

# Engenharia de Computação

Lógica e Programação de Computadores

Victor Machado da Silva, MSc  
victor.silva@professores.ibmec.edu.br

# Índice

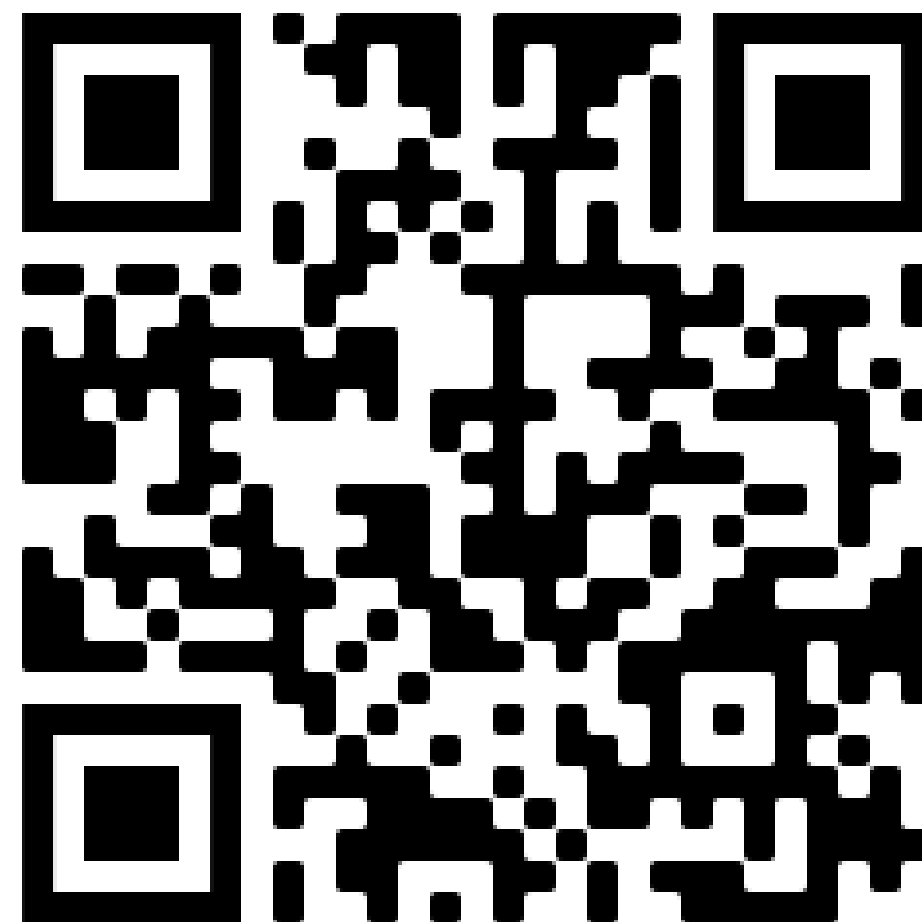
- [Apresentação do curso](#)
- [Configurando o ambiente Python](#)
- [Instalando e configurando IDEs](#)
- [Utilizando o PyCharm](#)
- [Utilizando o VSCode](#)
- [Configurando o pylint](#)
- [Instalando os pacotes via PyPI](#)
- [Algoritmos](#)
- [Listas Lineares](#)



# Apresentação do curso

# Apresentação do curso

- Contato: [victor.silva@professores.ibmec.edu.br](mailto:victor.silva@professores.ibmec.edu.br)
- Aulas às segundas e quartas-feiras, de 9:49 às 11:50
- Grupo no Whatsapp: <https://chat.whatsapp.com/Bb5EKrfEIG7AqENWjqh5Uc>
- Material no GitHub: <https://github.com/victor0machado/2020.2-logprog>



# Apresentação do curso

Sem.	Data	Tópico
01	03/08	Introdução à disciplina
01	05/08	Revisão de Python: tipos de dados, listas, dicionários, manipulação de arquivos, decorador @timeit
02	10/08	Algoritmos: sintaxe em pseudocódigo, recursividade
02	12/08	Algoritmos: complexidade de algoritmos, notação O, algoritmos ótimos
03	17/08	Algoritmos: exercícios
03	19/08	Aplicação prática: desenvolvendo jogos com pygame
04	24/08	Aplicação prática: desenvolvendo jogos com pygame
04	26/08	Listas lineares: alocação, busca, busca binária, remoção
05	31/08	Listas lineares: pilhas e filas – inserção e remoção, alocação encadeada, listas circulares
05	02/09	Listas lineares: exercícios
06	07/09	SEM AULA (7 DE SETEMBRO)
06	09/09	Árvores: definições e representações básicas, árvores binárias, percurso em árvores binárias
07	14/09	Árvores: conversão de uma floresta, árvores com costura
07	16/09	Árvores: exercícios
08	21/09	Árvores binárias de busca: conceitos, busca e inserção; árvore de partilha
08	23/09	Árvores binárias de busca: exercícios
09	28/09	Atividades em grupo / dúvidas e discussões
09	30/09	Atividades em grupo / dúvidas e discussões
10	05/10	Atividades em grupo / dúvidas e discussões
10	07/10	P1
11	12/10	SEM AULA (N. SRA. APARECIDA)

# Apresentação do curso

Sem.	Data	Tópico
11	14/10	Árvores balanceadas: árvores AVL, árvores graduadas e rubro-negras, árvores B
12	19/10	Árvores balanceadas: exercícios
12	21/10	Listas de prioridades: implementação, alteração de prioridades, máximos e mínimos
13	26/10	Listas de prioridades: exercícios
13	28/10	Algoritmos de ordenação: ordenação bolha, por inserção e por intercalação
14	02/11	SEM AULA (FINADOS)
14	04/11	Algoritmos de ordenação: ordenação rápida, ordenação em heap, árvore de decisão
15	09/11	Algoritmos de ordenação: exercícios
15	11/11	Grafos: definições, representação gráfica, terminologia, caminhos e ciclos
16	16/11	Grafos: representação como estruturas de dados, métodos para percurso em grafos
16	18/11	Grafos: exercícios
17	23/11	Atividades em grupo / dúvidas e discussões
17	25/11	Atividades em grupo / dúvidas e discussões
18	30/11	Atividades em grupo / dúvidas e discussões
18	02/12	<b>P2</b>
19	07/12	SEM AULA
19	09/12	Atividade em grupo / dúvidas
20	14/12	<b>PS</b>
20	16/12	SEM AULA

# Apresentação do curso

## Avaliação

- Proporção:
  - Exercícios periódicos (AC): 20%
  - Projeto (AP1): 40%
  - Projeto (AP2): 40%
- Detalhes das entregas:
  - Exercícios da AC são individuais
  - Projetos de AP1 e AP2 em grupos de no mínimo 2 e no máximo 3 pessoas
  - Entrega via Integrees
- AS será uma prova com consulta, que substituirá a menor nota entre AP1 e AP2.



