# Estudo de caso: Grupo D 3

Gilmar Pereira, Maressa Tavares e Victor Ruela 3 de Setembro, 2019

## 1 Summary

O presente trabalho realizou o delineamento e executou os testes estatísticos para avaliar uma nova versão de um software, em relação aos resultados obtidos na versão anterior. Tendo em vista que a última versão possui uma distribuição de custos com média  $\mu=50$  e variância  $\sigma^2=100$ , dados da população, objetiva-se verificar se a nova versão apresenta resultados melhores para tais características. Para tanto, utilizou-se o teste t com nível de significância  $\alpha=0.01$  e  $\alpha=0.05$ , para os testes de média e variância, respectivamente. Após os testes verificou-se que.....

## 2 Planejamento do experimento

Nesta seção são apresentados os detalhes do delineamento dos testes que foram executados para comparar o desempenho das duas versões do software em relação à média e à variância do custo de execução. Essa etapa é fundamental, pois trata-se de uma abordagem que fornece resultados importantes em análises de sistemas complexos, além disso, os testes servem para validar a teoria que está por trás dele [1].

## 2.1 Objetivo do experimento

Para a versão atual de um dado sistema, sabe-se que sua distribuição de custos de execução possui média populacional de  $\mu = 50$  e variância  $\sigma^2 = 100$ . Uma nova versão desse software foi desenvolvida, portanto realizou-se uma análise estatística para investigar os ganhos de desempenho obtidos em relação à versão atual.

Inicialmente o teste foi executado para as médias do custo, assim, para verificar se a nova versão é melhor que a anterior, foram formuladas as seguintes hipóteses:

$$\begin{cases} H_0: \mu < 50 \\ H_1: \mu \ge 50 \end{cases}$$

Como a média da população para a primeira versão é  $\mu=50$ , considerou-se como hipótese alternativa  $(H_1)$  a ausência de melhoria do software, isto é, a segunda versão apresenta uma performance pior ou igual à versão anterior, com média igual  $\mu \geq 50$ . Por outro lado, a hipótese nula, complementar à alternativa, considera que houve melhorias entre as versões, portanto, a média é menor que 50  $(H_1)$ .

Além disso, para o teste da média foram definidos os seguintes objetivos:

- Nível de significância desejado  $\alpha = 0.01$ . Logo, o nível de confiança desejado é  $1 \alpha = 0.99$
- Efeito relevante mínimo de  $\delta^* = 4$
- Potência desejada  $\pi = 1 \beta = 0.8$

Por outro lado, para a variância o experimento foi realizado com base nas seguintes hipóteses:

$$\begin{cases} H_0: \sigma^2 < 100 \\ H_1: \sigma^2 \ge 100 \end{cases}$$

Assim como no teste da média, neste caso adotou-se como hipótese alternativa  $(H_1)$  a ausência de melhoria do software, mantendo os resultados de variância da versão anterior  $(\sigma^2 = 100)$ . Enquanto a hipótese nula considera que houve melhorias entre as versões, portanto, a variância é menor que  $100 \ (H_0)$ .

Em relação aos objetivos, o teste da variância considerou:

```
    α = 0.05
    1 - α = 0.95
```

Os dois testes foram realizados com os mesmos dados coletados conforme a descrição da próxima seção.

