(5)

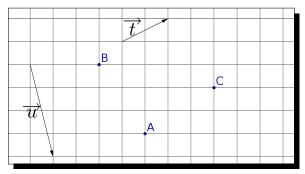
(3)

Nom:

Exercice 1 (Cours). Les deux questions sont indépendantes.

1. Sur la figure ci-contre, construire :

- a) Le point B', image de \overrightarrow{B} par la translation de vecteur \overrightarrow{t} .
- b) Le point D tel que $\overrightarrow{CD} = \overrightarrow{t} + \overrightarrow{u}$.
- c) Le point E tel que $\overrightarrow{AE} = \overrightarrow{t} \overrightarrow{u}$.



2. Soit \overrightarrow{u} et \overrightarrow{v} deux vecteurs.

- a) Compléter cette définition du cours : Les vecteurs \overrightarrow{u} et \overrightarrow{v} sont colinéaires si et seulement si il existe un nombre réel k tel que ...
- b) Les vecteurs \overrightarrow{u} et le vecteur nul $\overrightarrow{0}$ sont-ils colinéaires? Justifier.

Exercice 2. Les points O, I, A, et B sont alignés avec $\overrightarrow{OA} = 3\overrightarrow{OI}$ et $\overrightarrow{OB} = -2\overrightarrow{OI}$. (5)

- 1. Faire une figure (on pourra s'aider du quadrillage, en commençant par placer les deux points (2) distincts O et I où l'on voudra).
- 2. Compléter par un nombre réel :

a)
$$\overrightarrow{AB} = \dots \overrightarrow{OI}$$

b)
$$\overrightarrow{OI} = \dots \overrightarrow{OA}$$

c)
$$\overrightarrow{OI} = \dots \overrightarrow{OB}$$

d)
$$\overrightarrow{AB} = \dots \overrightarrow{OA}$$

e)
$$\overrightarrow{AB} = \dots \overrightarrow{OB}$$

e)
$$\overrightarrow{AI} = \dots \overrightarrow{BA}$$

Exercice 3. ABC est un triangle. Les points D et E sont tels que $\overrightarrow{CD} = 2\overrightarrow{BA}$ et $\overrightarrow{AE} = 2\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AC}$. (5)

- 1. Faire une figure. (2)
- 2. Quel est le nom du résultat du cours qui permet d'affirmer que $\overrightarrow{CE} = \overrightarrow{CA} + \overrightarrow{AE}$? (1)
- 3. Démontrer en partant de $\overrightarrow{CE} = \overrightarrow{CA} + \overrightarrow{AE}$ que $\overrightarrow{CE} = 2\overrightarrow{AB}$. (1)
- 4. Calculer $\overrightarrow{CE} + \overrightarrow{CD}$. Que peut-on en déduire à propos du point C? (1)

Exercice 4. Soit ABC un triangle, on note A' et B' les milieux respectifs de [BC] et [CA], et G le point tel que $\overrightarrow{AG} = \frac{2}{3}\overrightarrow{AA'}$. On pourra faire une figure.

1. Démontrer que
$$\overrightarrow{BB'} = \overrightarrow{BA} + \frac{1}{2}\overrightarrow{AC}$$
. (1)

2. Démontrer que
$$\overrightarrow{AA'} = \overrightarrow{AB} + \frac{1}{2}\overrightarrow{BC}$$
. (1)

3. En déduire une expression de $\overrightarrow{AA'}$ en fonction de \overrightarrow{BA} et \overrightarrow{AC} . On pourra utiliser que $\overrightarrow{BC} = (1)$ $\overrightarrow{BA} + \overrightarrow{AC}$.

4. En déduire que
$$\overrightarrow{BG} = \frac{2}{3}\overrightarrow{BA} + \frac{1}{3}\overrightarrow{AC}$$
. (1)

5. En utilisant ce qui précède, montrer que B, G et B' sont alignés. (1)