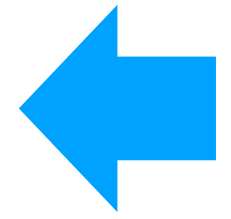
# Sugestões de materiais para estudo

- Python é uma linguagem intuitiva para o aprendizado, porém é importante termos à mão livros, apostilas e outros materiais para auxiliar os estudos. Abaixo encontram-se algumas sugestões:
  - Documentação oficial em Python: <https://docs.python.org/pt-br/3/index.html>
  - Jayme Luiz Szwarcfiter, Lilian Markenzon – Estruturas de Dados e seus Algoritmos (LTC)
  - Dilermando Piva Junior et al – Estruturas de Dados e Técnicas de Programação (Campus)
  - Stack Overflow: <https://stackoverflow.com/questions/tagged/python>
  - Artigos no Medium.com: <https://medium.com/search?q=python>



# Sugestões de materiais para estudo

- Canais interessantes no Youtube sobre Python e programação:
  - Programação Dinâmica: <https://www.youtube.com/c/ProgramacaoDinamica/>
  - Curso em Vídeo: <https://www.youtube.com/c/CursoemVideo/>
  - Sentdex (em inglês): <https://www.youtube.com/c/sentdex>
  - Filipe Deschamps: <https://www.youtube.com/c/FilipeDeschamps>
  - DevMedia: <https://www.youtube.com/c/DevmediaBrasil>



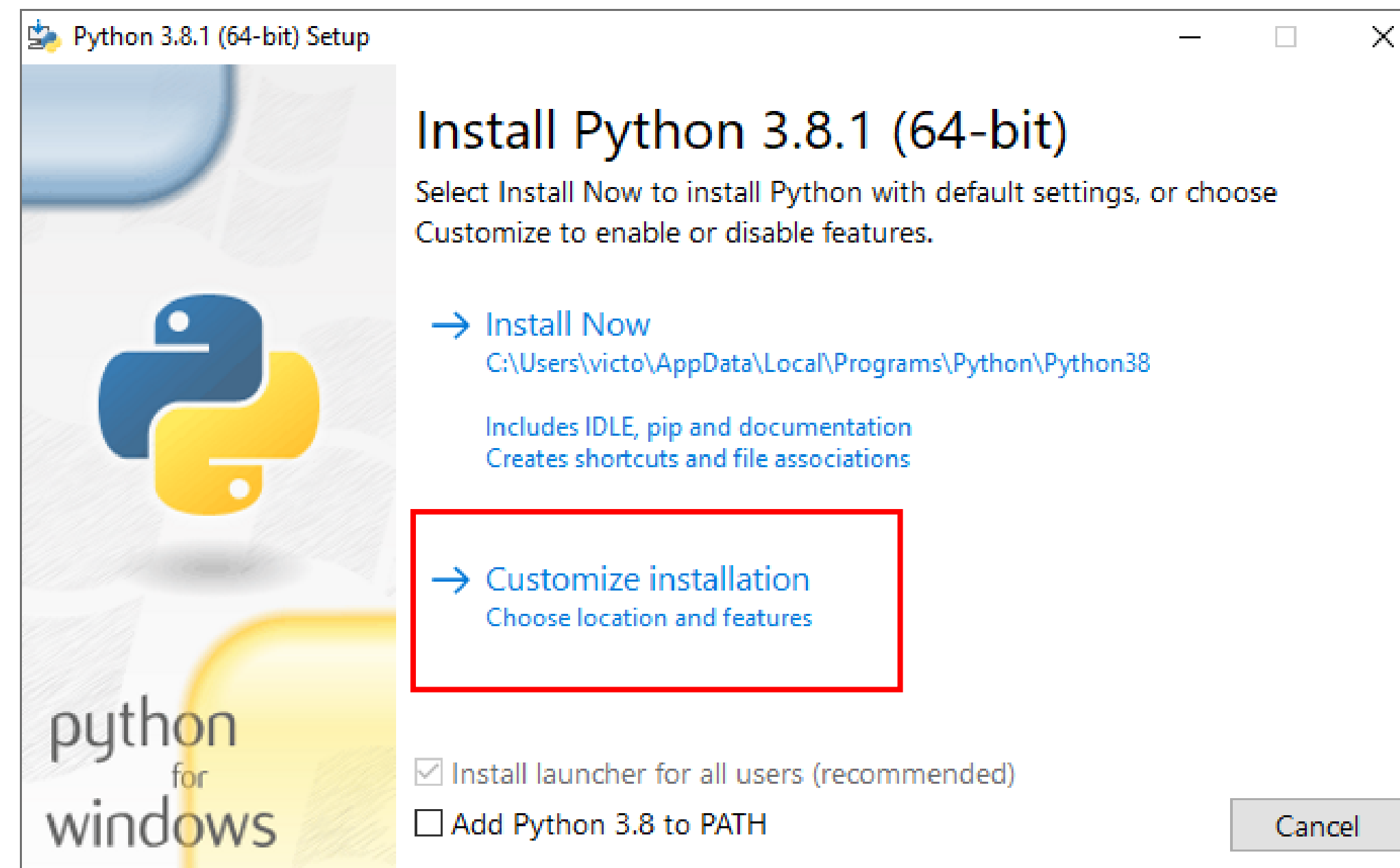
# Configurando o ambiente Python

# O que é Python?

- Python é uma linguagem de programação de alto nível, lançada por Guido van Rossum em 1991. Atualmente é uma das linguagens de uso mais abrangentes no mundo todo, principalmente nas áreas de Data Science e em aplicações de *back-end*, ou seja, de processamento de dados que não interagem diretamente com o usuário final.
- Diversas organizações utilizam Python atualmente:
  - Google
  - Yahoo!
  - NASA
  - AirCanada

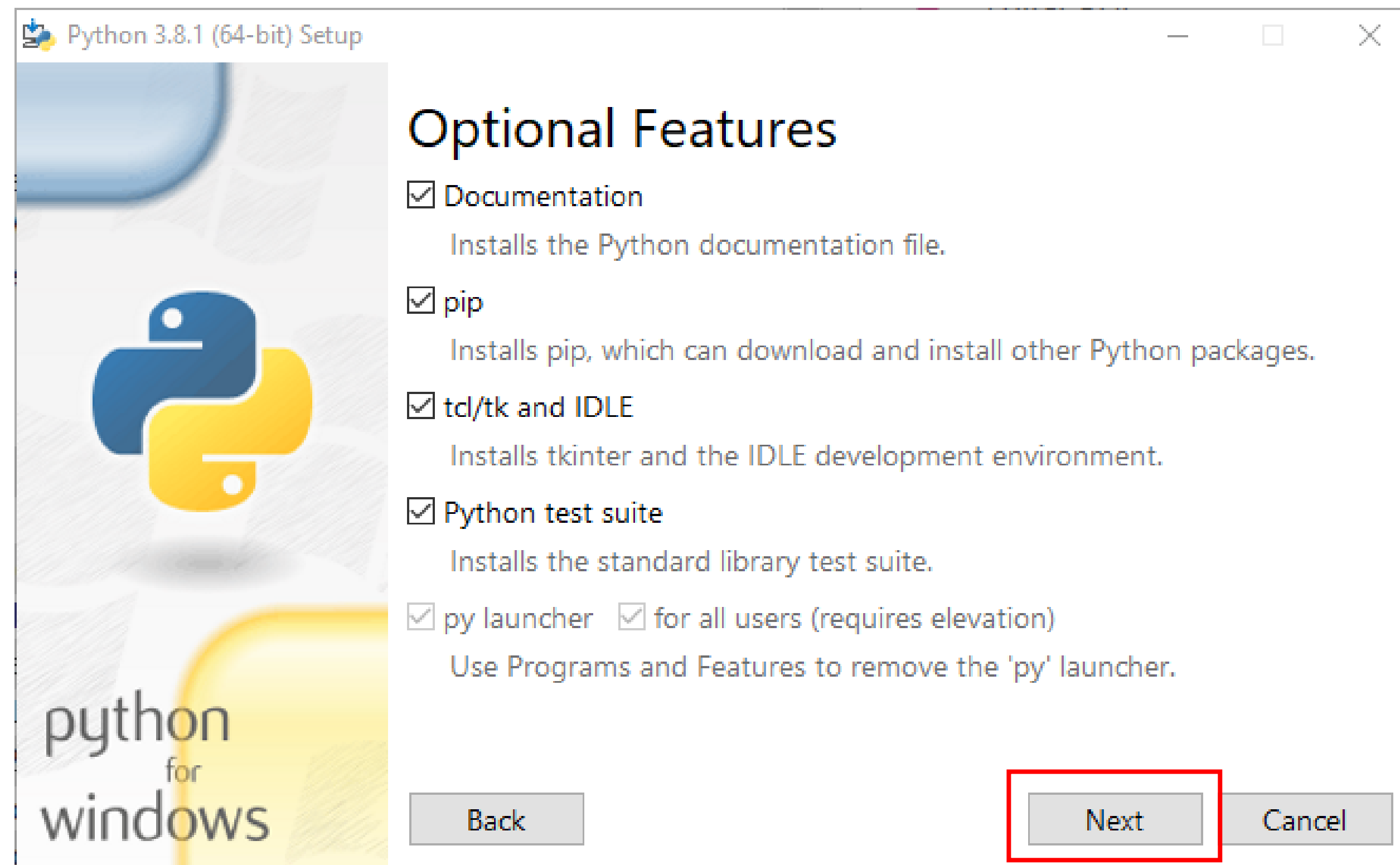
# Como instalar Python?

