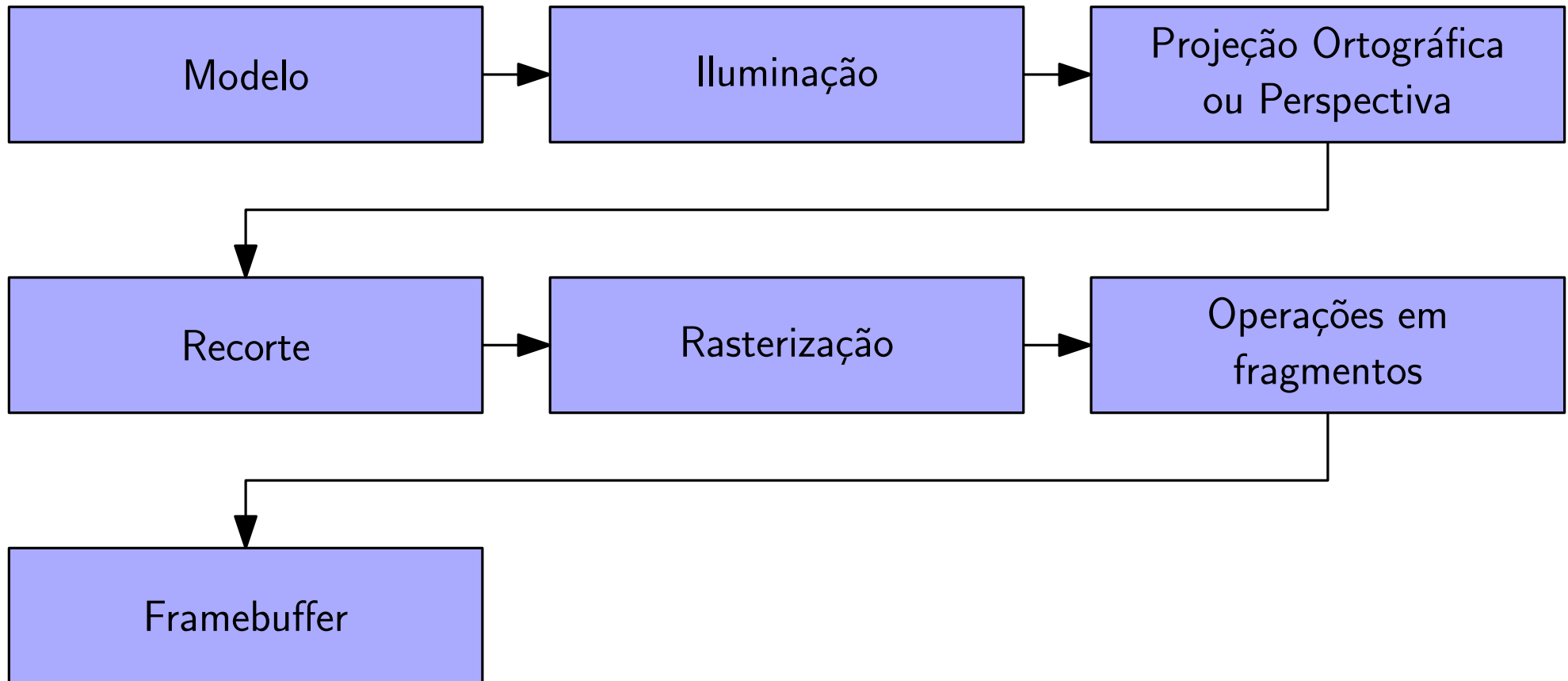


# Computação Gráfica

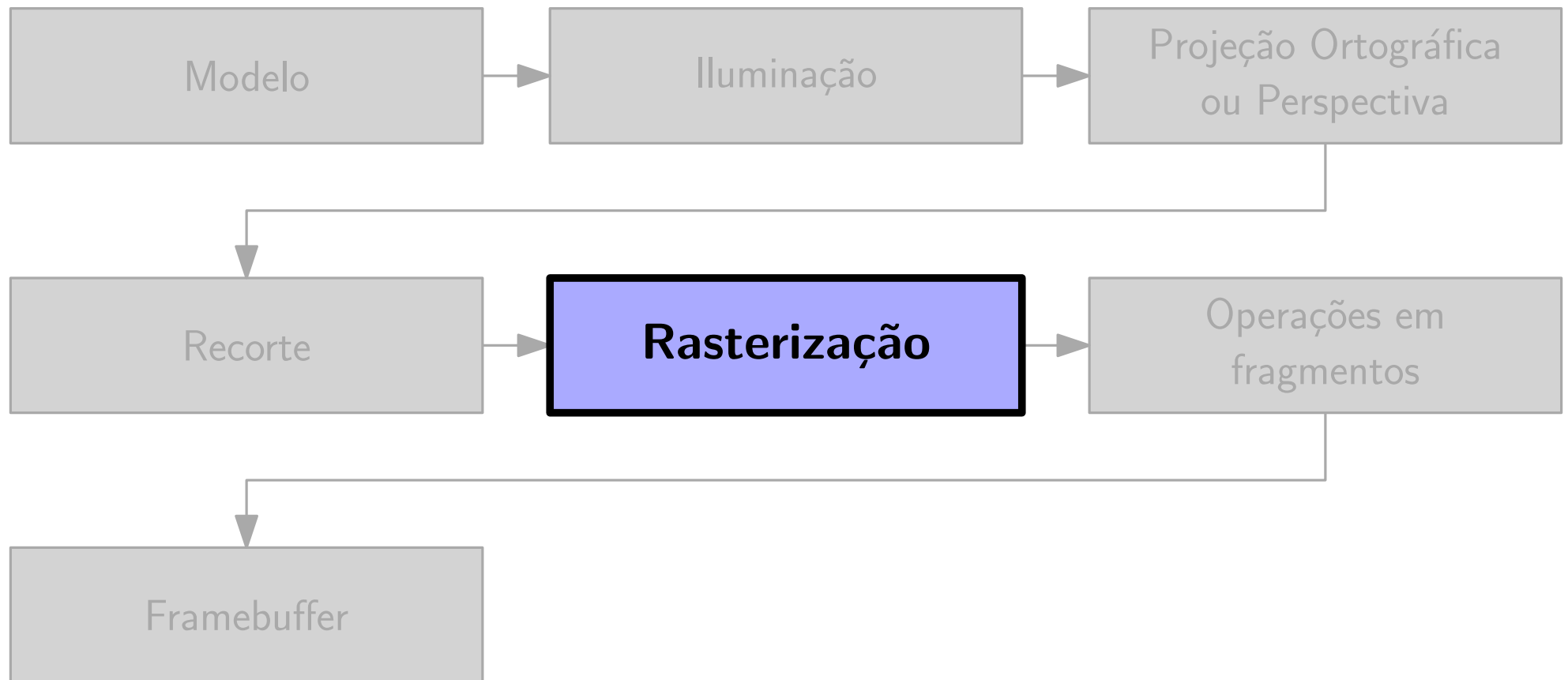
## Aula 26: Rasterização (continuação)

**Vicente Helano Feitosa Batista Sobrinho**  
**Faculdade Paraíso do Ceará**  
**Sistemas de Informação**  
**1o. semestre de 2011**

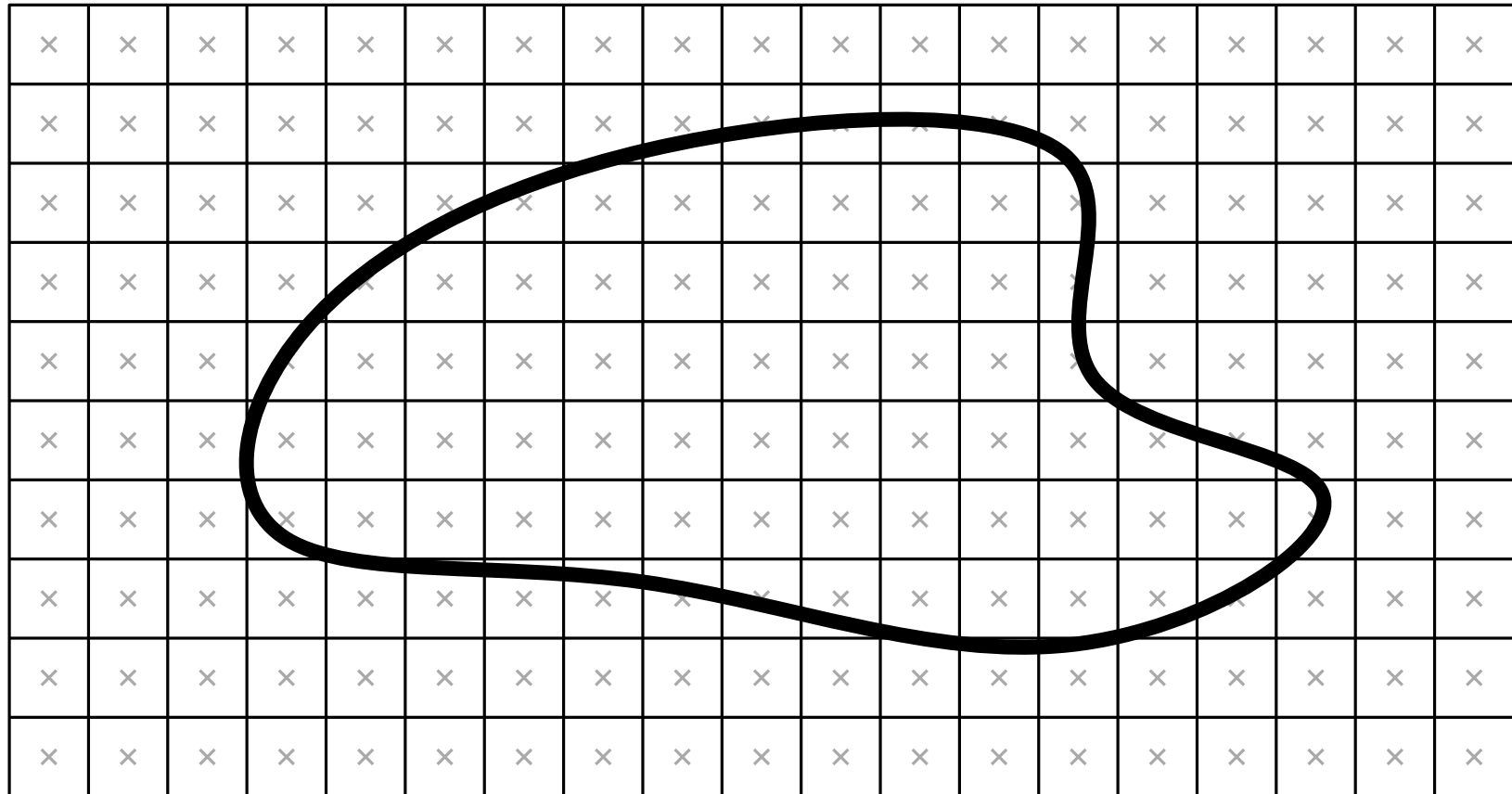
## Pipeline gráfico (básico) de renderização por varredura



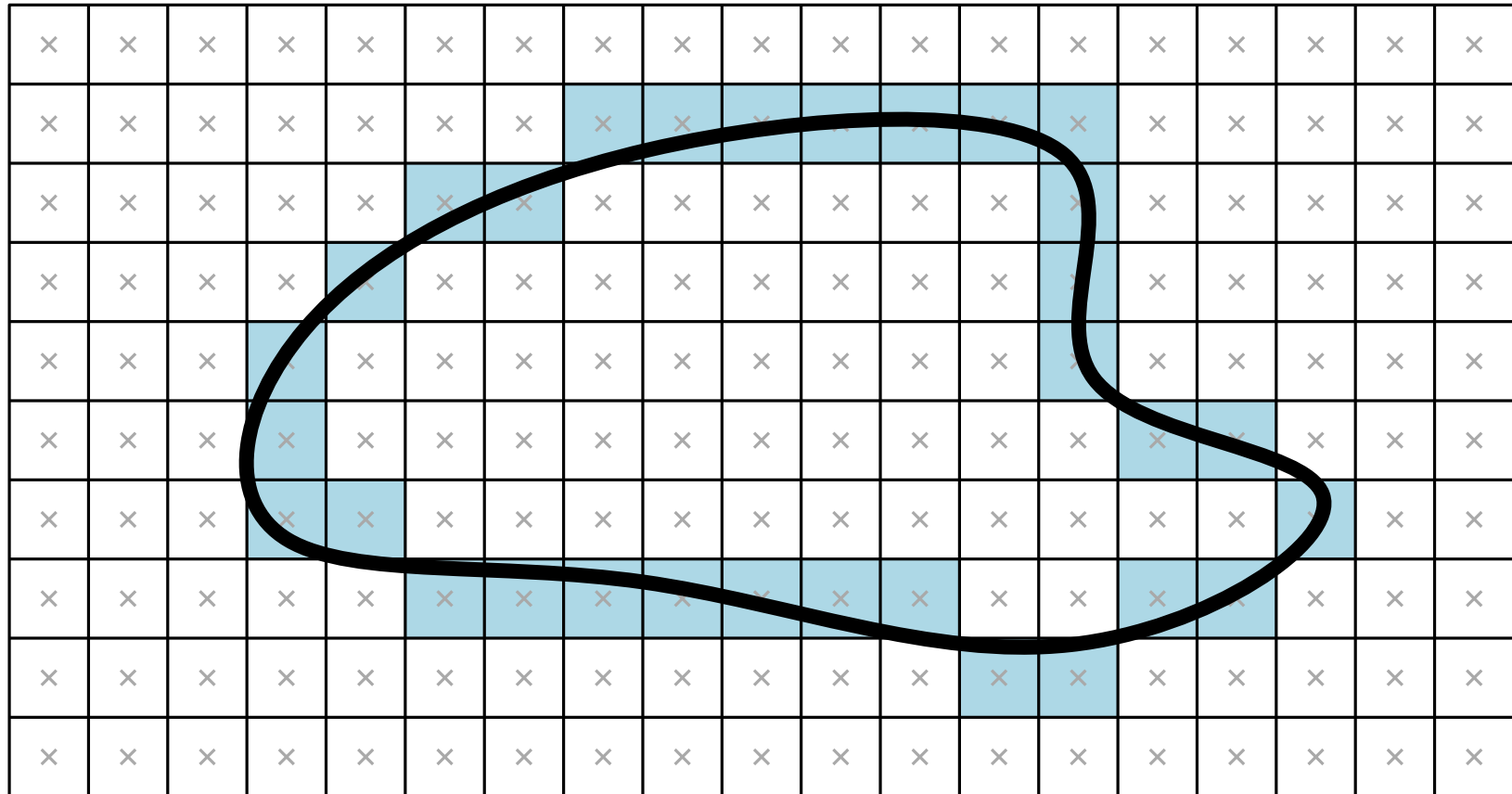
# O que veremos hoje?



# Exemplo de rasterização



# Exemplo de rasterização



# Exemplo de rasterização

x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x
x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x
x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x
x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x
x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x
x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x
x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x
x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x
x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x
x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x

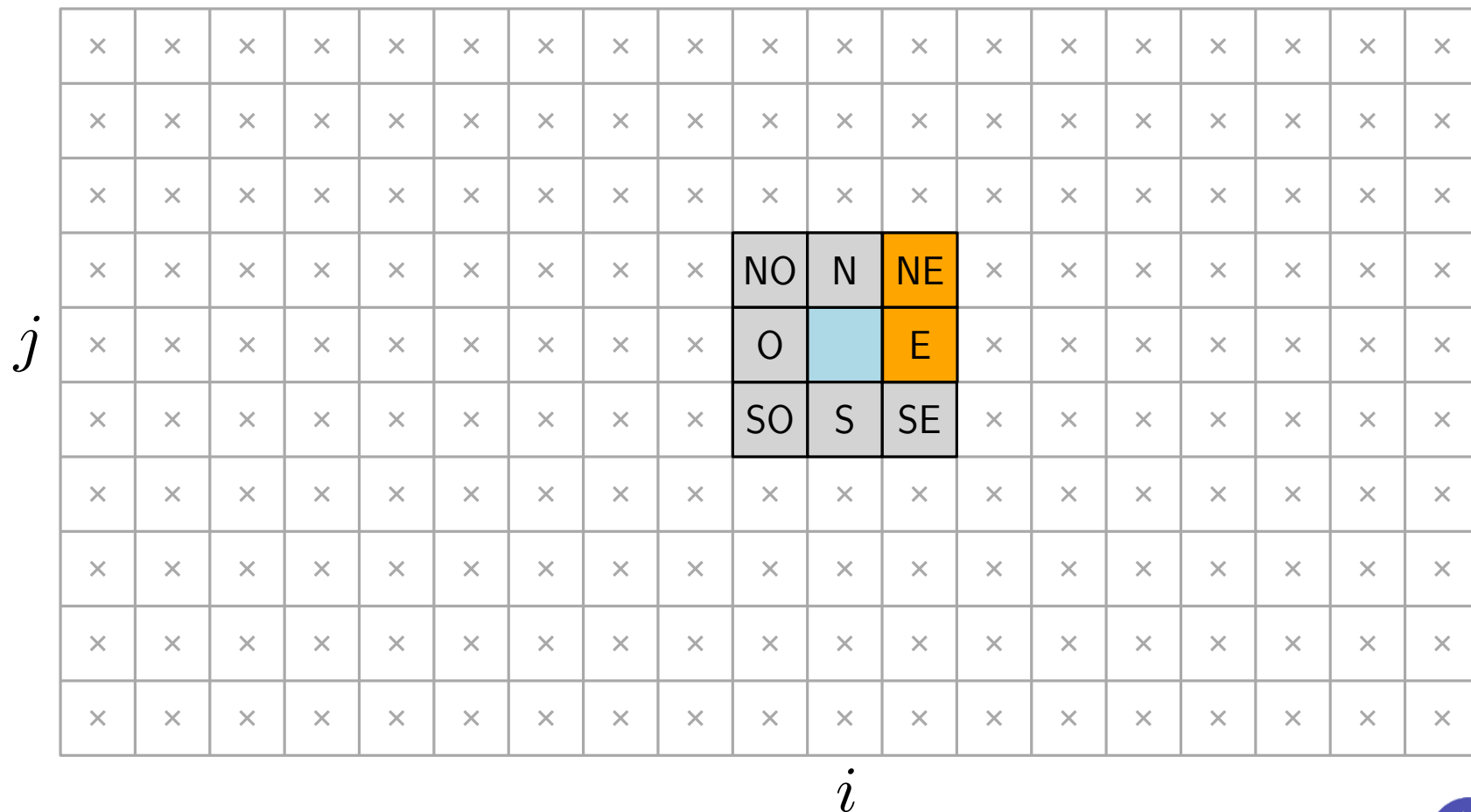
## Idéia básica.

Se um pixel  $(i, j)$  é pintado, então o próximo pixel a ser pintado é o  $E(i, j)$  ou o  $NE(i, j)$

# Relembrando o algoritmo de Bresenham

## Idéia básica.

Se um pixel  $(i, j)$  é pintado, então o próximo pixel a ser pintado é o  $E(i, j)$  ou o  $NE(i, j)$

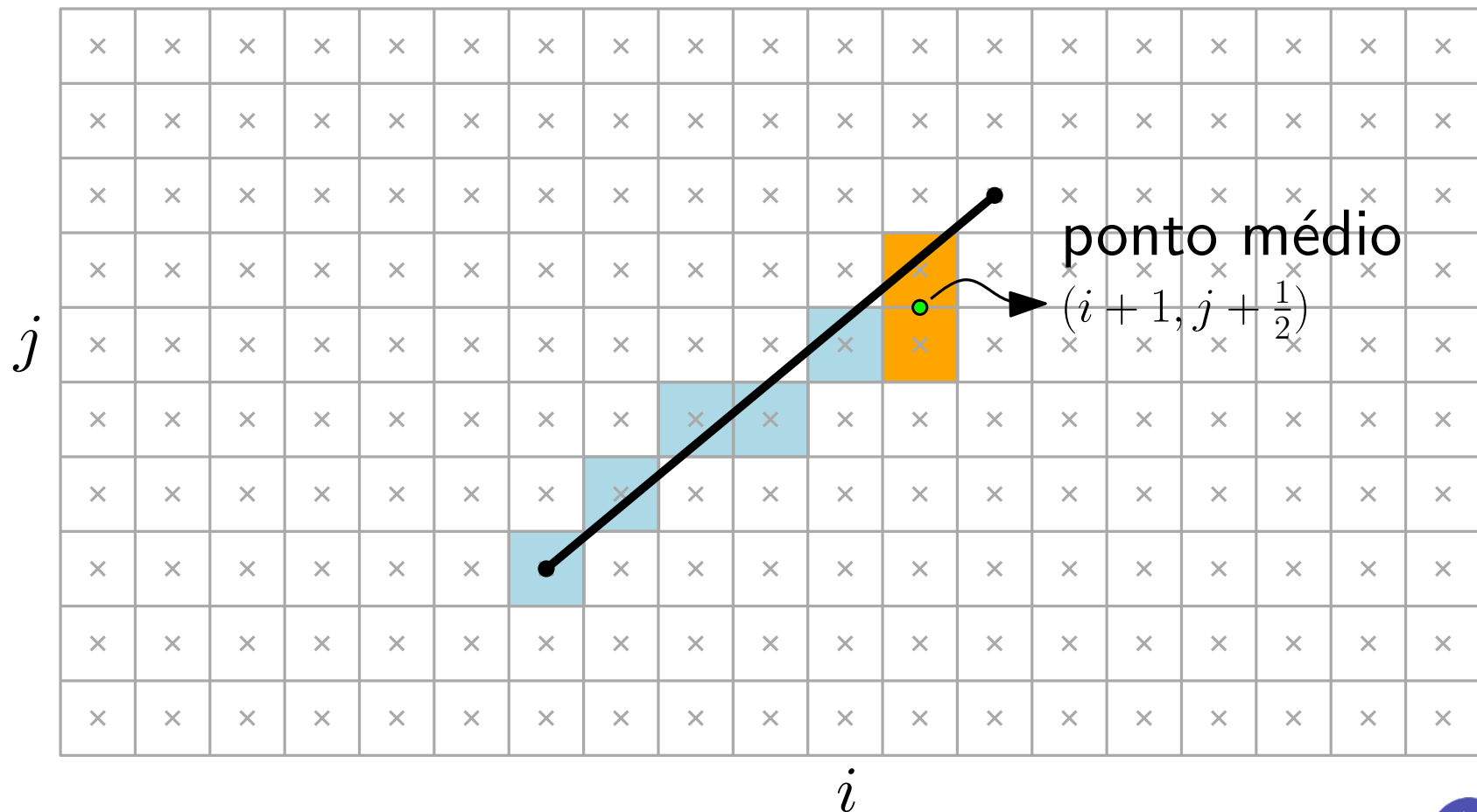




# Relembrando o algoritmo de Bresenham

## Idéia básica.

Se um pixel  $(i, j)$  é pintado, então o próximo pixel a ser pintado é o  $E(i, j)$  ou o  $NE(i, j)$



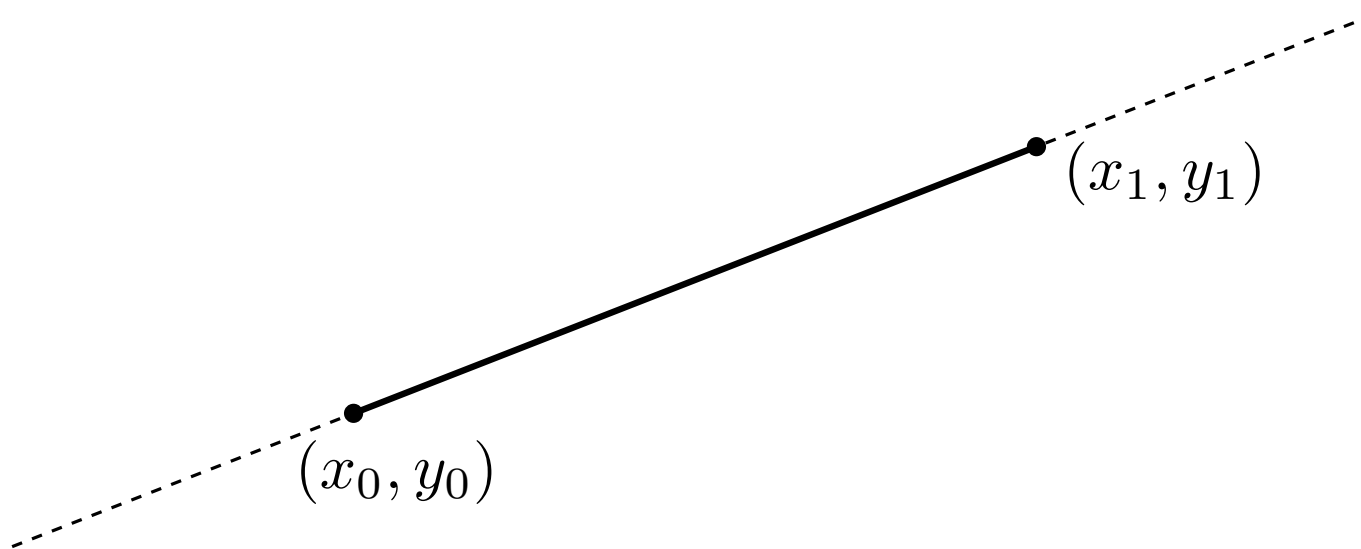
### Predicado de decisão.

