Engenharia de Computação

Lógica e Programação de Computadores

Victor Machado da Silva, MSc victor.silva@professores.ibmec.edu.br



Índice

- Apresentação do curso
- Configurando o ambiente Python
- Instalando e configurando IDEs
- Utilizando o PyCharm
- Utilizando o VSCode
- Configurando o pylint
- Instalando os pacotes via PyPl
- Algoritmos







- Contato: victor.silva@professores.ibmec.edu.br
- Aulas às segundas e quartas-feiras, de 9:49 às 11:50
- Grupo no Whatsapp: https://chat.whatsapp.com/Bb5EKrfEIG7AqENWjqh5Uc
- Material no GitHub: https://github.com/victor0machado/2020.2-logprog





Sem.	Data	Tópico
01	10/08	Introdução à disciplina
01	12/08	Revisão de Python: tipos de dados, listas, dicionários, manipulação de arquivos, decorador @timeit
02	17/08	Algoritmos: sintaxe em pseudocódigo, recursividade
02	19/08	Algoritmos: complexidade de algoritmos, notação O, algoritmos ótimos
03	24/08	Algoritmos: exercícios
03	26/08	Listas lineares: alocação, busca, busca binária, remoção
04	31/08	Listas lineares: pilhas e filas – inserção e remoção, alocação encadeada, listas circulares
04	02/09	Listas lineares: exercícios
05	07/09	SEM AULA (7 DE SETEMBRO)
05	09/09	Árvores: definições e representações básicas, árvores binárias, percurso em árvores binárias
06	14/09	Árvores: conversão de uma floresta, árvores com costura
06	16/09	Árvores: exercícios
07	21/09	Árvores binárias de busca: conceitos, busca e inserção; árvore de partilha
07	23/09	Árvores binárias de busca: exercícios
08	28/09	Atividades em grupo / dúvidas e discussões
80	30/09	Atividades em grupo / dúvidas e discussões
09	05/10	Atividades em grupo / dúvidas e discussões
09	07/10	P1
10	12/10	SEM AULA (N. SRA. APARECIDA)



Sem.	Data	Tópico
10	14/10	Árvores balanceadas: árvores AVL, árvores graduadas e rubro-negras, árvores B
11	19/10	Árvores balanceadas: exercícios
11	21/10	Listas de prioridades: implementação, alteração de prioridades, máximos e mínimos
12	26/10	Listas de prioridades: exercícios
12	28/10	Algoritmos de ordenação: ordenação bolha, por inserção e por intercalação
13	02/11	SEM AULA (FINADOS)
13	04/11	Algoritmos de ordenação: ordenação rápida, ordenação em heap, árvore de decisão
14	09/11	Algoritmos de ordenação: exercícios
14	11/11	Grafos: definições, representação gráfica, terminologia, caminhos e ciclos
15	16/11	Grafos: representação como estruturas de dados, métodos para percurso em grafos
15	18/11	Grafos: exercícios
16	23/11	Atividades em grupo / dúvidas e discussões
16	25/11	Atividades em grupo / dúvidas e discussões
17	30/11	Atividades em grupo / dúvidas e discussões
17	02/12	P2
18	07/12	SEM AULA
18	09/12	Atividade em grupo / dúvidas
19	14/12	PS PS
19	16/12	SEM AULA
20	21/12	SEM AULA
20	23/12	SEM AULA



Avaliação

- Proporção:
 - Exercícios periódicos (AC): 20%
 - Projeto (AP1): 40%
 - Projeto (AP2): 40%
- Detalhes das entregas:
 - Exercícios da AC são individuais
 - Projetos de AP1 e AP2 em grupos de no mínimo 2 e no máximo 3 pessoas
 - Entrega via Integrees
- AS será uma prova com consulta, que substituirá a menor nota entre AP1 e AP2.



Sugestões de materiais para estudo

- Python é uma linguagem intuitiva para o aprendizado, porém é importante termos à mão livros, apostilas e outros materiais para auxiliar os estudos. Abaixo encontram-se algumas sugestões:
 - Documentação oficial em Python: https://docs.python.org/pt-br/3/index.html
 - Jayme Luiz Szwarcfiter, Lilian Markenzon Estruturas de Dados e seus Algoritmos (LTC)
 - Dilermando Piva Junior et al Estruturas de Dados e Técnicas de Programação (Campus)
 - Stack Overflow: https://stackoverflow.com/questions/tagged/python
 - Artigos no Medium.com: https://medium.com/search?q=python



Sugestões de materiais para estudo

- Canais interessantes no Youtube sobre Python e programação:
 - Programação Dinâmica: https://www.youtube.com/c/ProgramacaoDinamica/
 - Curso em Vídeo: https://www.youtube.com/c/CursoemVideo/
 - Sentdex (em inglês): https://www.youtube.com/c/sentdex
 - Filipe Deschamps: https://www.youtube.com/c/FilipeDeschamps
 - DevMedia: https://www.youtube.com/c/DevmediaBrasil





Configurando o ambiente Python

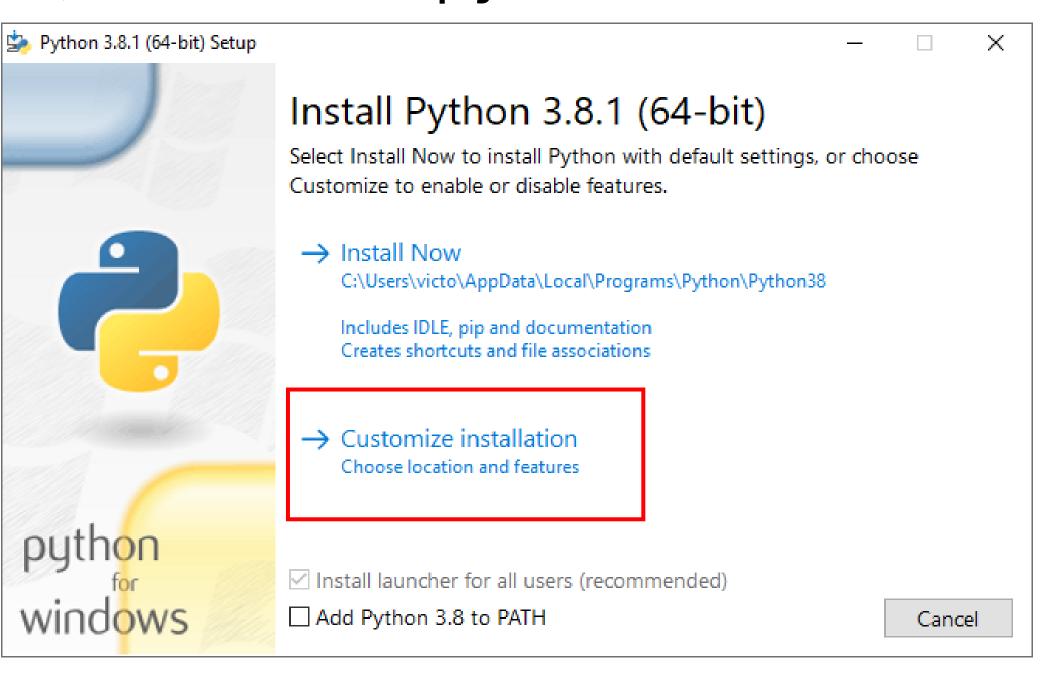


O que é Python?

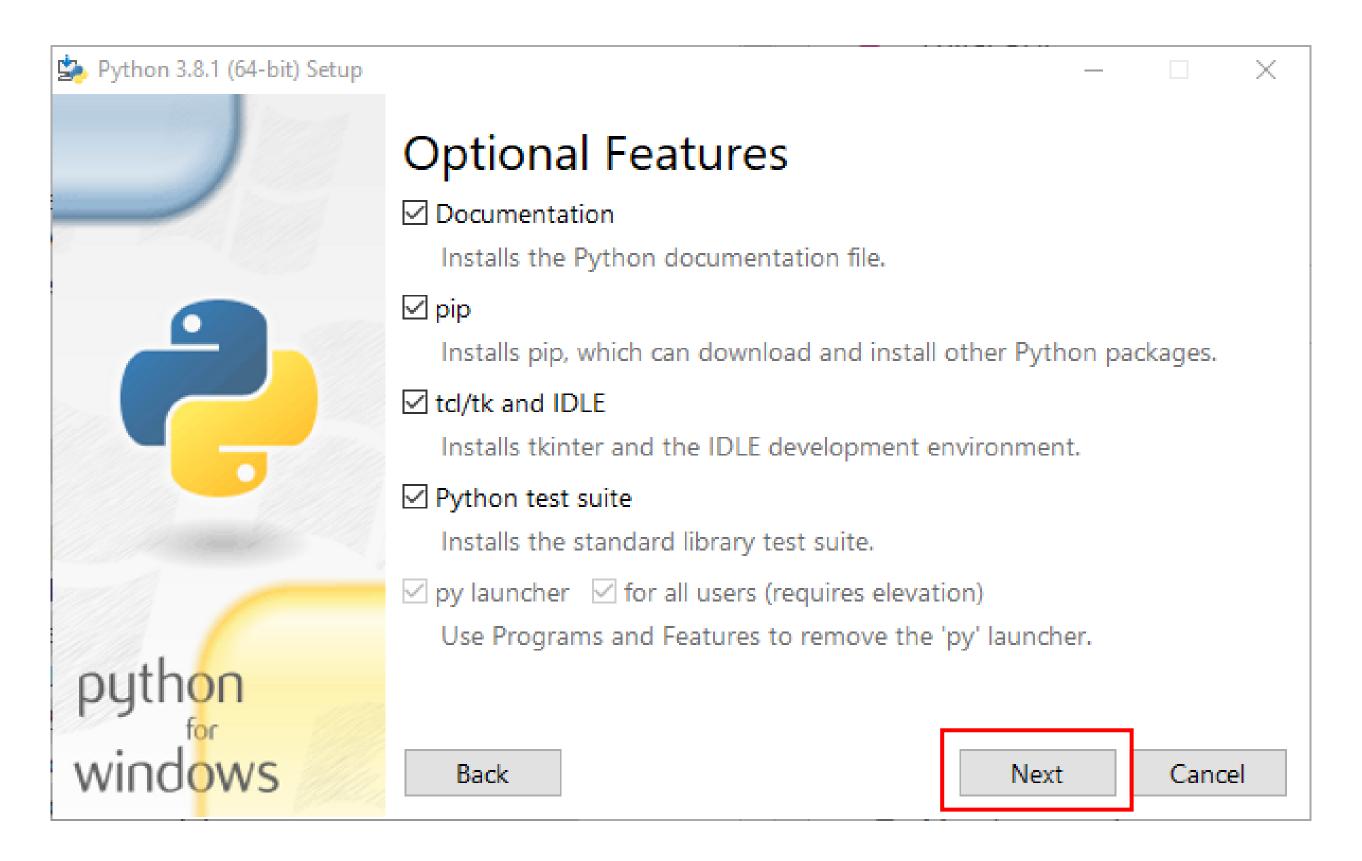
- Python é uma linguagem de programação de alto nível, lançada por Guido van Rossum em 1991. Atualmente é uma das linguagens de uso mais abrangentes no mundo todo, principalmente nas áreas de Data Science e em aplicações de back-end, ou seja, de processamento de dados que não interagem diretamente com o usuário final.
- Diversas organizações utilizam Python atualmente:
 - Google
 - Yahoo!
 - NASA
 - AirCanada