- Neste curso podemos trabalhar com qualquer versão recente do Python, 3.7 ou superior. Para baixar o instalador para Windows, clique [neste link](#). O download do instalador para macOS se encontra [neste link](#).
- Este curso focará no uso do Python para Windows. Para o uso no macOS, veja no [site oficial da linguagem](#) informações particulares.
- Ao clicar no instalador, selecione a opção “Customize installation”.



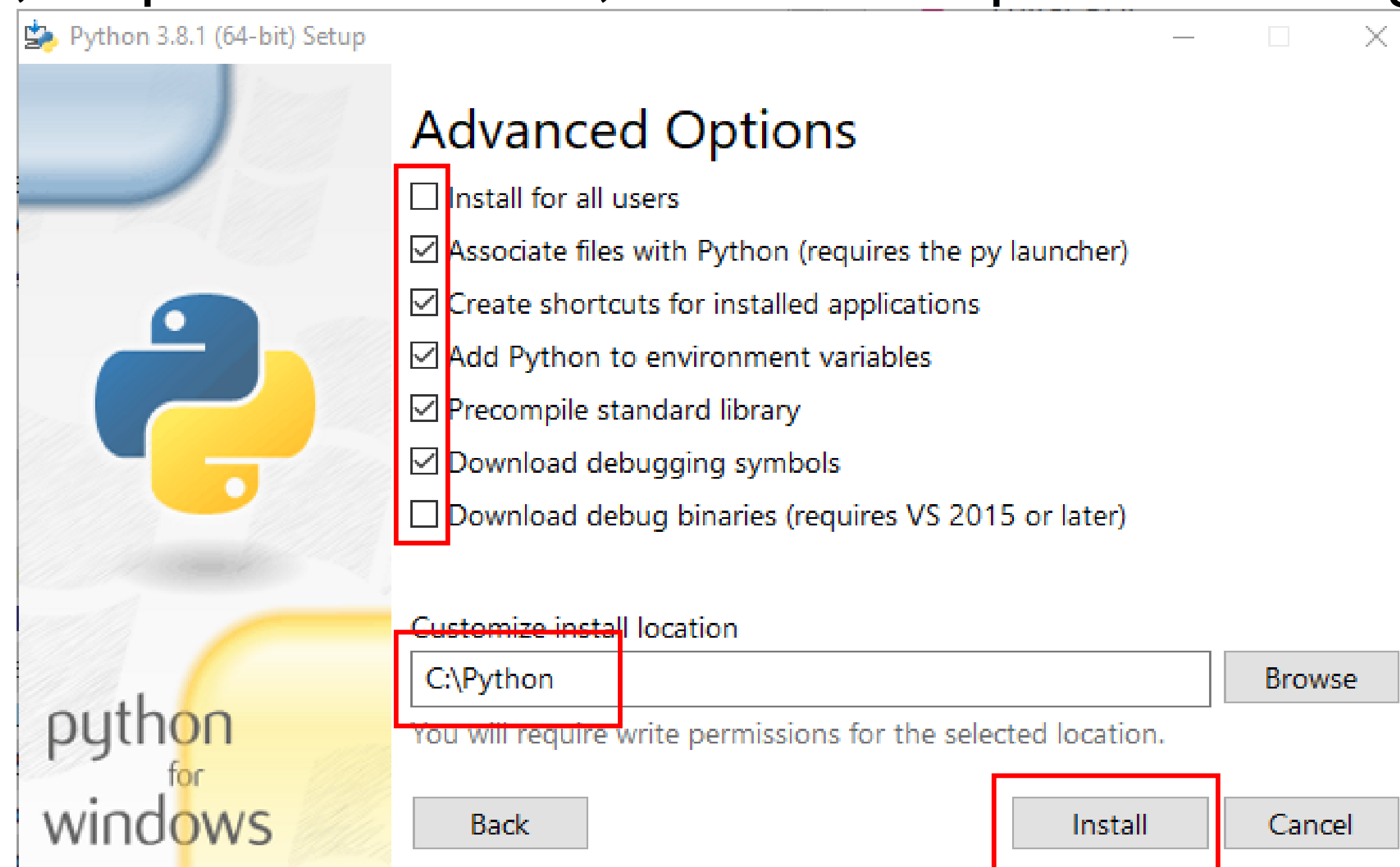
# Como instalar Python?

- Na tela “Optional Features”, clique em “Next”.




