

# Arbres Lexicogràfics Eficients: Informe

GRAU A – Q1 CURS 2025-2026

Departament de Ciències de la Computació  
Universitat Politècnica de Catalunya

LAURA MORENO VALENCIA      VICTOR HUERTES MONTES  
laura.christel.moreno@estudiant.upc.edu    victor.huertes@estudiant.upc.edu

ABRAHAM RUIZ VASQUEZ      POL RIVEIRO CLARÀ  
abraham.ruiz.vasquez@estudiant.upc.edu    pol.riveiro@estudiant.upc.edu

## Abstract

Aquest és el resum del vostre treball. Aquí cal escriure una síntesi breu que expliqui de manera clara en què consisteix el projecte, quins són els seus objectius, la metodologia emprada i els principals resultats obtinguts. El document ha de tenir una extensió màxima de 10 pàgines, sense comptar la bibliografia ni els apèndixs (aquests últims són opcionals). Tan important és redactar un bon informe tècnic com elaborar un informe d'autoaprenentatge que reflecteixi el procés seguit, les decisions preses i les dificultats superades. Aquesta plantilla és només una proposta d'organització del document. Podeu adaptar-ne l'estructura segons les necessitats específiques del vostre projecte.

## Part I. Informe Tècnic

### 1 Introducció i Objectius

Un trie és una estructura de dades en forma d'arbre que utilitza l'indexatge de paraules per organitzar informació. Originalment, els tries van ser pensats per recollir una sèrie de strings dintre d'un alfabet fixat, però a la computació moderna són àmpliament utilitzades per eines de predicció i cerca a diversos tipus de dades. L'objectiu d'aquest treball és comprendre el funcionament d'aquestes estructures, implementant diferents optimitzacions de les mateixes i avaluant-les experimentalment.

### 2 Antecedents

L'estructura de dades trie (també coneguda com a arbre de prefixos) és un arbre ordenat utilitzat per representar una sèrie de paraules (strings) sobre un alfabet finit. Permet que els prefixos comuns facin servir els mateixos nodes,

i emmagatzema només els caràcters que difereixen. Cada node en una trie està associat a un caràcter de l'alfabet, menys el node arrel que és un node buit, i el nombre màxim de fills que pot tenir un determinat node és igual al nombre de caràcters existents en l'alfabet. Pel propòsit d'aquest treball, es farà servir el diccionari ASCII com a referència, de manera que tots els fills quedaran ordenats alfabeticament seguint aquest estandard. El final d'una paraula quedarà representat per un valor associat al node, on s'indicarà l'índex d'aquesta paraula dintre del conjunt del text que es faci servir com a dataset. És important recalcar que, per tal que una paraula aparegui al diccionari constituït per un trie, no cal que sigui un node fulla, ja que es pot fer una indexació de qualsevol node intermig que formi part d'una altra paraula més llarga.

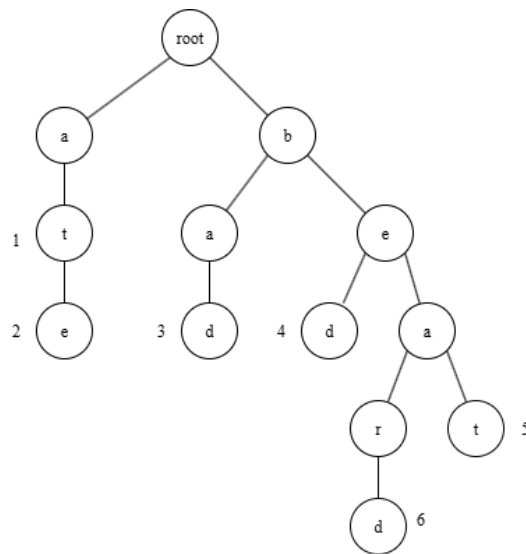


Figure 1: Exemple d'un trie que conté les paraules "at", "ate", "bad", "bed", "beard" i "beat".

