a besoin de données de comptage, pour lui :

$$\frac{2}{4} \neq \frac{50}{100}$$

La fonction prop. test

- · Accepte des tables de contingences,
- · Ou bien deux vecteurs : x pour les "succès", n pour le nombre total,
- · Eventuellement un vecteur de proportions de référence p

Un des exemples de la fonction (cf. ?prop.test):

```
smokers <- c( 83, 90, 129, 70 )
patients <- c( 86, 93, 136, 82 )
prop.test(smokers, patients)

#>

#> 4-sample test for equality of proportions without

#> continuity correction

#>

#> data: smokers out of patients

#> X-squared = 12.6, df = 3, p-value = 0.005585

#> alternative hypothesis: two.sided

#> sample estimates:

#> prop 1 prop 2 prop 3 prop 4

#> 0.9651163 0.9677419 0.9485294 0.8536585
```

Test du "khi-deux"

Avec la fonction chisq.test:

```
chisq.test(energiequal, eauqual)
#>
#> Pearson's Chi-squared test with Yates' continuity
#> correction
#>
#> data: energiequal and eauqual
#> X-squared = 36.788, df = 1, p-value = 1.317e-09
```

La fonction chisq.test

- · Accepte deux variables qualitatives,
- · Ou une table de contingence

Un des exemples de la fonction (cf. ?chisq.test):

```
M \leftarrow as.table(rbind(c(762, 327, 468), c(484, 239, 477)))
dimnames(M) <- list(gender = c("F", "M"),</pre>
                    party = c("Democrat", "Independent", "Republican"))
(Xsq <- chisq.test(M)) # Prints test summary</pre>
#>
#> Pearson's Chi-squared test
#>
#> data: M
#> X-squared = 30.07, df = 2, p-value = 2.954e-07
Xsq$expected # expected counts under the null
        party
#> gender Democrat Independent Republican
       F 703.6714 319.6453 533.6834
#>
#>
      M 542.3286 246.3547 411.3166
```

La statistique du χ^2

Elle compare les fréquences observées aux fréquences attendues. Les fréquences attendues sont calculées à partir des fréquences marginales sous hypothèse d'indépendance.

$$X^{2} = \sum \frac{\left(n_{ij} - \frac{n_{i} \cdot n_{\cdot j}}{n}\right)^{2}}{\frac{n_{i} \cdot n_{\cdot j}}{n}},$$

avec n_{ij} l'effectif observé, n_i . l'effectif marginal ligne, $n_{\cdot j}$ l'effectif marginal colonne et n l'effectif total.

Rappel : quand A et B son indépendants, $P(A \cap B) = P(A)P(B)$.

Test exact de Fisher

Avec la fonction fisher.test:

```
fisher.test(energiequal, eauqual)
#>
#> Fisher's Exact Test for Count Data
#>
#> data: energiequal and eauqual
#> p-value = 1.474e-11
#> alternative hypothesis: true odds ratio is not equal to 1
#> 95 percent confidence interval:
#> 0.00000000 0.03850145
#> sample estimates:
#> odds ratio
#> 0
```

Comparer des moyennes

Avec la fonction t.test:

```
t.test(fruits$VitamineC ~ eauqual)
#>
#> Welch Two Sample t-test
#>
#> data: fruits$VitamineC by eauqual
#> t = -1.6272, df = 37.768, p-value = 0.112
#> alternative hypothesis: true difference in means between group (0,85] and group (85,100)
#> 95 percent confidence interval:
#> -21.202176    2.308077
#> sample estimates:
#> mean in group (0,85] mean in group (85,100)
#> 10.82643    20.27348
```

Les formules

Les formules permettent à l'utilisateur de décrire un modèle :

$$Y = X_1 + X_2 + X_3 + X_2 * X_3 + X_3 * X_4$$

deviendra

$$y \sim x1 + x2 * x3 + x3:x4$$

Repérez le tilde sur votre clavier, il est très important en R!

Comparer des moyennes sur données appariées

Equivalent non-paramétrique

ANOVA

ANOVA non paramétrique

Modèles linéaires