Introducción a la Simulación en Ingeniería

Victor Alberto Romero

Sumario

- Simulación: Qué, porqué, para qué
- Ejemplos prácticos
- Ventajas y desventajas de la simulación
- Modelado: Conceptos básicos
- Modelado: Workflow
- Concepto de simulador
- Ejemplo de dados

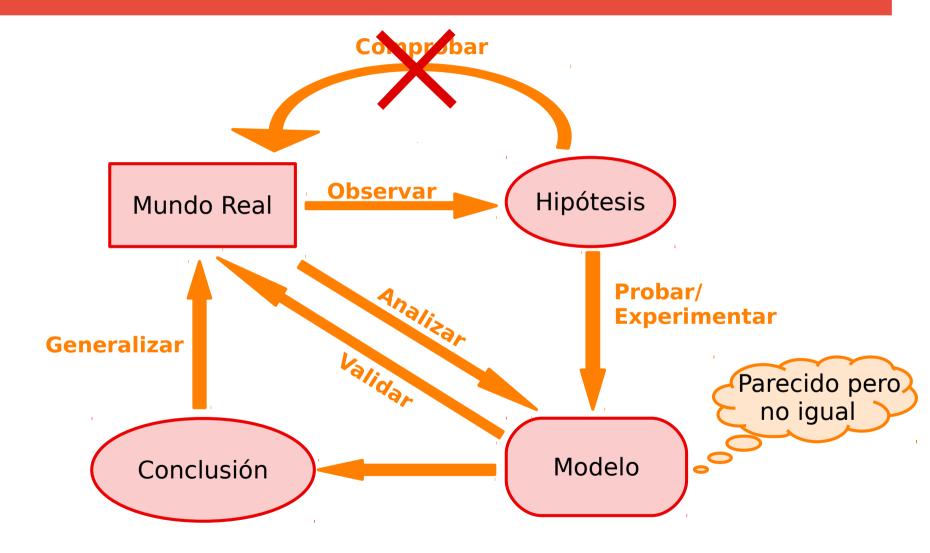


Banks et al., 2001: A simulation is the imitation of the operation of a real-world process or system over time.

[Traducción libre]: Una simulación es la imitación de la operación de un proceso o sistema del mundo real en el tiempo.

Shannon: We will define simulation as the process of designing a model of a real system and conducting experiments with this model for the purpose of understanding the behavior of the system and /or evaluating various strategies for the operation of the system.

[Traducción libre]: Definiremos simulación como el proceso de diseñar un modelo de un sistema real y realizar experimentos con este modelo con el fin de entender el comportamiento del sistema y/o evaluar varias estrategias para su operación.



Sistemas complejos => Irreductibles (¿?)

No se pueden dividir/simplificar para analizarlos. ¡Hay que verlos funcionar!

Sistemas muy demorados (ver el pasto crecer)

Por ejemplo la rotación de los planetas en el sistema solar

¡Tenemos computadores!

Simulación: Sistemas muy complejos

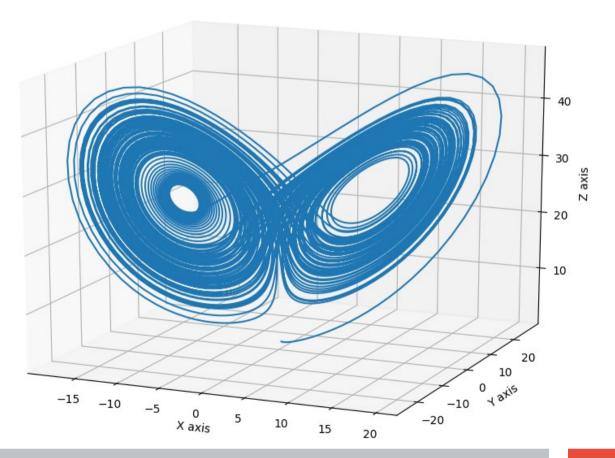
Algunas veces los sistemas no poseen una fórmula analítica sobre la cual trabajar, o simplemente resolver las ecuaciones es inviable.

Ejemplo: ¿Cómo sabemos si va a llover mañana? ¿Cómo se analiza ese sistema?