A equação do hiperplano afim gerado por um segmento de reta pode ser utilizada para decidir em qual região do plano um ponto  $p$  está localizado

## Predicado de decisão.

A equação do hiperplano afim gerado por um segmento de reta pode ser utilizada para decidir em qual região do plano um ponto  $p$  está localizado

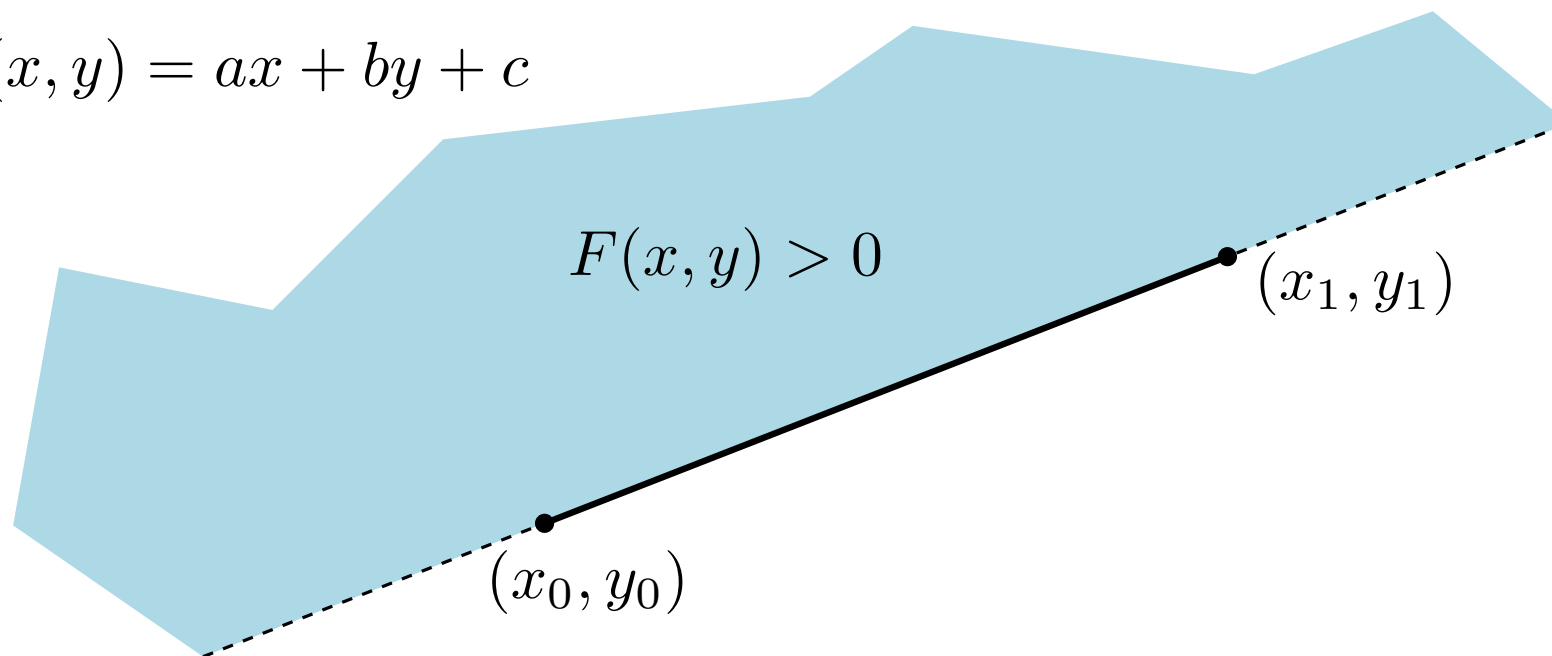
$$F(x, y) = ax + by + c$$



## Predicado de decisão.

A equação do hiperplano afim gerado por um segmento de reta pode ser utilizada para decidir em qual região do plano um ponto  $p$  está localizado

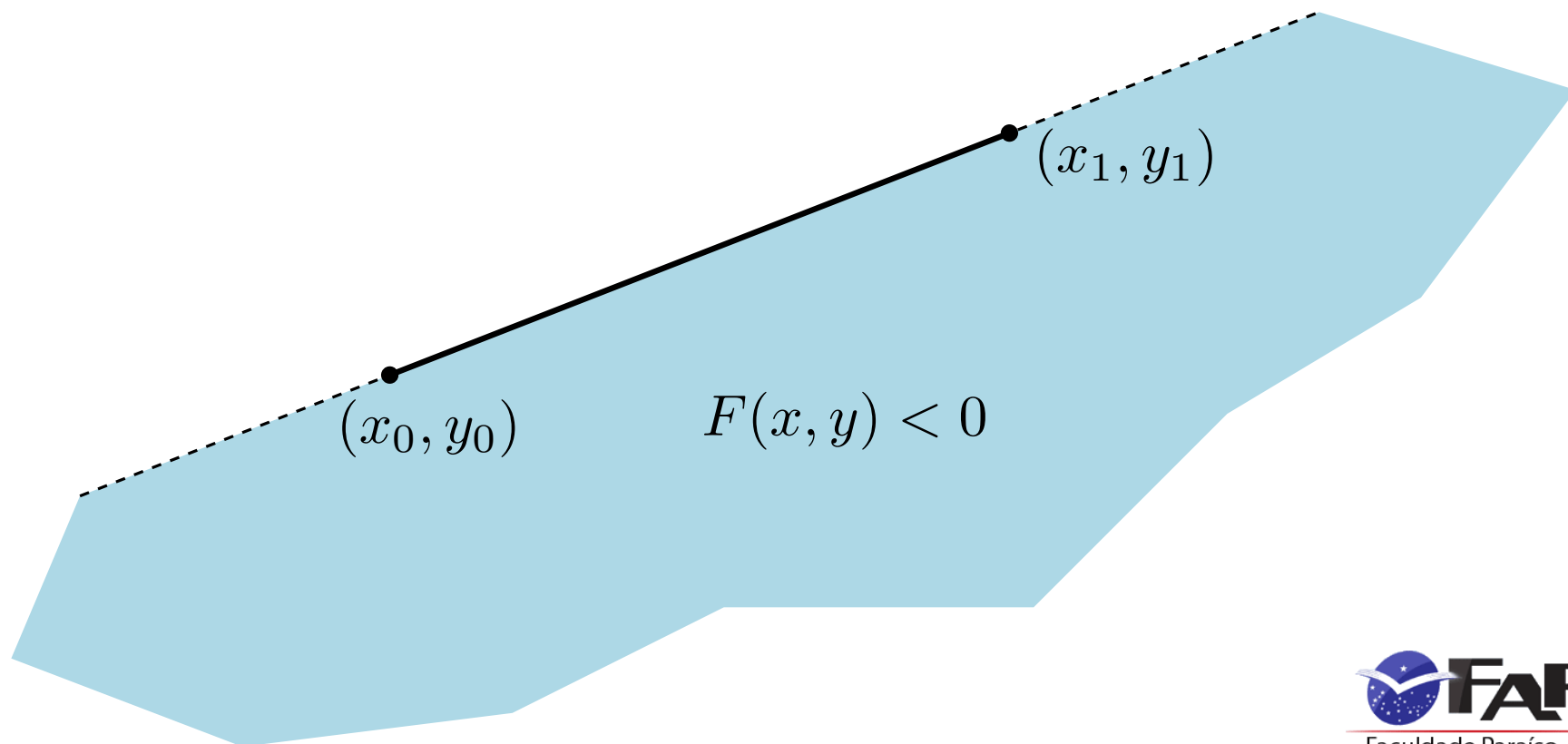
$$F(x, y) = ax + by + c$$



## Predicado de decisão.

A equação do hiperplano afim gerado por um segmento de reta pode ser utilizada para decidir em qual região do plano um ponto  $p$  está localizado

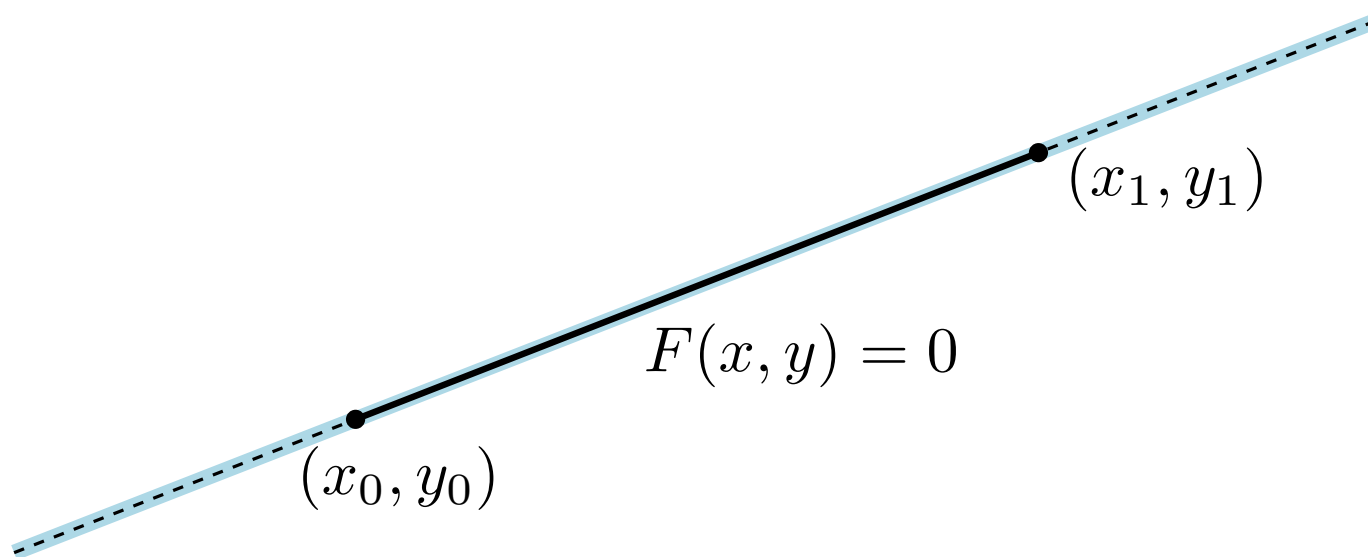
$$F(x, y) = ax + by + c$$



## Predicado de decisão.

A equação do hiperplano afim gerado por um segmento de reta pode ser utilizada para decidir em qual região do plano um ponto  $p$  está localizado

$$F(x, y) = ax + by + c$$



## Predicado de decisão.

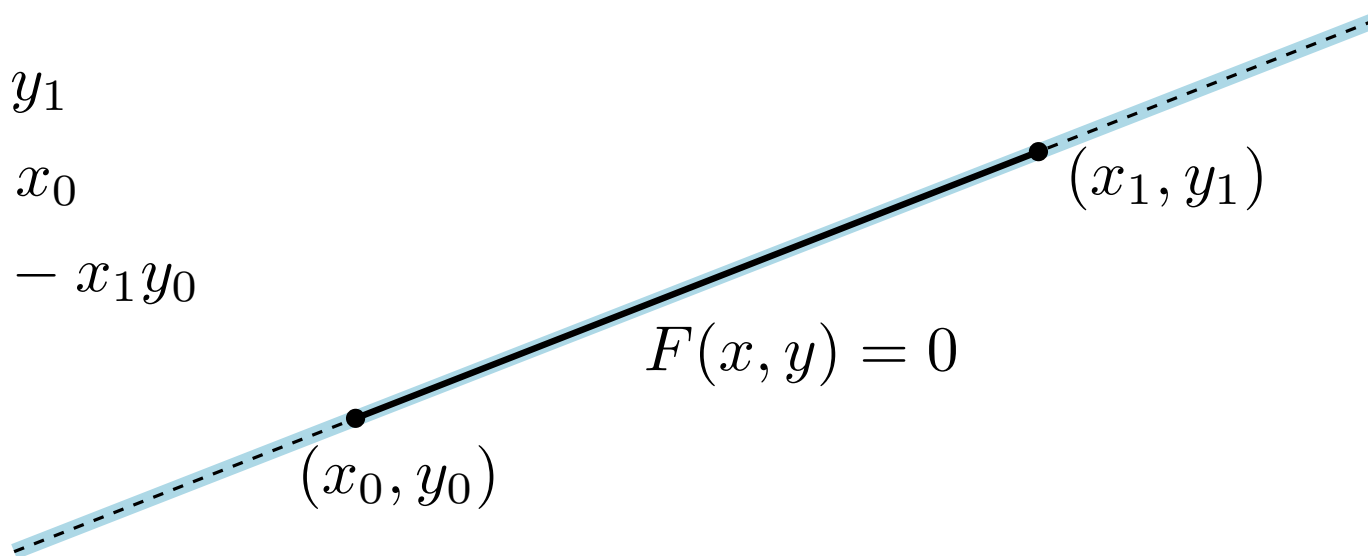
A equação do hiperplano afim gerado por um segmento de reta pode ser utilizada para decidir em qual região do plano um ponto  $p$  está localizado

$$F(x, y) = ax + by + c$$

$$a = y_0 - y_1$$

$$b = x_1 - x_0$$

$$c = x_0y_1 - x_1y_0$$



# Rasterização de círculos

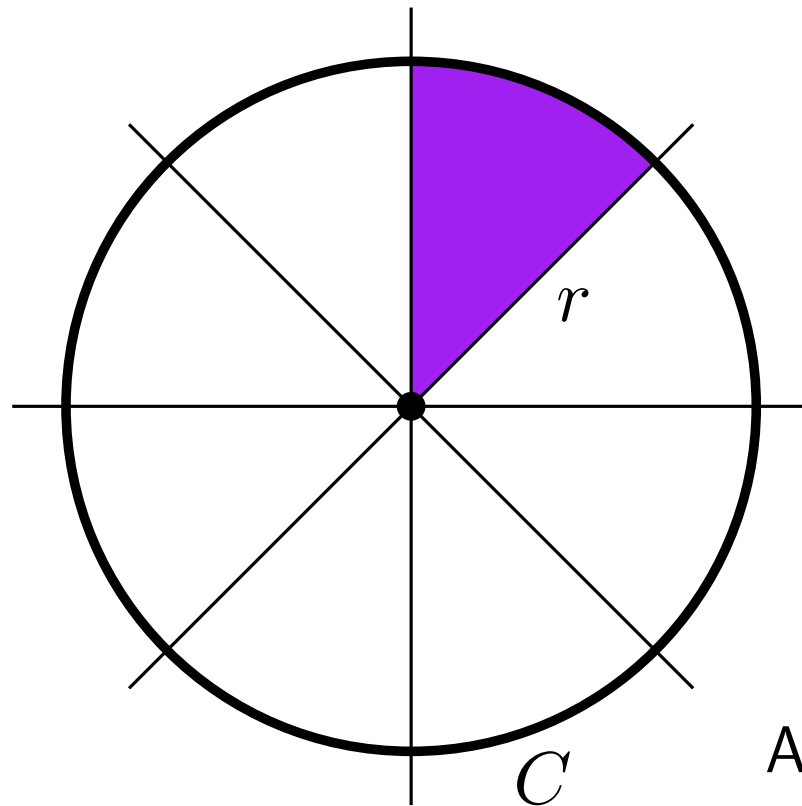
Podemos aplicar a ideia do algoritmo de Bresenham