- Neste curso podemos trabalhar com qualquer versão recente do Python, 3.7 ou superior. Para baixar o instalador para Windows, clique <u>neste link</u>. O download do instalador para macOS se encontra <u>neste link</u>.
- Este curso focará no uso do Python para Windows. Para o uso no macOS, veja no site oficial da linguagem informações particulares.
- Ao clicar no instalador, selecione a opção "Customize installation".



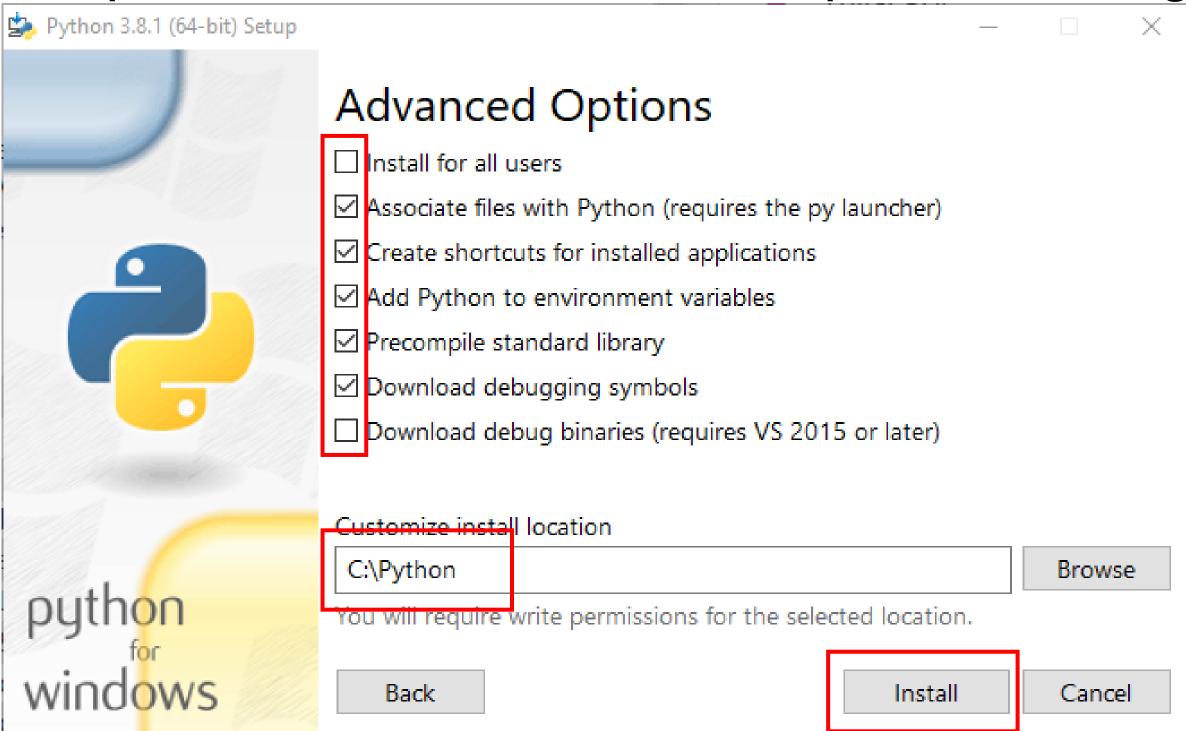
Na tela "Optional Features", clique em "Next".



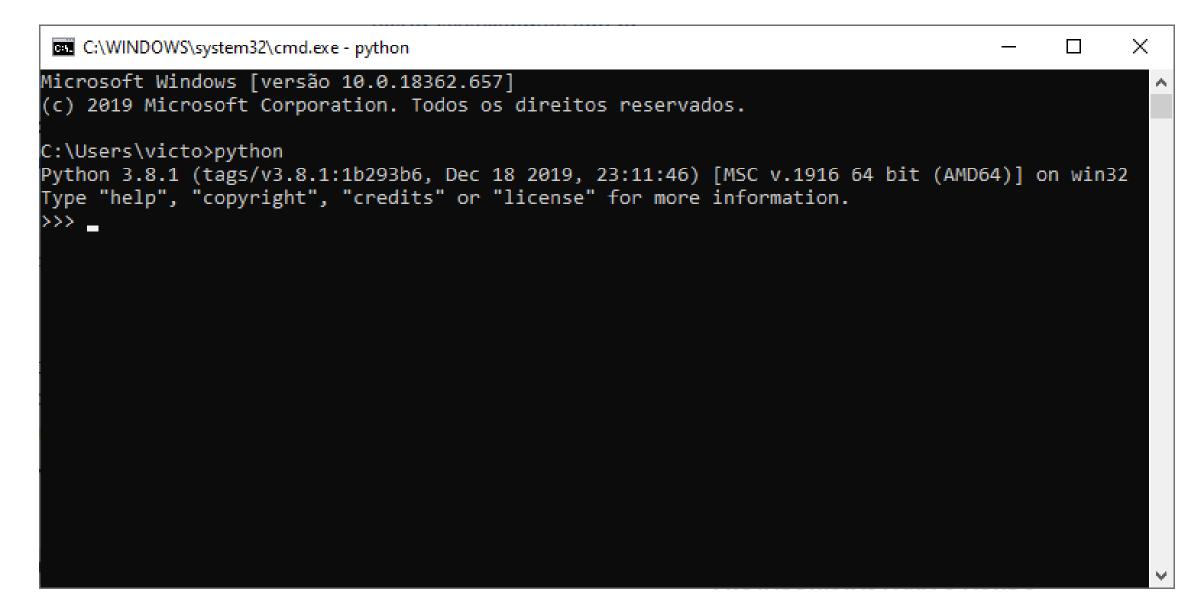


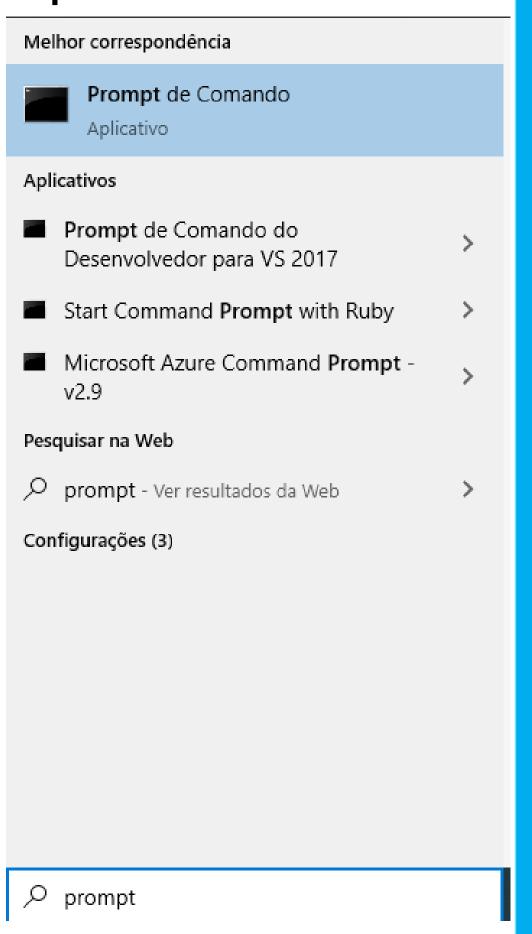
- Na tela "Advanced Options", deixe as caixas de opções marcadas conforme a imagem abaixo.
- No campo "Customize install location", escolha um caminho de fácil acesso. O caminho sugerido é "C:\Python".

Com tudo pronto, clique em "Install", e conclua após a mensagem de sucesso.



- Para conferir se a instalação foi bem sucedida, faça os seguintes passos:
 - Clique no botão do Windows ## ;
 - Digite a caixa de pesquisa prompt de comando, e abra o programa;
 - Na janela que abrir, digite o comando python e pressione Enter;
 - O Windows deve inicializar um editor de Python na mesma janela, como mostrado abaixo.





Algumas dicas iniciais após instalar o Python

- 1. Antes de abrir o programa, abra o Windows Explorer, clique em **Este Computador** e, em seguida, no drive do seu computador (C: ou D:, dependendo da sua máquina);
- 2. Neste diretório, crie uma pasta chamada **Projetos**. Esta pasta será usada para armazenar todos os seus projetos de software;
- 3. Dentro da pasta de projetos, crie a pasta da disciplina (p.ex., algoritmos);
- 4. Evite utilizar caminhos muito longos (p.ex., C:\Users\12304010\Projetos\Nomeda-pessoa\Documentos\etc...) ou incluir espaços no caminhos (p.ex., C:\Victor Machado). O primeiro é muito trabalhoso para utiliza-lo recorrentemente, e o segundo pode causar alguns problemas na execução do código;
- 5. Sempre que criar arquivos Python, comece o nome do arquivo com uma letra (p.ex., main.py, app.py, aula.py). Evite usar números, espaços ou acentos nos nomes dos arquivos.