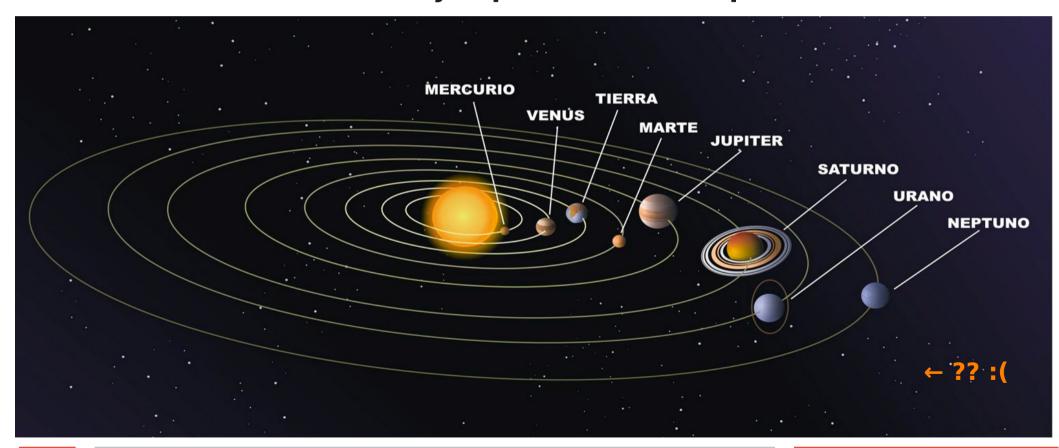
Simulación: Sistemas muy complejos

En el caso del clima el sistema es tan complejo (muchas partículas) que el único camino es simular un modelo aproximado.



Simulación: Sistemas muy demorados

Hay sistemas que son fáciles de trabajar, pero su escala de tiempo es tan grande que no sería práctico interactuar directamente con él. Por ejemplo la dinámica planetaria.



Simulación: para qué

Usamos simulación en ingeniería para 3 cosas:

- 1. Analizar sistemas de interés
- 2. Diseñar sistemas con comportamientos esperados
- 3. Inventar sistemas para explorar conceptos

Veamos algunos ejemplos.

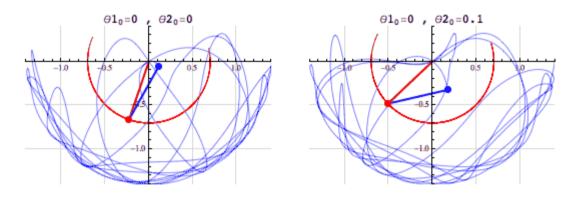
Simulación: Analizando sistemas

Elementos finitos

5,500e+04 5,500e+04 4,500e+04 4,500e+04 1,500e+04 2,500e+04 2,500e+04 2,500e+04 3,000e+04 5,000e+04 5,000e+04

Tomado de http://www.centrotecnica.net/engineering/fi nite-element-analysis/

Teoría del caos

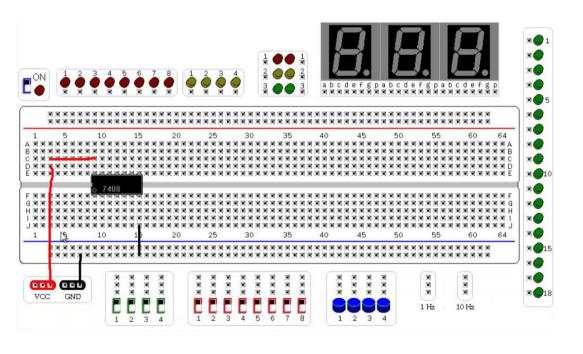


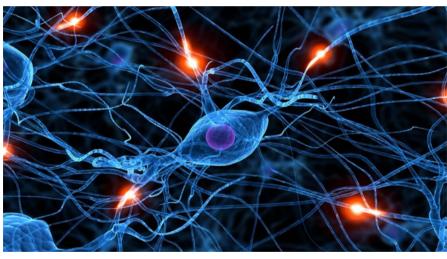
Esto es un péndulo doble. Imagen tomada de http://www.tecnoxplora.com/ ... (ver referencias)

Simulación: Diseñando sistemas

Circuitos electrónicos

Redes neuronales





changing-the http://www.tourdigital.net/SimuladorTTLconEscenarios.htm

https://www.extremetech.com/extreme/ 215170-artificial-neural-networks-arechanging-the-world-what-are-they

Simulación: Explorando

Vida artificial

Ejemplo reciente:

Sistema utiliza "vida artificial" para encontrar padrões em Big Data

http://jornal.usp.br/ciencias/tecno logia/sistema-utiliza-vidaartificial-para-encontrar-padroesem-big-data/

Modelos económicos



Ventajas de la simulación

- Es mas seguro (Planta nuclear)
- Es mas barato

- Suele ser mas realista que los modelos enteramente matemáticos (Incluye ruido)
- Son fáciles de hacer
- Son fáciles de entender

Desventajas de la simulación

- Generan soluciones factibles, pero raramente soluciones óptimas
- Dependen totalmente da pertinencia del modelo
- Pueden ocultar información relevante para nosotros (Inestabilidades)
- No siempre es fácil entender que es lo que hacen (Redes neuronales)

Modelando: Tipos de sistemas

Podemos clasificar por:

Tiempo

- ✓ Estáticos → Tensión en una estructura
- ✓ Dinámicos → Colisión de dos carros

Aleatoriedad

- ✓ Determinísticos → Deformación de una pieza ante el esfuerzo
- ✓ Estocásticos → Llegada de clientes a una fila de banco

Dominio

- Continuos → Temperatura media de mañana
- Discretos → Campeón de un torneo de futbol

Modelando: Escogiendo la herramienta

Hay tres grupos de herramientas:

Matemáticas

- Comportamiento físico/mecánico
- Análisis frecuencial / Espectro

Computacionales

- Control / Automatización
- Algoritmos iterativos
- IA: Heurísticas, RNA, redes bayesianas, SVM, lógicas formales, modelos de Markov, algoritmos genéticos, árboles de decisión, etc.

