

# Geometria Básica - EP01 - Tutor

Prezado(a) aluno(a),

bem vindo ao Curso de Licenciatura em Matemática da UFF/CEDERJ/UAB. Você agora é parte de uma universidade pública, que lhe oferece a oportunidade de obter uma formação de excelente qualidade.

Para orientar seu estudo na disciplina Geometria Básica, o conteúdo programático é apresentado sob a forma de aulas. Todas as semanas, retirando as semanas de provas, teremos os Exercícios Programados (EP), e Atividades extras: Atividades Eletrônica (AE) e/ou Atividade Presencial (AtP).

Os Exercícios Programados são exercícios para complementar o conteúdo daquela semana, geralmente "contendo quatro exercícios".

As Atividades Eletrônicas e as Atividades Presenciais são atividades para estimular o uso do computador e a presença em tutorias.

As Atividades eletrônicas (AE) seguirão junto aos EPs (Exercícios Programados). A cada cinco atividades eletrônicas executadas com sucesso serão acrescidos 0,5 ponto na respectiva avaliação presencial AP.

A atividade presencial (AtP) é um teste, aplicado pelo tutor da disciplina, que deverá ser efetuado individualmente no final do período da tutoria, com duração máxima de 15 minutos. O acúmulo de cinco dessas atividades efetivadas com sucesso, resultará em bônus de 0,5 ponto na nota da avaliação presencial correspondente.

Para mais informações consulte o Guia da Disciplina de Geometria Básica e o Cronograma da disciplina que estão disponíveis na Plataforma. É importante ter sempre em mãos o Cronograma da disciplina para sua orientação e programação de estudo.

Nesta primeira semana o conteúdo da aula 1 - "Conceitos Básicos", está disponivel na Plataforma, na seção : Exercícios e Complementos.

Bom estudo e Sucesso!! Conte sempre com nossa ajuda e nosso estímulo.

Roberto Geraldo Tavares Arnaut Dirce Uesu Pesco

Prezado(a) aluno(a),

o conteúdo desta semana referente a EP01, você encontra no seguinte capítulo do livro de Geometria Básica - Módulo 1 - Volume 1,(autores: Arnaut, R.G.T e Pesco, D.U.),

Aula 1: Conceitos Básicos.

**Exercício 1**: Quatro retas distintas em um plano cortam-se em n pontos. Qual o maior valor que n pode assumir?

#### Solução:

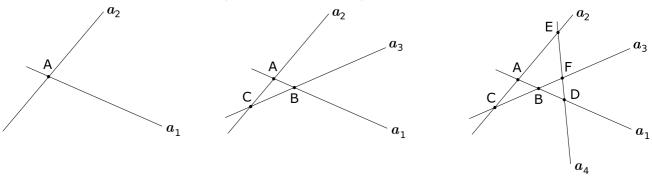
Considere  $a_1, a_2, a_3$  e  $a_4$  as quatro retas distintas em um plano que se cortam em n pontos.

Já que queremos o maior valor de n que essas retas se cortam, temos:

 $a_2$  deve cortar  $a_1$  em um ponto A;

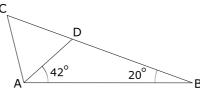
 $a_3$  deve cortar  $a_1$  e  $a_2$  em dois pontos B e C, respectivamente;

 $a_4$  deve cortar  $a_1, a_2$  e  $a_3$  em três pontos D, E e F, respectivamente;



Daí, temos que o maior valor que n pontos pode assumir são 6 pontos.

**Exercício 2**: O triângulo ACD da figura é isósceles de base  $\overline{AD}$ . Sendo  $42^{\circ}$  a medida do ângulo  $B\hat{A}D$  e  $20^{\circ}$  a medida do ângulo  $A\hat{B}C$ , calcule a medida do ângulo  $A\hat{C}D$ .

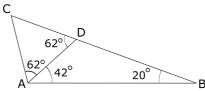


### Solução:

Seja o triângulo ACD isósceles de base  $\overline{AD}$ .

 $m(B\hat{A}D)=42^{\circ} e m(A\hat{B}C)=20^{\circ}.$ 

Daí  $\hat{ADC}$  é um ângulo externo do  $\Delta$   $\hat{ABD}$ , então  $\hat{ADC} = 42^{\circ} + 20^{\circ}$ .



Como  $\Delta$  ACD é isósceles de base  $\overline{AD}$ , então  $\hat{CAD} = 62^{\circ}$ .