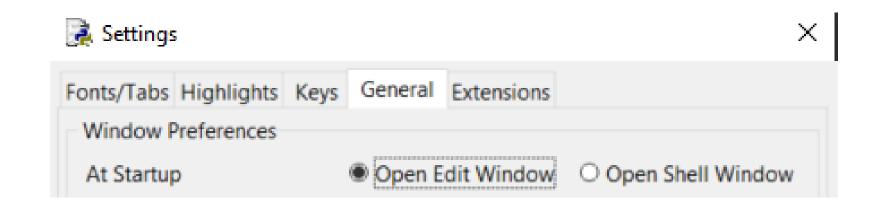


Instalando e configurando IDEs

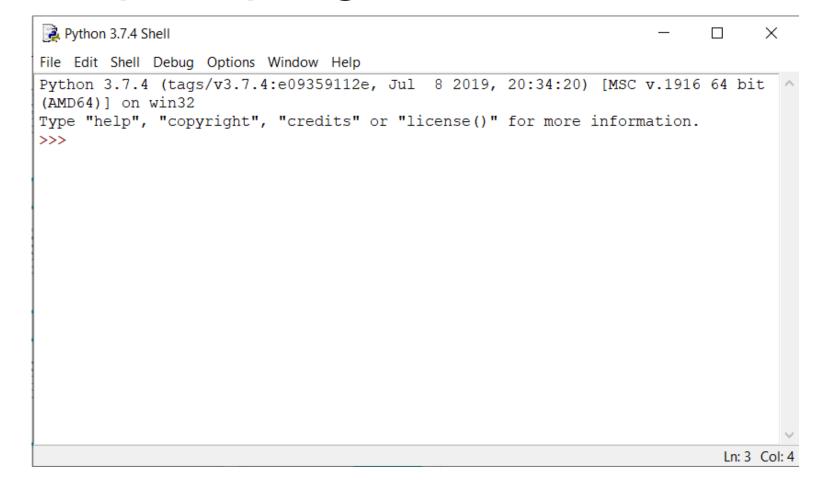


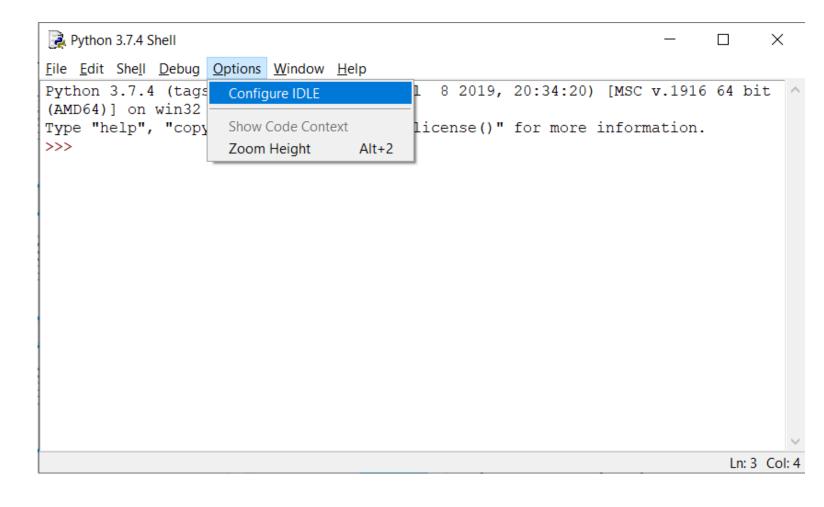
Configurando o IDLE

- Abra IDLE utilizando o ícone do Windows e procurando pelo programa
- O programa abre no modo Shell, que é a janela de execução do código. Usamos essa tela apenas para checar os resultados ou quando queremos executar códigos de uma linha (testar uma função, por exemplo)
- Para abrir o editor automaticamente, vá no menu
 Options > Configure IDLE
- Na aba General, em Windows Preferences, marque a opção Open Edit Window. Clique em Ok e reinicie o IDLE



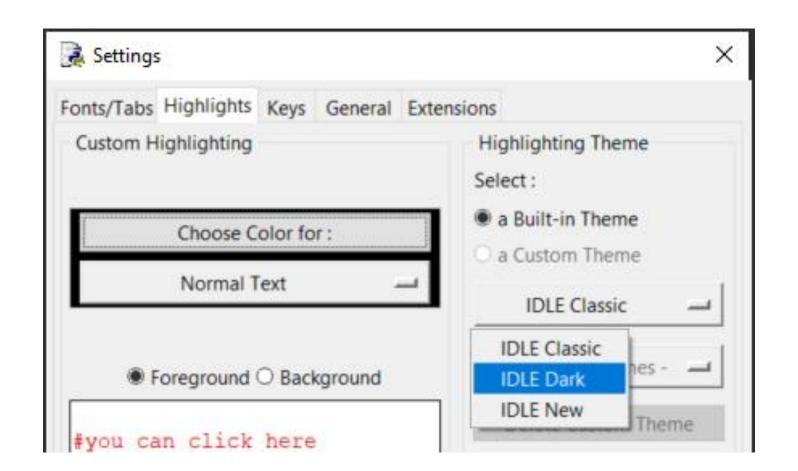






Configurando o IDLE

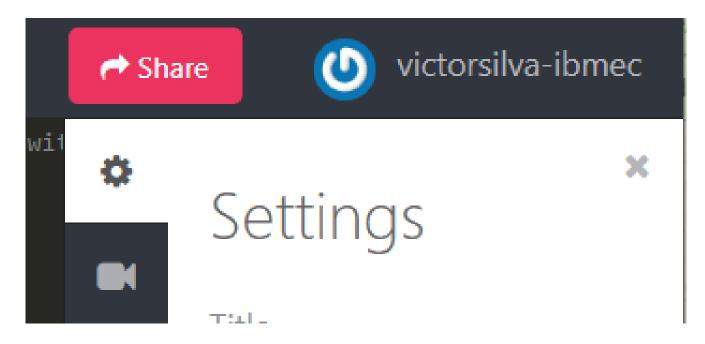
- Normalmente é usual programadores trabalharem com editores de texto que tenham um fundo escuro, o que prejudica menos a visão
- Na mesma tela de Configurações, vá para a aba Highlights, e na coluna da direita, em Highlight Theme, clique em IDLE Classic e selecione a opção IDLE Dark
- Clique em OK para mudar o tema para escuro

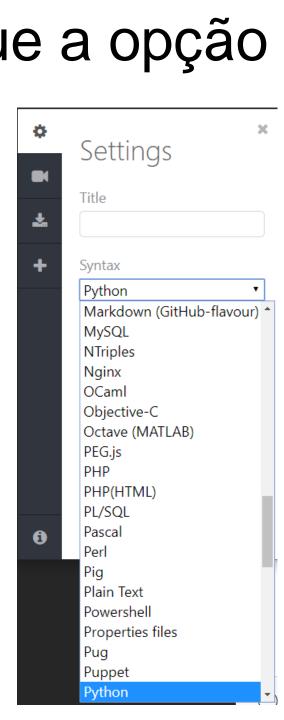


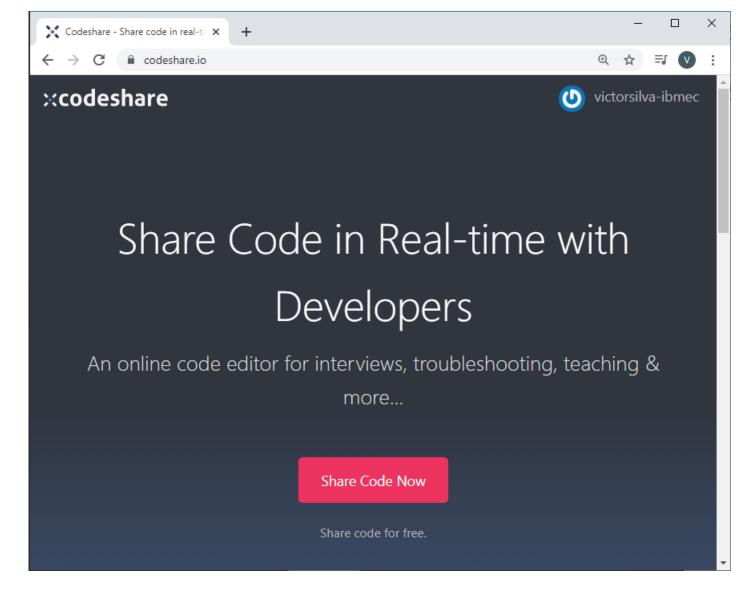


Usando o CodeShare

- Acesse http://codeshare.io e faça o cadastro
- Tendo cadastrado, na tela inicial clique em "Share Code Now"
- Um editor de texto vai aparecer. Na coluna da direita, clique na engrenagem, e em Syntax marque a opção Python
- Para compartilhar, clique em Share, no canto superior da janela
- O CodeShare vai liberar um link para ser usado por outras pessoas