Tot i que, en general, les tries són estructures eficients per operacions de cerca de paraules o prefixos, aquesta eficiència normalment significa una penalització en l'ús de memòria. A una implementació bàsica d'un trie, cada node existent tindrà una quantitat de fills igual a la quantitat de caràcters existents en l'alfabet amb el que estem treballant. Això vol dir que en el nostre cas, per exemple, cada node té 128 nodes fills. Notem que a la Figura 1, per simplificació, omitem els fills conformats per nodes buits. Per tant, la complexitat espacial d'un trie d'aquest tipus serà de l'ordre de  $O(NM)$ , on  $N$  representa el nombre de paraules i  $M$  la mida màxima d'una paraula.

L'eficiència en termes de memòria ha estat el motor pel desenvolupament de diverses variants de les tries tradicionals. En aquest treball discutirem dues de les principals alternatives: els Ternary Search Trees (TST) i els Radix Trees.

## 2.1 Ternary Search Trees

Un Ternary Search Tree (o arbre ternari de cerca) és un tipus de tree que busca aprofitar els avantatges espacials dels Binary Search Trees, reduint el número de

fills possibles per un node qualsevol. El seu funcionament és simple: cada node tindrà 3 possibles fills. El fill esquerre (*left child*), el fill dret (*right child*) i el fill central (*middle child*). El valor del fill esquerre haurà de ser un valor menor al del node pare, el del fill dret haurà de ser major, y el fill central serà un punter al valor del següent símbol de la string a qui pertany el node central. Notem que el rendiment d'aquesta estructura depen directament de la profunditat de l'arbre.

En general, l'ús d'un TST sol ser el mateix que el d'un Trie estandard, però obtindrem el pitjor rendiment a un TST treballant amb cadenes ordenades, ja que la millor manera que tindrem de garantir un bon rendiment sera tenint un arbre balancejat.

## 2.2 Radix Tries

Un Radix Tree és una altra variant de trie bàsic que busca estalviar espai en la memòria. L'idea principal d'aquesta estructura és comprimir els nodes que tenen un sol fill per així aconseguir reduir la profunditat de l'arbre i, per tant, el nombre de nodes necessaris per representar un conjunt de paraules. El seu funcionament consisteix en que cada aresta de l'arbre pot representar una cadena de caràcters en lloc d'un sol caràcter. Això significa que els nodes es poden fusionar entre si per només haver de tenir un que representa la cadena completa. Per exemple, representant el mateix conjunt de paraules "at", "ate", "bad", "bed", "beard", "beat" amb un Radix Tree, tindriem la següent estructura:

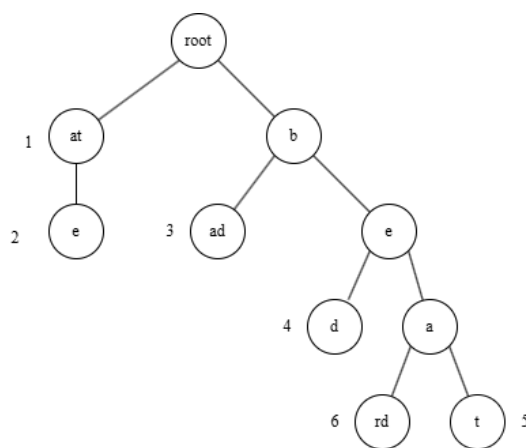


Figure 2: Exemple d'un Radix tree que conté les paraules "at", "ate", "bad", "bed", "beard" i "beat".

Com veurem més endavant, aquesta estructura millora significativament l'ús de memòria en comparació amb un tree naive i ternari en la majoria de casos (incloent en molt dels textos d'exemples proporcionats), però en cas pitjor tindrà un rendiment similar. (ARBOLES DENSOS)

## 2.3 Patricia Trees

Un Patricia Tree (Practical Algorithm To Retrieve Information Coded In Alphanumeric) és una variant comprimida de Radix Tree on el nodes element es poden fusionar amb els seus pares, mantenint només aquells necessaris per diferenciar entre les paraules del conjunt. El Patricia té la característica de que en comptes de guardar i comparar cadenes de caràcters, ho fa a nivell de bits.

En aquest treball només ho tindrem en compte a nivell teòric, ja que considerem que les altres estructures anteriorment descrites seran més senzilles d'implementar i manipular amb l'objectiu de fer una comparació amb els millors fonaments possibles.

## 3 Disseny i Implementació

Pel nostre projecte, hem decidit dissenyar i implementar tres tipus diferents d'estructures de dades basades en tries: un trie bàsic, un Ternary Search Tree (TST) i un Radix Tree. En aquest apartat es detallen les nostres decisions per l'implementació de cadascuna d'aquestes estructures.