#### 2.1.1 Descrição da coleta de dados

Para coletar os dados referente à nova versão do software, foi executada uma simulação no software R utilizando a biblioteca ExpDE [2]. A coleta de dados foi declarada da seguinte forma:

```
# Set-up the data generating procedure
mre <- list(name = "recombination bin", cr = 0.9)</pre>
mmu <- list(name = "mutation rand", f = 2)
mpo <- 100
mse <- list(name = "selection_standard")</pre>
mst <- list(names = "stop_maxeval", maxevals = 10000)</pre>
mpr \leftarrow list(name = "sphere", xmin = -seq(1, 20), xmax = 20 + 5 * seq(5, 24))
#set.seed(1235) # to generate always the same results
# define functions for data generation
get.single.sample <- function(mpo, mmu, mre, mse, mst, mpr){</pre>
  generator <- ExpDE(mpo, mmu, mre, mse, mst, mpr, showpars = list(show.iters = "none"))</pre>
  return(generator$Fbest)
get.n.samples <- function(mpo, mmu, mre, mse, mst, mpr, N){</pre>
  if(!file.exists('CS01data.csv')){
    my.sample <- numeric(N)</pre>
    for (i in seq(N)){
      my.sample[i] <- get.single.sample(mpo, mmu, mre, mse, mst, mpr)
    write.csv(my.sample, file = 'CSO1data.csv', row.names = FALSE)
    return(my.sample)
  }
  else{
      return(read.csv('CS01data.csv')$x)
}
```

As funções get.single.sample e get.n.samples foram criadas para facilitar o entendimento da função de geração de dados, sendo elas para coletar uma única amostra ou n amostras, respectivamente.

#### 3 Resultados

#### 3.1 Teste sobre a média do custo

#### 3.1.1 Cálculo do tamanho amostral

Baseado nas informações preliminares do problema,  $\sigma^2=100,\ \delta^*=4$  e  $\pi=0.8$ , e dado que estamos considerando uma hipótese alternativa unilateral para a média amostral, o cálculo do tamanho amostral pode ser estimado com a função power.t.test:

```
# define current system parameters
current_mu <- 50
current var <- 100
# define mean cost test parameters
sig level mean <- 0.01
delta <- 4
beta <- 0.2
pi <- 1 - beta
ci_mean <- 1 - sig_level_mean</pre>
# use the function inivisble() to supress the function console output
invisible(sample_size_calc <- power.t.test(delta = delta,</pre>
                            sd = sqrt(current_var),
                            sig.level = sig_level_mean,
                            power = pi,
                            alternative = "one.sided",
                            type = "one.sample"))
# round to the next integer
N <- ceiling(sample_size_calc$n)</pre>
```

Resultando em um tamanho amostral de 66. Definido o tamanho da amostra, procedeu-se a coleta da amostra que foi utilizada em todos os testes nas próximas seções.

#### 3.1.2 Análise Exploratória dos Dados

Com base nas amostras coletadas referente à segunda versão do software, foi realizada uma análise exploratória dos dados a fim de validar as premissas dos testes que foram para a média e variância.

Antes de proceder com as análises estatíticas e realizar as inferências sobre o problema, é importante realizar uma análise preliminar dos dados. [3] destaca que a análise exploratória tem o papel de extrair informações dos dados antes de realizar as inferências estatísticas, a fim de obter os modelos plausíveis para cada estudo.

```
data.mean.test <- get.n.samples(mpo, mmu, mre, mse, mst, mpr, N)
summary(data.mean.test)

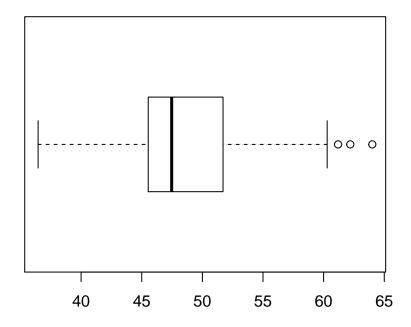
### Min 1st On Median Mean 3rd On Mar</pre>
```

```
## Min. 1st Qu. Median Mean 3rd Qu. Max.
## 36.45 45.59 47.47 49.04 51.66 64.01
var(data.mean.test)
```

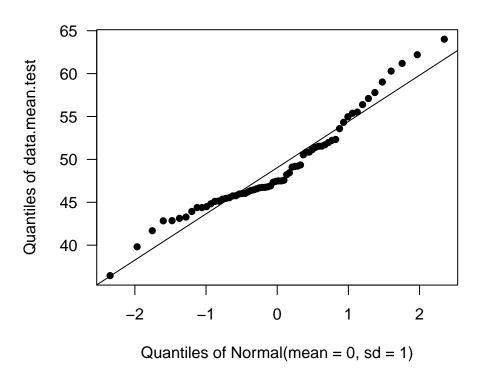
```
## [1] 29.7873
```

Pela análise dos dados verifica-se que a variância do novo software aparenta ser significamente menor que a versão anterior, por outro lado, em relação à média a diferença foi mais discreta. Para concluir com maior precisão sobre os dados, os testes estatísticos serão apresentados com detalhes nas seções seguintes.