Logo 
$$A\hat{C}D = 180^{\circ} - (62^{\circ} + 42^{\circ} + 20^{\circ}) = 180^{\circ} - 124^{\circ} = 56^{\circ}.$$

**Exercício 3**: Seja  $\overrightarrow{AOB}$  um ângulo e r uma reta do seu plano que contém O e situada na região não convexa. Seja  $\overrightarrow{OX}$  e  $\overrightarrow{OY}$  as bissetrizes dos ângulos agudos  $\overrightarrow{OA}$  e  $\overrightarrow{OB}$  que formam com r. Se  $A\widehat{OB}$  mede  $150^\circ$ , calcule o ângulo  $X\widehat{OY}$ .

## Solução:

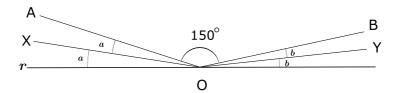
Seja  $A\hat{O}B = 150^{\circ}$  e r uma reta do seu plano que contém O e situada na região não convexa. Seja  $\overrightarrow{OX}$  e  $\overrightarrow{OY}$  as bissetrizes dos ângulos agudos  $\overrightarrow{OA}$  e  $\overrightarrow{OB}$  que formam com r.

Sendo  $X\hat{O}A = a$  e  $Y\hat{O}B = b$ , vem:

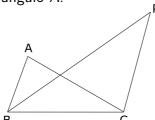
$$150^{\circ} + 2a + 2b = 180^{\circ} \Rightarrow 2a + 2b = 30^{\circ} \Rightarrow a + b = 15^{\circ}$$

$$\hat{XOY} = 150^{\circ} + a + b \Rightarrow \hat{XOY} = 150^{\circ} + 15^{\circ} = 165^{\circ}$$

Fundação CECIERJ Consórcio CEDERJ

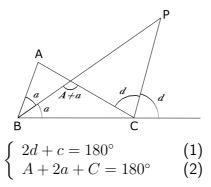


**Exercício 4**: Na figura, P é a interseção da bissetriz interna de B com a bissetriz externa de C. Calcule o ângulo  $B\hat{P}C$  em função do ângulo A.



## Solução:

Considere a figura dada:



De (1) e (2), temos:

$$A + 2a = 2d \Rightarrow d = \frac{A + 2a}{2}$$

$$A + a = d + P \Rightarrow A + a = \frac{A + 2a}{2} + P$$

$$A + 2a + 2P = 2A + 2a \Rightarrow A = 2P \Rightarrow P = \frac{A}{2}$$

#### Orientação ao tutor sobre a atividade extras:

Prezado(a) tutor(a),

neste semestre vamos iniciar um conjunto de atividades extras que representam um bônus para os alunos. São as Atividades Eletrônicas (AE) e as Atividades Presenciais (AtP). Para cada avaliação com AE e AtP, o aluno pode obter no máximo um ponto.

As Atividades Eletrônicas (AEs) terão início somente na segunda etapa, que corresponde a conteúdos referentes a AP2.

Quanto a Atividade Presencial (AtP), o tutor de cada polo será responsável pela correção desta atividade. O aluno deve fazer a AtP em quinze minutos, no final da aula de tutoria. Testes individuais e sem consulta.

Esta atividade tem data programada a ser feita por todos os alunos, sem exceção. Esgotado esse prazo, por gentileza, corrigir essas atividades e enviar a nota para email: geombasica@gmail.com.

Fundação CECIERJ Consórcio CEDERJ

Identifique-se no assunto do nova nova mensagem: nome do tutor, qual seu polo responsável e a que AtP as notas estão relacionadas. Por exemplo : Assunto: AtP 01 - 2008.1 - Polo Volta Redonda (VRE).

É importante, para identificação, que estas sejam sempre novas mensagens. As informações sobre datas e critérios de correção serão enviados por email.

Caro tutor, é importante que você entre em contato com os coordenadores da disciplina na primeira semana de aula através do email geombasica@gmail.com.

Em todas as AtPs uma lista de presença deve ser preenchida.

O aluno necessita realizar com sucesso cinco de cada uma das AE e AtP, para obter o ponto. Não será considerado metade ou proporção de nota. Ou Certo ou Errado. Use o bom senso para correção. Se o aluno acertou 80 % do conteúdo, a atividade será considerada como realizada com sucesso.

O objetivo das Atividades Presenciais é estimular o aluno a fazê-lo e principalmente auxiliar no aprendizado dos conteúdos, evitando com isso acúmulo de contéudo para estudo, e consequentemente, evitando erros mais comuns na Avaliação Presencial.

É fundamental que após a correção da AtP o aluno discuta as respostas com o tutor para entender seus acertos e erros.

Assim, esperamos que essas atividades auxiliem o aluno no desempenho nesta disciplina.

Prezado(a) tutor(a), favor enviar email para geombasica@gmail.com para contato com os coordenadores.

Um excelente início de período para todos!

Atenciosamente.

Roberto Geraldo Tavares Arnaut Dirce Uesu Pesco

Fundação CECIERJ Consórcio CEDERJ