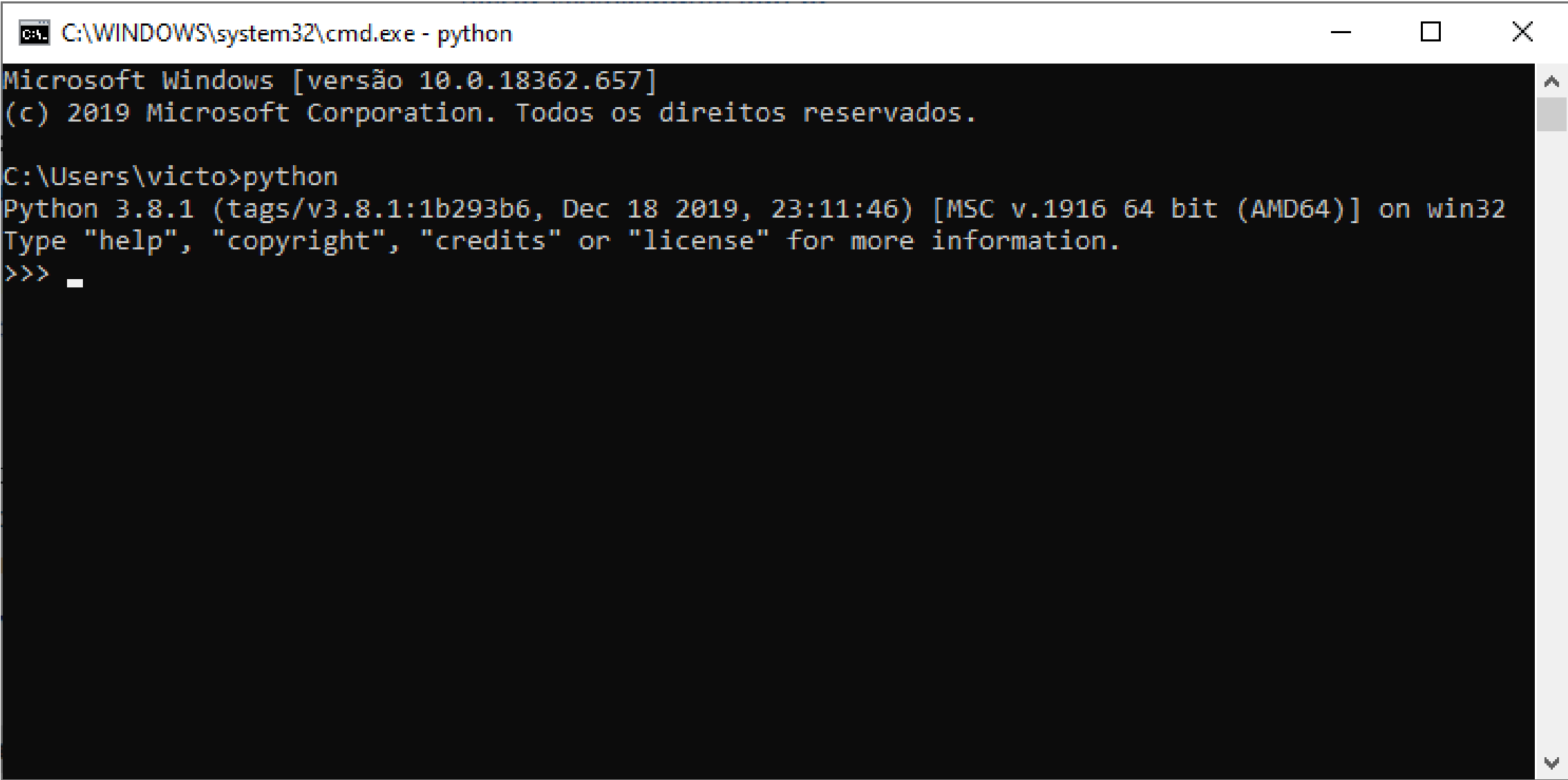
# Como instalar Python?

- Na tela “Advanced Options”, deixe as caixas de opções marcadas conforme a imagem abaixo.
- No campo “Customize install location”, escolha um caminho de fácil acesso. O caminho sugerido é “C:\Python”.
- Com tudo pronto, clique em “Install”, e conclua após a mensagem de sucesso.



# Como instalar Python?

- Para conferir se a instalação foi bem sucedida, faça os seguintes passos:
  - Clique no botão do Windows ;
  - Digite a caixa de pesquisa **prompt de comando**, e abra o programa;
  - Na janela que abrir, digite o comando **python** e pressione Enter;
  - O Windows deve inicializar um editor de Python na mesma janela, como mostrado abaixo.



```
C:\WINDOWS\system32\cmd.exe - python
Microsoft Windows [versão 10.0.18362.657]
(c) 2019 Microsoft Corporation. Todos os direitos reservados.

C:\Users\victo>python
Python 3.8.1 (tags/v3.8.1:1b293b6, Dec 18 2019, 23:11:46) [MSC v.1916 64 bit (AMD64)] on win32
Type "help", "copyright", "credits" or "license" for more information.