# Rasterização de círculos

Podemos aplicar a ideia do algoritmo de Bresenham

Basta considerar o 2º octante

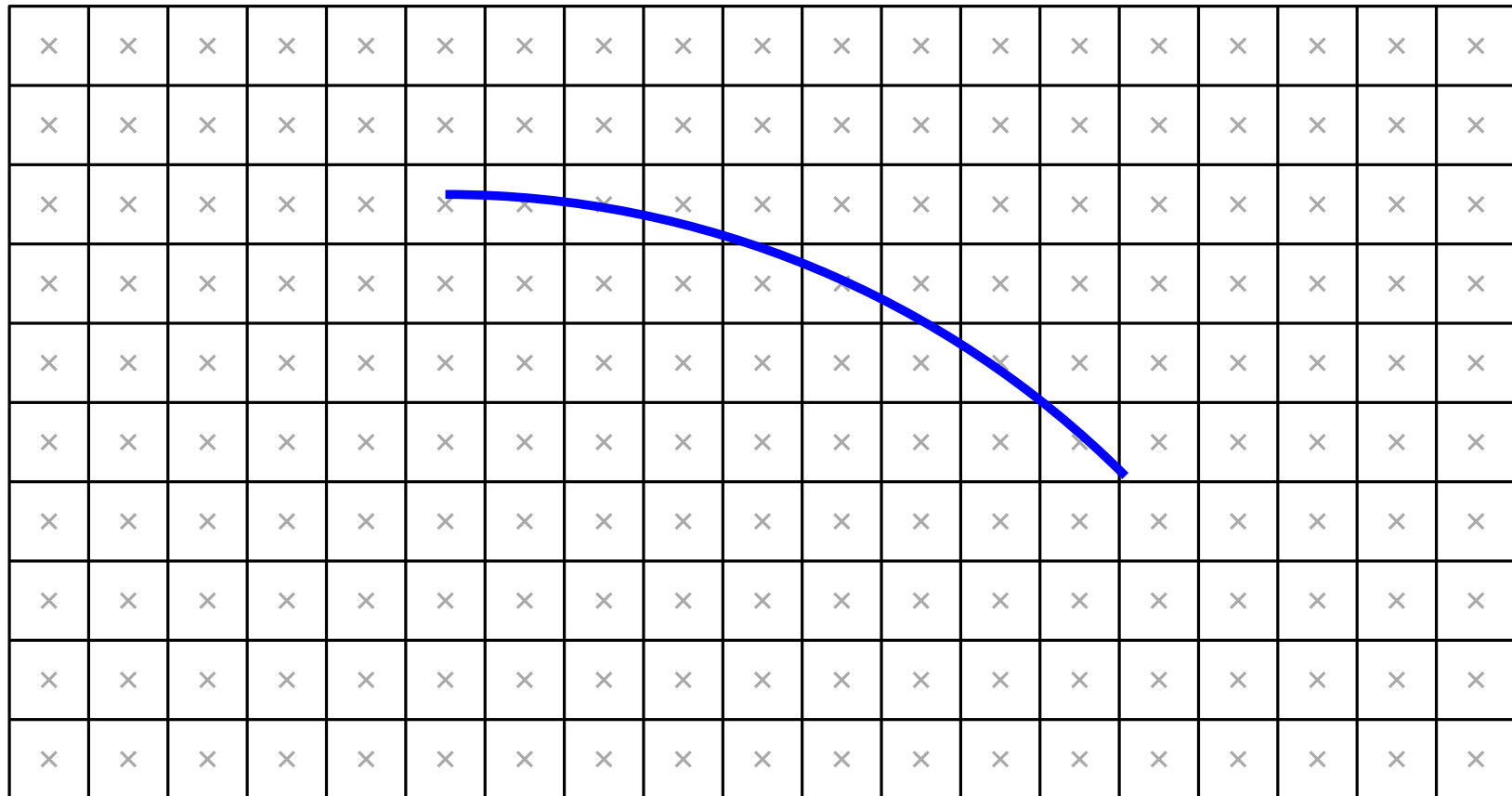


Assumimos que o centro  
está em  $(0, 0)$

# Rasterização de círculos

Podemos aplicar a ideia do algoritmo de Bresenham

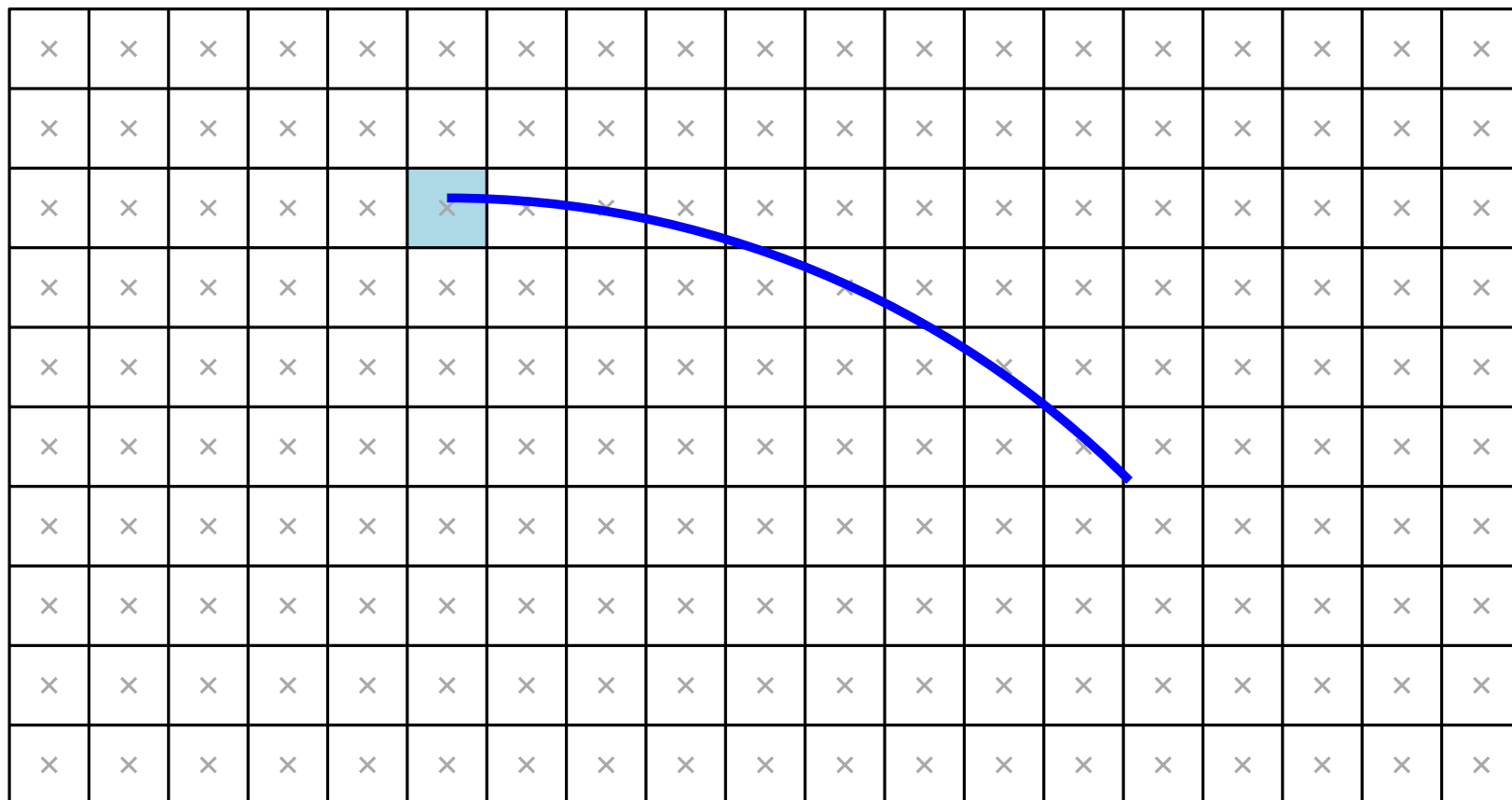
Basta considerar o 2º octante



# Rasterização de círculos

Podemos aplicar a ideia do algoritmo de Bresenham

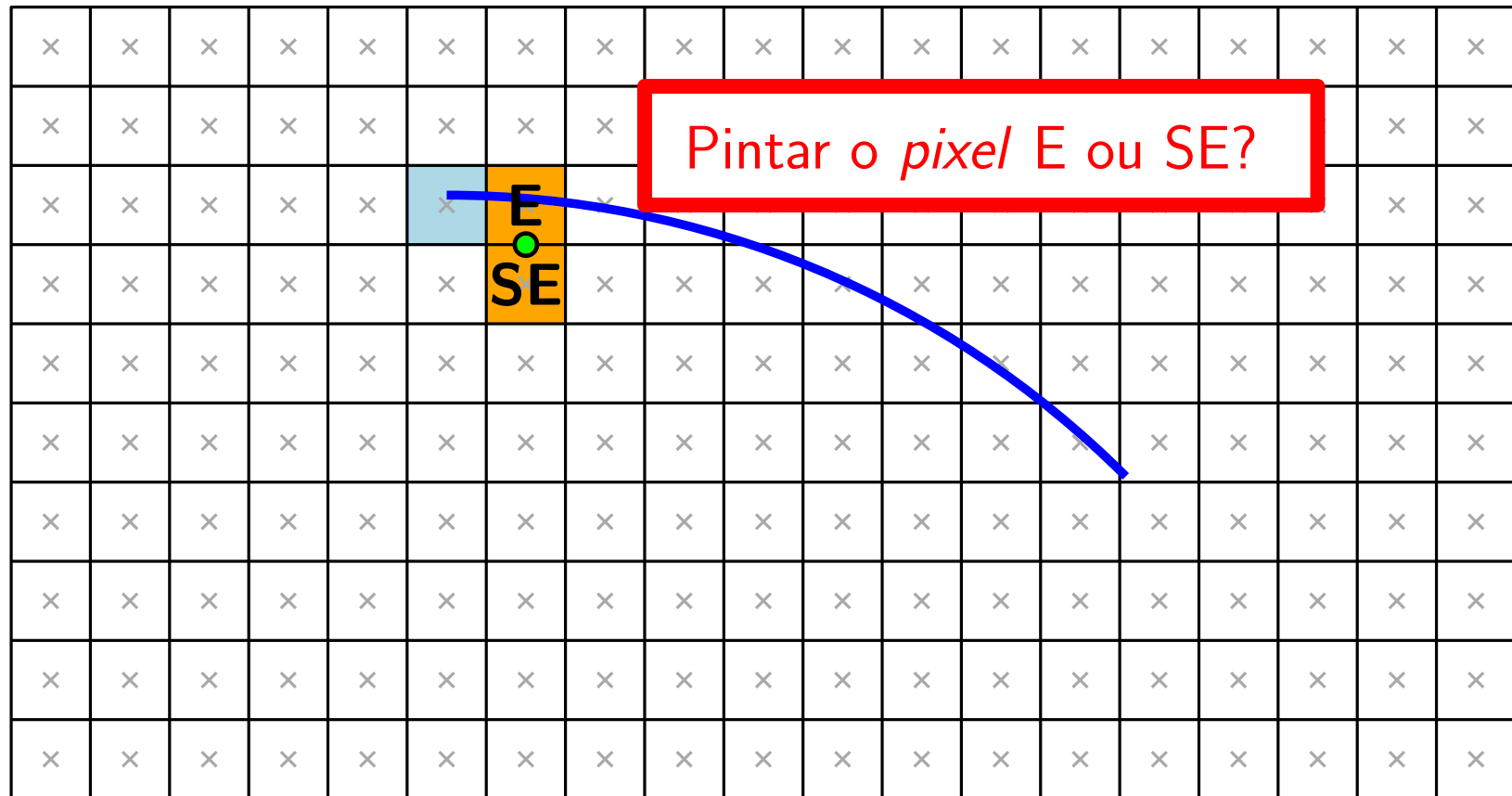
Basta considerar o 2º octante



# Rasterização de círculos

Podemos aplicar a ideia do algoritmo de Bresenham

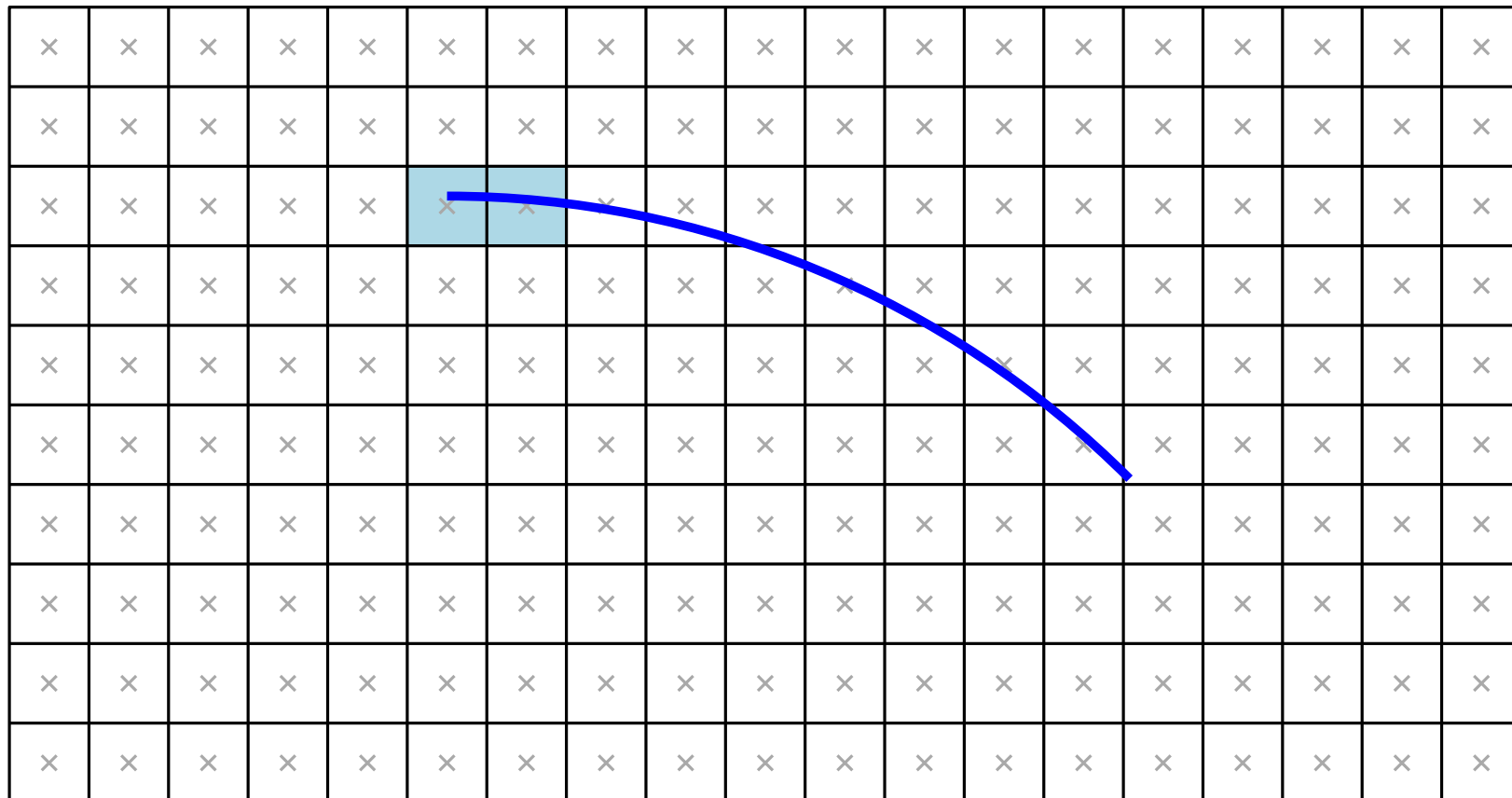
Basta considerar o 2º octante



# Rasterização de círculos

Podemos aplicar a ideia do algoritmo de Bresenham

Basta considerar o 2º octante

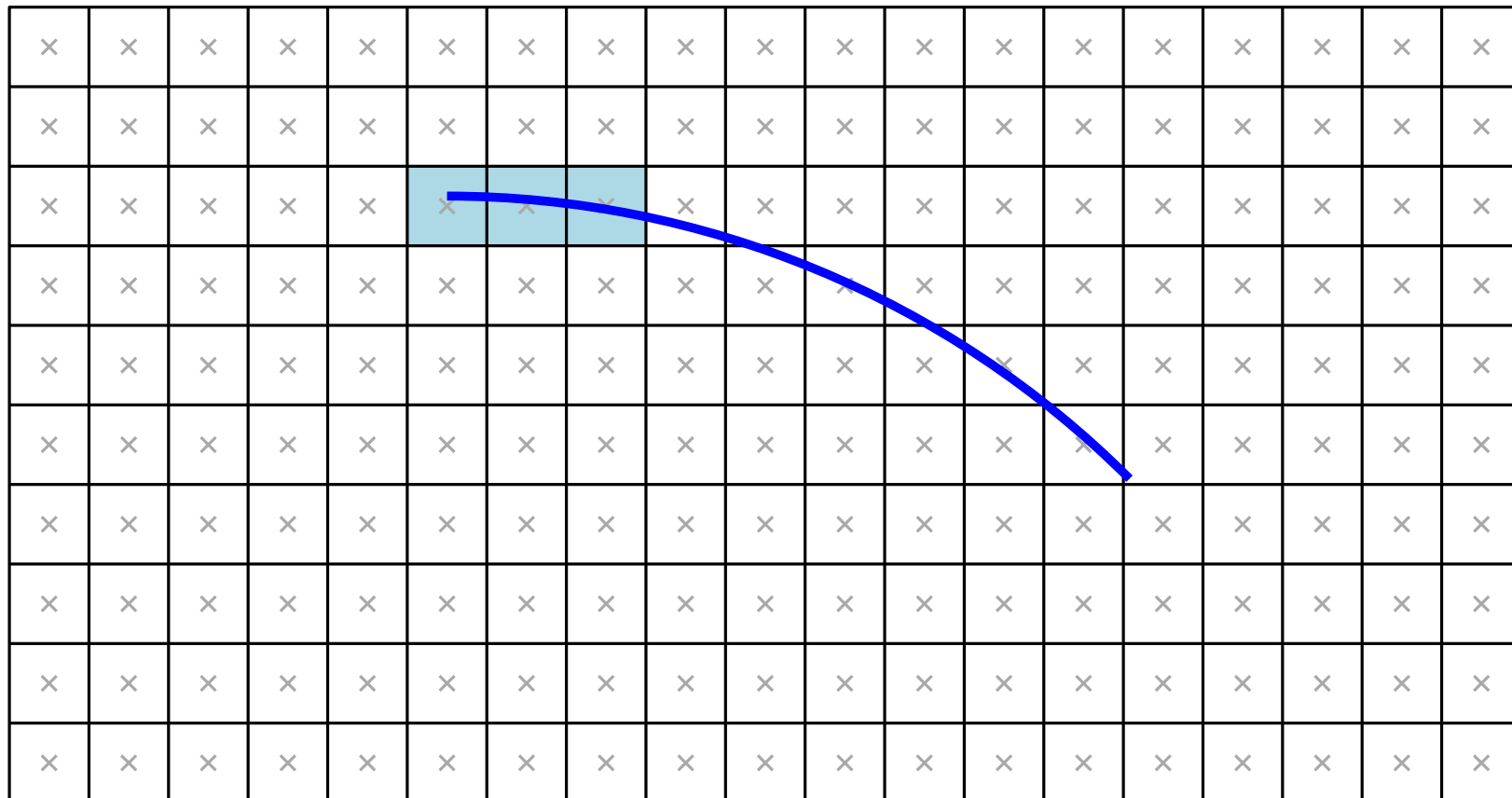




# Rasterização de círculos

Podemos aplicar a ideia do algoritmo de Bresenham

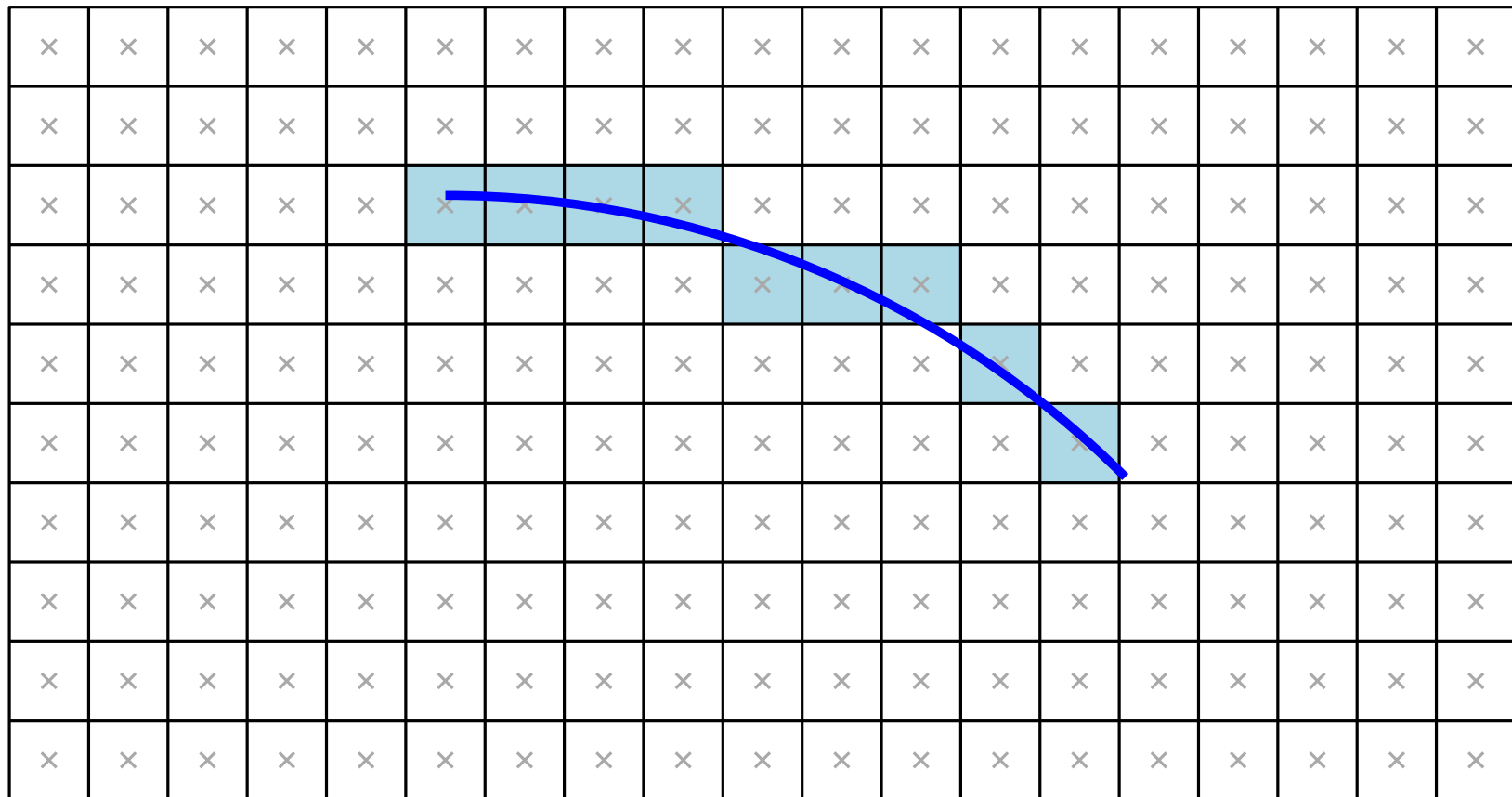
Basta considerar o 2º octante



# Rasterização de círculos

Podemos aplicar a ideia do algoritmo de Bresenham

Basta considerar o 2º octante

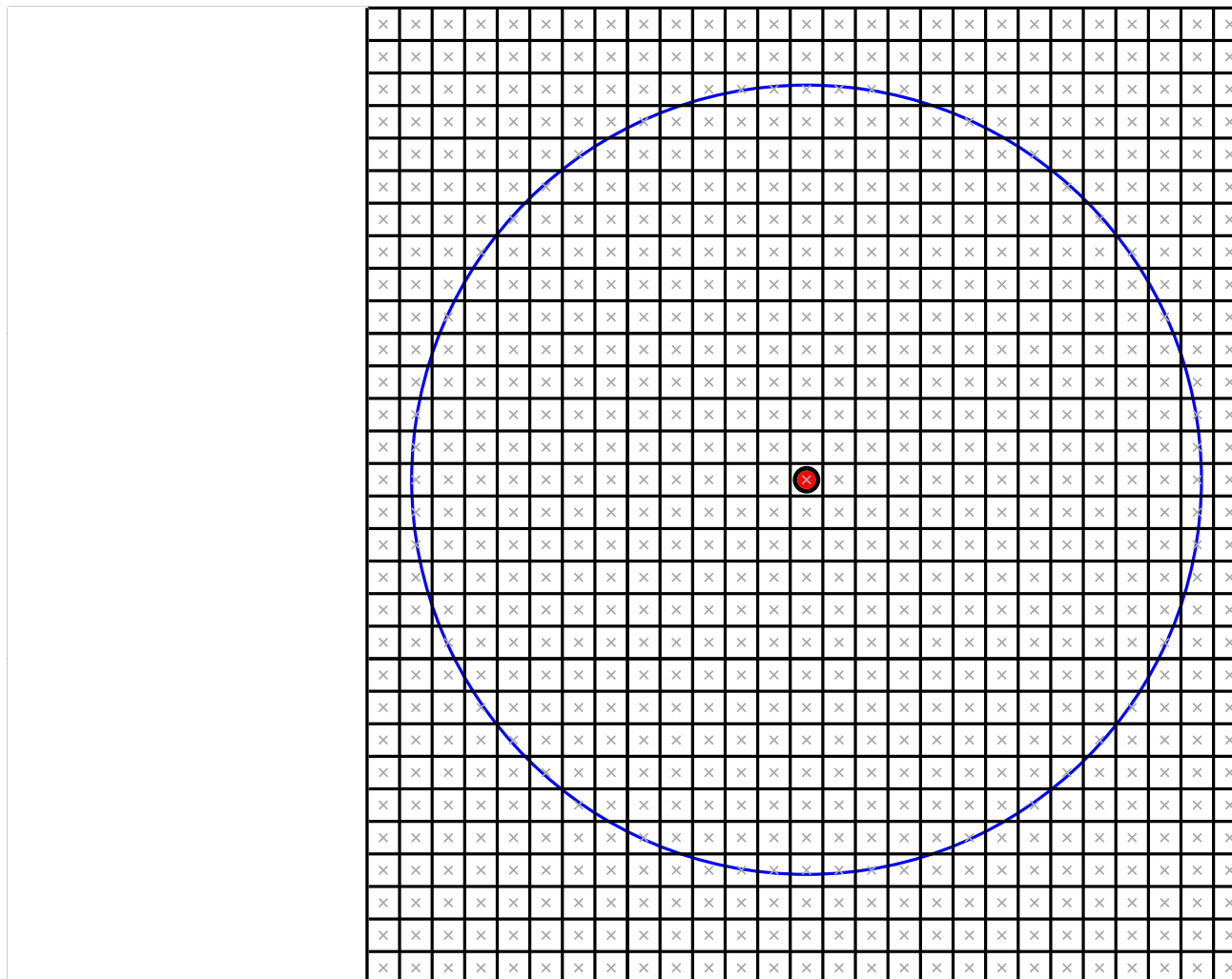




# Rasterização de círculos

Podemos aplicar a ideia do algoritmo de Bresenham

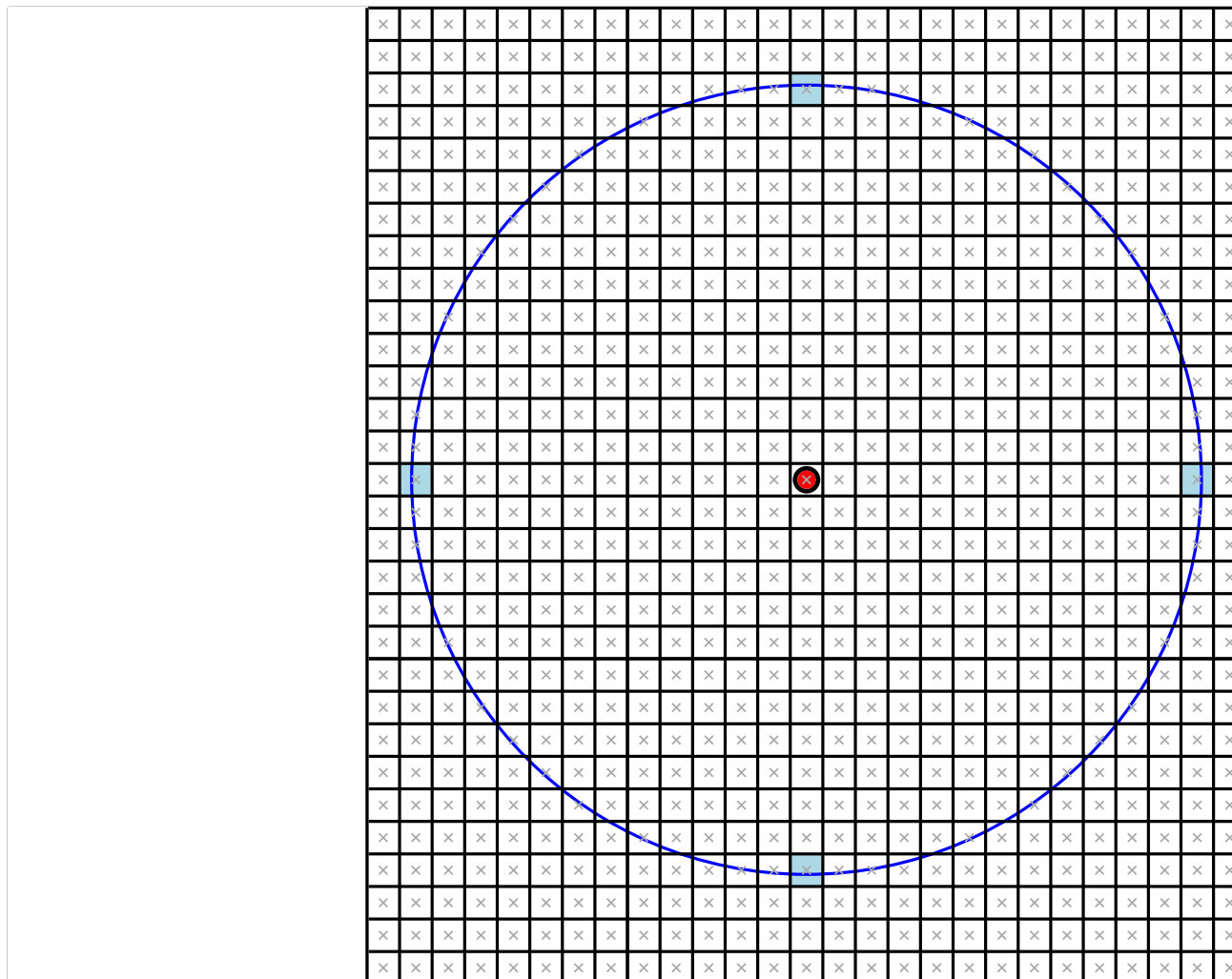
Ilustração do algoritmo com aplicação de simetria



# Rasterização de círculos

Podemos aplicar a ideia do algoritmo de Bresenham

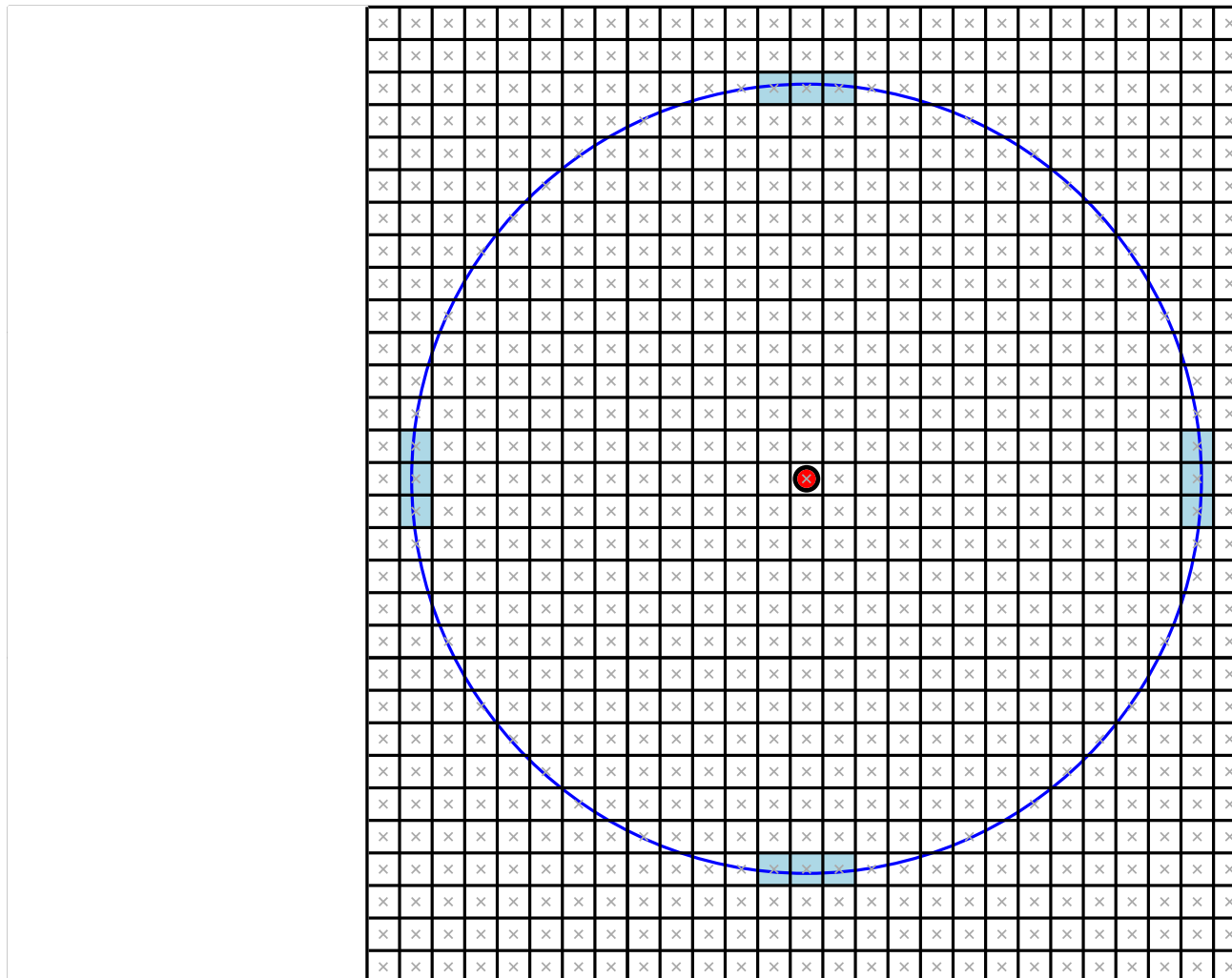
Ilustração do algoritmo com aplicação de simetria



# Rasterização de círculos

Podemos aplicar a ideia do algoritmo de Bresenham

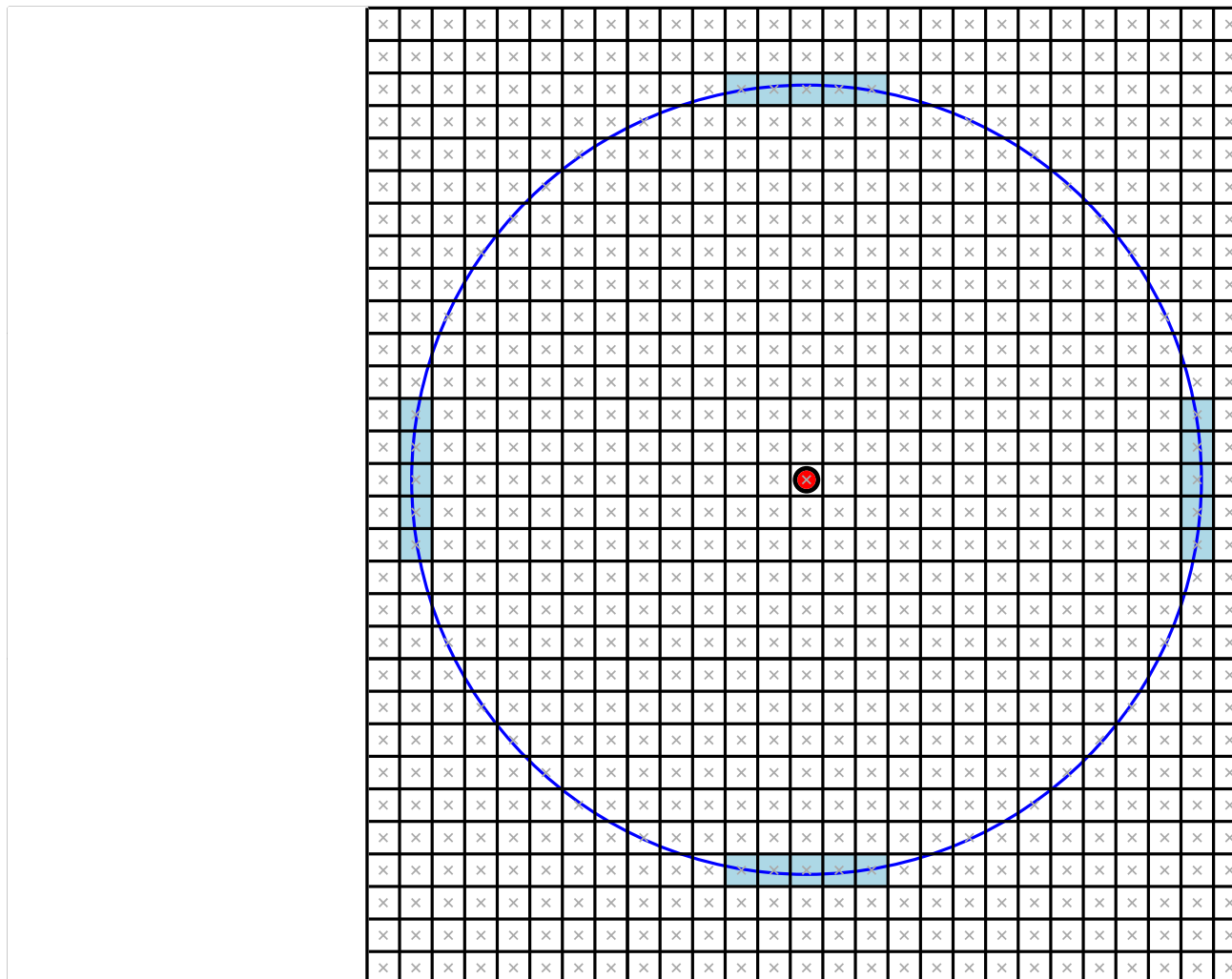
Ilustração do algoritmo com aplicação de simetria