### 3.1 Trie Naive

L'implementació del trie bàsic ha sigut relativament senzilla. Hem creat una classe `NaiveTrie` i un struct `TrieNode` que conté un node arrel i diverses funcions per a la inserció, cerca i autocompletat de paraules. Cada node del trie està representat per una estructura que conté un vector *children* de punters als seus fills (de mida 128 per cobrir l'alfabet ASCII), un vector *index* que indica totes les posicions on ha aparegut la paraula al text (útil per cert usos) i un indicador *end of word* per saber si el node marca el final de paraula.

També hem implementat la capacitat de buscar prefixos, utilitzant una funció que retorna totes les paraules en el subtree del node actual. Aquesta funció també ens serveix per l'autocompletat, el qual hem implementat només tenint en compte els prefixos i retornant les cinc primeres paraules que trobi. Aquestes implementacions no tenen com a objectiu ser les més correctes, sinó fer una implementació naive que permeti comparar l'eficiència temporal i espacial amb els trees més sofiscats que veurem més endavant. Tot i això, hem fet que la inserció i la búsqueda tinguin cost lineal  $O(n)$  respecte el tamany  $n$  de la paraula a buscar/inserir.

## 4 Avaluació Experimental

Aquí cal presentar l'anàlisi empírica del rendiment de les estructures implementades. Es poden descriure els conjunts de dades emprats, les proves realitzades, les mètriques recollides (temps d'execució, memòria, nodes visitats, profunditat mitjana, etc.) i mostrar els resultats obtinguts de manera gràfica o tabulada. Finalment, s'hauria de fer una interpretació crítica dels resultats, contrastant-los amb les expectatives teòriques.

## 5 Conclusions

En aquesta secció s'han de resumir els principals resultats i aportacions del projecte. Es pot fer una valoració del rendiment absolut, de les dificultats trobades i del coneixement adquirit. També és pertinent incloure possibles extensions, millores o línies futures de treball si el projecte es volgués ampliar. Aquesta secció hauria de tancar el document de forma clara i reflexiva.

## **Part II. Informe d'Autoaprenentatge**

### **6 Descripció i valoració del procés d'autoaprenentatge**

Aquesta part del document complementa l'informe tècnic i reflecteix el vostre procés personal i col·lectiu d'aprenentatge durant el desenvolupament del projecte. L'objectiu és analitzar com heu organitzat el treball, què heu après, quines dificultats heu superat i com heu crescut com a estudiants d'enginyeria.

#### **6.1 Metodologia**

Describeix quina ha estat la metodologia emprada per planificar, dividir i executar el projecte. Podeu explicar com heu organitzat el treball en equip (si escau), quines eines heu fet servir per col·laborar o documentar-vos, com heu estructurat el codi i les proves, i com heu abordat l'experimentació. També podeu comentar si heu seguit alguna estratègia iterativa, incremental, àgil o altres enfocaments.

#### **6.2 Valoració del procés d'autoaprenentatge**

Reflexioneu sobre els coneixements adquirits, tant teòrics com pràctics. Indiqueu quins aspectes us han resultat més difícils i com els heu resolt, i valoreu fins a quin punt heu assolit els objectius inicials. Podeu mencionar conceptes nous que heu descobert, habilitats tècniques que heu millorat (programació, anàlisi, visualització de dades, etc.) o competències transversals (comunicació, gestió del temps, treball en equip). Si heu canviat d'enfocament durant el projecte, expliqueu el perquè i què heu après en el procés.

## **Bibliografia**

En aquesta part heu d'incloure totes les fonts que heu fet servir pel desenvolupament del projecte, correctament citades i comentades.

## **Apèndixs (opcionals)**

En aquest apartat podeu incloure material addicional que consideri rellevant per complementar el vostre treball, com ara taules, gràfics, fragments de codi, exemples extres, resultats ampliats o documentació tècnica. Tot i que els apèndixs no són obligatoris, poden servir per reforçar o justificar parts de l'informe principal. Tingueu en compte que no seran necessàriament considerats en la correcció si el seu contingut no aporta valor directe a la memòria principal.