>>> _
```





# Algumas dicas iniciais após instalar o Python

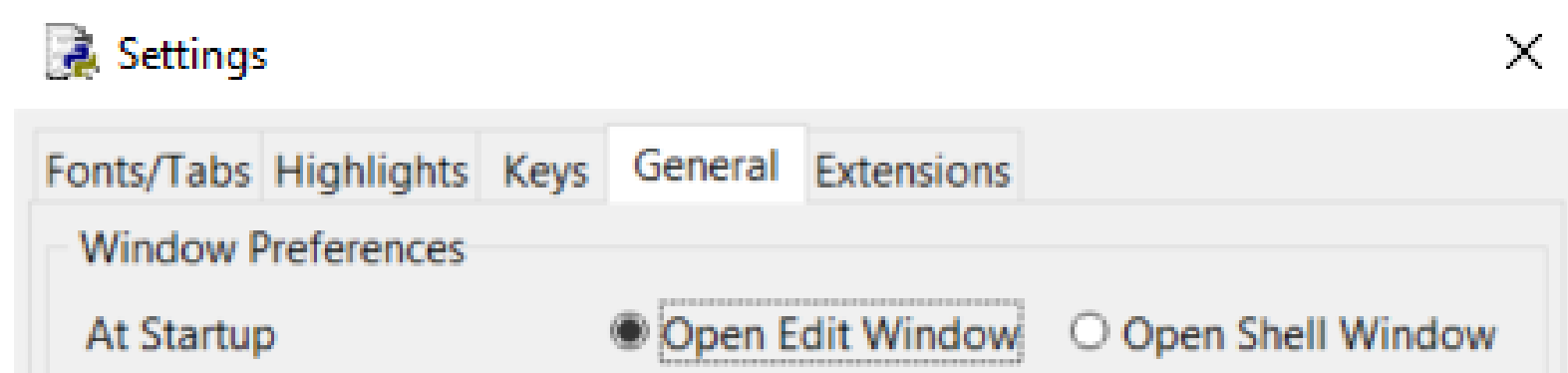
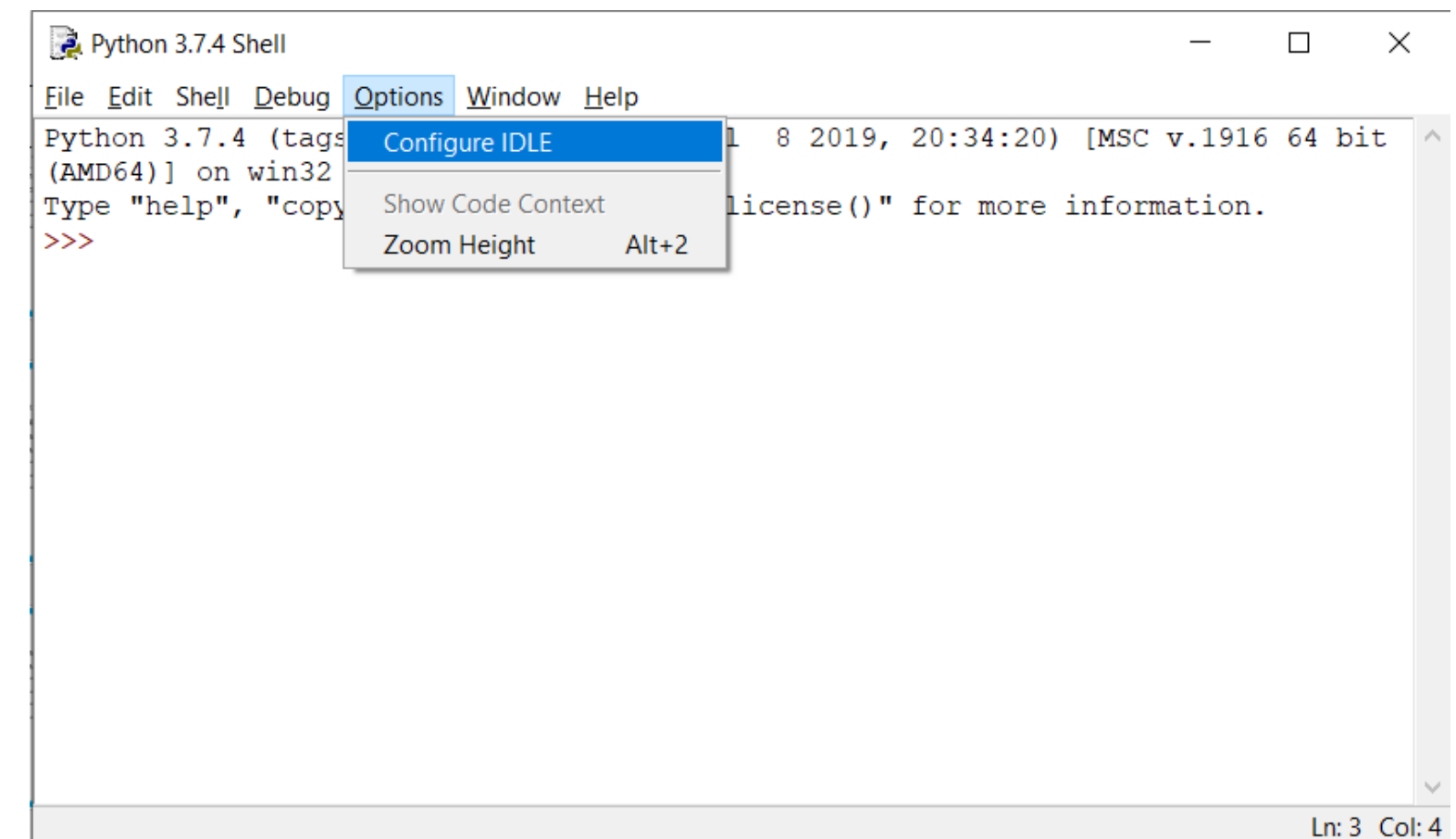
1. Antes de abrir o programa, abra o Windows Explorer, clique em **Este Computador** e, em seguida, no drive do seu computador (C: ou D:, dependendo da sua máquina);
2. Neste diretório, crie uma pasta chamada **Projetos**. Esta pasta será usada para armazenar todos os seus projetos de software;
3. Dentro da pasta de projetos, crie a pasta da disciplina (p.ex., **algoritmos**);
4. Evite utilizar caminhos muito longos (p.ex., C:\Users\12304010\Projetos\Nome-da-pessoa\Documentos\etc...) ou incluir espaços no caminhos (p.ex., C:\Victor Machado). O primeiro é muito trabalhoso para utiliza-lo recorrentemente, e o segundo pode causar alguns problemas na execução do código;
5. Sempre que criar arquivos Python, comece o nome do arquivo com uma letra (p.ex., **main.py**, **app.py**, **aula.py**). Evite usar números, espaços ou acentos nos nomes dos arquivos.