Outras análises importantes no contexto da análise exploratória, é de outliers, através de um boxplot, e o teste da normalidade dos dados por meio do gráfico quantil x quantil e do teste de Shapiro Wilk.



## Normal Q-Q Plot for data.mean.test



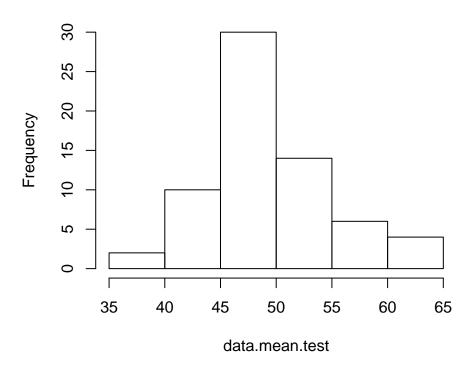
shapiro.test(data.mean.test)

```
##
## Shapiro-Wilk normality test
##
## data: data.mean.test
## W = 0.94725, p-value = 0.007161
```

Pela análise do boxplot verificou-se que os dados são assimétricos positivos, pois há um deslocamento da mediana em direção ao primeiro quartil, além disso, observam-se três pontos considerados como outliers da amostra.

Com base no gráfico quantil X quantil e no teste de Shapiro Wilk verifica-se que o teste falhou em aceitar a hipótese de normalidade dos dados, pois o p-valor do teste é menor que 0.05 (0.007161).

# Histogram of data.mean.test



Sendo assim, partindo da premissa de normalidade dos dados relacionados ao custo médio do software é possível prosseguir com as análises estatísticas que serão apresentadas nas seções a seguir.

#### 3.1.3 Teste de Hipoteses

Para testar a hipotese nula para o custo médio utilizou-se a função t.teste, sobre os dados amostrados usando a função get.n.samples, descrita na seção 2.1.1, para N amostras. O teste esta descrito a seguir.

```
##
## One Sample t-test
##
## data: data.mean.test
## t = -1.4347, df = 65, p-value = 0.07808
## alternative hypothesis: true mean is less than 50
## 99 percent confidence interval:
## -Inf 50.63846
## sample estimates:
## mean of x
## 49.03614
```

O teste da média resultou em:

#### mean.t.teste

```
##
## One Sample t-test
##
## data: data.mean.test
## t = -1.4347, df = 65, p-value = 0.07808
## alternative hypothesis: true mean is less than 50
## 99 percent confidence interval:
## -Inf 50.63846
## sample estimates:
## mean of x
## 49.03614
```

#### 3.1.4 Calculo do intervalo de confianca

Para o cálculo do intervalo de confiança utilizou-se a função t.test para o teste da hipotese nula, conforme mostrado a seguir.

A função resultou no intervalo:

```
mean.intervalo.ci
```

```
## [1] 47.25343 50.81884
## attr(,"conf.level")
## [1] 0.99
```

Como o p-valor é maior do que o nível de significância estabelecido ( $\alpha = 0.01$ ), não há evidência suficiente para se rejeitar a hipótese nula.

