

**Relatório do Laboratório 6 - Redes Neurais**

## 1 Breve Explicação em Alto Nível da Implementação

Uma rede neural é um conceito de *machine learning* que, simplificadamente, tem como objetivo a realização de um “*fitting*” dos dados de um *dataset* em uma função de tal forma que os *outputs* sejam coerentes para quaisquer *inputs*, inclusive foras do *dataset*. O código teve como objetivo implementar uma rede neural de classificação multiclasse de três camadas: a camada de entrada, uma camada escondida e a camada de saída. Todos os neurônios tinham a sigmoide como função de ativação. Como se trata de um problema de classificação multiclasse, a *loss function* utilizada foi a regressão logística multiclasse. Na implementação do *forward propagation* da rede neural, na função `forward_propagation`, determinaram-se as matrizes **Z** e **A**, de tal forma que a primeira dimensão corresponde ao número da camada ( $l$ ) e a segunda, à matriz relativa à cada sessão de treinamento em  $m$  colunas, com  $m$  sendo o número de amostras em cada treinamento. Note que no cálculo de  $\mathbf{Z}^{[l]}$  (matriz **Z** para a  $l$ -ésima camada), o vetor de *biases* de dimensão  $n_l \times 1$  ( $n_l$  número de neurônios da camada  $l$ ) sofre um *broadcasting* para  $n_l \times m$ , permitindo a adição de matrizes. Na função `compute_gradient_back_propagation`, calcularam-se a matriz dos gradientes dos pesos para cada neurônio e dos vieses, calculados a partir da *loss function*. Um dos pontos importantes da implementação é a lembrança de se calcular a média de cada *sample* de um treinamento, atentando-se às dimensões das matrizes **Z**, **A** e dos *outputs*. Ainda, no vetor de gradiente dos *biases*, foi necessário realizar um *reshape* do *array* para permitir o *broadcasting* no cálculo da descida do gradiente. Por fim, na função `back_propagation`, implementou-se a descida do gradiente para otimização dos parâmetros (pesos e vieses) da rede neural em cada treinamento, utilizando-se a taxa de aprendizagem  $\alpha$  (hiperparâmetro) e os gradientes calculados na função anterior.

## 2 Figuras Comprovando Funcionamento do Código

### 2.1 Função de Classificação $sum\_gt\_zeros$

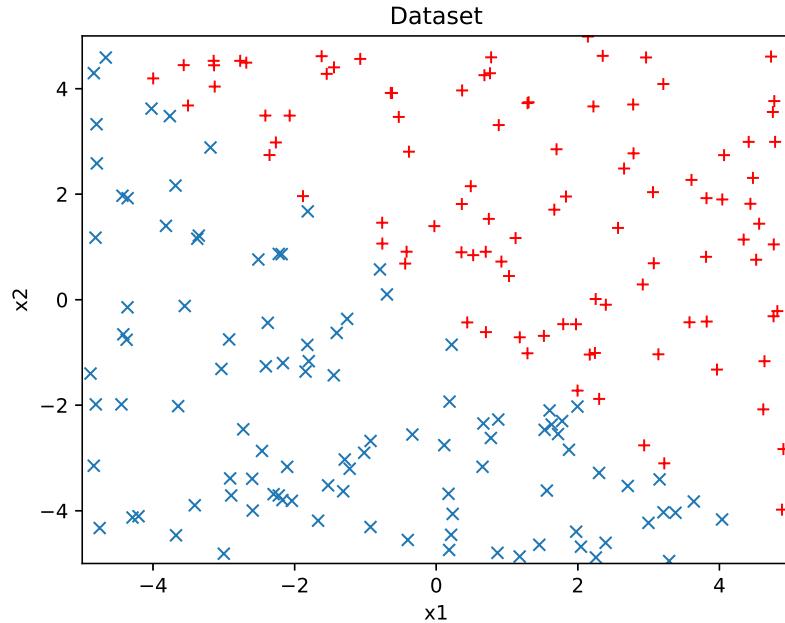


Figura 1: *Dataset* gerado para a função de classificação  $sum\_gt\_zeros$ .