# Instalando e configurando IDEs

# Configurando o IDLE

- Abra IDLE utilizando o ícone do Windows e procurando pelo programa
- O programa abre no modo **Shell**, que é a janela de execução do código. Usamos essa tela apenas para checar os resultados ou quando queremos executar códigos de uma linha (testar uma função, por exemplo)
- Para abrir o editor automaticamente, vá no menu **Options > Configure IDLE**
- Na aba **General**, em **Windows Preferences**, marque a opção **Open Edit Window**. Clique em Ok e reinicie o IDLE



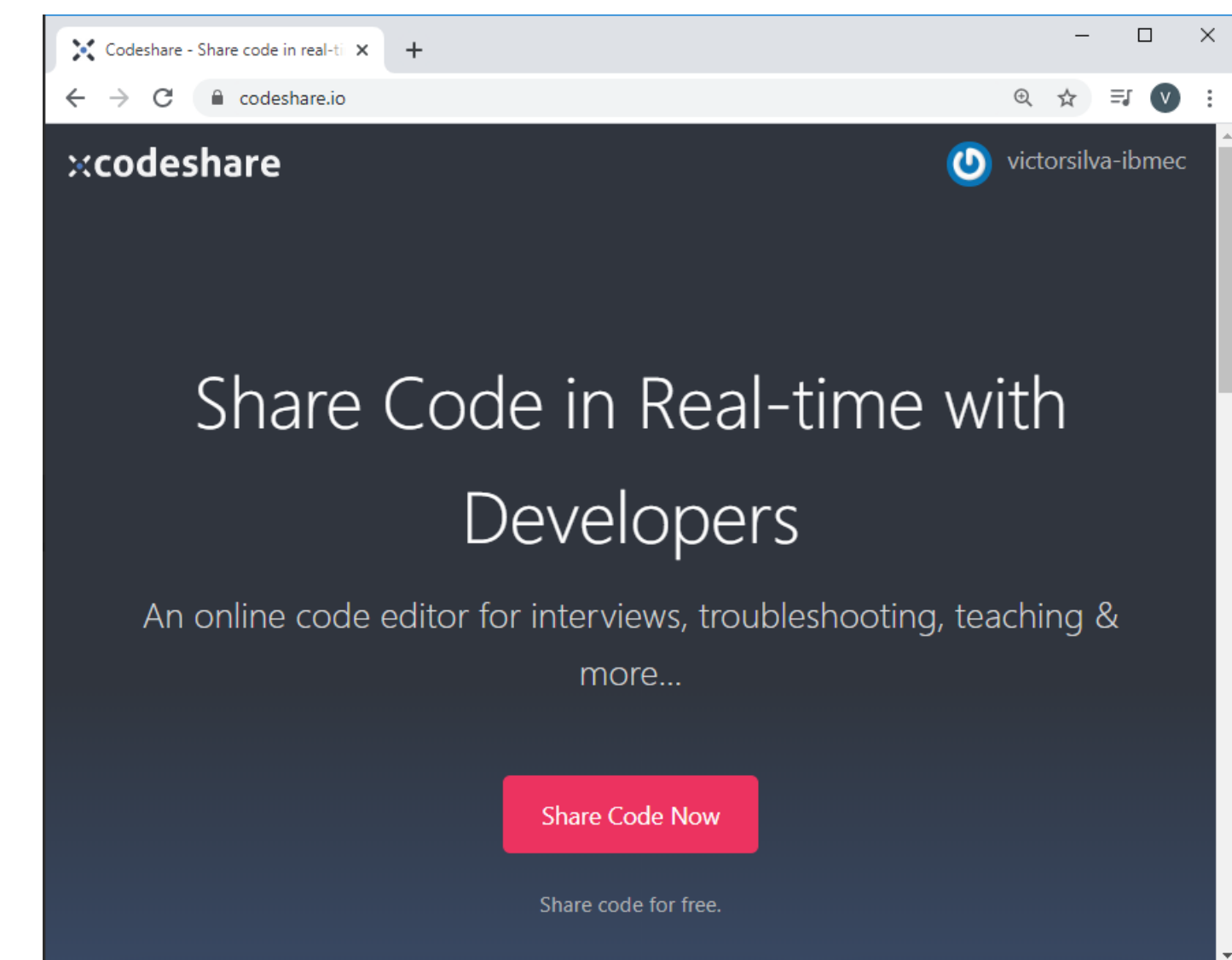
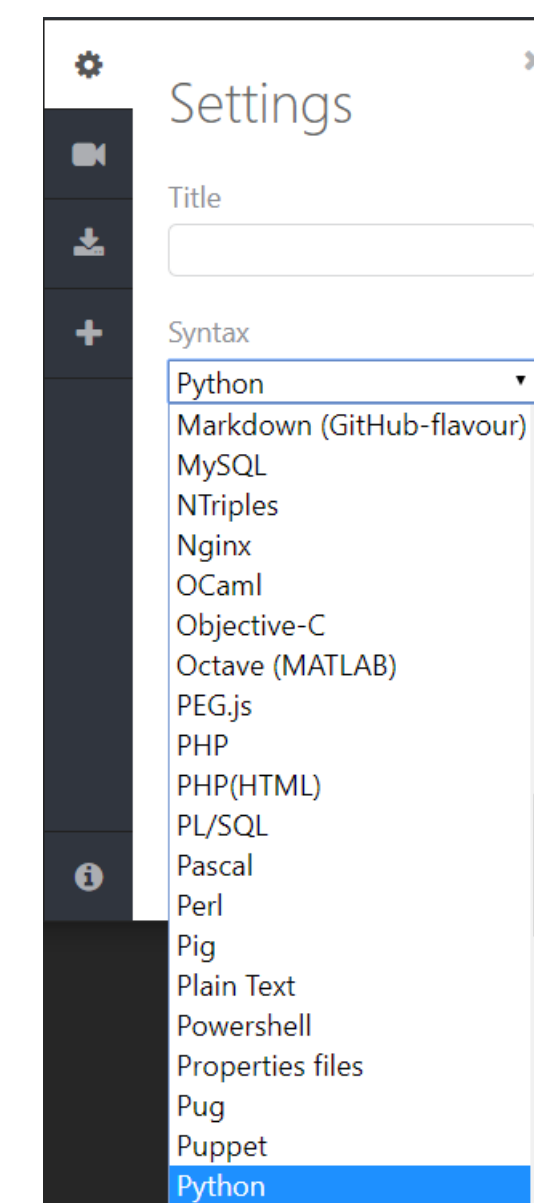
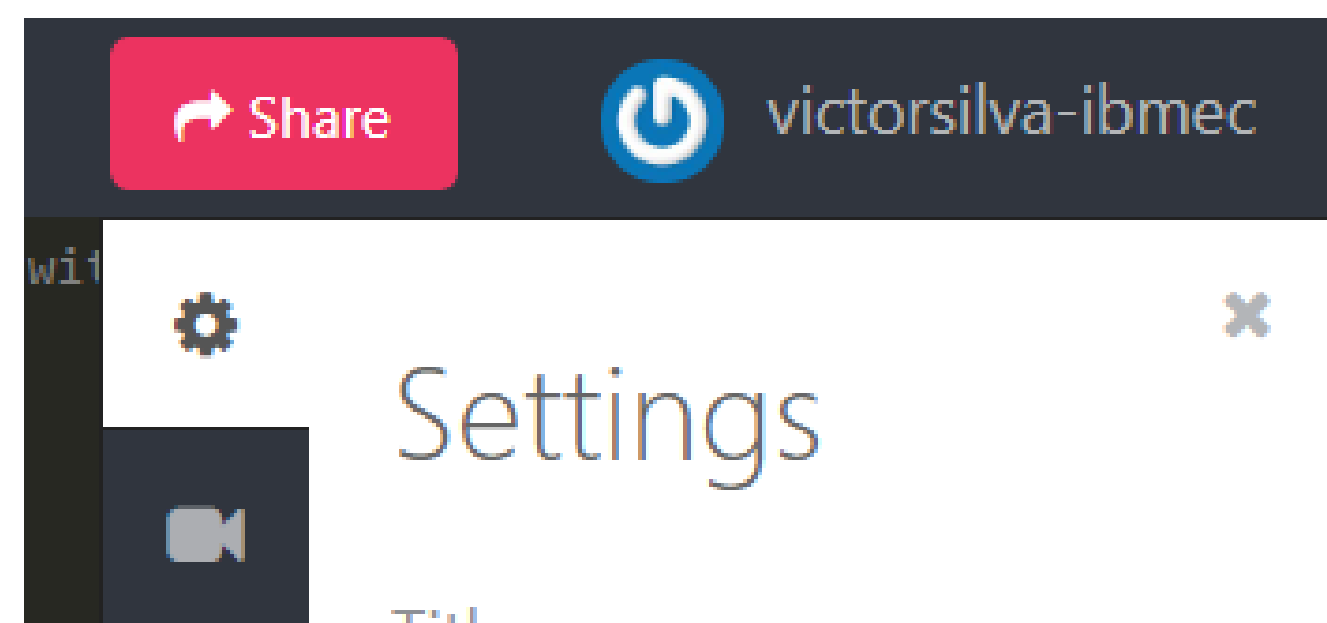
# Configurando o IDLE

- Normalmente é usual programadores trabalharem com editores de texto que tenham um fundo escuro, o que prejudica menos a visão
- Na mesma tela de **Configurações**, vá para a aba **Highlights**, e na coluna da direita, em **Highlight Theme**, clique em **IDLE Classic** e selecione a opção **IDLE Dark**
- Clique em OK para mudar o tema para escuro



# Usando o CodeShare

- Acesse <http://codeshare.io> e faça o cadastro
- Tendo cadastrado, na tela inicial clique em “Share Code Now”
- Um editor de texto vai aparecer. Na coluna da direita, clique na engrenagem, e em **Syntax** marque a opção **Python**
- Para compartilhar, clique em **Share**, no canto superior da janela
- O CodeShare vai liberar um link para ser usado por outras pessoas