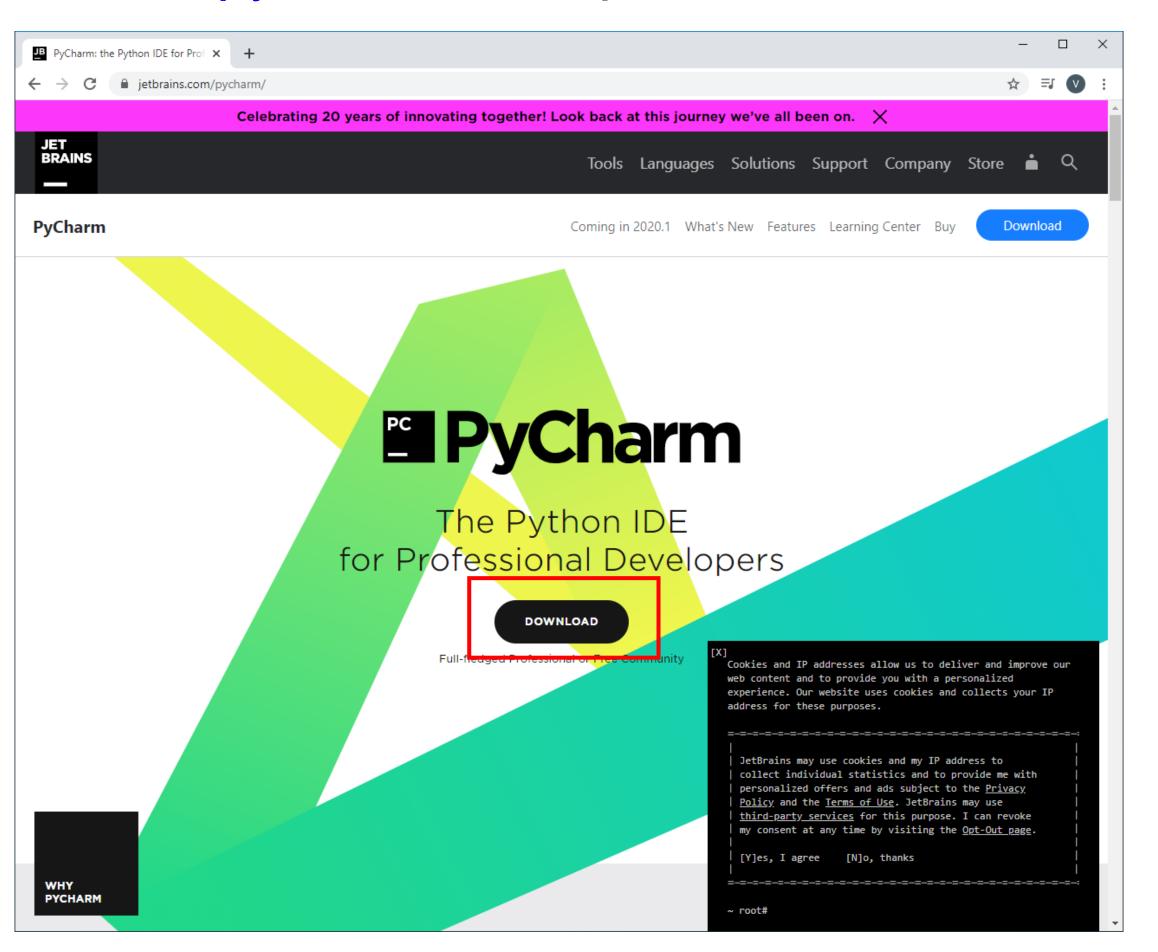






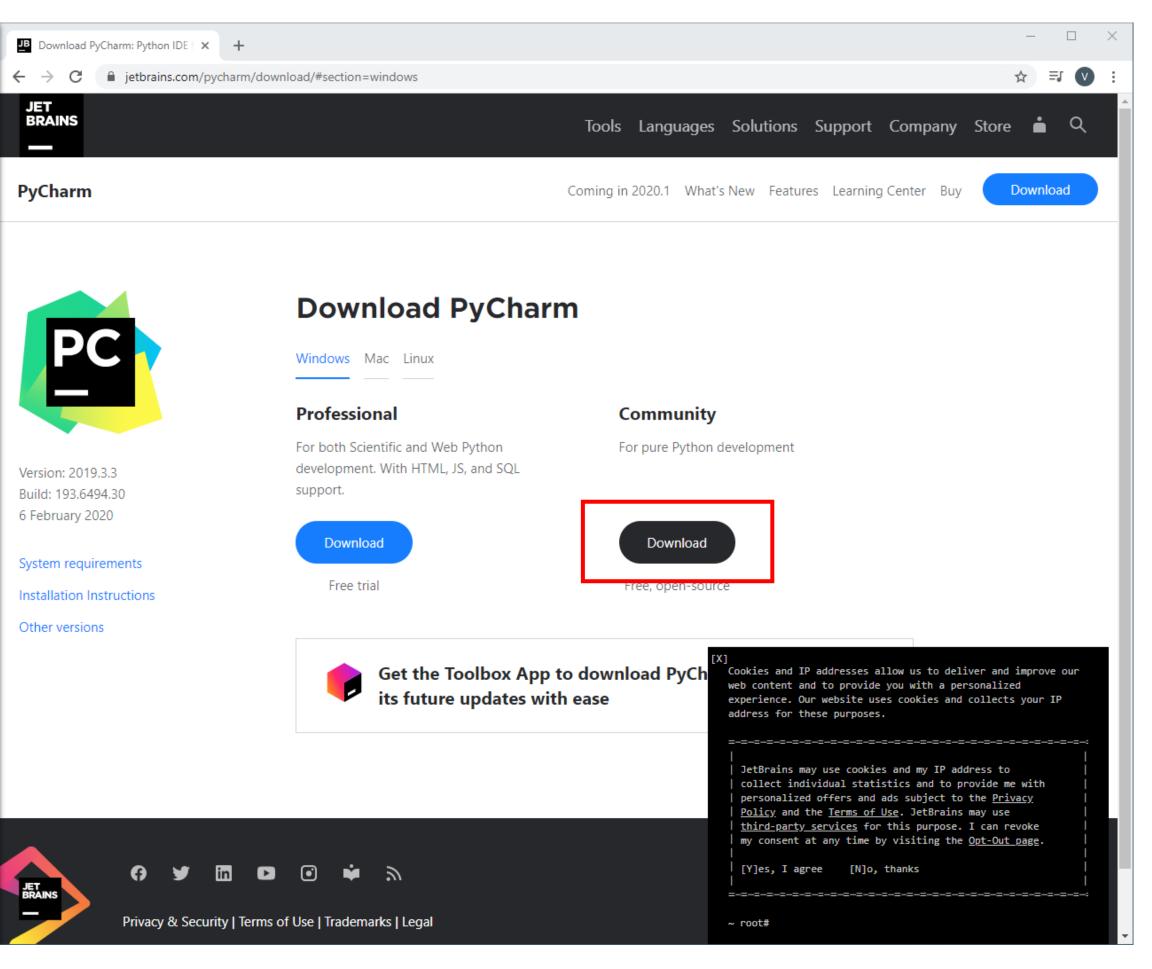
Instalando e configurando o PyCharm

 O PyCharm é um dos editores (ou IDEs) mais usados para a programação de aplicações em Python. Para baixar e instalar, primeiro acesse a página https://www.jetbrains.com/pycharm/ e clique em "Download".



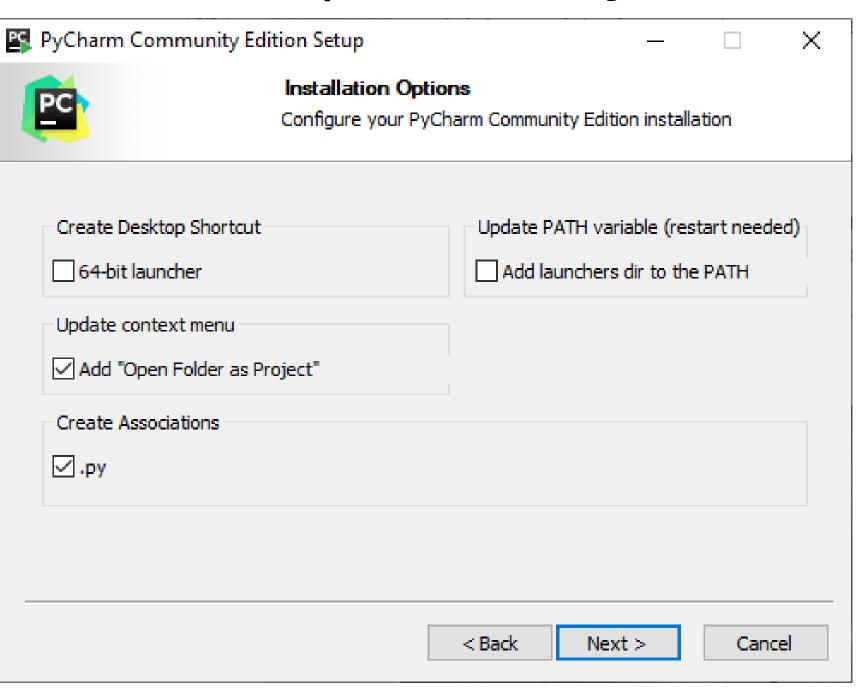
Instalando e configurando o PyCharm

 Escolha o seu sistema operacional (Windows, Mac ou Linux - vamos trabalhar com Windows) e baixe a versão "Community". O download deve começar automaticamente.



Instalando e configurando o PyCharm

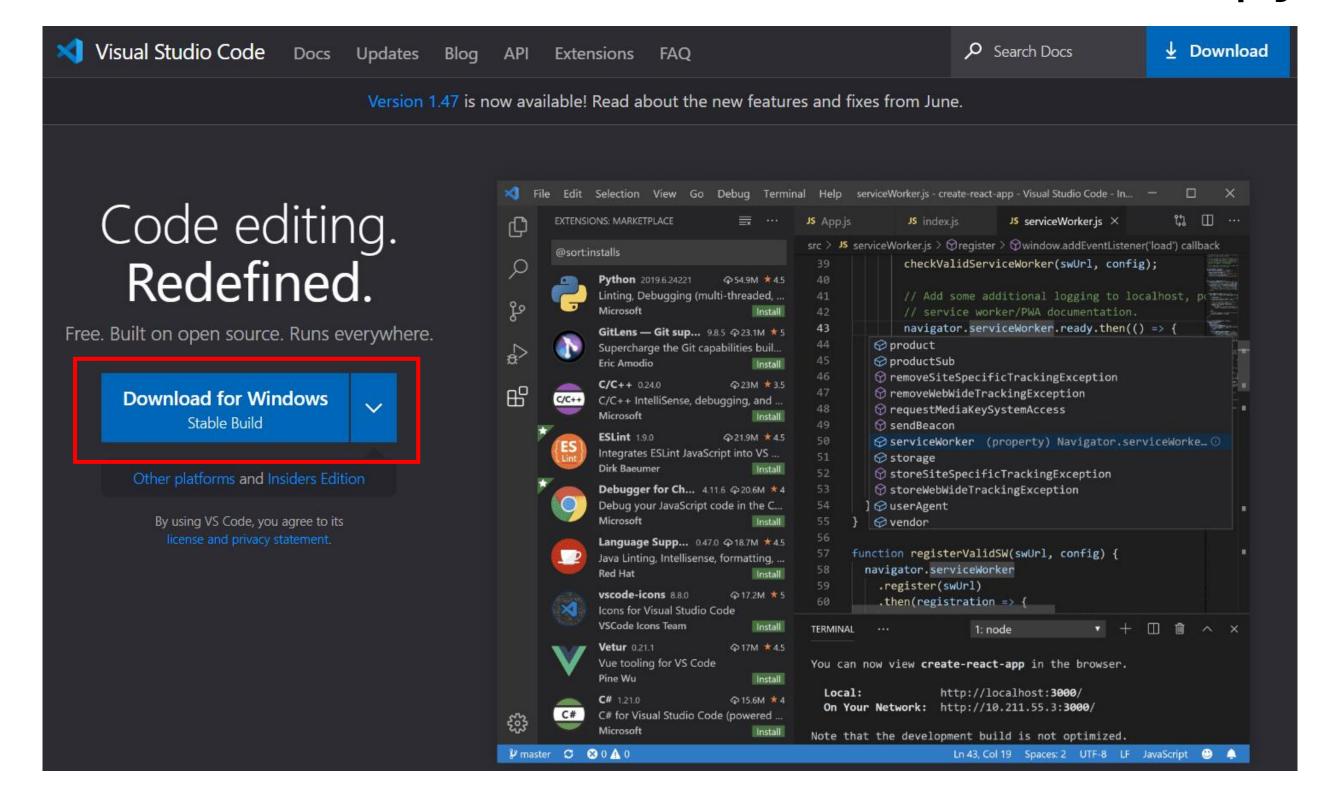
- Abra o instalador do PyCharm e clique em "Next";
- Na tela de escolha do caminho de instalação, clique em "Next";
- Na tela seguinte, marque as opções indicadas na imagem abaixo e clique em "Next";
- Na tela seguinte, clique em "Install" para começar a instalação.