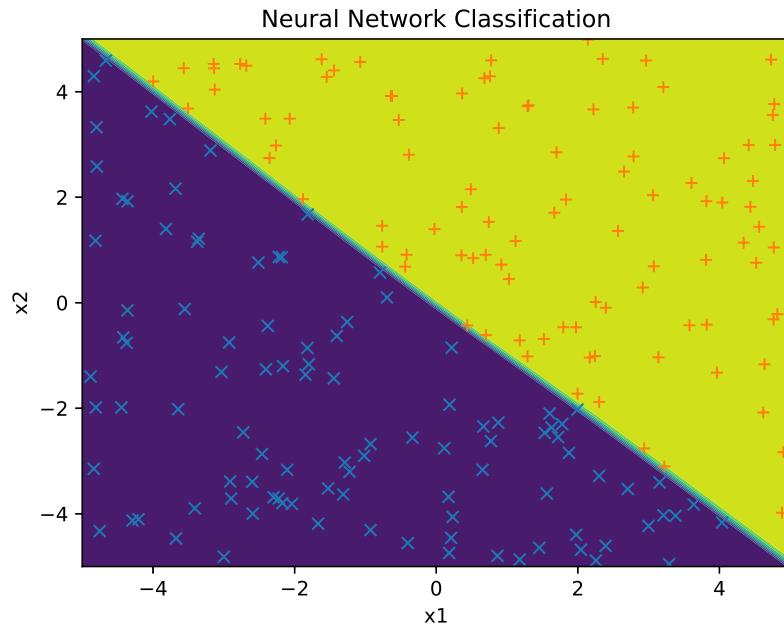


Figura 2: Regiões de classificação feitas pela rede neural para a função *sum\_gt\_zeros*.

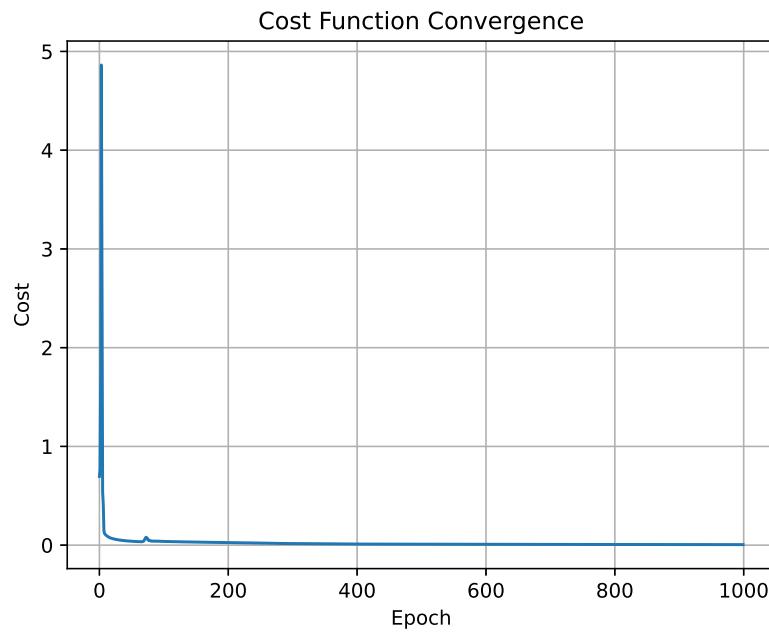


Figura 3: Convergência da função de custo para a função de classificação *sum\_gt\_zeros*.

## 2.2 Função de Classificação *XOR*

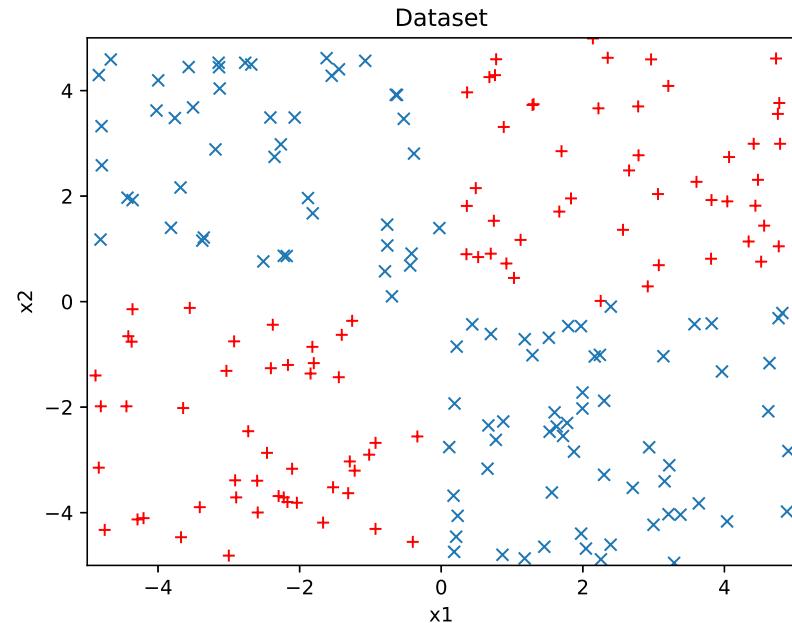


Figura 4: *Dataset* gerado para a função de classificação *XOR*.