Estadísticas

- Distribuciones de probabilidad
- Testes de hipótesis

Modelando: Workflow

Modelado del sistema



Diseño de experimentos

Análisis de resultados

Conclusiones sobre la hipótesis

¿Qué es entonces un simulador?

Un simulador es una herramienta que me permite hacer una simulación. Entre sus características tenemos:

- Tiene un modelo como entrada
- Crea escenarios o "realidades" en las cuales algunas variables aleatorias toman valores fijos
- Crea eventos o "corridas" para cada escenario, con valores (aleatorios) para las variables sobrantes
- Ejecuta o "corre" cada evento.
- Produce una salida para análisis

Ejemplo práctico: Apuesta con dados

Un amigo suyo le apuesta un Granizado de café en el siguiente juego: Se lanzan dos dados, sumando los puntos. Las posibilidades de suma son 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11 y 12. Usted y su amigo deben escoger dos posibles resultados, usted puede elegir primero ¿Cual resultado elije?

- Solución analítica
- Solución por experimentación
- Solución a través de simulación

Ejemplo práctico: Apuesta con dados

Solución analítica

- \checkmark ¿Cuantas combinaciones existen? \rightarrow 6*6 = 36
- ✓ ¿Cuantas de ellas forman 2? ¿Cuantas 12? ¿Cuantas 7?

Solución por experimentación

Siéntese y juegue con su amigo un número representativo (100?, 1000?) de veces. Apunte el resultado que mas se repite.

Solución a través de simulación

 Haga un programa que genere dos número aleatorios (con que distribución?) y los sume. Finalmente el programa cuenta cuantas veces ocurrió cada número.

Ejemplo práctico: Apuesta con dados

```
#include <stdlib.h>
#include <stdio.h>
                                                          Salida:
#include <time.h>
                                                          1 -> 0
int main()
                                                          2 -> 24
                                                          3 -> 47
    srand (time(NULL));
                                                          4 -> 88
    int numeroLanzamientos = 1000;
    int frecuencia [12] = {};
                                                          5 -> 88
                                                          6 -> 150
    for(int i=0; i<numeroLanzamientos; i++)</pre>
                                                          7 -> 166
                                                          8 -> 153
        int dado1 = rand()\%6 + 1;
                                                          9 -> 99
        int dado2 = rand()%6 + 1;
                                                          10 -> 84
        int suma = dado1+dado2;
                                                          11 -> 76
        frecuencia[suma-1] ++;
                                                          12 -> 25
    }
    for(int i=0; i<12; i++)
        printf("%d -> %d\n", i+1, frecuencia[i]);
```

Conclusiones

- La simulación es una herramienta (con ventajas y desventajas) que permite afrontar problemas que de otra manera serian inviables.
- La simulación no solo sirve para analizar sistemas existentes, también permite diseñarlos. Incluso se puede usar para explorar teorías y conceptos.
- El modelado de los sistemas se necesita para poder hacer simulación, pero como tal es un problema independiente.
- No existe una única forma de trabajar con simulación. Cada problema presenta sus particularidades y necesita un enfoque específico.

Bibliografia

- [1]J. Banks, J. S. Carson II, and B. L. Nelson, Discrete-Event System Simulation, Edição: 5. Upper Saddle River: Prentice Hall, 2009.
- [2]M. R. A. Esfandiari and E. G. Dunna, Simulación y análisis de modelos estocásticos. McGraw-Hill, 1996.
- [3]M. M. Meerschaert, Mathematical Modeling, Fourth Edition, 4 edition. Amsterdam; Boston: Academic Press, 2013.
- [4]S. M. Ross, Simulation, 5 edition. Elsevier India, 2013.
- [5]R. E. Shannon, "Introduction to the Art and Science of Simulation," in Proceedings of the 30th Conference on Winter Simulation, Los Alamitos, CA, USA, 1998, pp. 7-14.
- [6]zkchong, "Lorenz Attractor," titanlab.org, 07-Apr-2010. .
- [7] "Simulación," Wikipedia, la enciclopedia libre. 11-Apr-2017.
- [8] "Método de los elementos finitos," Wikipedia, la enciclopedia libre. 28-Apr-2017.
- [9]"Simulador de Circuitos Digitales Versión preliminar 0.9.5." [Online]. Available: http://www.tourdigital.net/SimuladorTTLconEscenarios.htm. [Accessed: 09-May-2017].
- [10] "Teoría del caos y matemáticas: mariposas que aletean cerca del Egeo," Antena3.com. [Online]. Available: http://www.tecnoxplora.com/ciencia/divulgacion/teoria-caos-matematicas-mariposas-que-aletean-cerca-
- egeo_2015013057fcb8880cf2a2e945ba411e.html. [Accessed: 09-May-2017].