Instalando e configurando o VSCode

 O VSCode é um dos IDEs recentes mais famosos para basicamente qualquer linguagem de programação. Possui inúmeras extensões que facilitam e customizam o editor para a necessidade de cada programador. Para baixar e instalar, primeiro acesse a página https://code.visualstudio.com/ e clique em "Download for Windows". Clicando na seta à direita existem opções para MAC e

Linux.



Instalando e configurando o VSCode

- Abra o instalador, e após aceitar o acordo de licença e clicar em "Próximo", clique em "Próximo" novamente até chegar na tela "Selecionar Tarefas Adicionais"
- Marque as opções abaixo e clique em "Próximo" e depois em "Instalar"

Microsoft Visual Studio Code (User) - Instalador — 🗆 🗆 🗙					
Selecionar Tarefas Adicionais					
Quais tarefas adicionais devem ser executadas?					
Selecione as tarefas adicionais que você gostaria que o Instalador executasse enquanto instala o Visual Studio Code, então clique em Próximo.					
Ícones adicionais:					
Criar um ícone na área de trabalho					
Outros:					
Adicione a ação "Abrir com Code" ao menu de contexto de arquivo do Windows Explorer					
Adicione a ação "Abrir com Code" ao menu de contexto de diretório do Windows Explorer					
Registre Code como um editor para tipos de arquivos suportados					
Adicione em PATH (disponível após reiniciar)					
< Voltar Próximo > Cancelar					



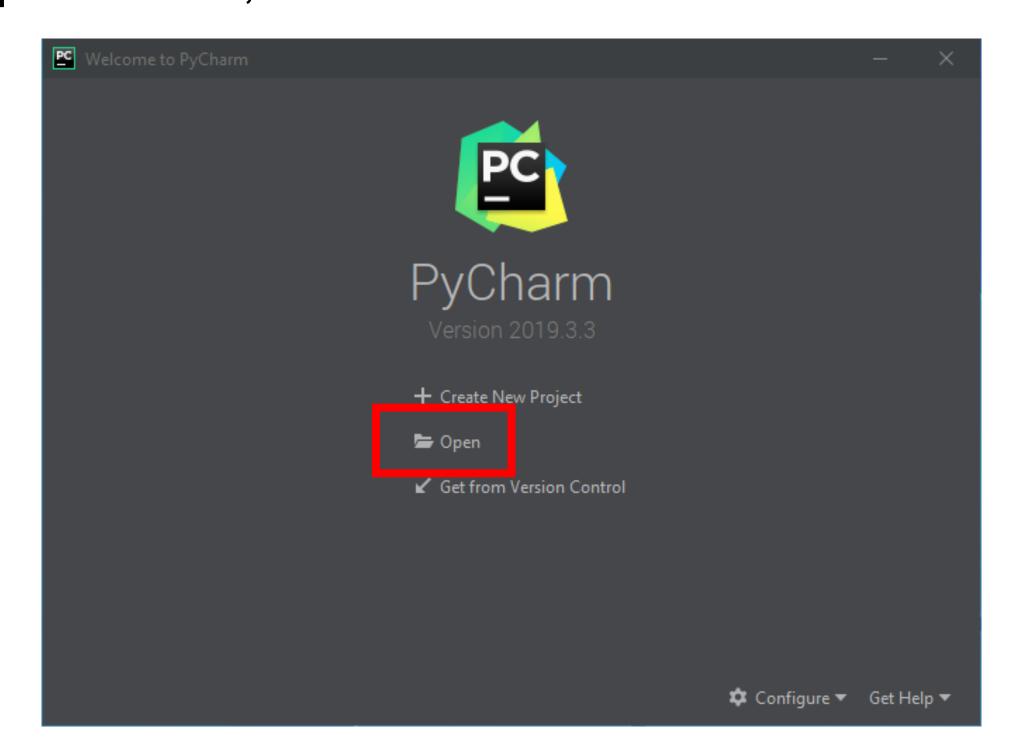


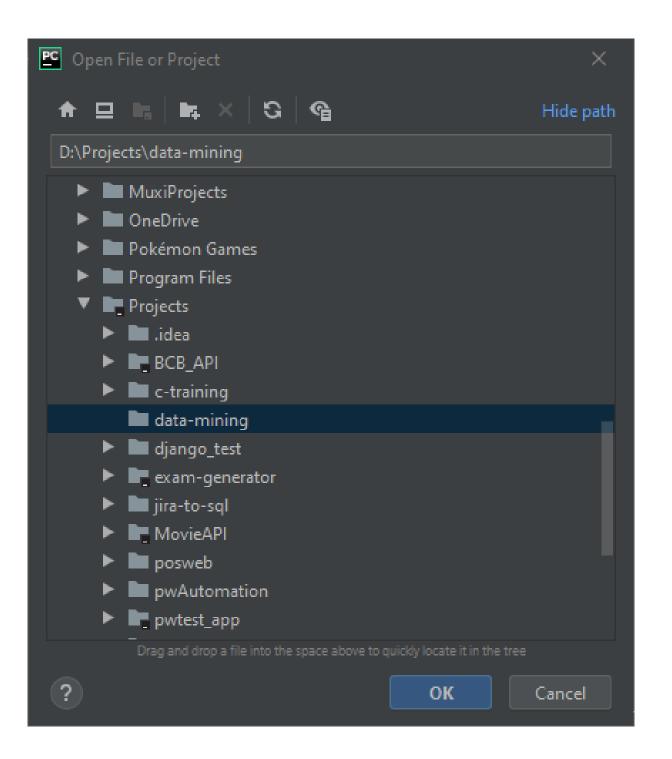
Utilizando o PyCharm



Iniciando o PyCharm

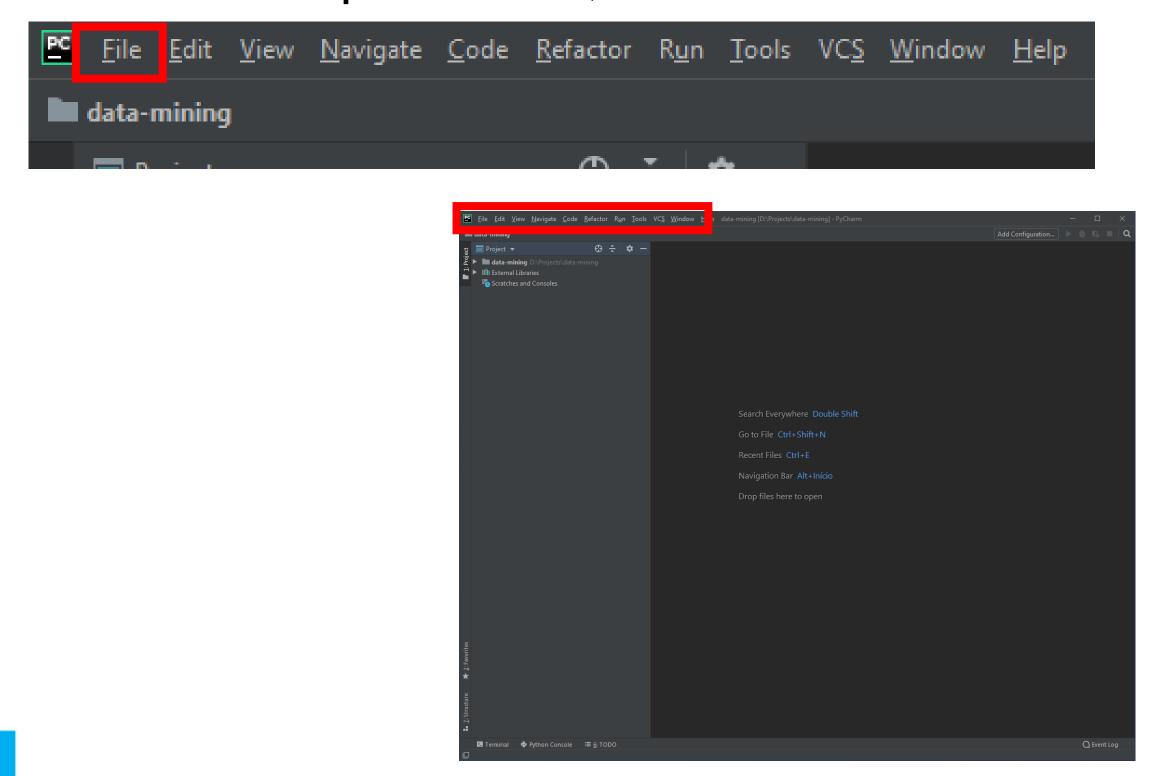
- Se essa é a primeira vez que abre o PyCharm:
 - Garanta que você possui uma pasta com o projeto desejado (p.ex., D:\Projetos\datamining);
 - Abra o PyCharm, e na tela inicial clique em Open. Selecione a pasta que você criou e clique em Ok;