# Rasterização de círculos

Podemos aplicar a ideia do algoritmo de Bresenham

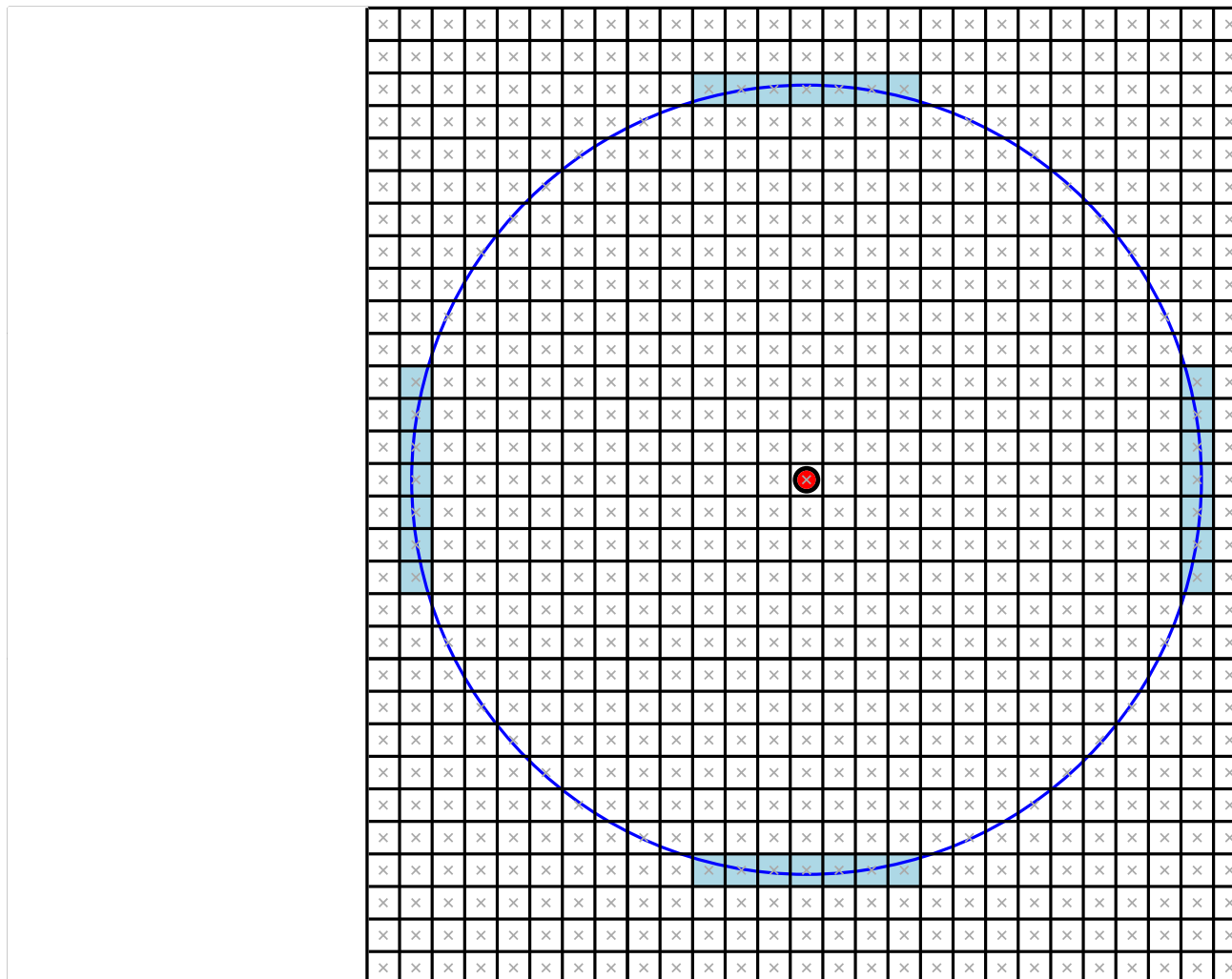
Ilustração do algoritmo com aplicação de simetria



# Rasterização de círculos

Podemos aplicar a ideia do algoritmo de Bresenham

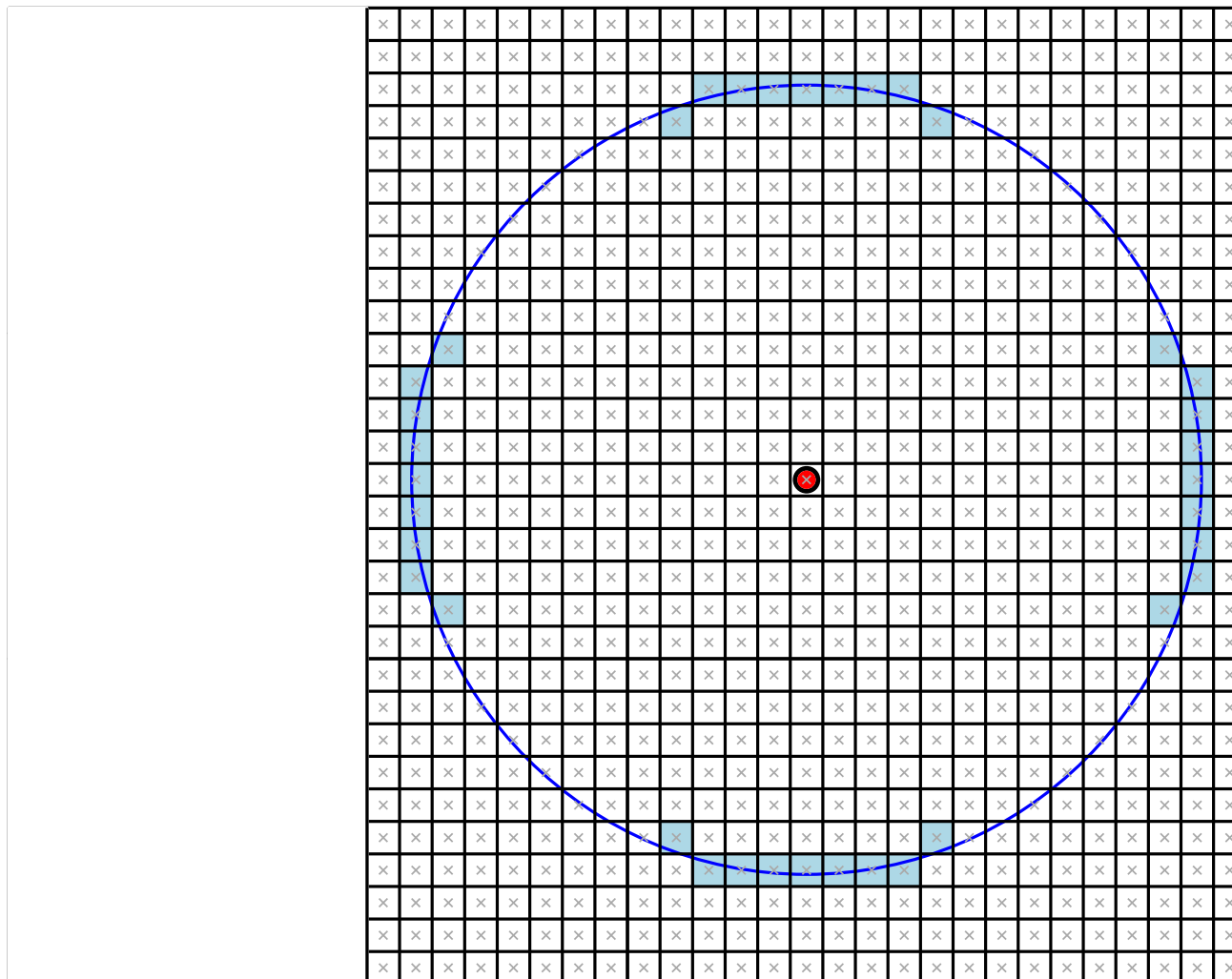
Ilustração do algoritmo com aplicação de simetria



# Rasterização de círculos

Podemos aplicar a ideia do algoritmo de Bresenham

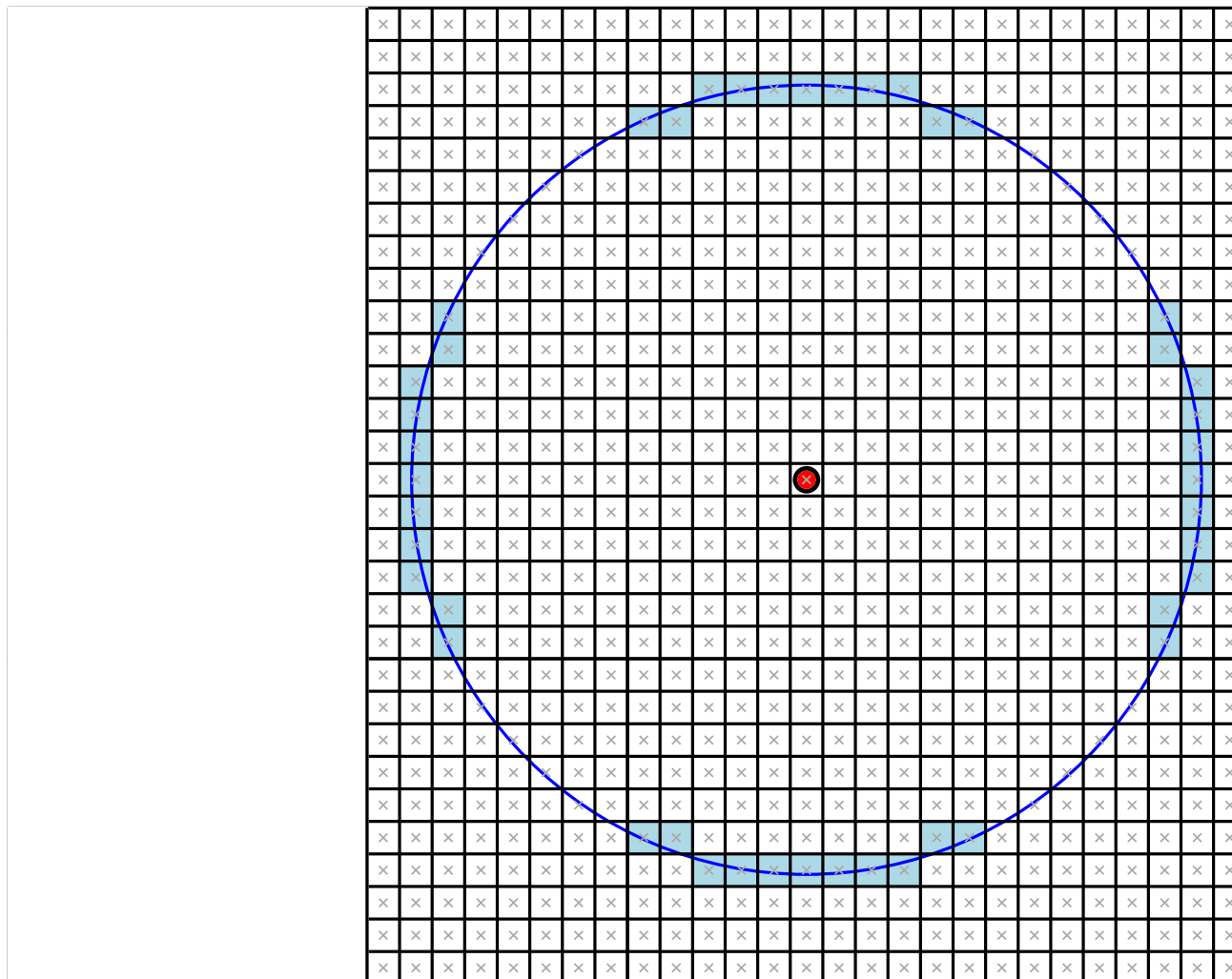
Ilustração do algoritmo com aplicação de simetria



# Rasterização de círculos

Podemos aplicar a ideia do algoritmo de Bresenham

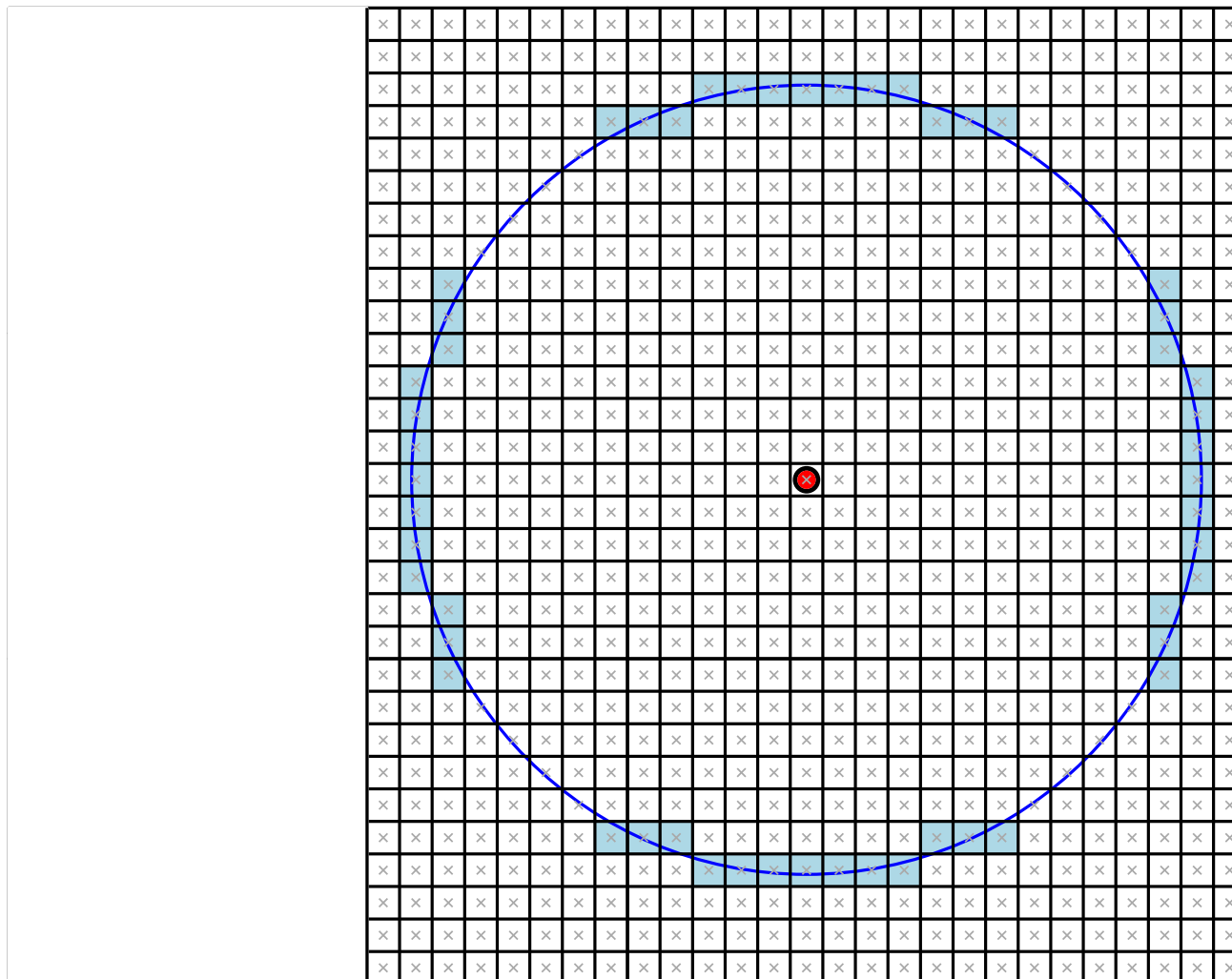
Ilustração do algoritmo com aplicação de simetria



# Rasterização de círculos

Podemos aplicar a ideia do algoritmo de Bresenham

Ilustração do algoritmo com aplicação de simetria

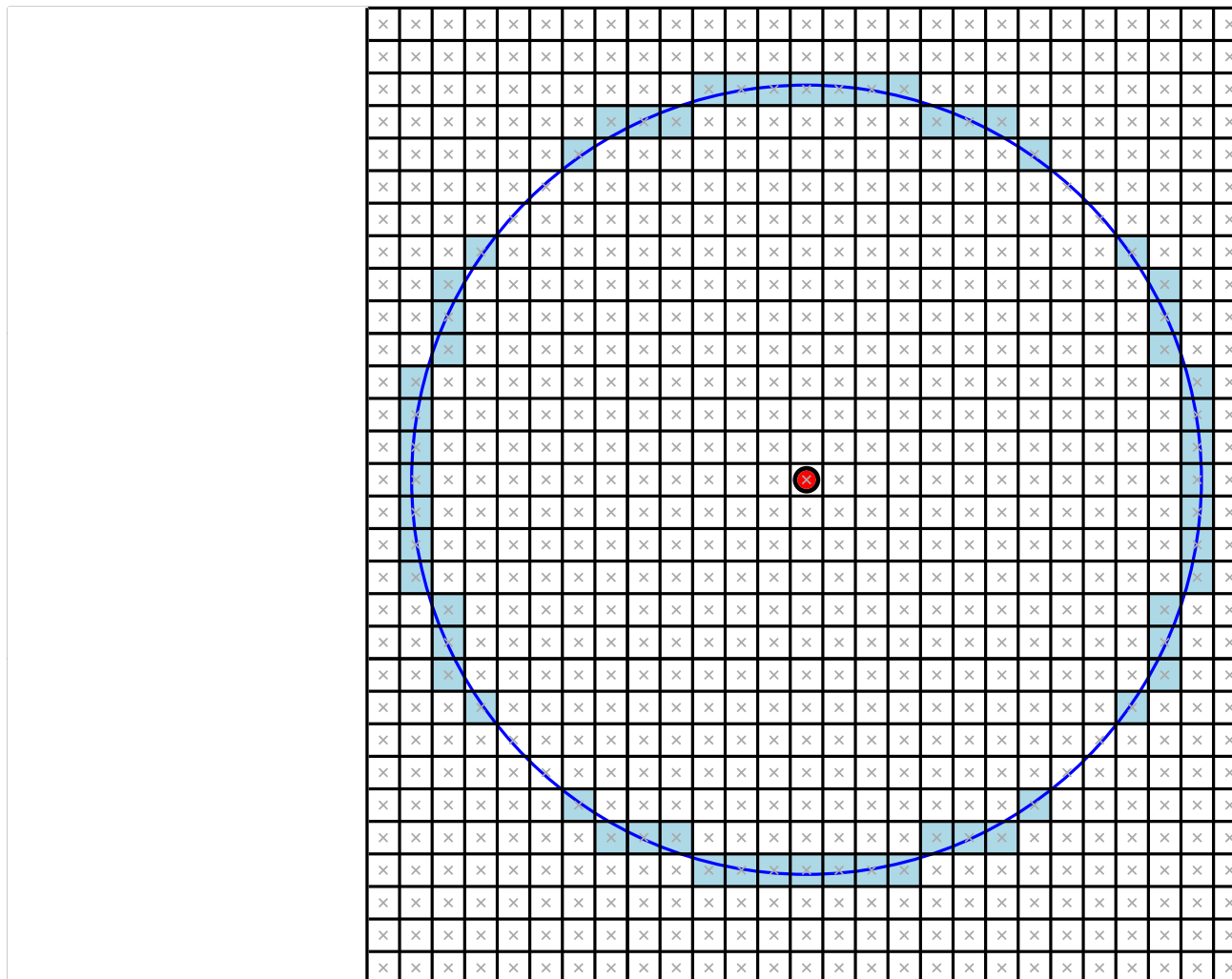




# Rasterização de círculos

Podemos aplicar a ideia do algoritmo de Bresenham

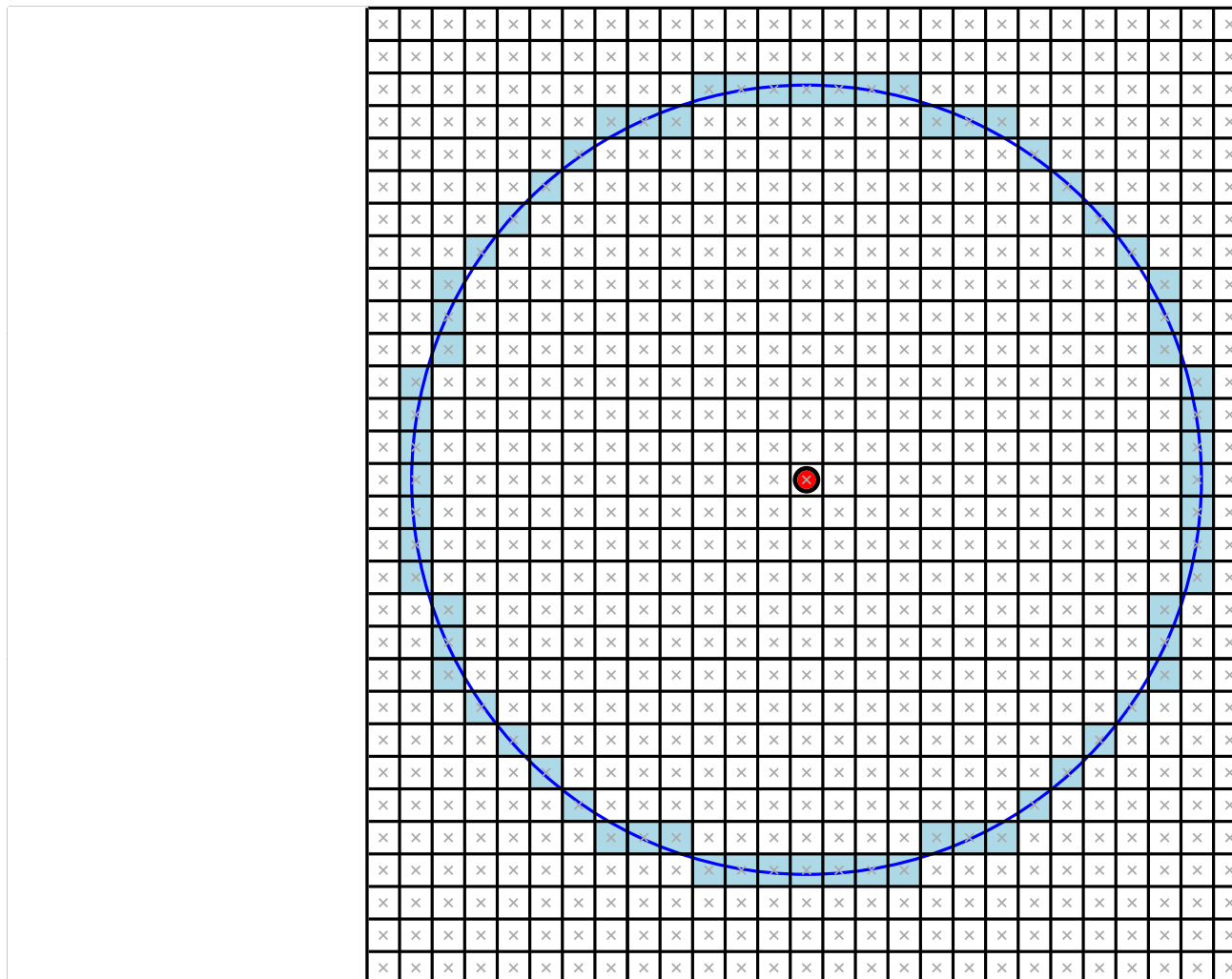
Ilustração do algoritmo com aplicação de simetria



# Rasterização de círculos

Podemos aplicar a ideia do algoritmo de Bresenham

Ilustração do algoritmo com aplicação de simetria



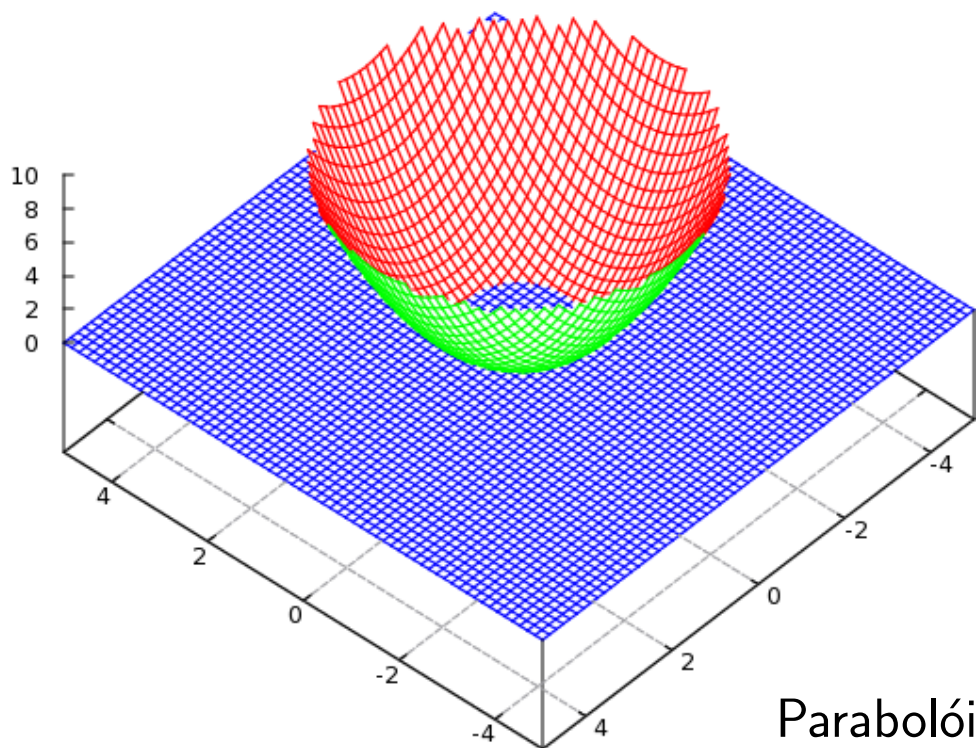
# Rasterização de círculos

Podemos aplicar a ideia do algoritmo de Bresenham

Basta considerar o 2º octante

Com a função de decisão:

$$F(x, y) = x^2 + y^2 - r^2$$



Parabolóide

$F(p) = 0 \implies p$  está sobre  $F$

$F(p) < 0 \implies p$  está dentro

$F(p) > 0 \implies p$  está fora

Assumimos que o centro  
está em  $(0, 0)$

# Rasterização de círculos

Podemos aplicar a ideia do algoritmo de Bresenham

**Se formos para o pixel E**

$$F(x_0 + 2, y_0 - 1/2) = F(x_0 + 1, y - 1/2) + 2x_0 + 3$$

**Se formos para o pixel SE**

$$F(x_0 + 2, y_0 - 3/2) = F(x_0 + 1, y - 1/2) + 2x_0 - 2y_0 + 5$$

**onde o primeiro ponto médio será em  $(1, r - 1/2)$ .**

$$F(x_0 + 1, y_0 - 1/2) = F(1, r - 1/2) = 5/4 - r$$

## Preenchimento de regiões

Dada uma região *conexa* delimitada por um conjunto de *pixels* no espaço da imagem, como podemos preencher seu interior, dado um *pixel* “semente”?