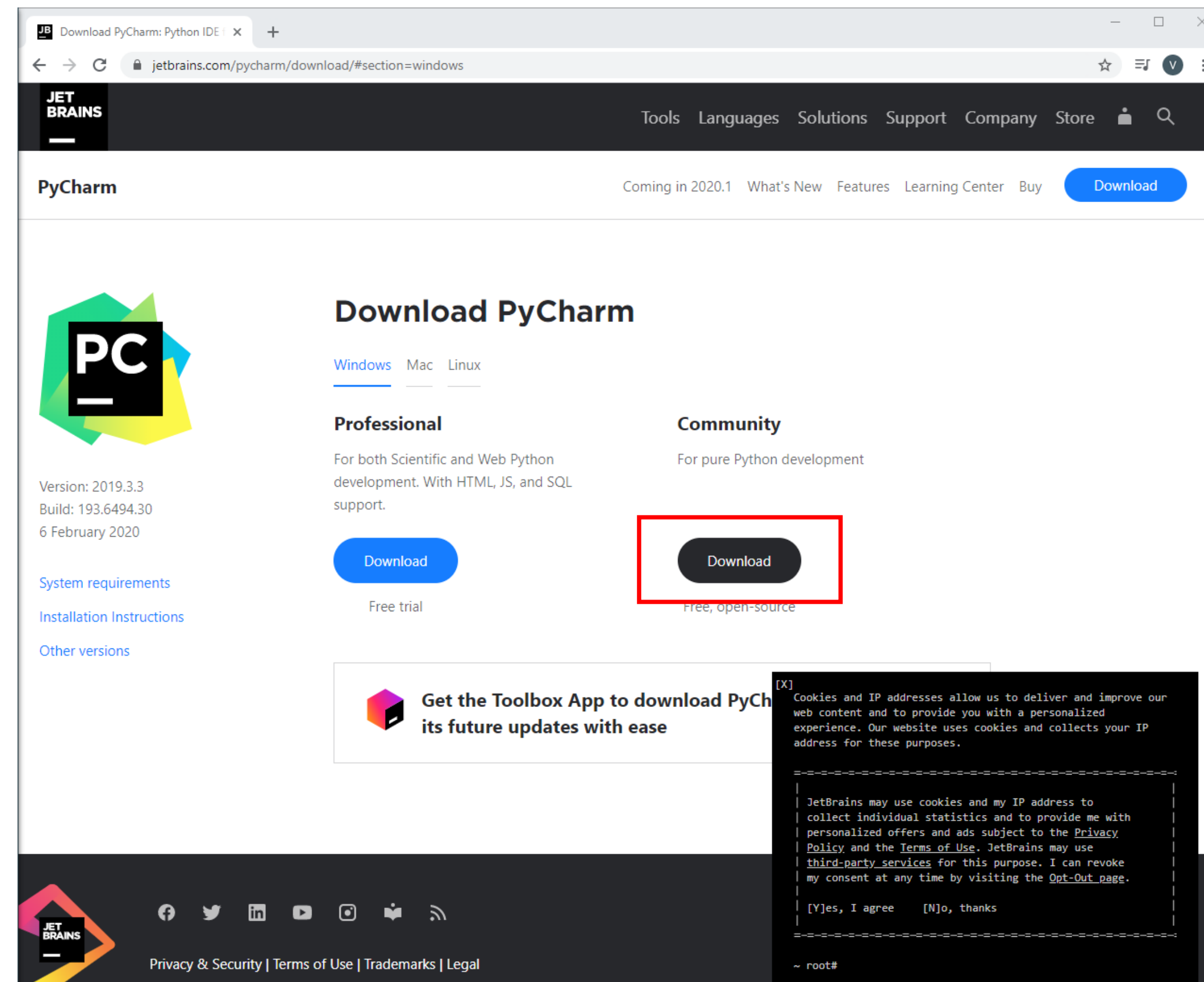
# Instalando e configurando o PyCharm

- O **PyCharm** é um dos editores (ou IDEs) mais usados para a programação de aplicações em Python. Para baixar e instalar, primeiro acesse a página <https://www.jetbrains.com/pycharm/> e clique em “Download”.



# Instalando e configurando o PyCharm

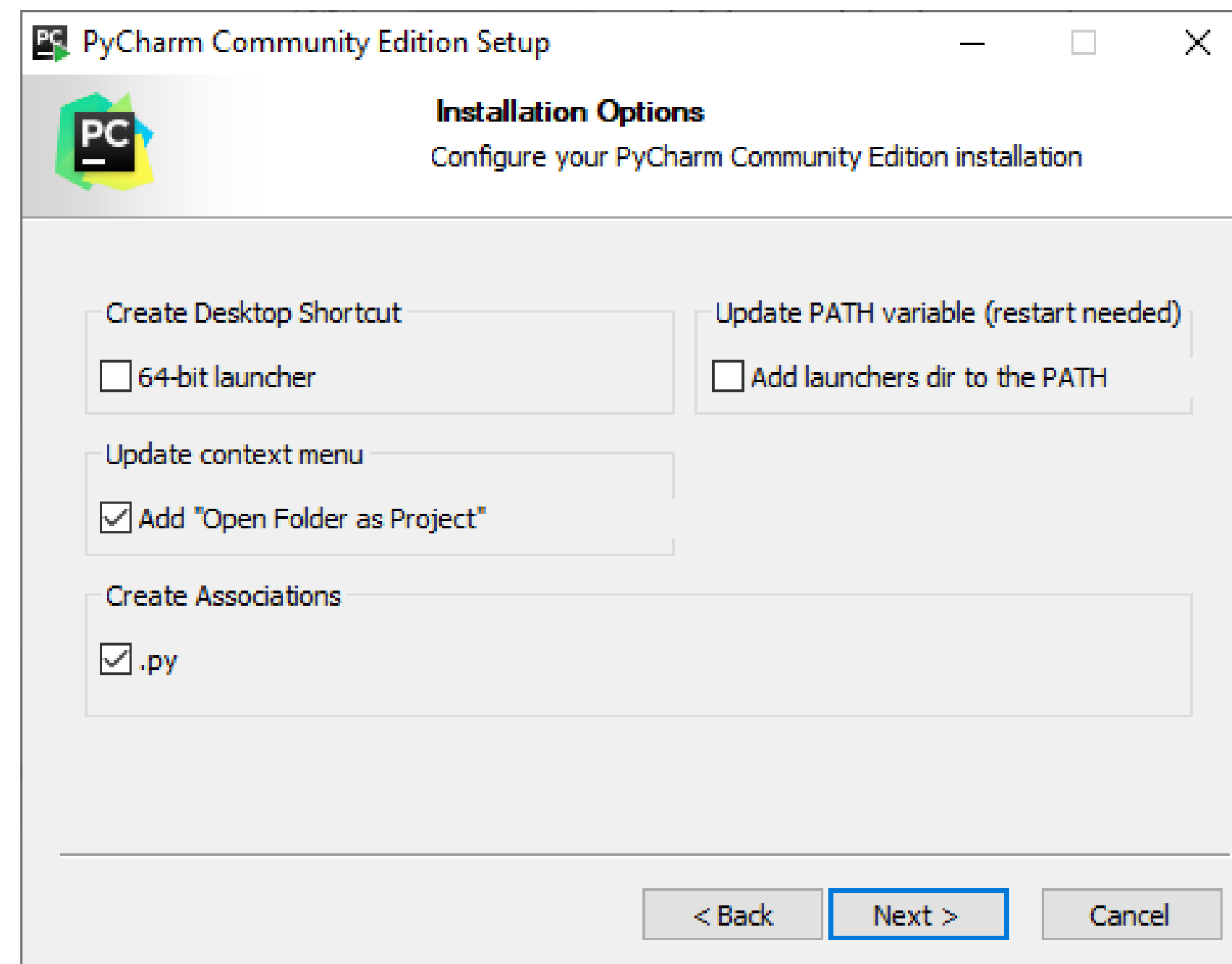
- Escolha o seu sistema operacional (Windows, Mac ou Linux - vamos trabalhar com Windows) e baixe a versão “Community”. O download deve começar automaticamente.