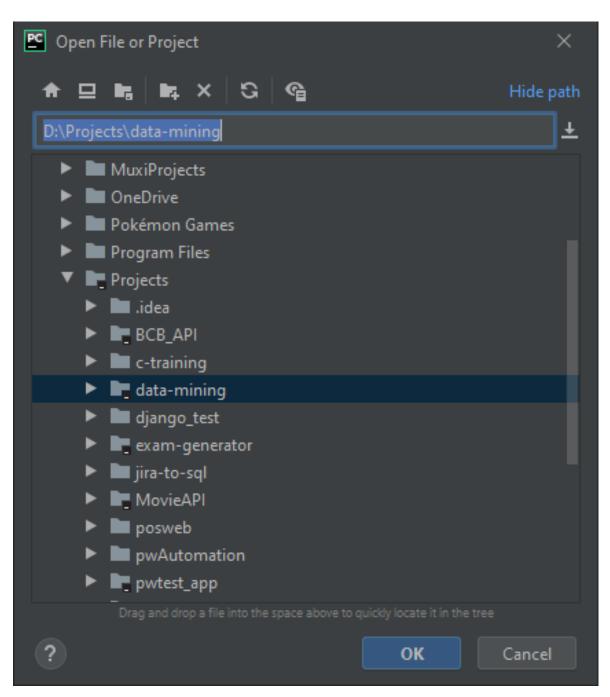




Iniciando o PyCharm

- Se você já abriu o PyCharm antes:
 - Garanta que você possui uma pasta com o projeto desejado (p.ex., C:\Projetos\datamining);
 - Abra o PyCharm, e na tela que abrir clique em File > Open. Selecione a pasta que você criou e clique em Ok;





- Mudar o tema para escuro:
 - Clique em File > Settings;
 - Na janela que aparecer, procure por Appearance & Behavior > Appearance. No campo Theme, selecione o tema desejado (minha sugestão é o Darcula);
 - Clique em Ok para fechar a tela de configurações.



- Configurar o interpretador de Python:
 - Clique em File > Settings;
 - Na janela que aparecer, procure por Project: <nome-do-projeto> > Project
 Interpreter. No campo Project Interpreter, verifique se o Python informado é o instalado (no meu caso, C:\Python\python.exe). Caso não seja, clique na engrenagem e em Add...;
 - Na nova janela, clique em System Interpreter, e no campo Interpreter clique nos três pontos à direita para indicar o local que o seu Python está instalado. Aperte Ok até voltar à tela de Settings;
 - Novamente no campo Project Interpreter, altere o Python para refletir o que está instalado. Em seguida clique em Ok.

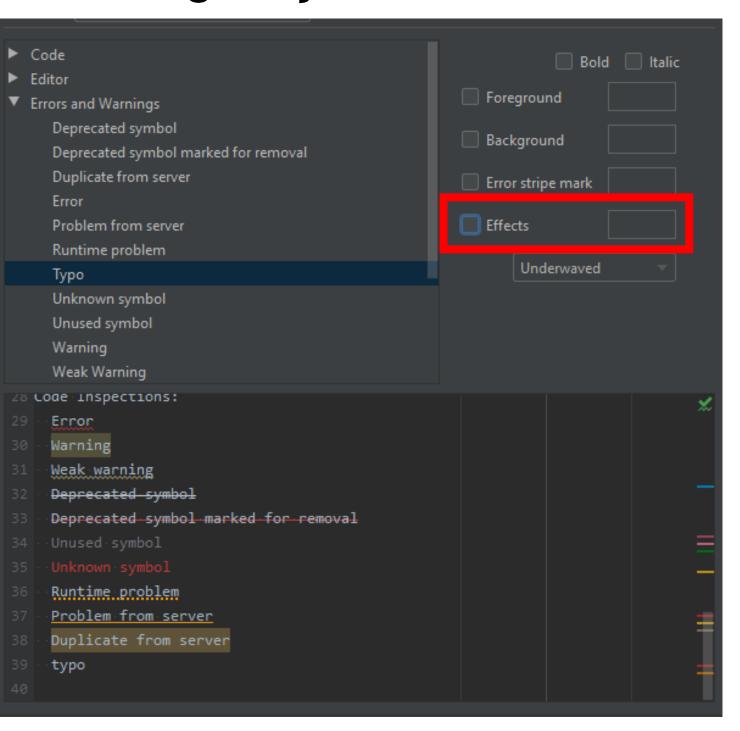




- Desativar inspeção ortográfica:
 - Clique em File > Settings;
 - Na janela que aparecer, procure por Editor > Spelling. No campo Bundled dictionaries, desmarque todas as opções;
 - Clique em Ok para sair das configurações.

Bundled dictionaries:	
english.dic	
jetbrains.dic	
python.dic	
pythonExtras.dic	
django.dic	

- Desmarcar esquema de cores para typos:
 - Clique em File > Settings;
 - Na janela que aparecer, procure por Editor > Color Scheme > General. No campo Errors and Warnings > Typo, desmarque a opção Effects;
 - Clique em Ok para sair das configurações.



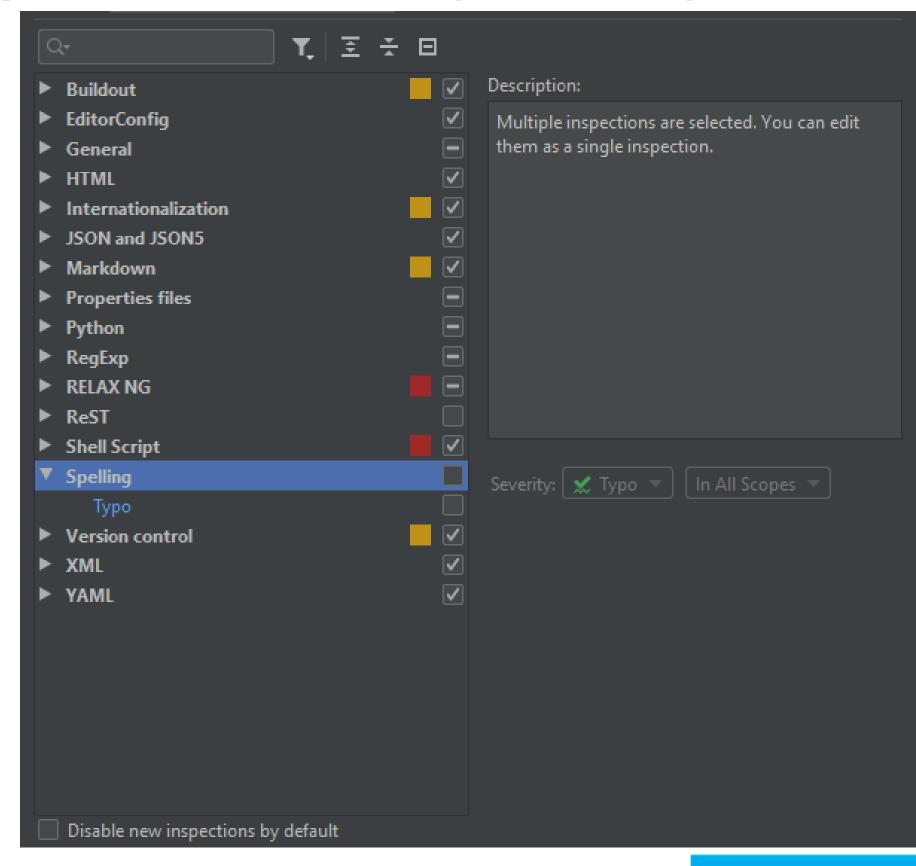
- Ajustar os destaques de inspeções:
 - Clique em File > Settings;

Na janela que aparecer, procure por Editor > Inspections. Desmarque o campo

Spelling;

 Na seção Python, recomendo desmarcar algumas opções para simplificar o aprendizado:

- Boolean variable check can be simplified;
- Chained comparisons can be simplified;
- Comparison with None performed with equality operators.
- Clique em Ok para sair das configurações.



- Configurar uma determinada execução de código:
 - Garanta que as configurações do slide Configurar o interpretador de Python foram executadas;
 - Aperte Alt + Shift + F10 > Edit Configurations, ou na barra de tarefas clique em Run > Edit Configurations;
 - Na janela que aparecer, no canto superior esquerdo clique no botão de + > Python;

Dê um nome para a execução (p.ex., aula) e em Script path, informe o caminho do

Compound

B Python docs

Rython tests

■ Shell Script

💏 tox

🦆 Python

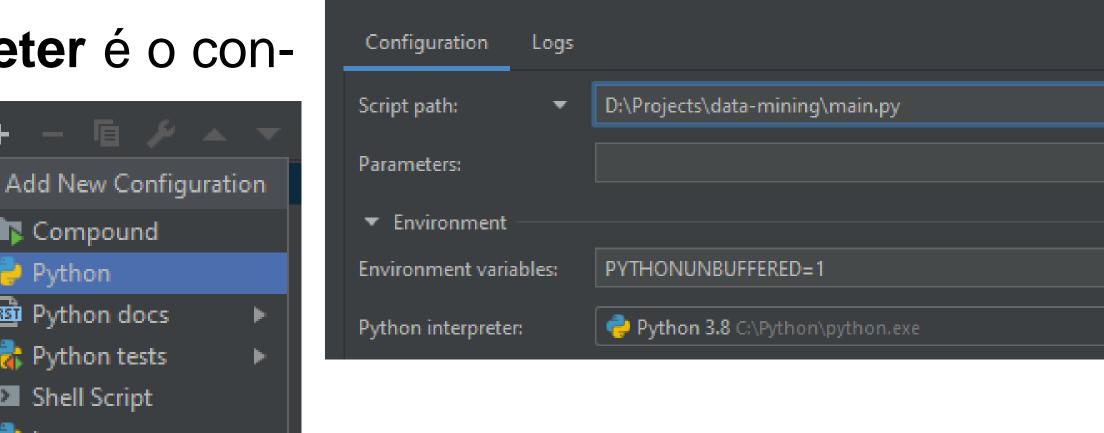
arquivo que você deseja executar;

Certifique-se que o Python interpreter é o con-

figurado anteriormente, clique em

Apply e em seguida em Close;

Para rodar o arquivo, é só usar o atalho Shift + F10.