## Preenchimento de regiões

Dada uma região *conexa* delimitada por um conjunto de *pixels* no espaço da imagem, como podemos preencher seu interior, dado um *pixel* “semente”?

O que é uma região *conexa*?

## Preenchimento de regiões

Dada uma região *conexa* delimitada por um conjunto de *pixels* no espaço da imagem, como podemos preencher seu interior, dado um *pixel* “semente”?

O que é uma região *conexa*?

É toda região na qual quaisquer dois *pixels* em seu interior podem ser conectados por um caminho através de seus *pixels* vizinhos internos

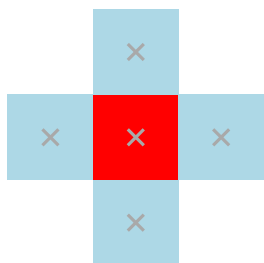
## Preenchimento de regiões

Dada uma região *conexa* delimitada por um conjunto de *pixels* no espaço da imagem, como podemos preencher seu interior, dado um *pixel* “semente”?

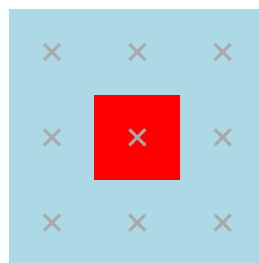
O que é uma região *conexa*?

É toda região na qual quaisquer dois *pixels* em seu interior podem ser conectados por um caminho através de seus *pixels* vizinhos internos

Podemos considerar dois modelos de vizinhança:



4-vizinhança

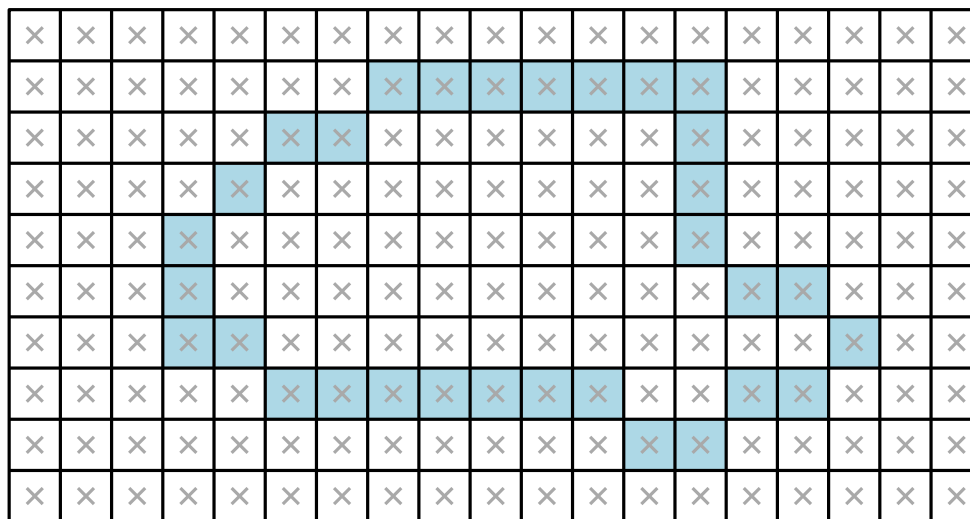


8-vizinhança

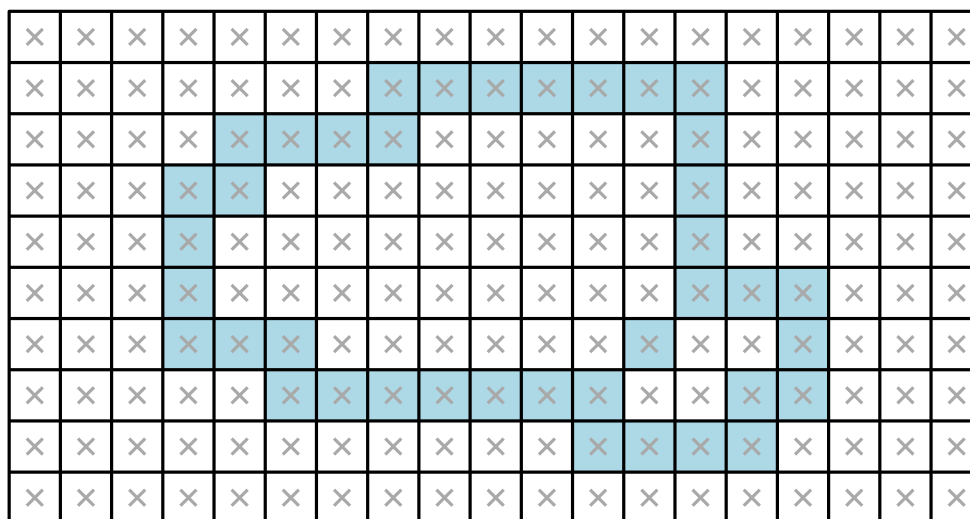


## Preenchimento de regiões

Dada uma região *conexa* delimitada por um conjunto de *pixels* no espaço da imagem, como podemos preencher seu interior, dado um *pixel* “semente”?



- Contorno 8-conexo
- Interior 4-conexo



- Contorno 4-conexo
- Interior 8-conexo

## Preenchimento de regiões

Dada uma região *conexa* delimitada por um conjunto de *pixels* no espaço da imagem, como podemos preencher seu interior, dado um *pixel* “semente”?

```
flood_fill_4(x, y, cor, cor_desejada) {  
    Se pixel(x, y).cor  $\neq$  cor, então:  
        Retorne;  
    pixel(x, y).cor  $\leftarrow$  cor_desejada;  
    flood_fill(x - 1, y, cor, cor_desejada);  
    flood_fill(x + 1, y, cor, cor_desejada);  
    flood_fill(x, y + 1, cor, cor_desejada);  
    flood_fill(x, y - 1, cor, cor_desejada);  
    Retorne;  
}
```

## Preenchimento de regiões

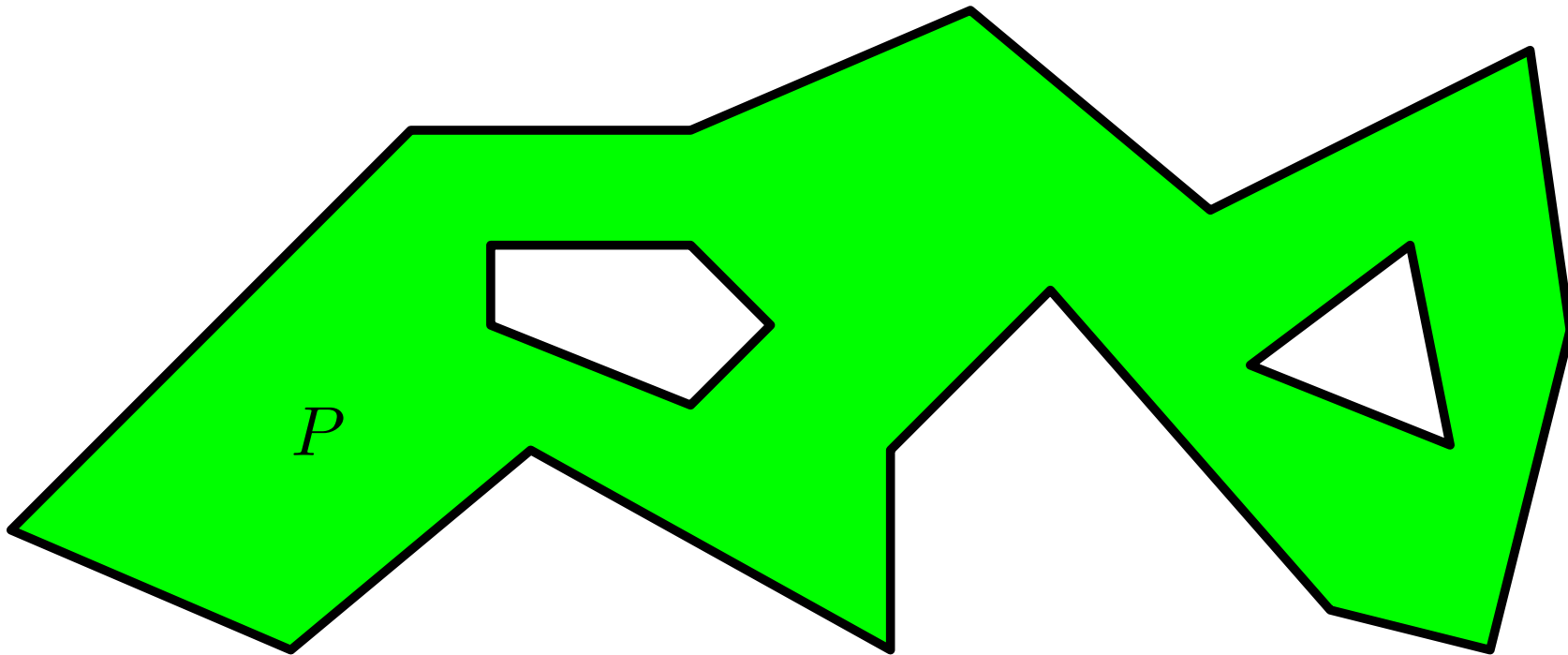
Dada uma região *conexa* delimitada por um conjunto de *pixels* no espaço da imagem, como podemos preencher seu interior, dado um *pixel* “semente”?

```
flood_fill_4(x, y, cor, cor_desejada) {  
    Se pixel(x, y).cor  $\neq$  cor, então:  
        Retorne;  
    pixel(x, y).cor  $\leftarrow$  cor_desejada;  
    flood_fill(x - 1, y, cor, cor_desejada);  
    flood_fill(x + 1, y, cor, cor_desejada);  
    flood_fill(x, y + 1, cor, cor_desejada);  
    flood_fill(x, y - 1, cor, cor_desejada);  
    Retorne;  
}
```

É possível melhorar a performance com um *flag* para designar se um *pixel* já foi testado

# Rasterização de polígonos

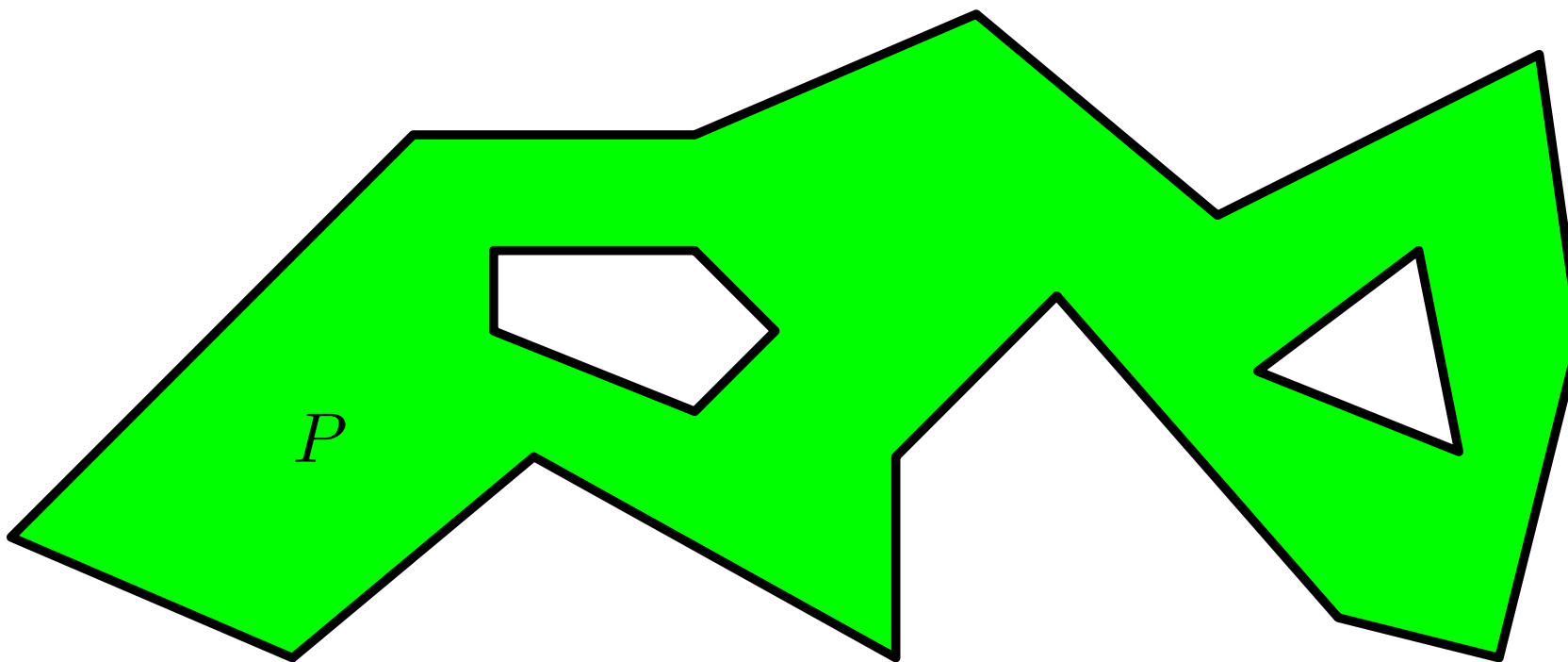
E se quisermos preencher o interior de um polígono  $P$  arbitrário?



# Rasterização de polígonos

Estratégias clássicas para preencher  $P$ :

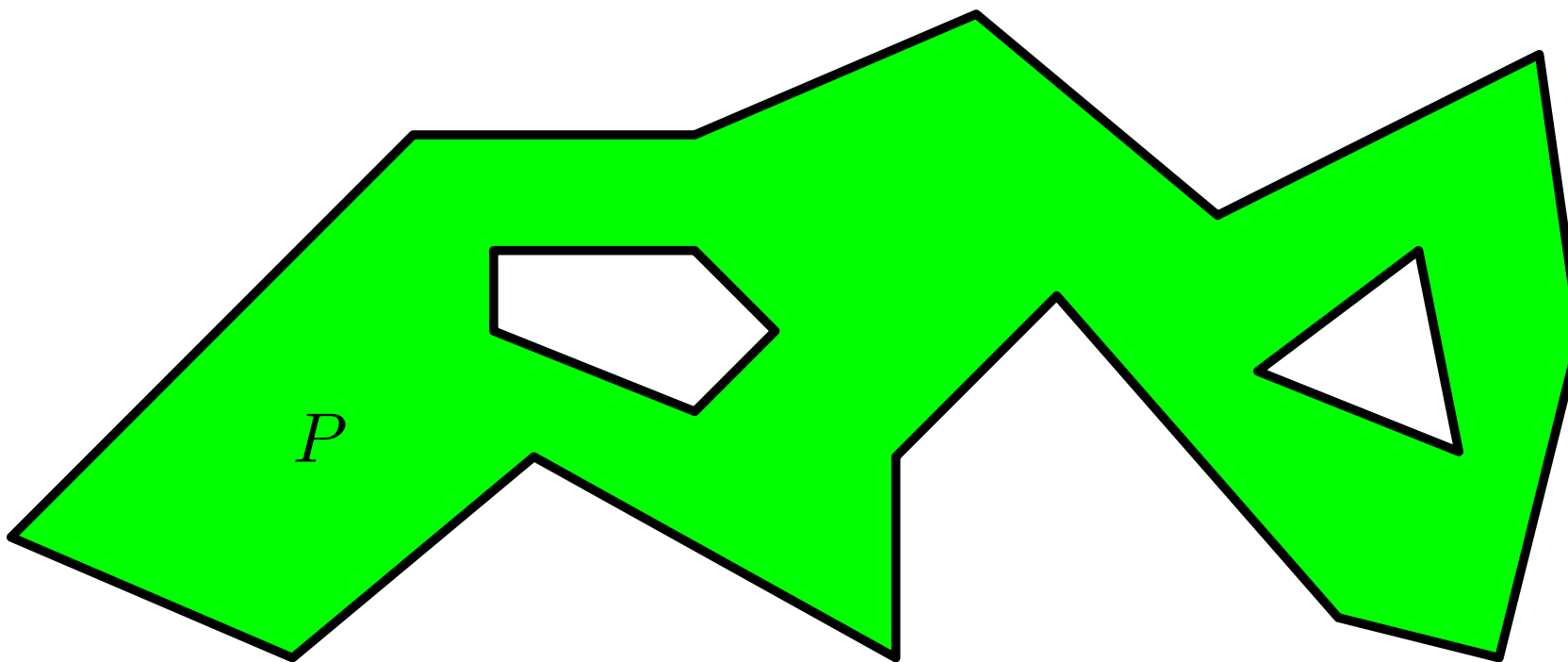
- Aplicar Bresenham nas arestas + flood\_fill



# Rasterização de polígonos

Estratégias clássicas para preencher  $P$ :

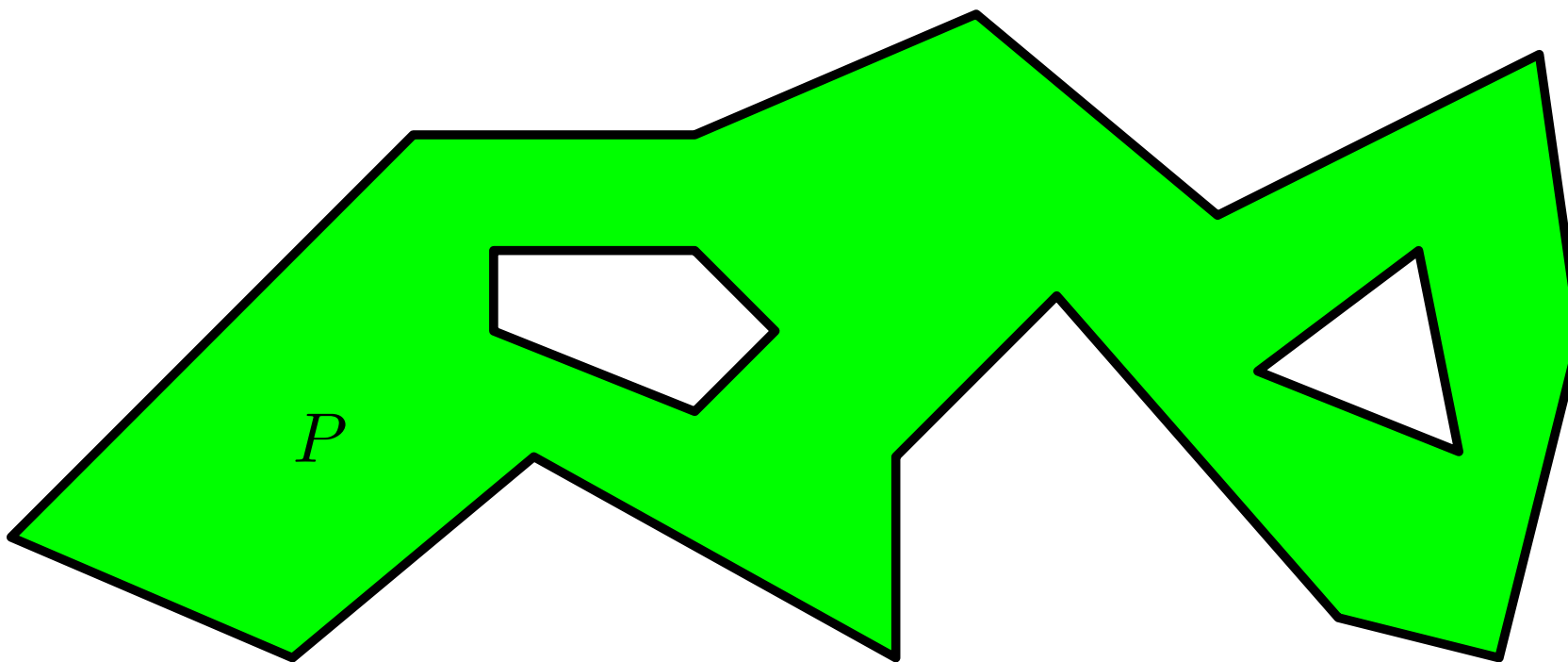
- Aplicar Bresenham nas arestas + `flood_fill`
- Algoritmo da linha de varredura



# Rasterização de polígonos

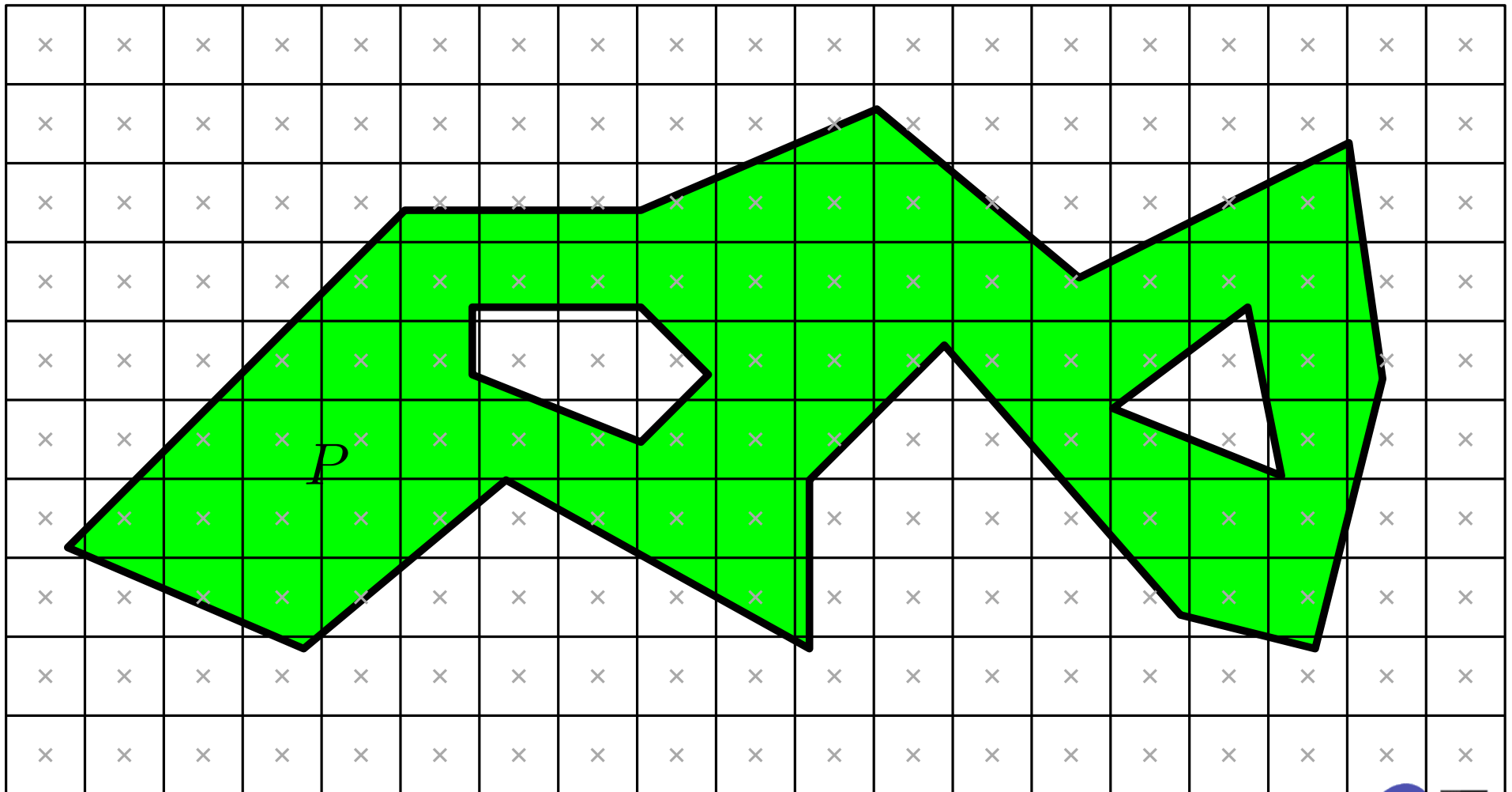
Estratégias clássicas para preencher  $P$ :

- Aplicar Bresenham nas arestas + flood\_fill
- Algoritmo da linha de varredura
- Triangular  $P$ , depois preencher cada triângulo