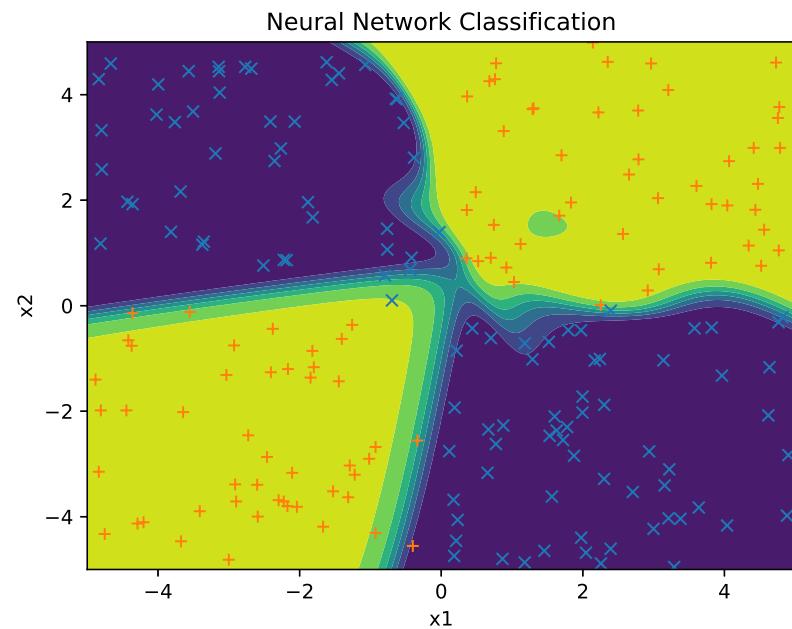


Figura 5: Regiões de classificação feitas pela rede neural para a função *XOR*.

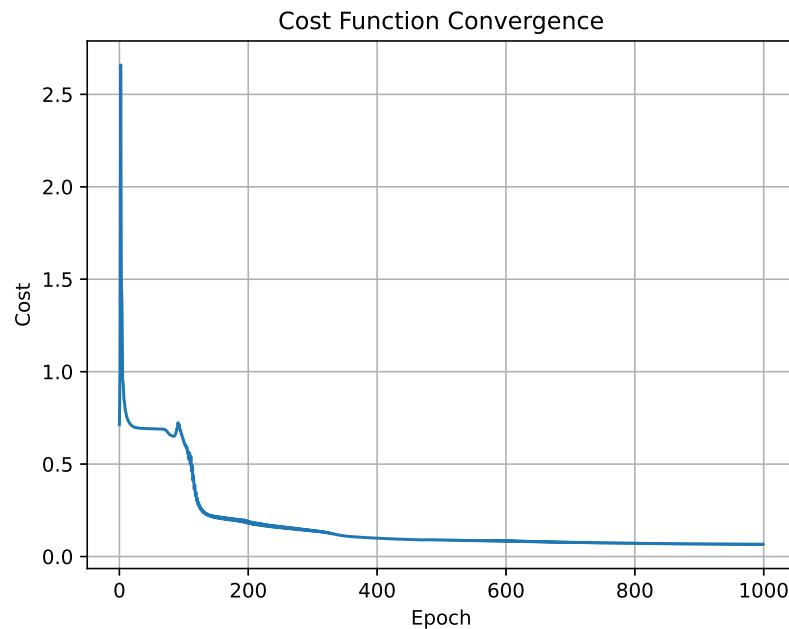


Figura 6: Convergência da função de custo para a função de classificação *XOR*.

### 2.3 Segmentação de Cores

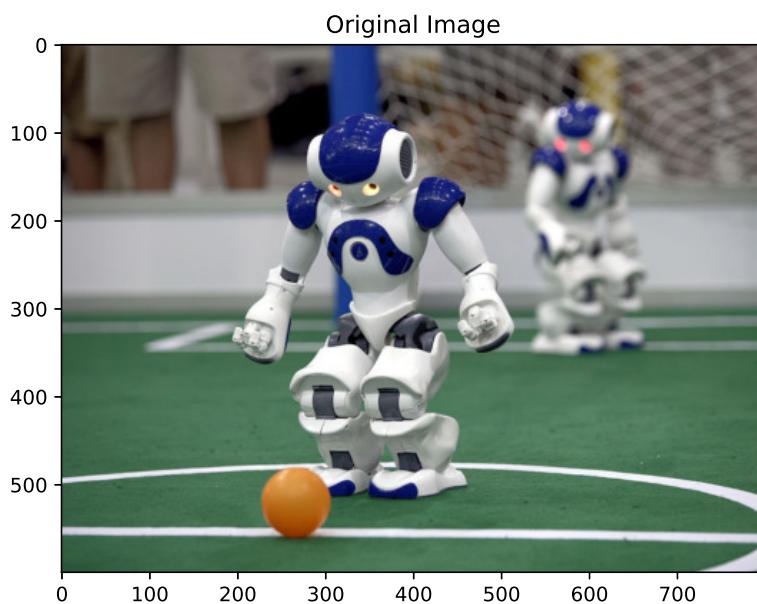


Figura 7: Imagem original utilizada na segmentação de cores.