Allow parallel run

Share through VCS ②

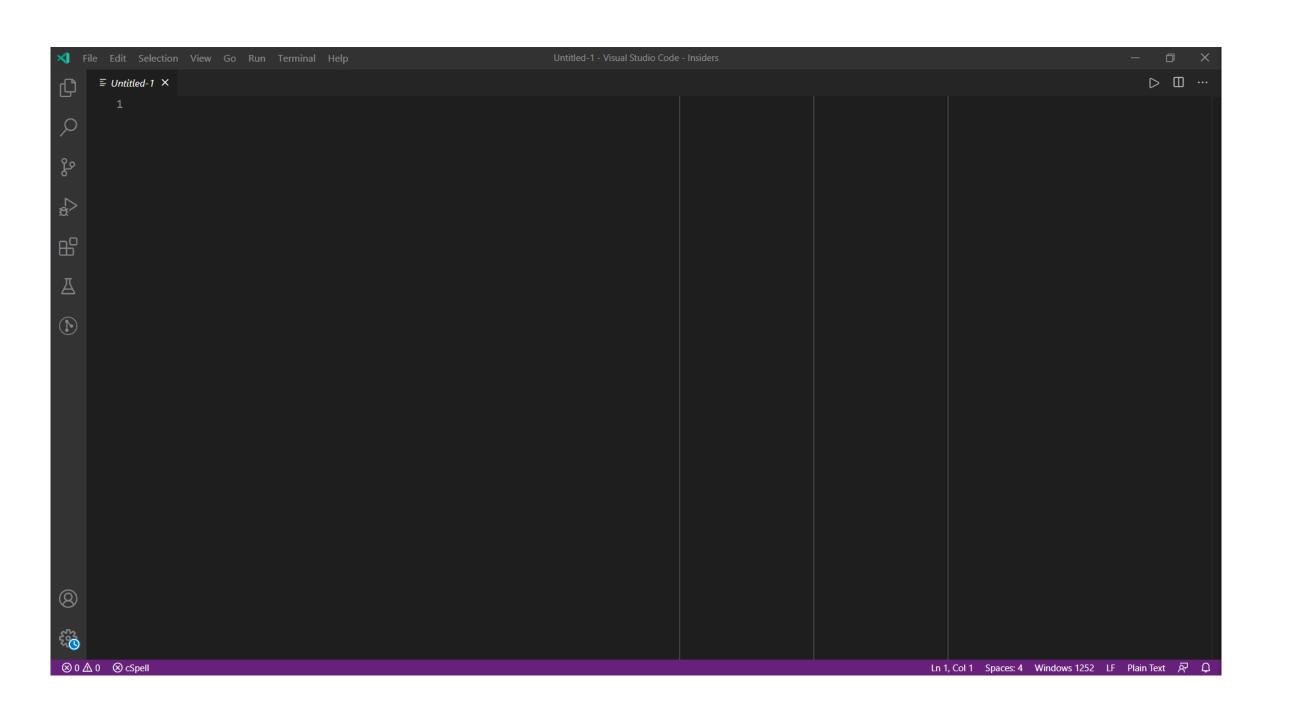


Utilizando o VSCode



Iniciando o VSCode

- Se essa é a primeira vez que abre o VSCode:
 - Garanta que você possui uma pasta com o projeto desejado (p.ex., D:\Projetos\algoritmos);
 - Abra o VSCode, e na tela inicial clique em File > Open Folder. Selecione a pasta que você criou e clique em Selecionar Pasta.



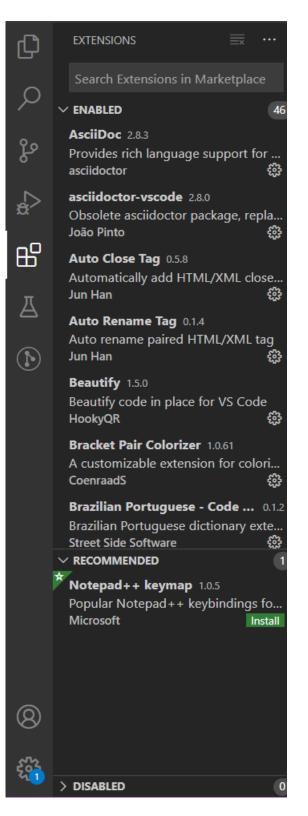
Instalando extensões:

- Boa parte do atrativo no VSCode é a possibilidade de instalar extensões e customizar a experiência de uso;
- Para instalar extensões, vá na coluna à esquerda e clique no ícone 🔡;



- Uma barra de extensões vai aparecer, e você poderá buscar as extensões desejadas e instalá-las;
- Abaixo seguem algumas sugestões de extensões para o curso:
 - Beautify
 - Bracket Pair Colorizer
 - Brazilian Portuguese Code Spell Checker
 - C/C++
 - Code Runner
 - GitLens Git supercharged
 - Git History Diff
 - Git History

- Gitconfig Syntax
- Markdownlint
- Partial Diff
- Python
- Visual Studio IntelliCode
- vscode-python-docstring
- AsciiDoc



Atalhos interessantes no VSCode:

- Ctrl + K, Ctrl + O: Abre uma pasta
- Ctrl + D: Quando uma palavra estiver selecionada, seleciona todas as palavras no arquivo
- Ctrl + F: Procura por uma palavra ou sentença no arquivo
- Ctrl + Shift + F: Procura por uma palavra ou sentença em todos os arquivos da pasta
- Ctrl + H: Substitui uma palavra ou sentença por outra em todo o arquivo
- Alt + ↓ ou Alt + ↑: Move a linha inteira para baixo ou para cima
- Shift + Alt + ↓ ou Shift + Alt + ↑: Copia a linha inteira para baixo ou para cima
- Ctrl + Alt + ↓ ou Ctrl + Alt + ↑: Incluí um ou mais cursores nas linhas abaixo ou acima



Atalhos interessantes no VSCode:

- F12: Vai para a declaração de uma variável ou função
- F12 F12: Mostra todos os usos de uma variável ou função
- Alt + → ou Alt + ←: Retrocede ou avança na última posição do cursor
- Ctrl + S: Salva um arquivo
- Ctrl + P: Abre um arquivo diretamente
- Ctrl + ,: Abre o menu de configurações
- Ctrl + Shift + P: Abre uma dropdown com opções de configuração
- Ctrl + ': Abre a janela do terminal



Atalhos interessantes no VSCode:

- Ctrl + G: Vai para uma linha específica do arquivo
- Ctrl +]: Divide a tela em duas
- Ctrl + 1 (ou 2, 3, 4): Seleciona um painel específico
- Alt + Shift + 0: Alterna entre divisão na horizontal ou na vertical
- Ctrl + F4 ou Ctrl + W: Fecha o arquivo selecionado (se for um painel selecionado e ele estiver vazio, fecha o painel)
- Ctrl + ;: Comenta a(s) linha(s) selecionada(s)



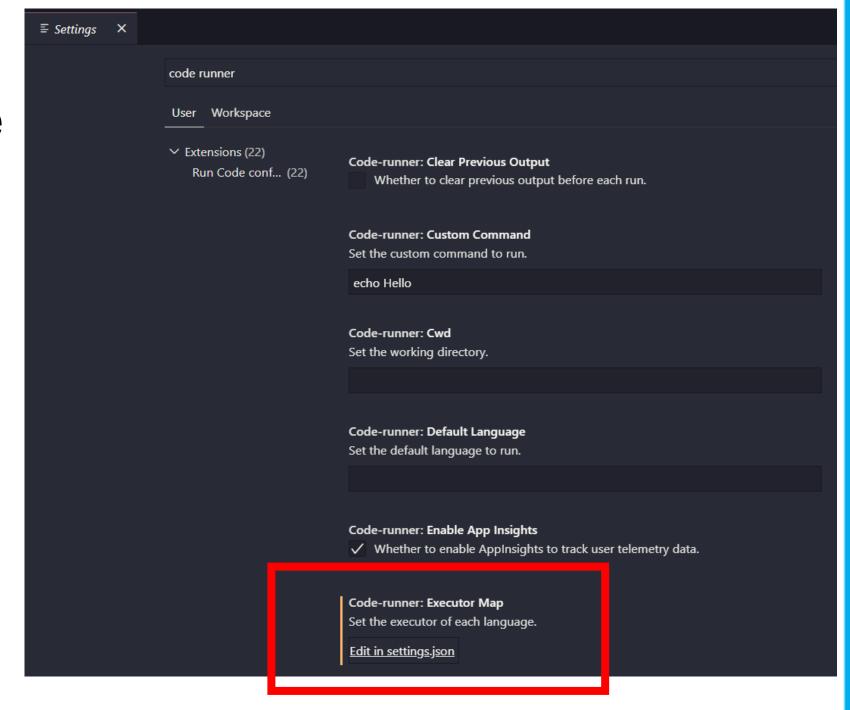
- Executando um código Python no VSCode com a extensão Code Runner:
 - Essa extensão permite a execução do código através de um atalho
 - Com a extensão instalada, use o atalho Ctrl + , ou vá em File > Preferences >

Settings;

- Na barra de pesquisa, digite "Code Runner". Procure pela caixa abaixo e clique em "Edit in settings.json";
- Inclua as seguintes linhas (edite o endereço para o caminho em que o Python está instalado):

```
"python.pythonPath": "C:\\Python\\python.exe",
"code-runner.executorMap": {
    "python": "\"C:\\Python\\python.exe\""
},
"code-runner.runInTerminal": true,
```

Para rodar, na janela do código use o atalho
 Ctrl + Alt + N.







- O pylint é um pacote do Python que auxilia na adequação do código aos padrões de programação da comunidade Python
- Para instalar o pylint...
 - ...para MacOS veja <u>aqui</u>
 - ...para Windows veja <u>aqui</u>
- Para executar o pylint basta entrar com o comando pylint <caminho>, com o caminho do arquivo que deseja rodar o linter.



 O pylint ainda pode ser rodado direto no terminal do VSCode ou do PyCharm, basta abrir o terminar e seguir os mesmos passos mencionados anteriormente. No entanto, os ambos os IDEs fornecem meios de utilizar o pylint diretamente durante a implementação do código.