# Rasterização de polígonos

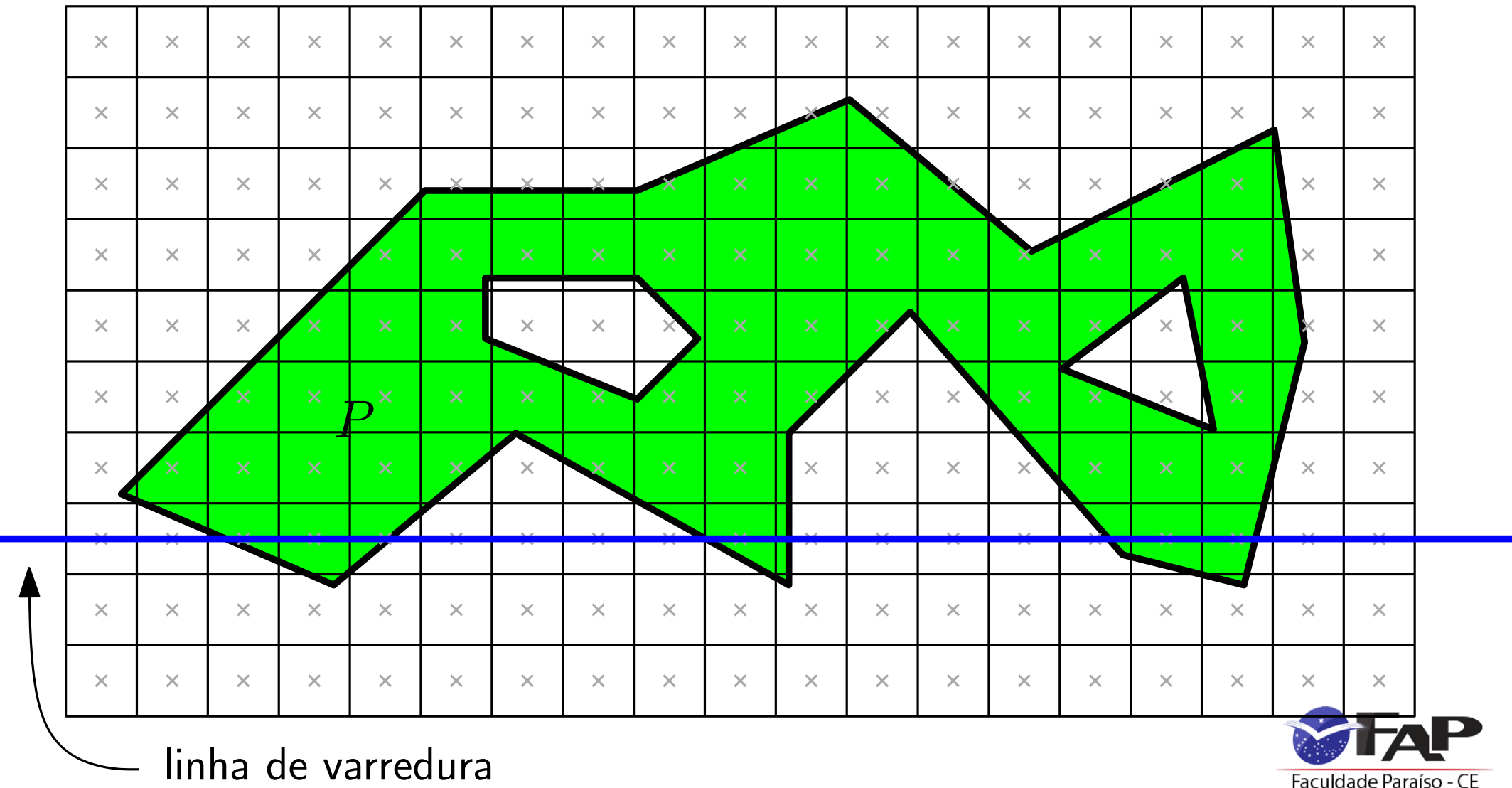
## Ilustração do algoritmo da linha de varredura





# Rasterização de polígonos

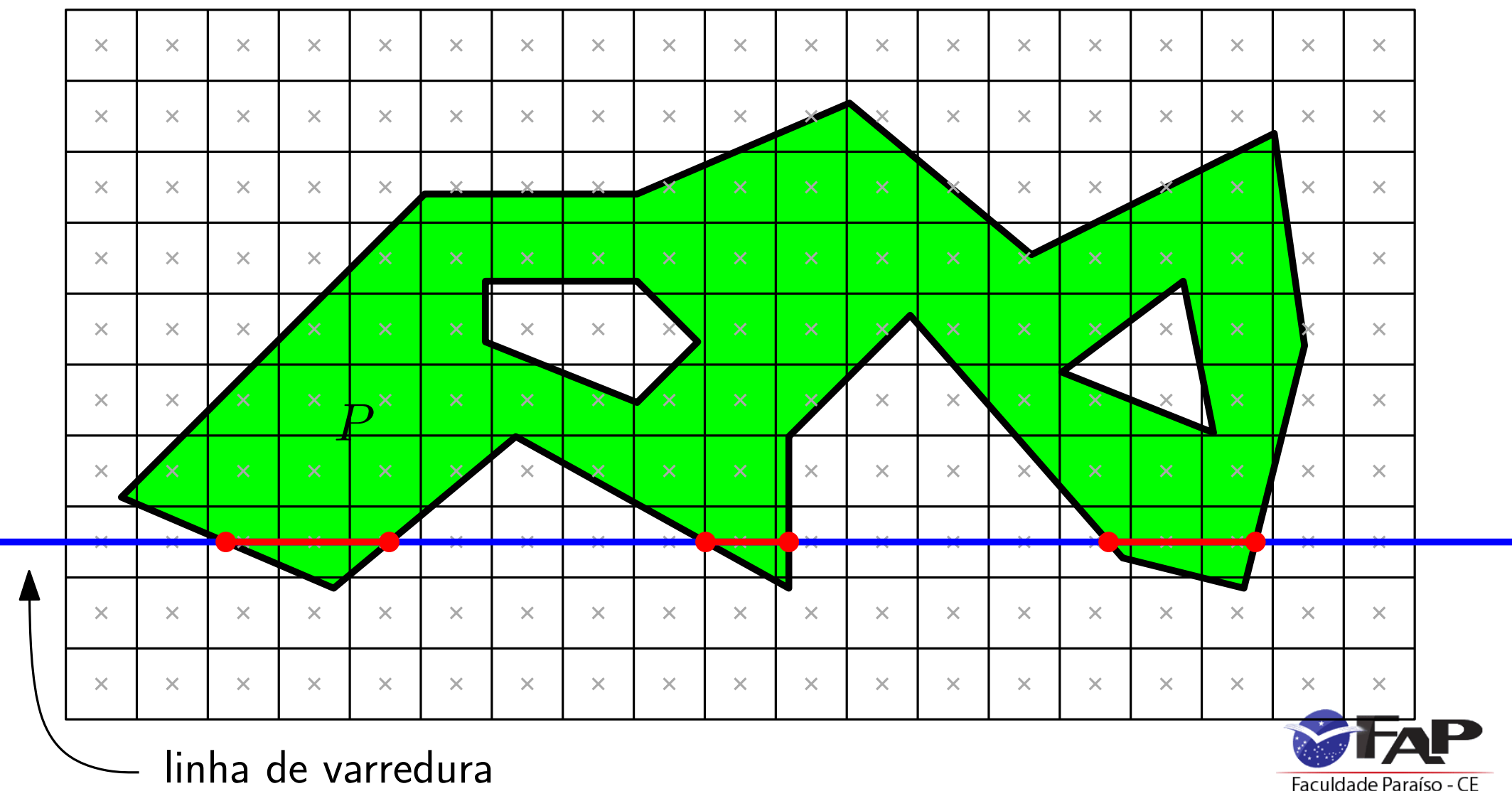
## Ilustração do algoritmo da linha de varredura



# Rasterização de polígonos

## Ilustração do algoritmo da linha de varredura

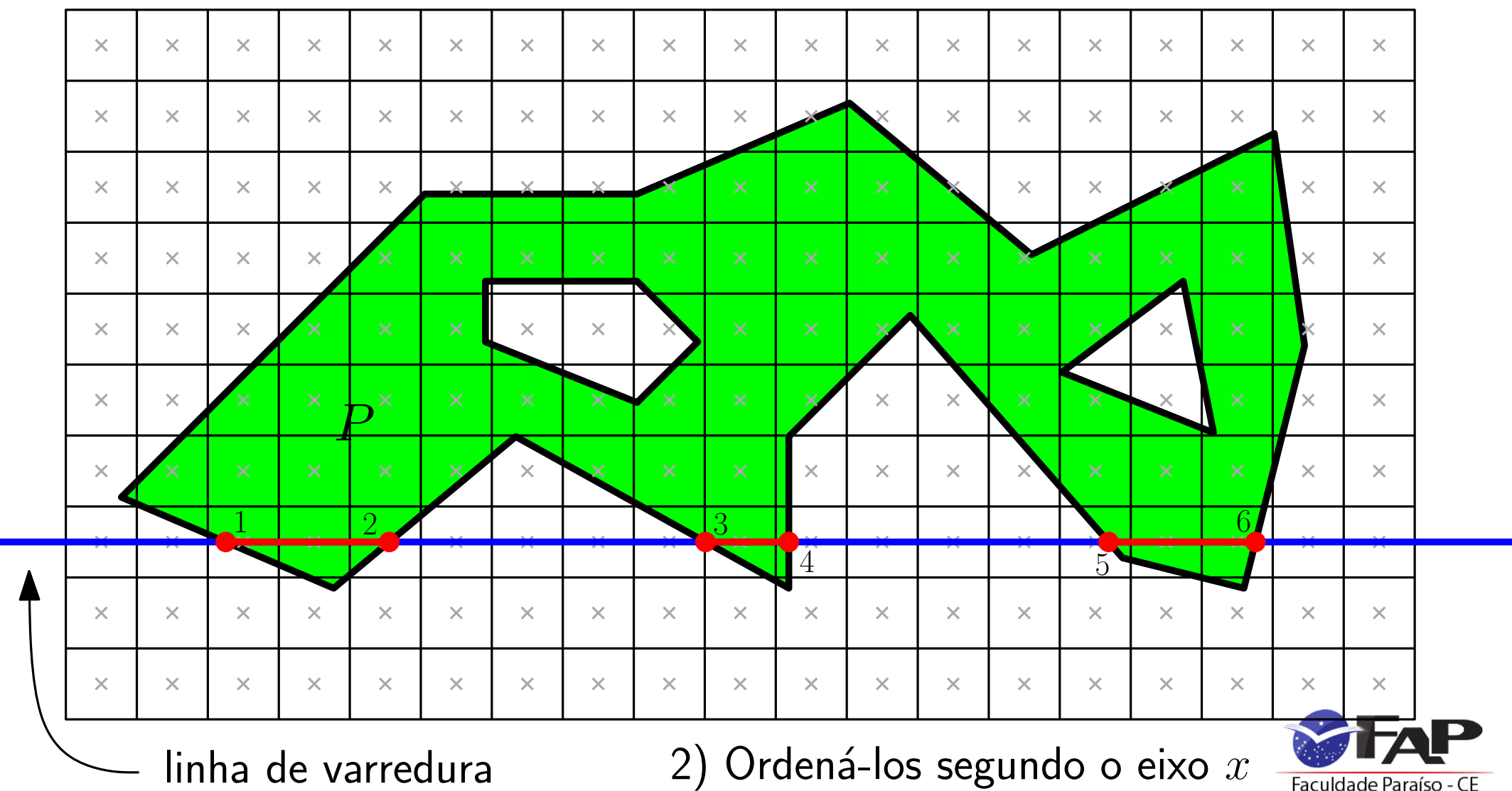
1) Calcular os pontos de interseção entre  $L$  e  $P$



# Rasterização de polígonos

## Ilustração do algoritmo da linha de varredura

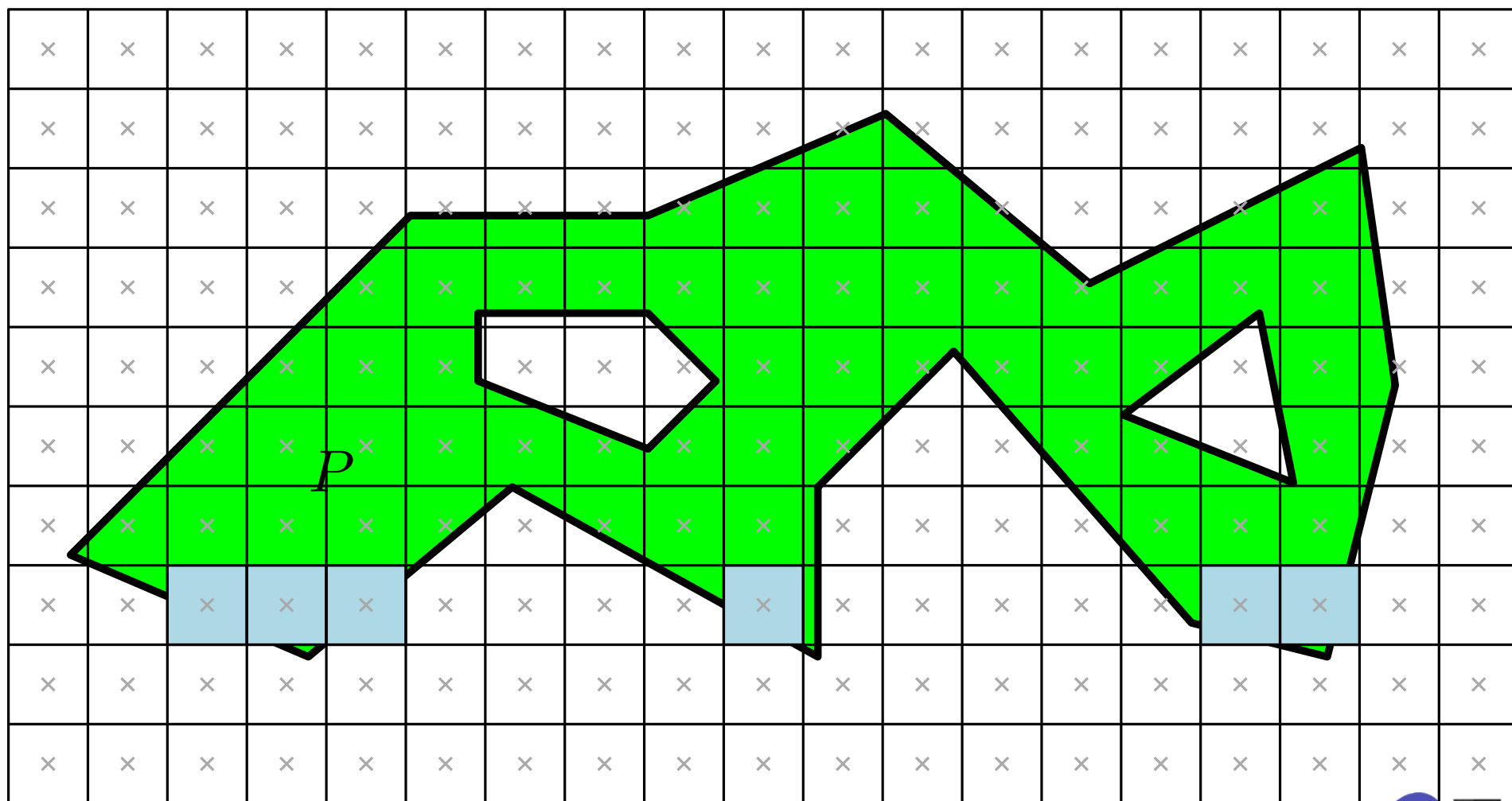
1) Calcular os pontos de interseção entre  $L$  e  $P$



# Rasterização de polígonos

## Ilustração do algoritmo da linha de varredura

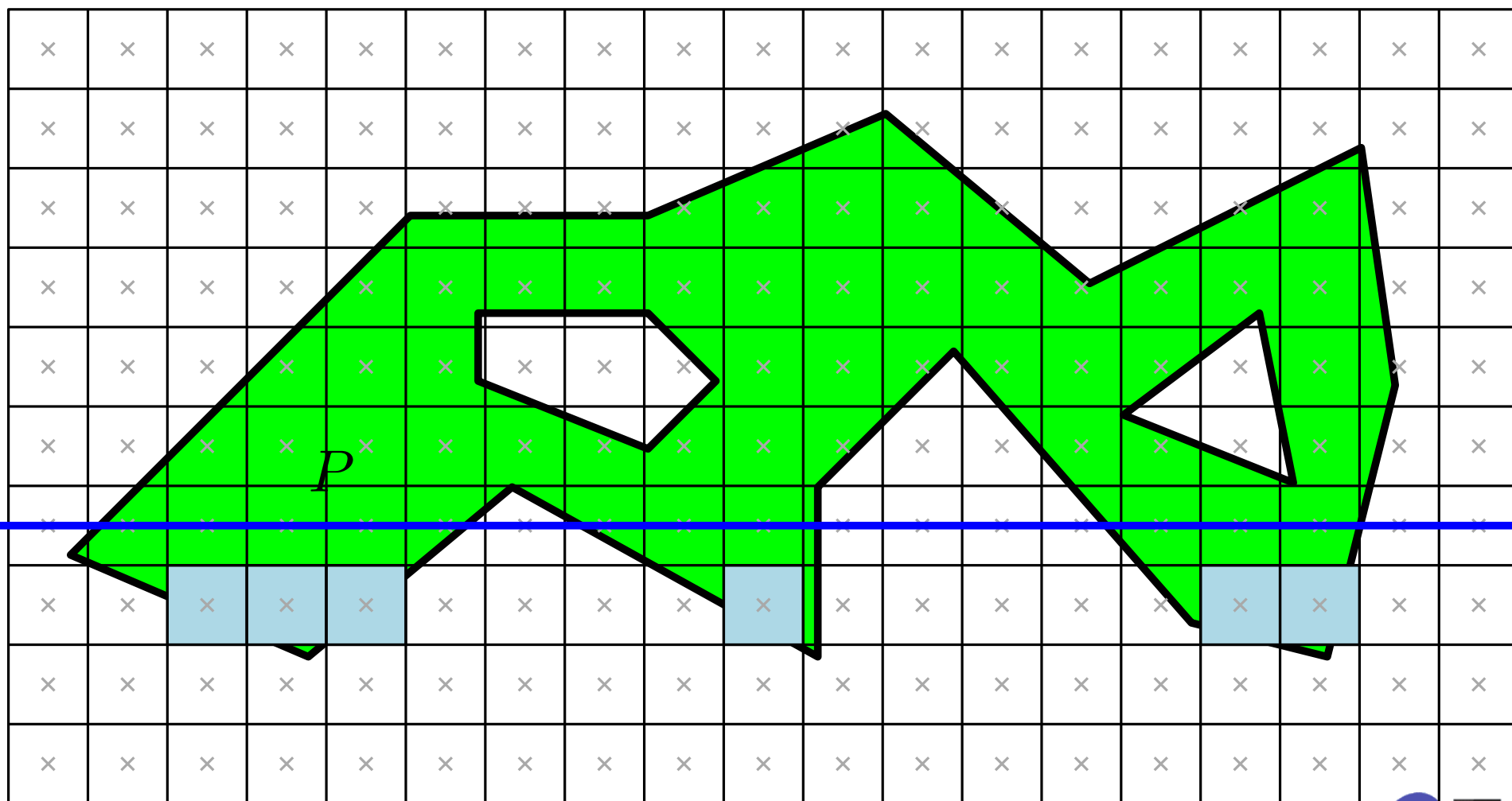
3) Preencher os *pixels* entre pares consecutivos de interseções



# Rasterização de polígonos

## Ilustração do algoritmo da linha de varredura

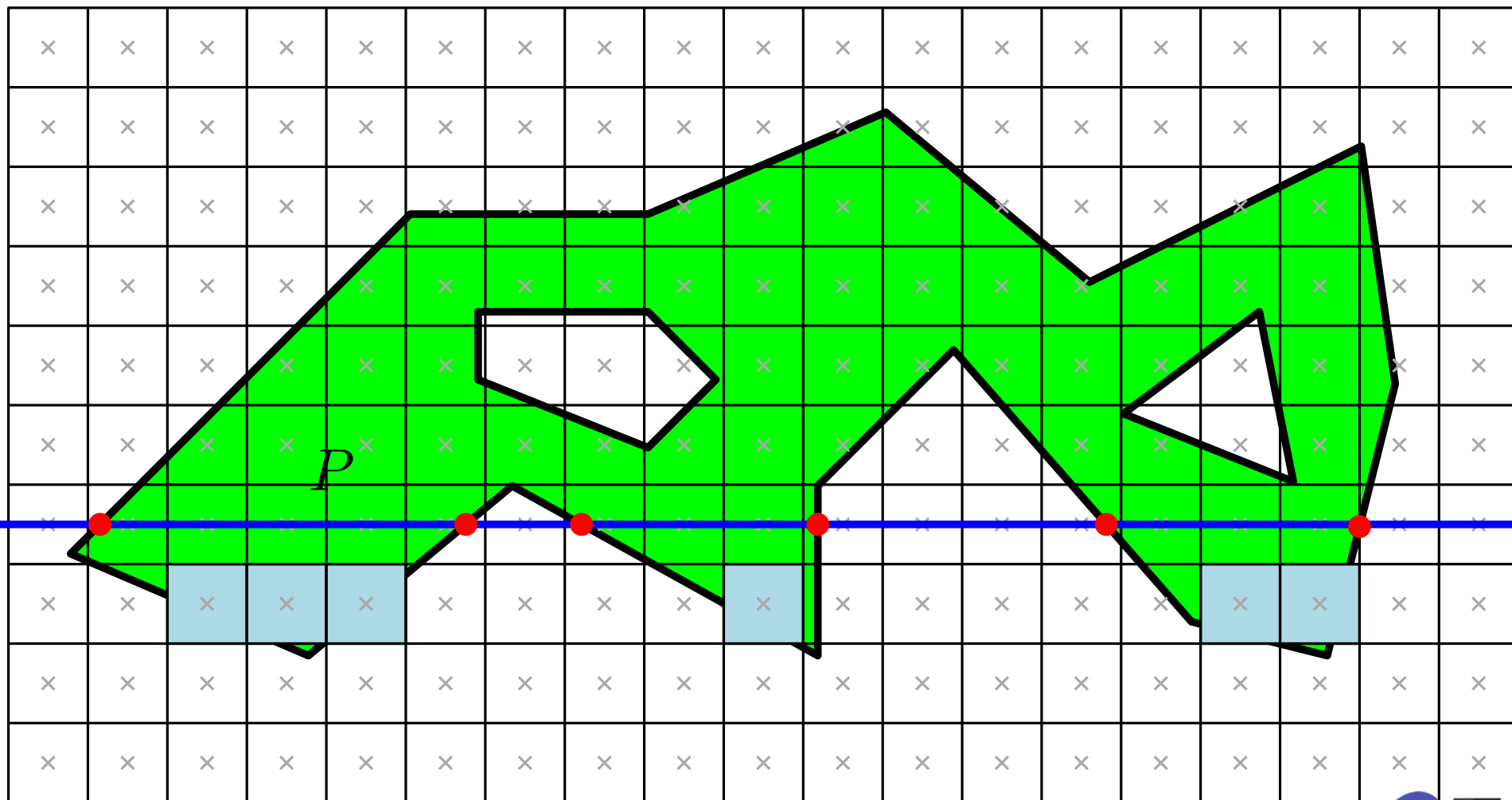
3) Preencher os *pixels* entre pares consecutivos de interseções



# Rasterização de polígonos

## Ilustração do algoritmo da linha de varredura

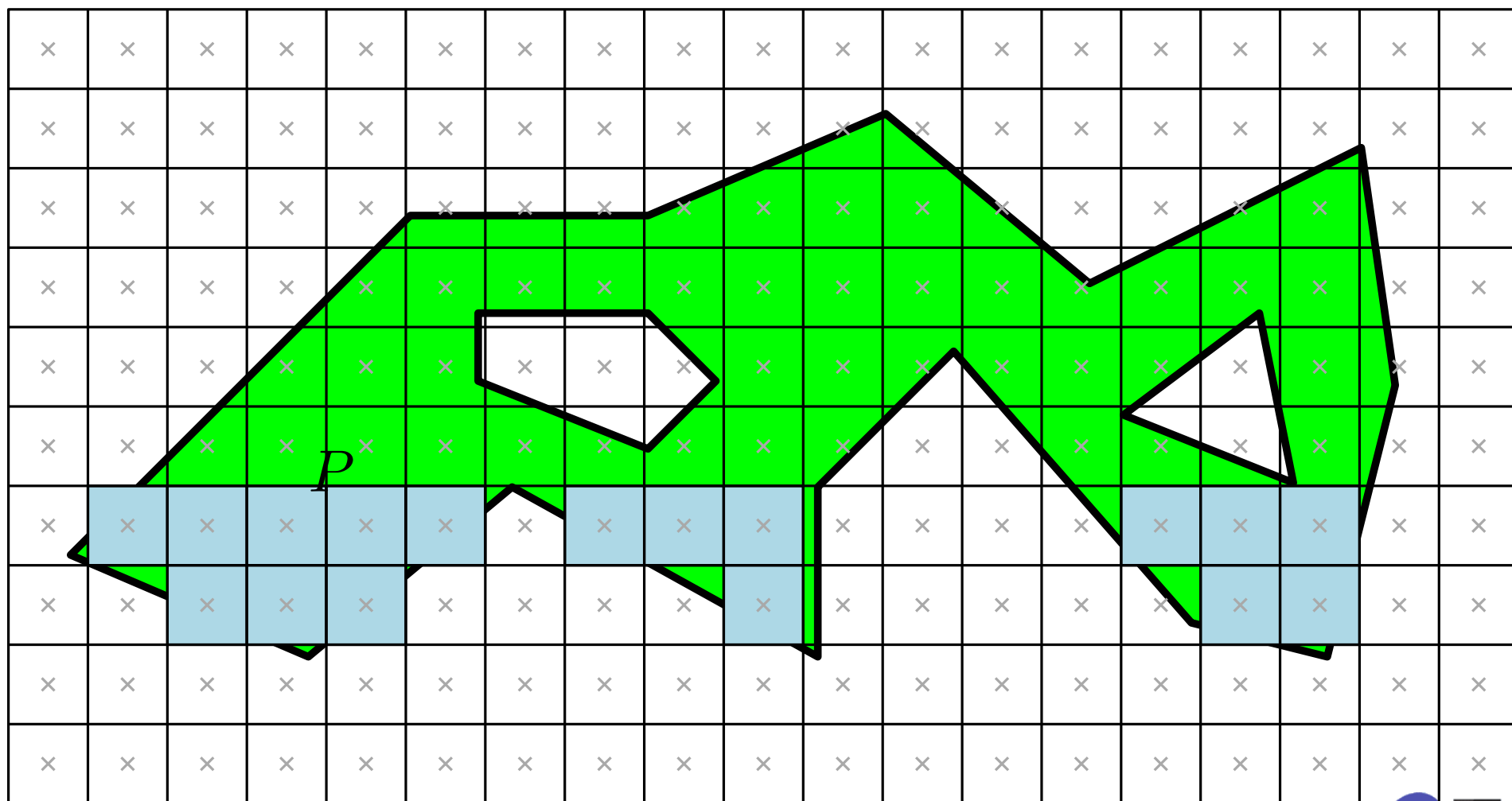
3) Preencher os *pixels* entre pares consecutivos de interseções