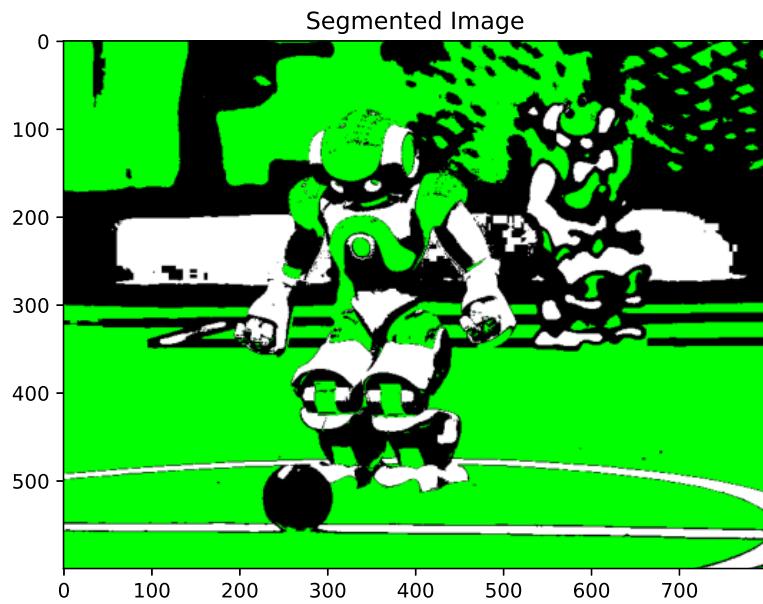


Figura 8: Imagem segmentada obtida pela rede neural.

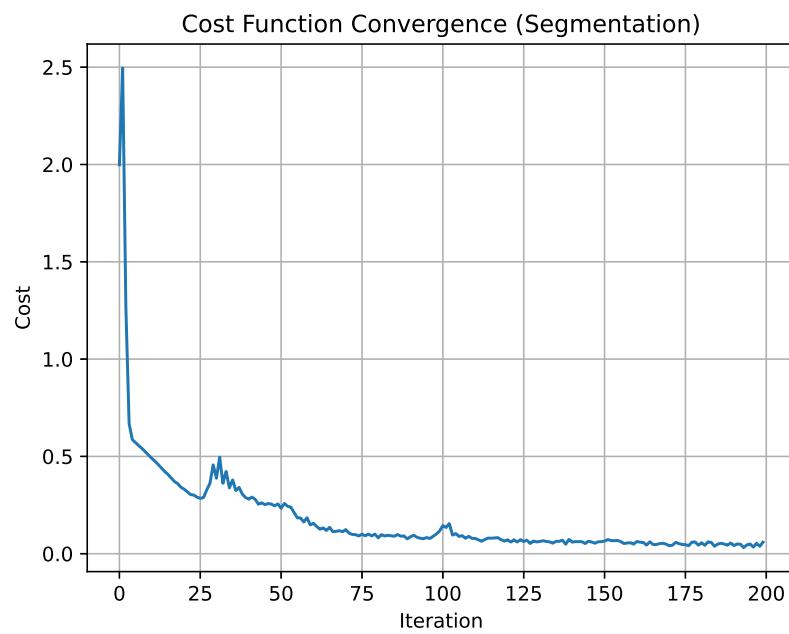


Figura 9: Convergência da função de custo para a segmentação da imagem.

### 3 Discussões

Na função de classificação *sum\_gt\_zeros*, como ela é linearmente separável, a convergência foi mais suave e a região de classificação obtida pela rede neural foi coerente aos *labels* do *dataset*, sendo visível uma clara separação linear. Por outro lado, na função *XOR*, a convergência foi menos suave e houve a ocorrência de um pico, provavelmente devido à natureza não-linear da função, tornando mais complexo o ajuste dos parâmetros, principalmente no início. Note ainda que a região de classificação obtida para essa função apresenta curvas coerentes com o *dataset*. Em relação à segmentação de cores, nota-se, novamente, picos irregulares na função de custo, o que pode ser explicado devido à natureza mais complexa de distinção de classificação do problema, envolvendo ajustes mais finos dos parâmetros da rede neural, além de os códigos de cores apresentarem ruídos nas imagens do *dataset*, dificultando a convergência. O resultado final da imagem segmentada foi coerente com o esperado.