Usando o pylint no PyCharm:

- O PyCharm já possui a inspeção automática do editor, após configurar o interpretador.
 Para identificar as inspeções vá em File > Settings e na janela clique em Editor e depois em Inspections;
- O PyCharm também possui um plugin. Em File > Settings, clique em Plugins e busque por Pylint. Instale e reinicie o IDE. Sempre que abrir um arquivo Python o IDE vai incluir a opção "Pylint" no canto inferior esquerdo. Para executar basta clicar na opção e depois em "Run".



Usando o pylint no VSCode:

- Com a extensão "Python" instalada no VSCode e o pacote pylint instalado, abra o menu de configurações (use o atalho Ctrl +, ou vá em File > Preferences > Settings) e procure por python linting;
- Marque as seguintes opções:
 - Python > Linting: Enabled
 - Python > Linting: Lint On Save
 - Python > Linting: Pylint Enabled
- Para rodar o pylint sem ser pelo terminal, use o atalho
 Ctrl + Shift + P e em seguida digite "Run Linting" e aperte
 Enter. O IDE vai marcar no código os problemas.

Python > Linting: Enabled

Whether to lint Python files.

Python > Linting: Lint On Save

Whether to lint Python files when saved.

Python > Linting: Pylint Enabled

Whether to lint Python files using pylint.







- Uma das grandes vantagens ao se programar em Python é ter à disposição uma gama de pacotes e bibliotecas disponíveis pela própria comunidade, que desenvolve novas funcionalidades e distribui online, na maioria das vezes de forma gratuita.
- Um dos locais mais confiáveis e mais simples de se obter um novo pacote é através do PyPI, um repositório oficial de pacotes da linguagem, mantido pela própria organização que mantém o Python.
- O PyPI é acessado utilizando uma ferramenta chamada pip, que é instalada automaticamente ao se instalar o interpretador de Python. Portanto, a instalação de novos pacotes é muito fácil de se realizar, com apenas uma linha de comando.



- Instalando pacotes via pip no Windows:
 - Clique no botão do Windows = ;
 - Digite a caixa de pesquisa prompt de comando, e abra o programa;
 - No terminal entre com o seguinte comando:

```
C:\Users\vmachado>C:\Python\python.exe -m pip install pylint
```

• Lembre-se de substituir o caminho do Python para o caminho instalado no seu computador, e altere **pylint** para o pacote escolhido.



- A instalação do Python no MacOS não costuma vir com o pip. Caso não tenha vindo, tente fazer os passos abaixo primeiro:
 - Abra o terminal (pasta Applications > Utilities > Terminal);
 - Entre com os seguintes comandos:

```
curl https://bootstrap.pypa.io/get-pip.py > get-pip.py
sudo python get-pip.py
```

- Para instalar um pacote via pip no MacOS:
 - Usando o mesmo terminal usado para instalar o pip, entre com o seguinte comando:

```
sudo pip install <nome_do_pacote>
```

- Veja o vídeo abaixo para mais detalhes:
 - https://www.youtube.com/watch?v=yBdZZGPpYxg





Algoritmos



Introdução

- Um algoritmo é um processo sistemático para a resolução de um problema. O desenvolvimento de algoritmos é particularmente importante para problemas a serem solucionados em um computador, pela própria natureza do instrumento utilizado.
- Um algoritmo computa uma saída, o resultado do problema, a partir de uma entrada, as informações inicialmente conhecidas e que permitem encontrar a solução do problema. Durante o processo de computação o algoritmo manipula dados, gerados a partir da sua entrada.
- O estudo de estruturas de dados não pode ser desvinculado de seus aspectos algorítmicos. A escolha correta da estrutura adequada a cada caso depende diretamente do conhecimento de algoritmos para manipular a estrutura de maneira eficiente.



Apresentação dos algoritmos

- As convenções seguintes serão utilizadas com respeito à linguagem:
 - O início e o final de cada bloco são determinados por endentação, isto é, pela posição da margem esquerda. Se uma certa linha do algoritmo inicia um bloco, ele se estende até a última linha seguinte, cuja margem esquerda se localiza mais à direita do que a primeira do bloco;
 - A declaração de atribuição é indicada pelo símbolo :=;
 - As declarações seguintes são empregadas com significado semelhante ao usual:

```
se... então
se... então... senão
enquanto... faça
para... faça
pare
```

 Variáveis simples, vetores, matrizes e registro são considerados como tradicionalmente em linguagens de programação. Os elementos de vetores e matrizes são identificados por índices entre colchetes.

```
para i := 1, ..., |__n/2__|
  temp := S[i]
  S[i] := S[n - i + 1]
  S[n - i + 1] := temp
```



Recursividade

- Um tipo especial de procedimento será utilizado, algumas vezes, ao longo do curso. É aquele que contém, em sua descrição, uma ou mais chamadas a si mesmo. Um procedimento dessa natureza é denominado **recursivo**.
- Naturalmente, todo procedimento, recursivo ou não, deve possuir pelo menos uma chamada proveniente de um local exterior a ele. Essa chamada é denominada externa.
- Um procedimento não recursivo é, pois, aquele em que todas as chamadas são externas.



Recursividade

• O exemplo clássico mais simples de recursividade é o cálculo do fatorial de um inteiro $n \ge 0$:

```
função fat(i)
   fat(i) := se i <= 1 então 1 senão i * fat(i - 1)

fat[0] := 1
para j := 1, ..., n faça
   fat[j] := j * fat[j - 1]</pre>
```

 Um exemplo conhecido, onde a solução recursiva é natural e intuitiva, é o do <u>Problema da Torre de Hanói</u>.



Recursividade

- A solução do problema é descrita a seguir. Naturalmente, para n>1, o pino-trabalho deve ser utilizado como área de armazenamento temporário. O raciocínio utilizado para resolver o problema é semelhante ao de uma prova matemática por indução. Suponha que se saiba como resolver o problema até n-1 discos, n>1, de forma recursiva. A extensão para n discos pode ser obtida pela realização dos seguintes passos:
 - Resolver o problema da Torre de Hanói para os n-1 discos do topo do pino-origem A, supondo que o pino-destino seja C e o trabalho seja B;
 - Mover o n-ésimo pino (maior de todos) de A para B;
 - Resolver o problema da Torre de Hanói para os n-1 discos localizados no pino C, suposto origem, considerando os pinos A e B como trabalho e destino, respectivamente.

```
procedimento hanoi(n, A, B, C)
se n > 0 então
   hanoi(n - 1, A, C, B)
   mover o disco do topo de A para B
   hanoi(n - 1, C, B, A)
```

- Conforme já mencionado, uma característica muito importante de qualquer algoritmo é o seu tempo de execução. Naturalmente, é possível determiná-lo através de métodos empíricos, isto é, obter o tempo de execução através da execução propriamente dita do algoritmo, considerando-se entradas diversas.
- Ao contrário do método empírico, o método analítico visa aferir o tempo de execução de forma independente do computador utilizado, da linguagem e dos compiladores empregados e das condições locais de processamento.



- As seguintes simplificações serão introduzidas para o modelo proposto:
 - Suponha que a quantidade de dados a serem manipulados pelo algoritmo seja suficientemente grande. Somente o comportamento assintótico será avaliado.
 - Não serão consideradas constantes aditivas ou multiplicativas na expressão matemática obtida. Isto é, a expressão matemática obtida será válida, a menos de tais constantes.
- O processo de execução de um algoritmo pode ser dividido em etapas elementares, denominadas passos. Cada passo consiste na execução de um número fixo de operações básicas cujos tempos de execução são considerados constantes.

```
para i := 1, ..., |__n/2__|
  temp := S[i]
  S[i] := S[n - i + 1]
  S[n - i + 1] := temp
```



• Como exemplos adicionais, considere os problemas de determinar as matrizes soma C e produto D de duas matrizes dadas.

```
para i := 1, ..., n faça
  para j := 1, ..., n faça
  C[i][j] := A[i][j] + B[i][j]
```



- Noção de complexidade:
 - Seja A um algoritmo, $\{E_1, ..., E_m\}$, o conjunto de todas as entradas possíveis de A. Denote por t_i o número de passos efetuados por A, quando a entrada for E_i . Definemse, com p_i sendo a probabilidade de ocorrência da entrada E_i :
 - Complexidade do pior caso: $\max_{E_{i \in E}} \{t_i\}$;
 - Complexidade do melhor caso: $min_{E_{i \in E}}\{t_i\}$;
 - Complexidade do caso médio: $\sum_{1 \le i \le m} (p_i \times t_i)$.
 - As complexidades têm por objetivo avaliar a eficiência de tempo ou espaço. A
 complexidade de tempo de pior caso corresponde ao número de passos que o
 algoritmo efetua no seu pior caso de execução, isto é, para a entrada mais
 desfavorável. De certa forma, a complexidade de pior caso é a mais importante das
 três mencionadas.



A Notação O

- Quando se considera o número de passos efetuados por um algoritmo, podem-se desprezar constantes aditivas ou multiplicativas.
- Por exemplo, um valor de número de passos igual a 3n será aproximado para n.
- Além disso, como o interesse é restrito a valores assintóticos, termos de menor grau também podem ser desprezados. Assim, um valor de número de passos igual a $n^2 + n$ será aproximado para n^2 . O valor $6n^3 + 4n 9$ será transformado em n^3 .
- Torna-se útil, portanto, descrever operadores matemáticos que sejam capazes de representar situações como essas. A notação O será utilizada com essa finalidade.



A Notação O

• Sejam f, h funções reais positivas de variável inteira n. Diz-se que f é O(h), escrevendo-se f = O(h), quando existir uma constante c > 0 e um valor inteiro n_o , tal que:

$$n > n_o \Rightarrow f(n) \le c \times h(n)$$

• Ou seja, a função h atua como um limite superior para valores assintóticos da função f. Em seguida são apresentados alguns exemplos da notação O.

$$f = n^{2} - 1 \Rightarrow f = O(n^{2})$$

$$f = n^{3} - 1 \Rightarrow f = O(n^{3})$$

$$f = 403 \Rightarrow f = O(1)$$

$$f = 5 + 2\log n + 3\log^{2} n \Rightarrow f = O(\log^{2} n)$$





www.ibmec.br







@ibmec



OBRIGADO!