# Rasterização de polígonos

## Ilustração do algoritmo da linha de varredura

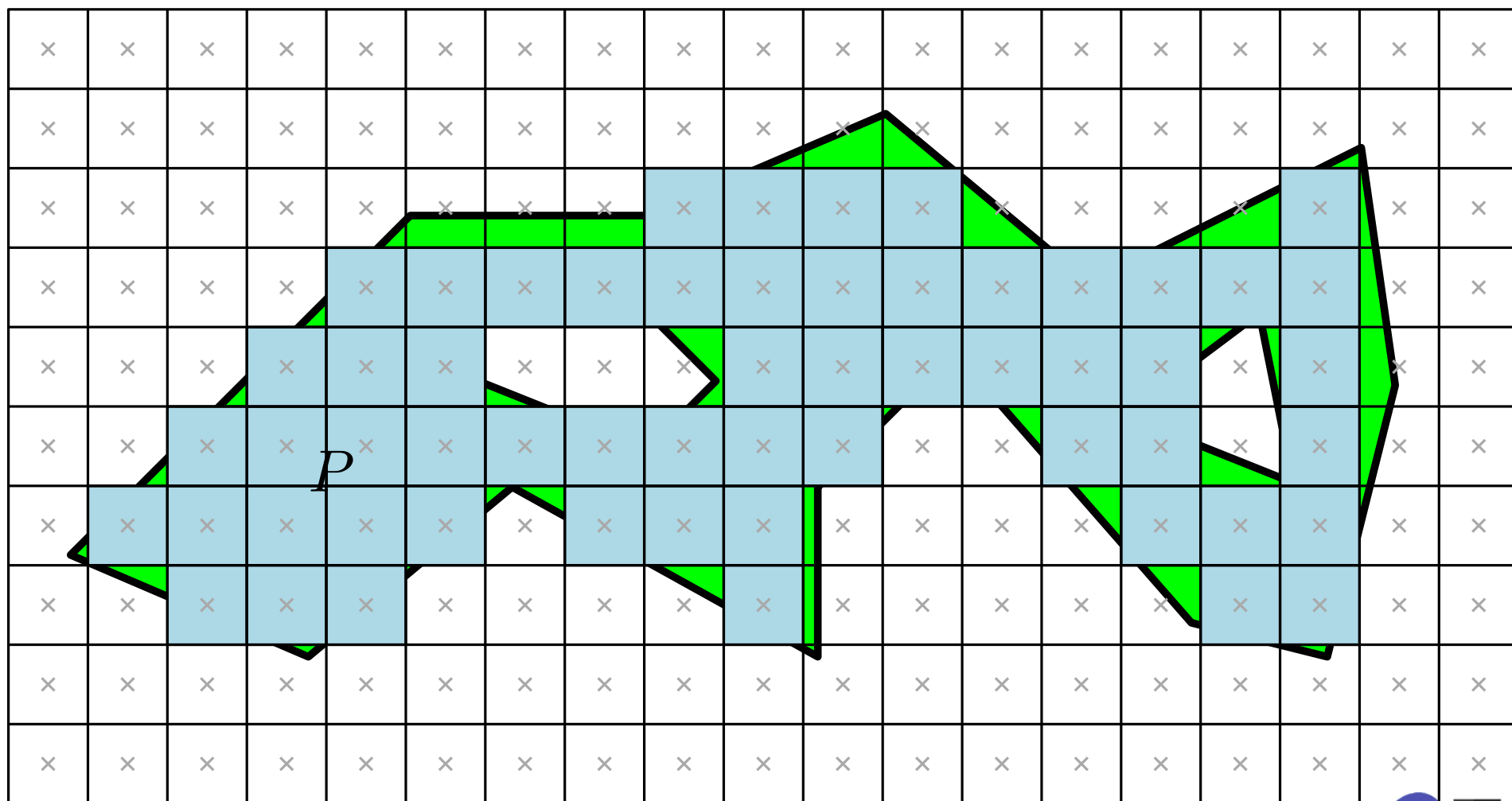
3) Preencher os *pixels* entre pares consecutivos de interseções



# Rasterização de polígonos

## Ilustração do algoritmo da linha de varredura

3) Preencher os *pixels* entre pares consecutivos de interseções

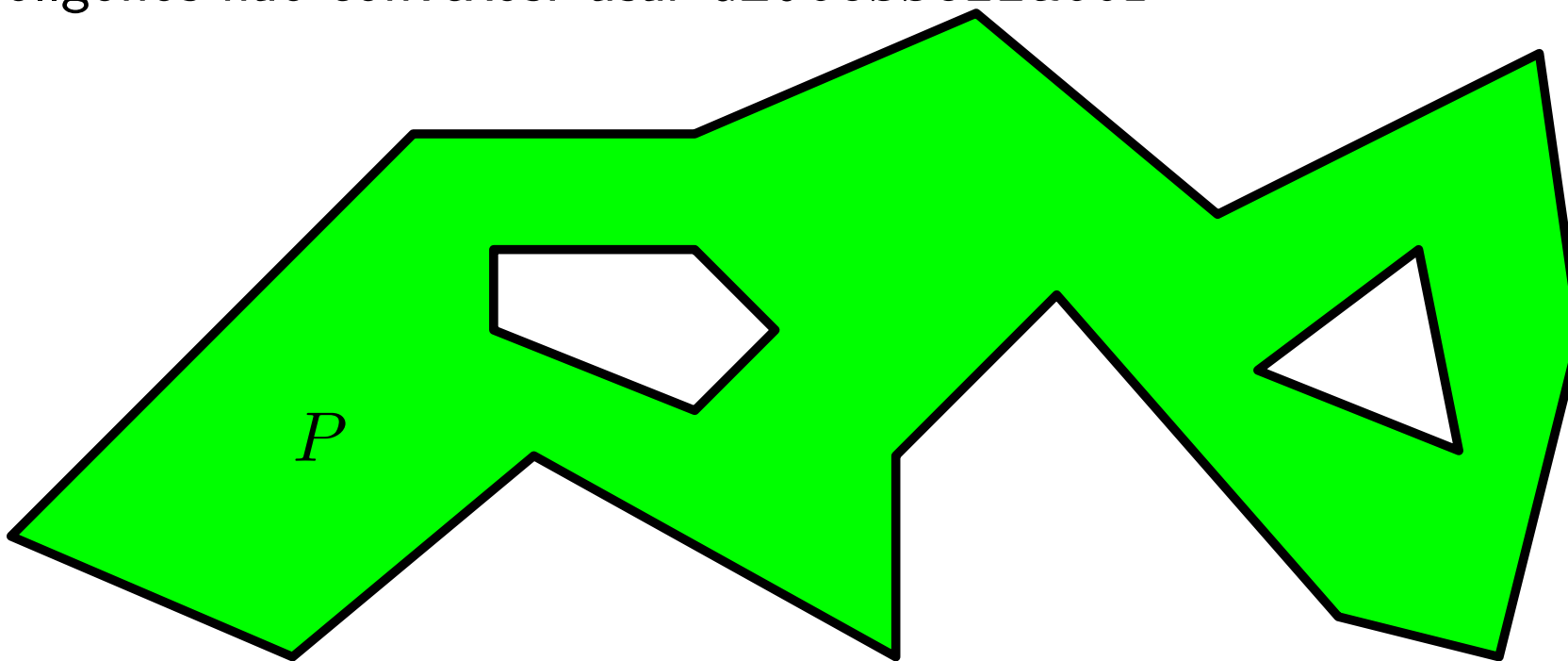




# Rasterização de polígonos

## Algoritmo baseado em triangulação

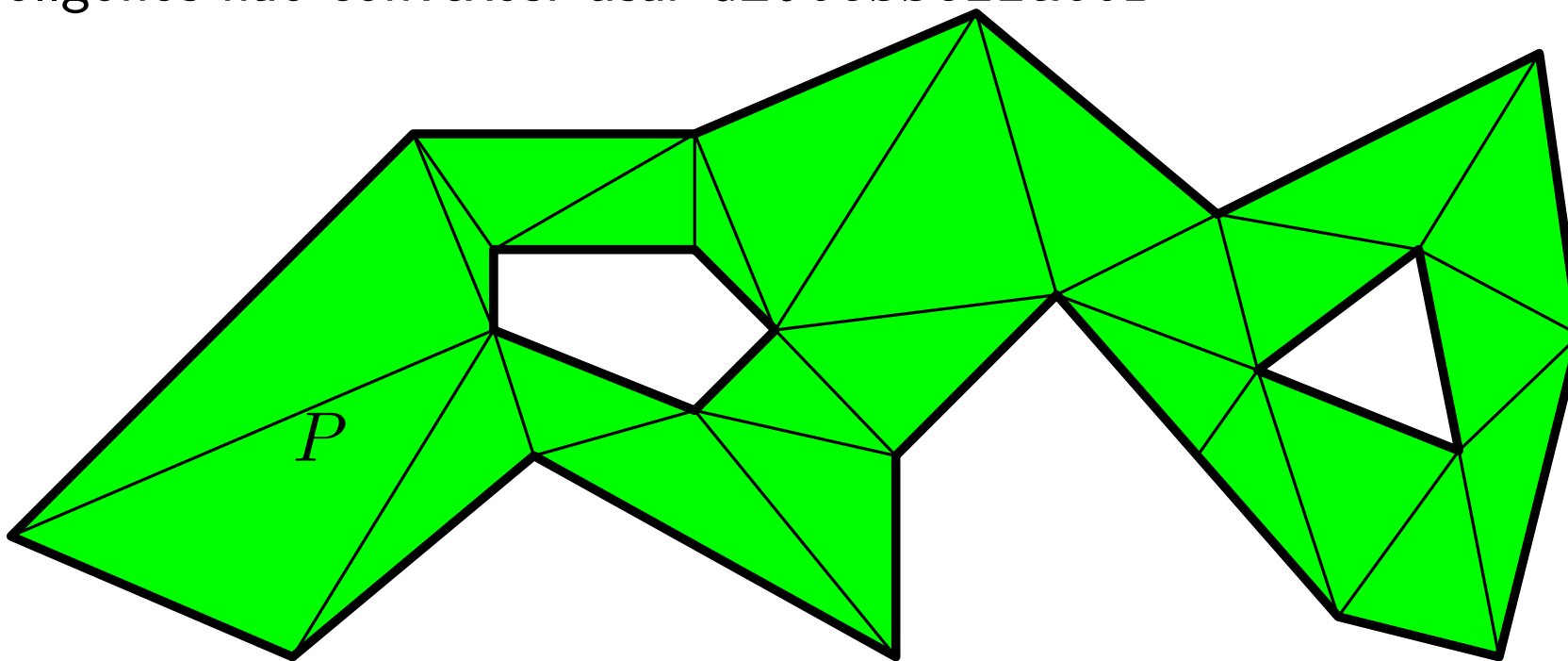
- Estratégia adotada pela OpenGL: rasterizar apenas triângulos
- Polígonos convexos: triangulação trivial (orientação)
- Polígonos não-convexos: usar GLUtessellator



# Rasterização de polígonos

## Algoritmo baseado em triangulação

- Estratégia adotada pela OpenGL: rasterizar apenas triângulos
- Polígonos convexos: triangulação trivial (orientação)
- Polígonos não-convexos: usar GLUtesellator

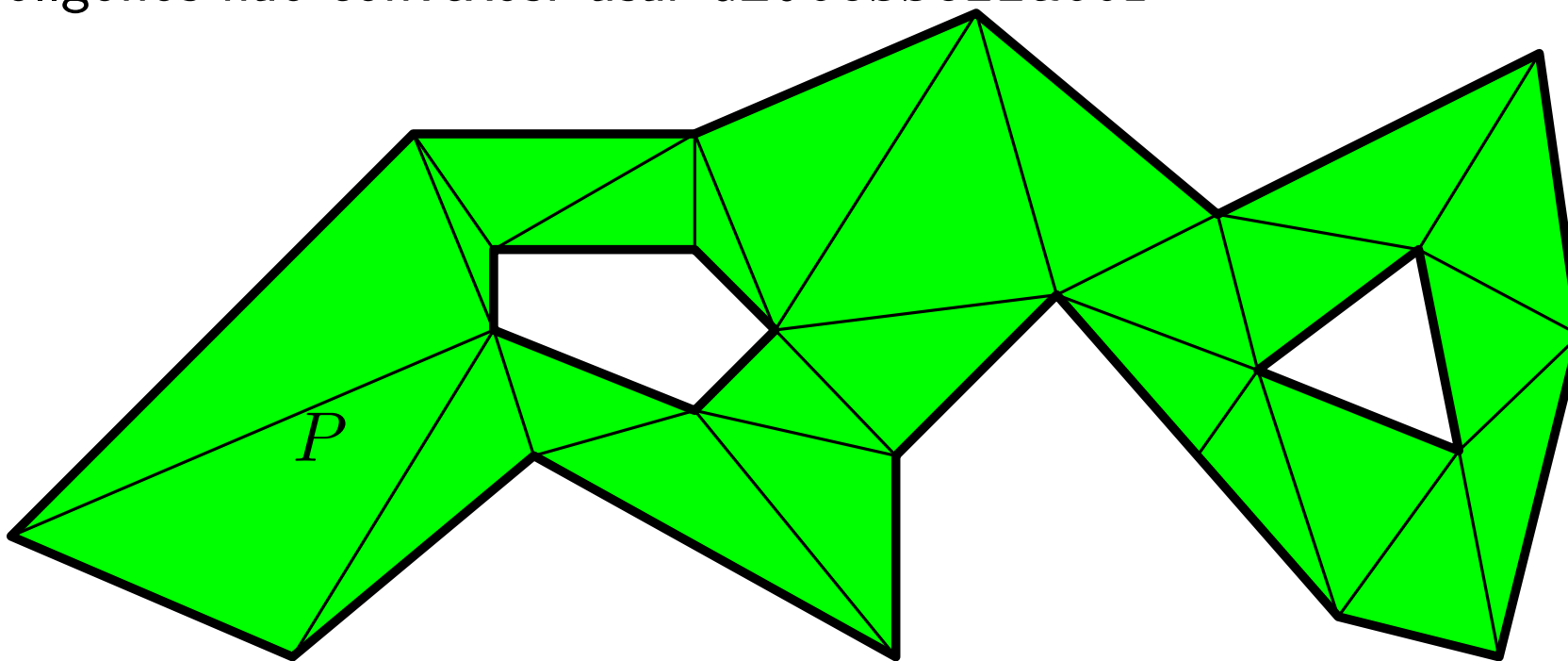


Triangulação de  $P$  (sem pontos de Steiner)

# Rasterização de polígonos

## Algoritmo baseado em triangulação

- Estratégia adotada pela OpenGL: rasterizar apenas triângulos
- Polígonos convexos: triangulação trivial (orientação)
- Polígonos não-convexos: usar GLUtesellator

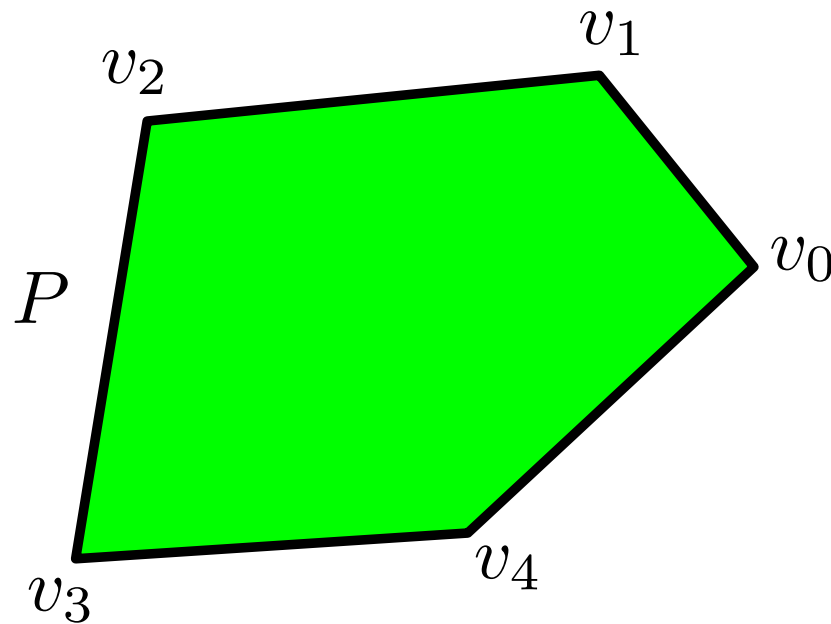


Triangulação de  $P$  (sem pontos de Steiner)

Então como rasterizar triângulos? A seguir...

# Rasterização de triângulos

Triângulo: primitiva básica para rasterização de polígonos da OpenGL



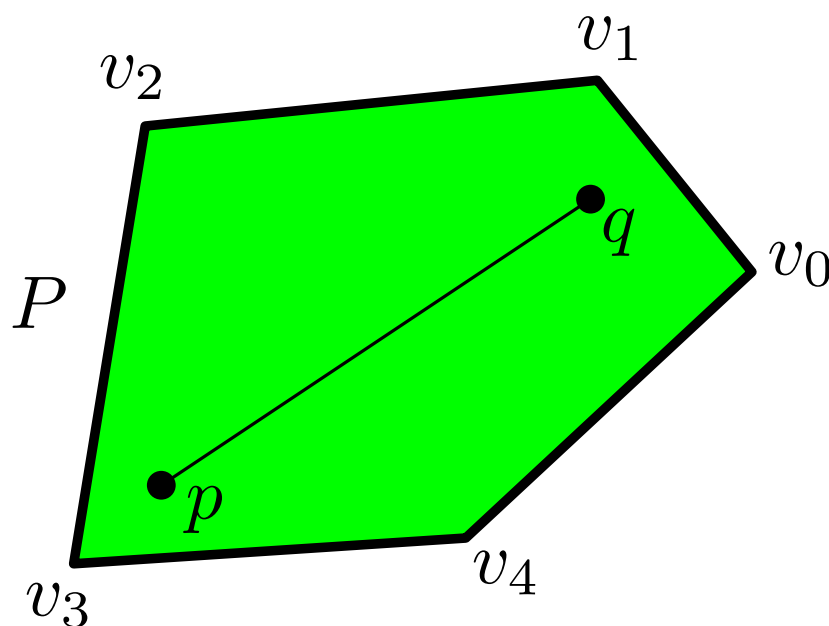
# Rasterização de triângulos

Triângulo: primitiva básica para rasterização de polígonos da OpenGL  
 $\implies$  Mas apenas polígonos *convexos*!

$$\lambda p + (1 - \lambda)q \in P$$

$$0 \leq \lambda \leq 1$$

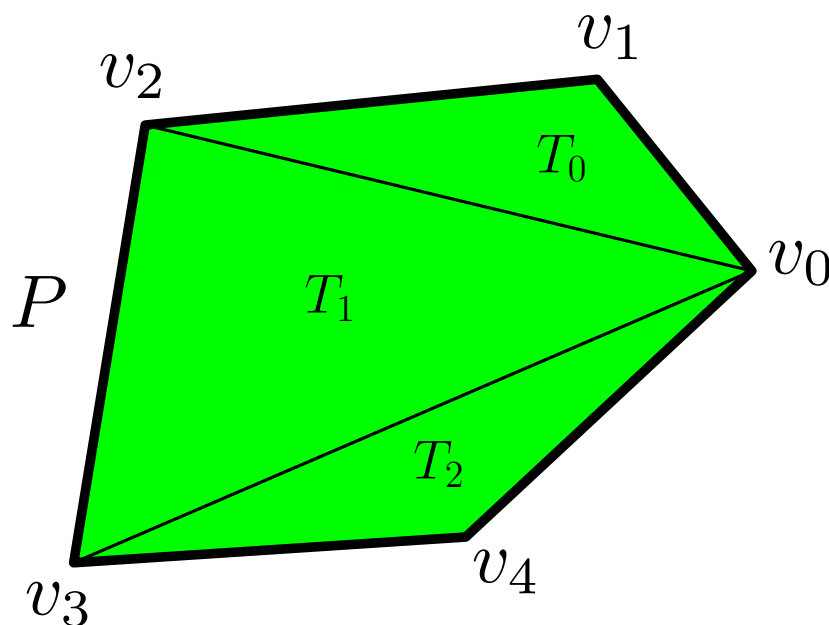
Lembre-se: para polígonos  
não-convexos, usar  
GLUTessellator