#### 3.1.5 Validação de premissas

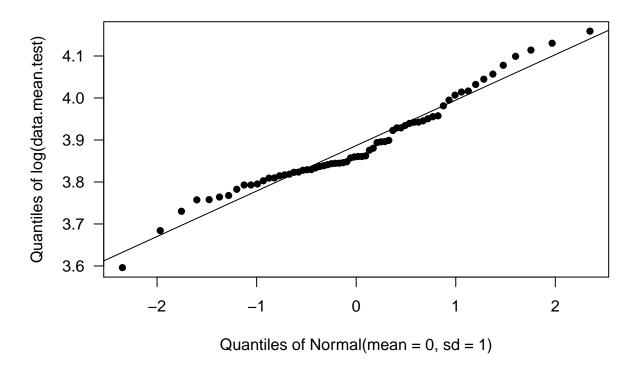
## 3.2 Teste sobre a variância do custo

#### 3.2.1 Teste de Hipoteses

Para a variância, dado que a população não é modelada por uma distribuição normal (vide análise exploratória), a estatística de teste não irá seguir uma distribuição chi-quadrado, logo é necessário aplicar uma transformação que leve os dados à normalidade ou utilizar técnicas não-paramétricas. Uma transformação possível é a logarítimica:

```
qqPlot(log(data.mean.test), pch = 16, las = 1, add.line = TRUE)
```

## Normal Q-Q Plot for log(data.mean.test)



```
shapiro.test(log(data.mean.test))
```

```
##
## Shapiro-Wilk normality test
##
## data: log(data.mean.test)
## W = 0.96592, p-value = 0.06649
```

Pelo gráfico quantil-quantil e p-valor baixo obtido no teste de Shapiro, conclui-se que esta transformação não é capaz de levar os dados à normalidade. Logo, neste trabalho, será usado a técnica de bootstraping para a estimativa do intervalo de confiança e execução do teste de hipóteses [4]. Será utilizado o pacote boot [5] para a sua execução.

```
# run the boootstrapping
set.seed(12345) # set a fixed seed to yield the same results for bootstrapping always
data.var.test.boot <- boot(data.mean.test, statistic = function(x, i){var(x[i])}, R=1000)

# define the desired significance level and CI
sig_level_sd <- 0.05
ci_sd <- 1 - 2 * sig_level_sd
(test.boot.var <- boot.ci(data.var.test.boot, conf = ci_sd, type = "bca"))

## BOOTSTRAP CONFIDENCE INTERVAL CALCULATIONS
## Based on 1000 bootstrap replicates
##
## CALL :
## boot.ci(boot.out = data.var.test.boot, conf = ci_sd, type = "bca")
##</pre>
```

```
## Intervals :
## Level BCa
## 90% (21.48, 41.39 )
## Calculations and Intervals on Original Scale
```

É importante notar que o método acima calcula o intervalo de confiança para uma hipótese bilateral. Portanto, foi necessário ajustar o nível de confiança para 90%, de forma a ter uma taxa de erro de 0.05 em cada extremidade do intervalo. Como o interesse é somente no intervalo superior, podemos ignorar a extremidade interior e assumir que a nova versão do software possui variância inferior a 41.3914099 com 95% de confiança. Logo, a hipótese nula é rejeitada, pois a variância é significativamente inferior à versão atual do software.

## 4 Discussão e Conclusões

### 5 Divisão das Atividades

Victor - Reporter Maressa - Coordenadora Gilmar - Verificador e Monitor

### Referências

- [1] D. C. Montgomery and G. C. Runger, Applied statistics and probability for engineers, (with cd). John Wiley & Sons, 2007.
- [2] M. B. Felipe Campelo, "CRAN package expde modular differential evolution for experimenting with operators." https://cran.r-project.org/web/packages/ExpDE/index.html, Jan-2018.
- [3] W. Medri, "Análise exploratória de dados." http://www.uel.br/pos/estatisticaquantitativa/textos\_didaticos/especializacao\_estatistica.pdf, 2011.
- [4] A. C. Davison and D. V. Hinkley, *Bootstrap methods and their applications*. Cambridge: Cambridge University Press, 1997.
- [5] A. Canty and B. D. Ripley, Boot: Bootstrap r (s-plus) functions. 2019.