

Fundação Centro de Ciências e Educação Superior a Distância do Estado do Rio de Janeiro

Centro de Educação Superior a Distância do Estado do Rio de Janeiro Segunda Avaliação a Distância de Álgebra Linear I - 06/05/2008

1° Questão.(2,0) Encontre um vetor unitário, ortogonal, simultaneamente, a u = (2,1,1) e v = (1,3,0), em  $\Re^3$ .

2ª Questão.(2,0) Considere a transformação linear  $T: \Re^3 \to \Re^2$  dada por T(x, y, z) = (y - 2x, x - y - z). Determine:

- (a) A dimensão e uma base do núcleo.
- (b) A dimensão e uma base da imagem.

 $3^{\mathbf{a}}$  Questão.(2,0) Encontre uma transformação linear  $T:\mathfrak{R}^3\to\mathfrak{R}^2$  cujo núcleo seja gerado pelo vetor (1,0,3).

 $4^{\mathbf{a}}$  Questão.(2,0) Seja  $T: \Re^2 \to \Re$  a transformação linear para a qual T(1,1)=3 e T(0,1)=-2. Encontre T(x,y), para  $(x,y)\in \Re^2$ .

5° Questão.(2,0) Mostre que:

- (a) O conjunto  $S = \{(2, -3, 1), (5, 4, 2)\}$  é ortogonal.
- (b) O conjunto S = {(1, 0, 0),  $(0, -\frac{\sqrt{3}}{2}, \frac{1}{2})$ } é ortonormal.