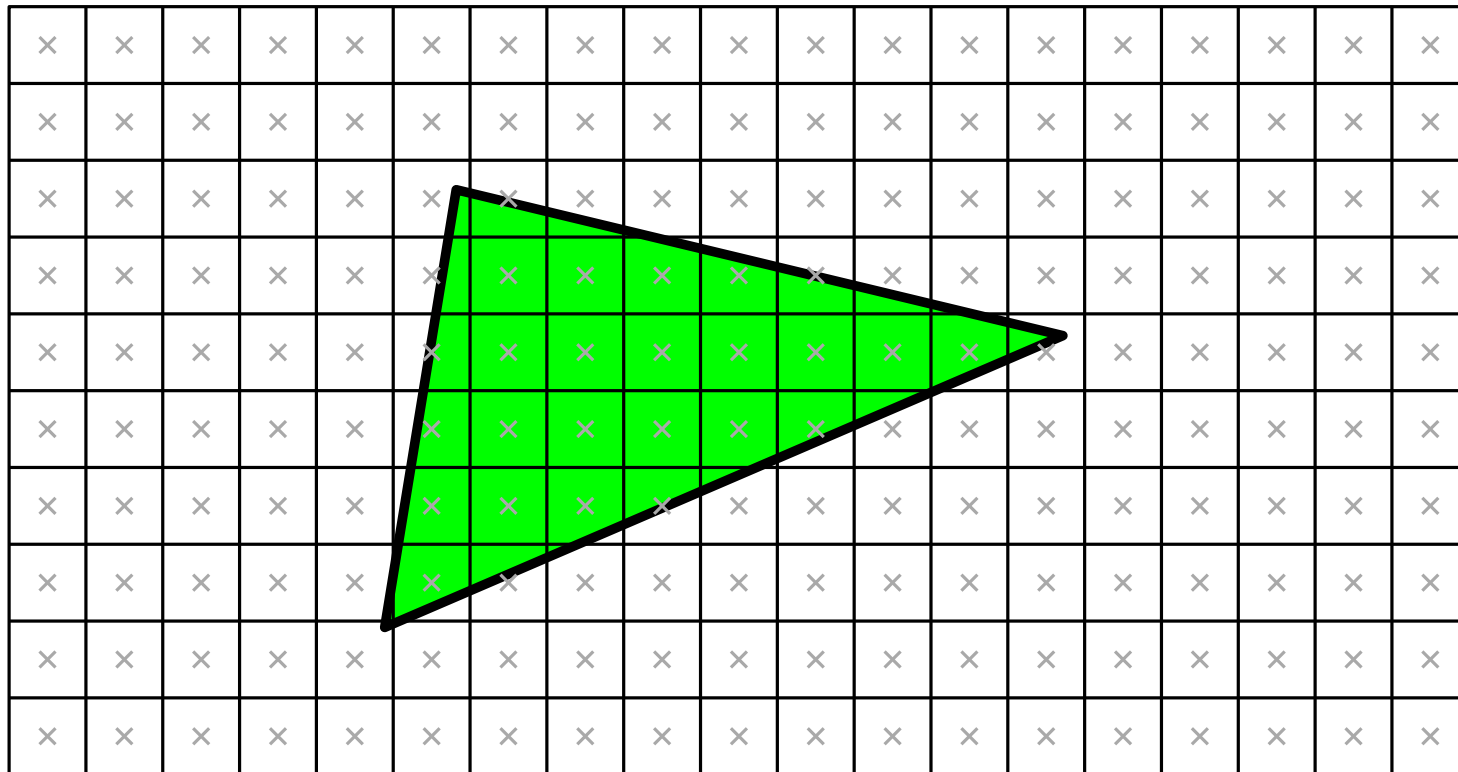
# Rasterização de triângulos

Triângulo: primitiva básica para rasterização de polígonos da OpenGL

Triangulação de  $P$

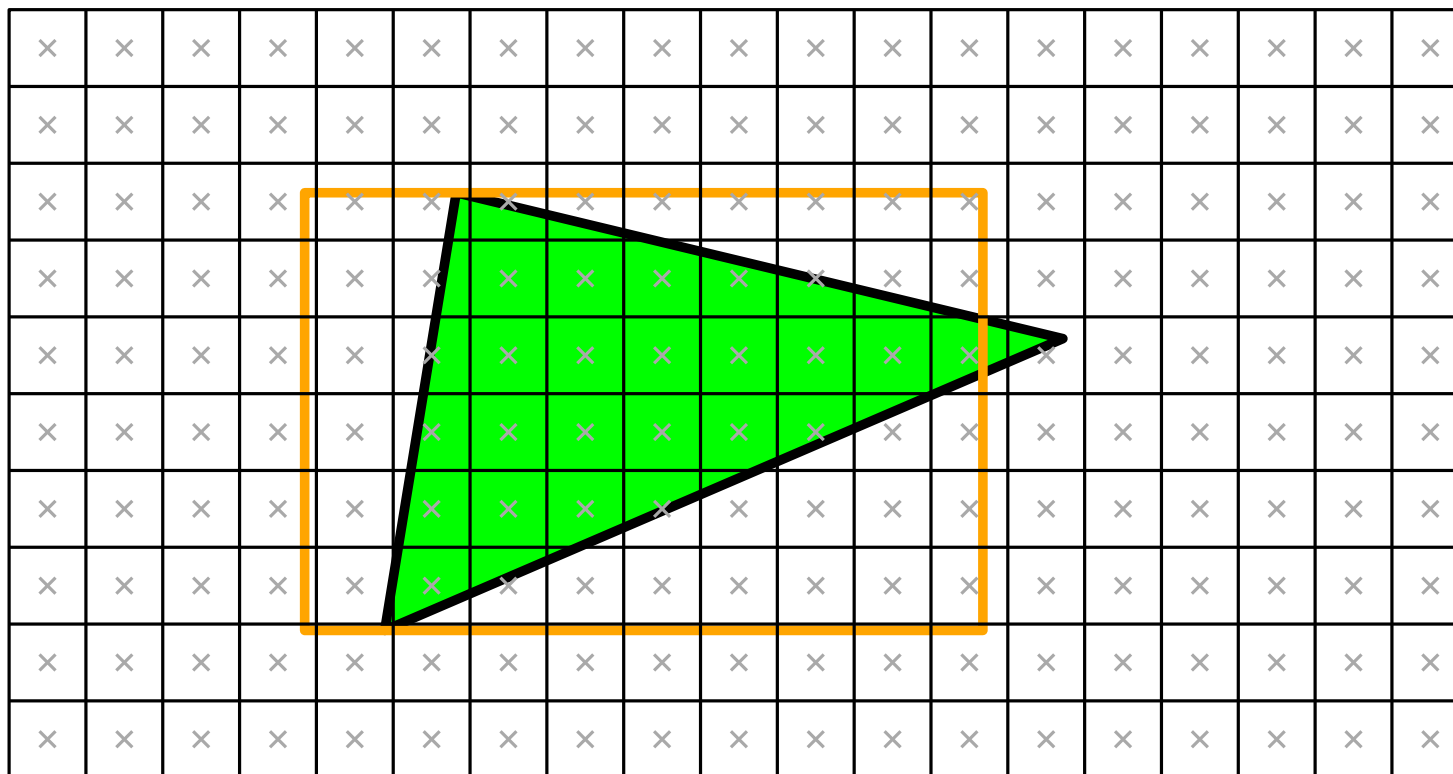


# Rasterização de triângulos



# Rasterização de triângulos

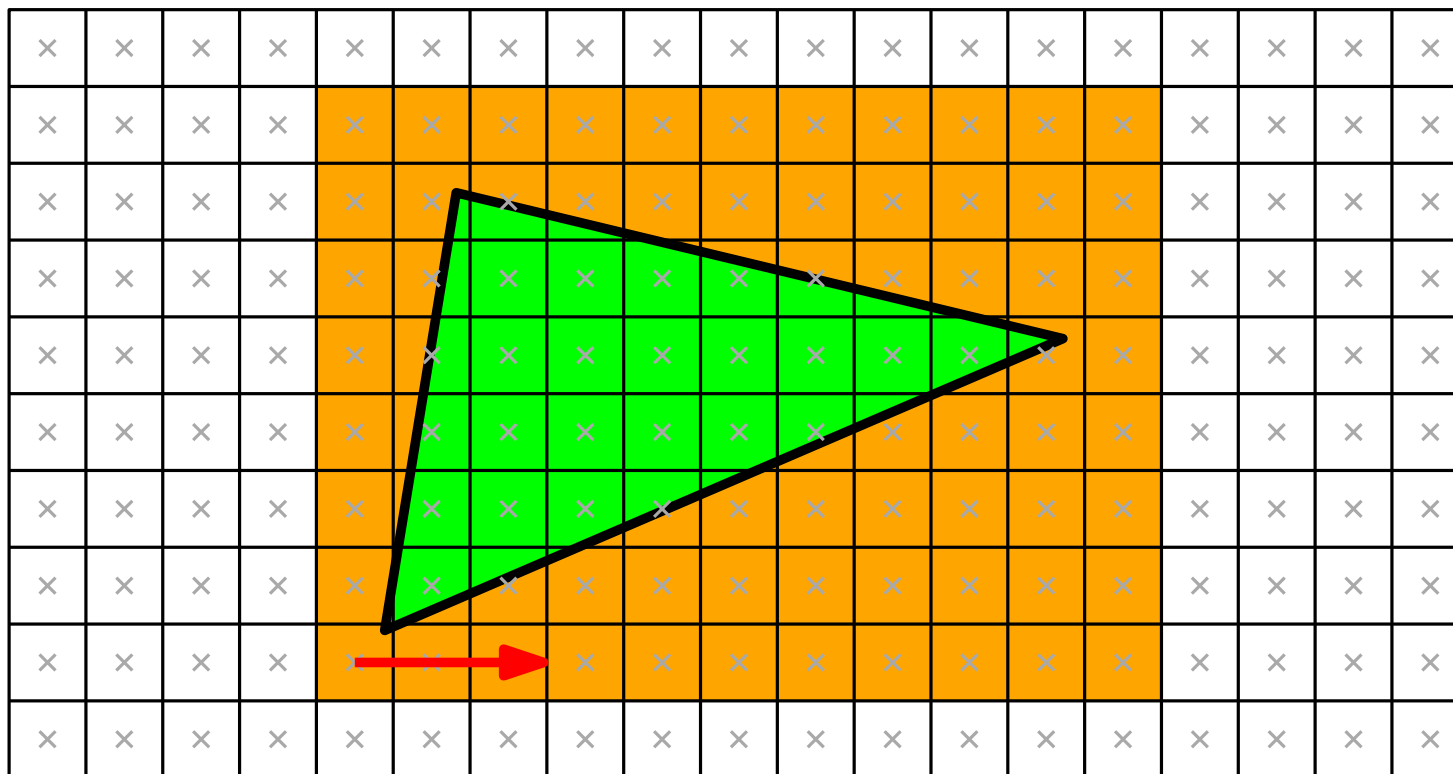
1) Determinar a caixa limitante alinhada com os eixos  $B$  de  $T_1$





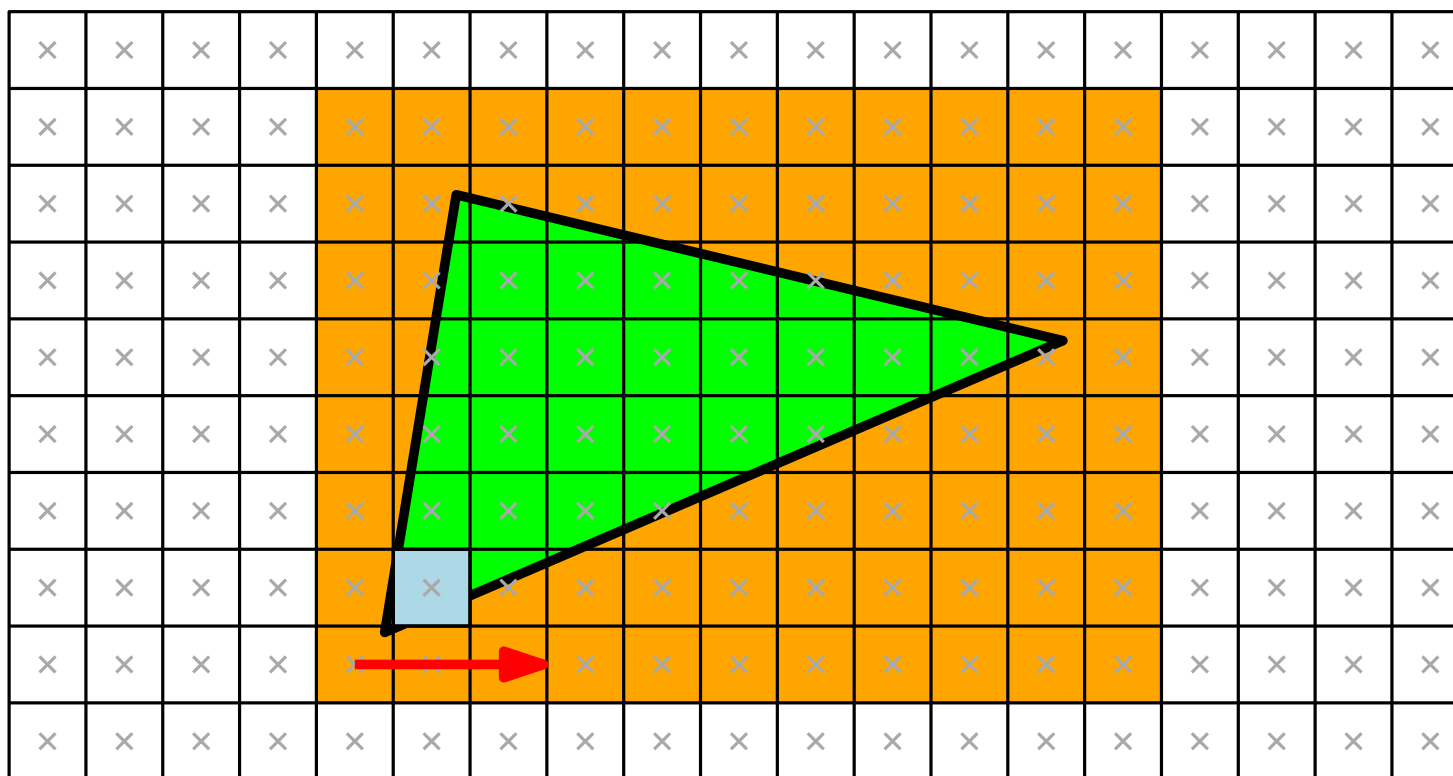
# Rasterização de triângulos

- 1) Determinar a caixa limitante alinhada com os eixos  $B$  de  $T_1$
- 2) Para cada *pixel* em  $B$ , faça:



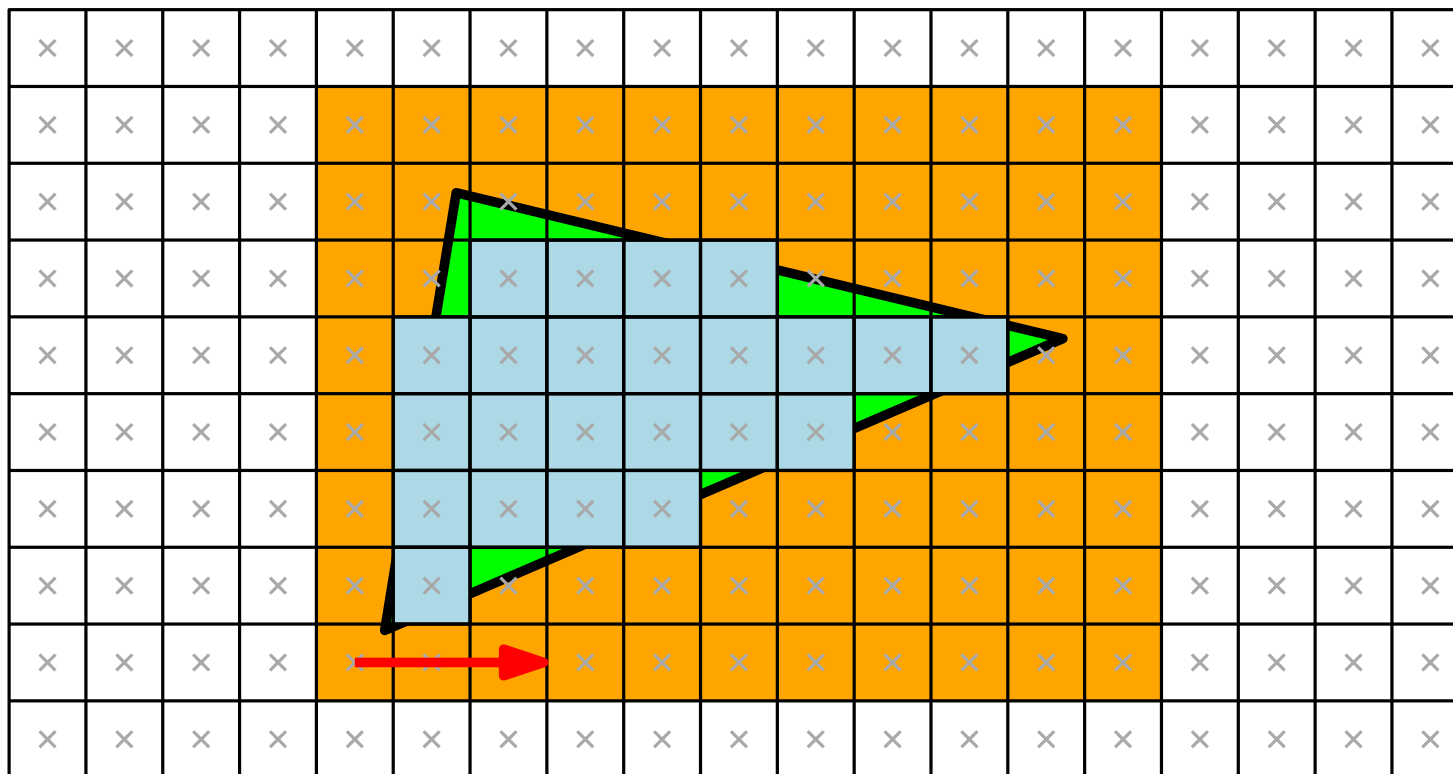
# Rasterização de triângulos

- 1) Determinar a caixa limitante alinhada com os eixos  $B$  de  $T_1$
- 2) Para cada *pixel* em  $B$ , faça:  
Se  $pixel \in T_1$ , então pinte *pixel*



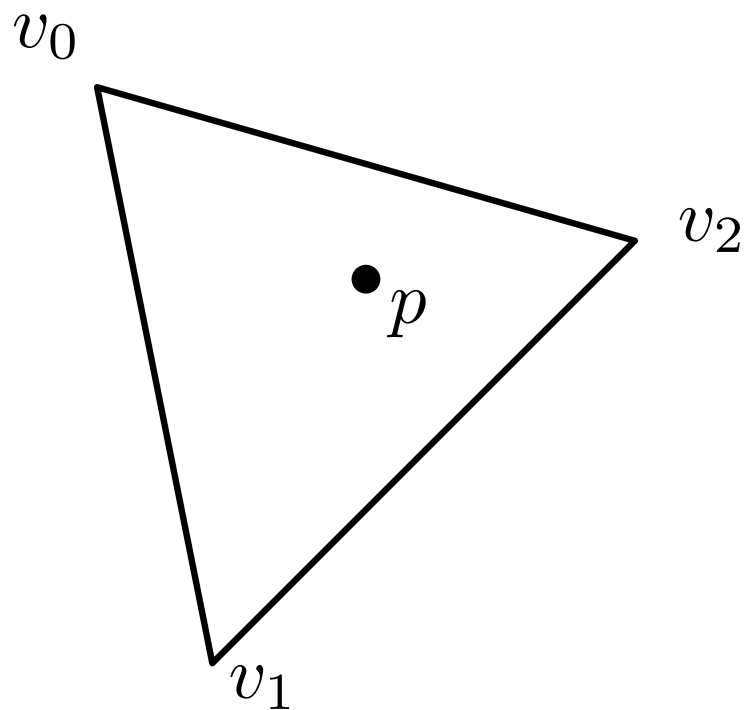
# Rasterização de triângulos

- 1) Determinar a caixa limitante alinhada com os eixos  $B$  de  $T_1$
- 2) Para cada *pixel* em  $B$ , faça:  
Se  $pixel \in T_1$ , então pinte *pixel*



## Problema.

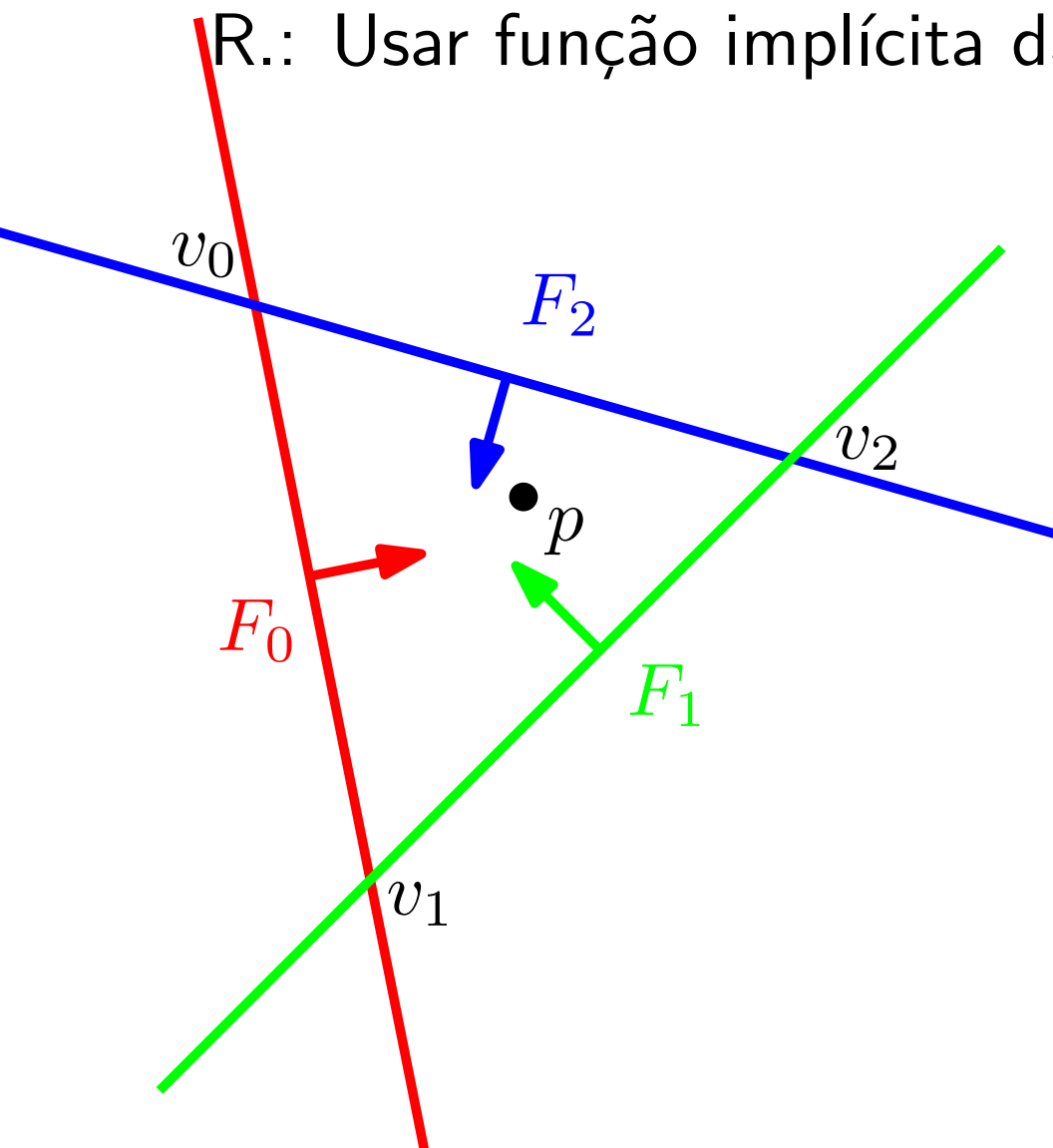
- Como determinar se um *pixel* está dentro do triângulo?



## Problema.

- Como determinar se um *pixel* está dentro do triângulo?

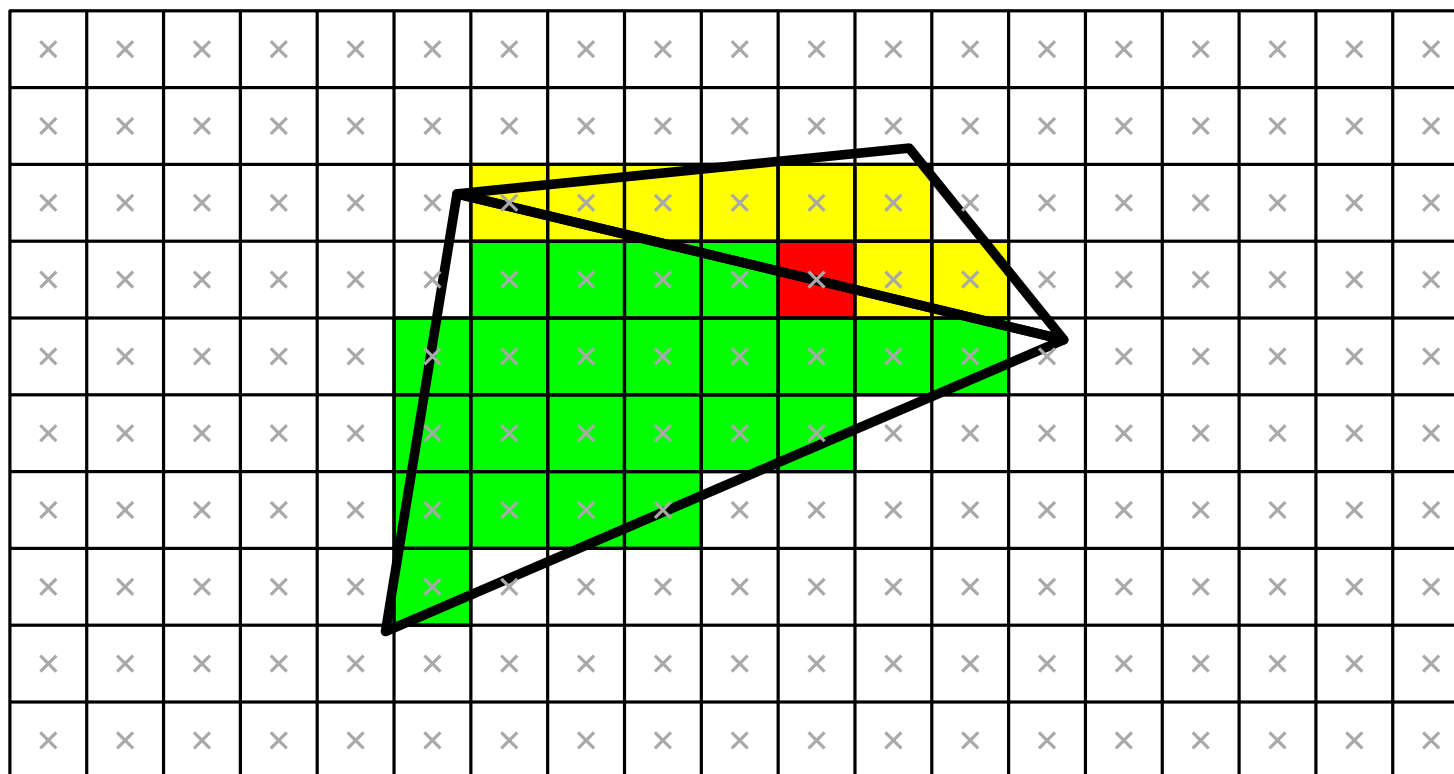
R.: Usar função implícita da reta



Se  $F_i(p) > 0$ ,  $i = 0, 1, 2$ , então  $p$  pertence ao triângulo

## Problema.

- O que fazer com um *pixel* na aresta do triângulo?

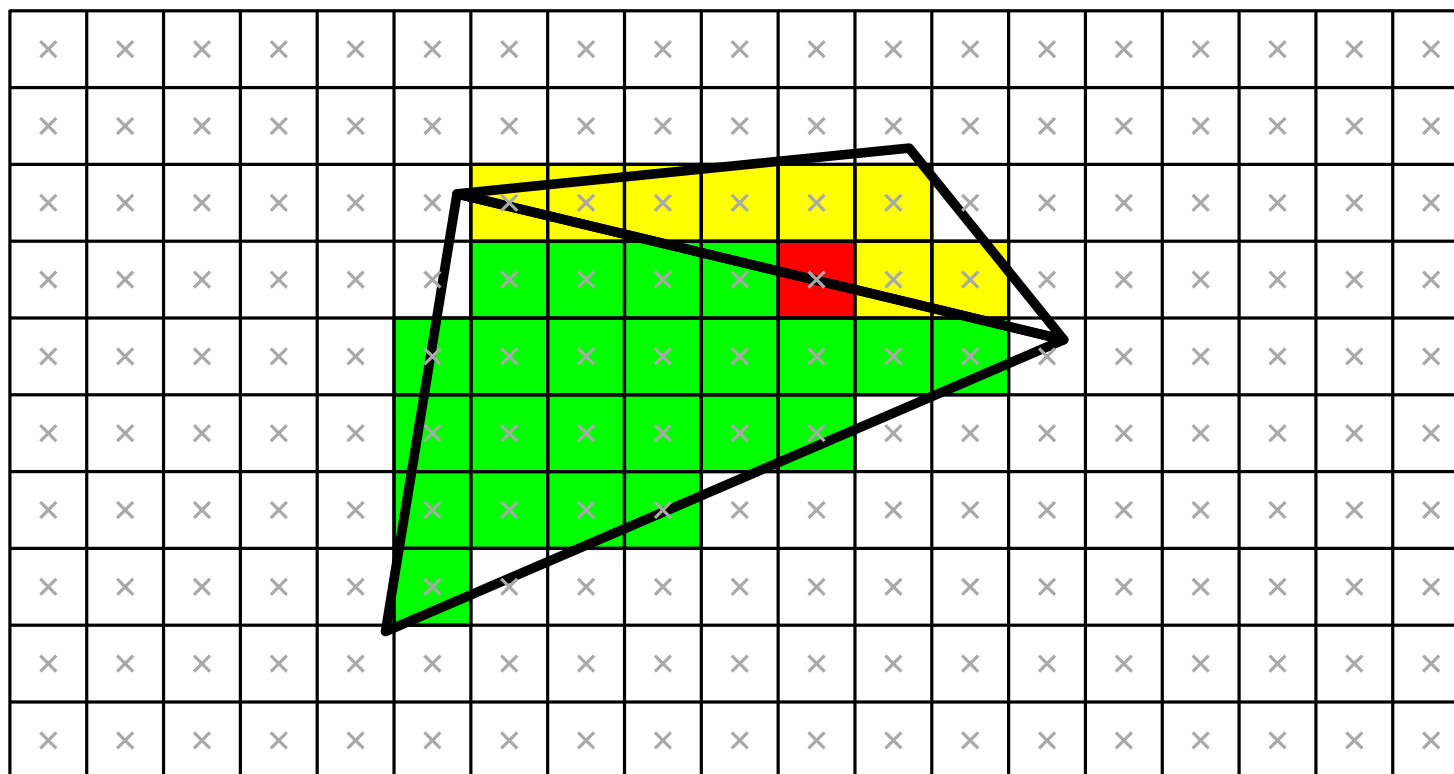


## Problema.

- O que fazer com um *pixel* na aresta do triângulo?

R.: Usar um ponto auxiliar

•  
 $q$



## Problema.

- O que fazer com um *pixel* na aresta do triângulo?

R.: Usar um ponto auxiliar