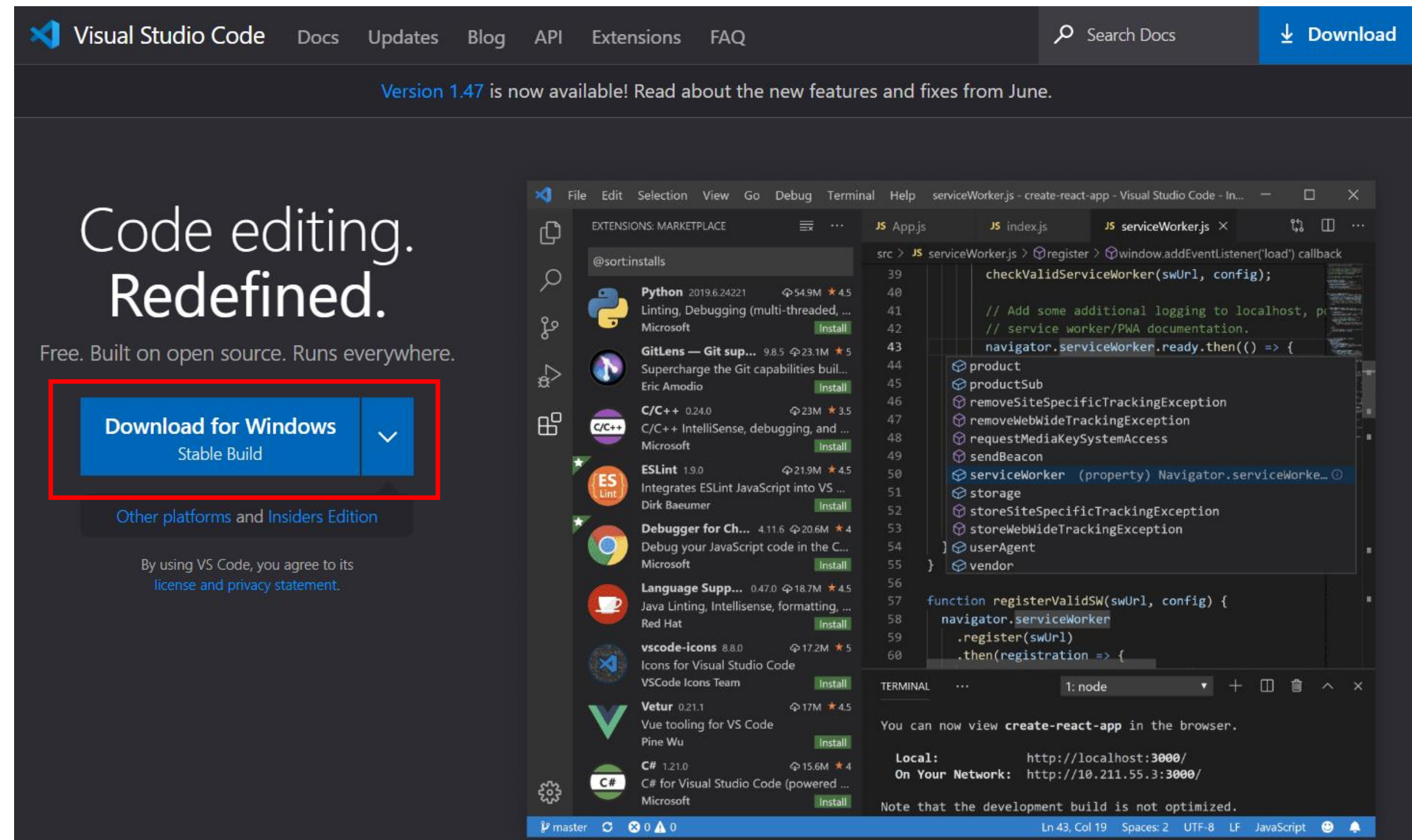
# Instalando e configurando o PyCharm

- Abra o instalador do PyCharm e clique em “Next”;
- Na tela de escolha do caminho de instalação, clique em “Next”;
- Na tela seguinte, marque as opções indicadas na imagem abaixo e clique em “Next”;
- Na tela seguinte, clique em “Install” para começar a instalação.



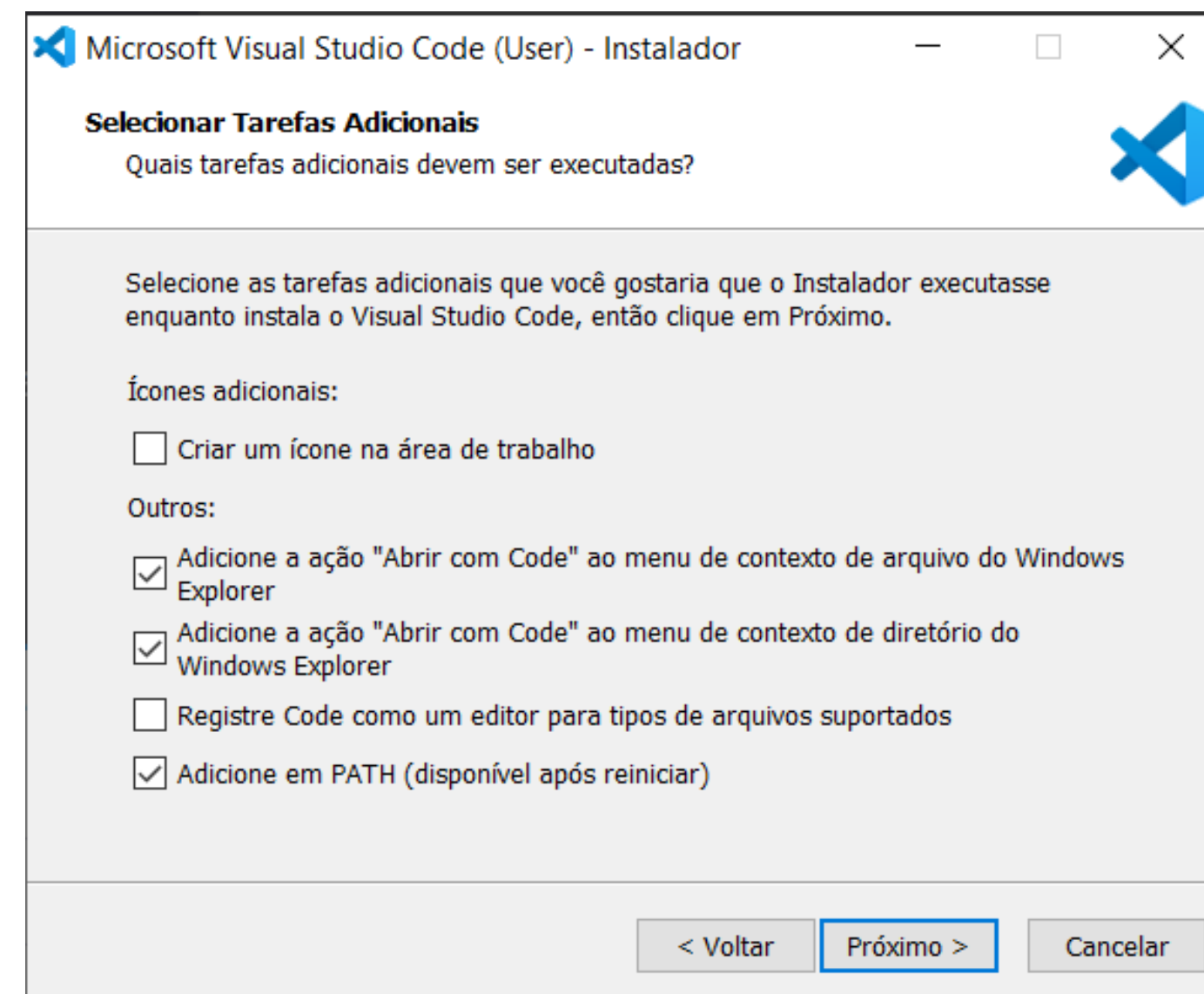
# Instalando e configurando o VSCode

- O **VSCode** é um dos IDEs recentes mais famosos para basicamente qualquer linguagem de programação. Possui inúmeras extensões que facilitam e customizam o editor para a necessidade de cada programador. Para baixar e instalar, primeiro acesse a página <https://code.visualstudio.com/> e clique em “Download for Windows”. Clicando na seta à direita existem opções para MAC e Linux.



# Instalando e configurando o VSCode

- Abra o instalador, e após aceitar o acordo de licença e clicar em “Próximo”, clique em “Próximo” novamente até chegar na tela “Selecionar Tarefas Adicionais”
- Marque as opções abaixo e clique em “Próximo” e depois em “Instalar”



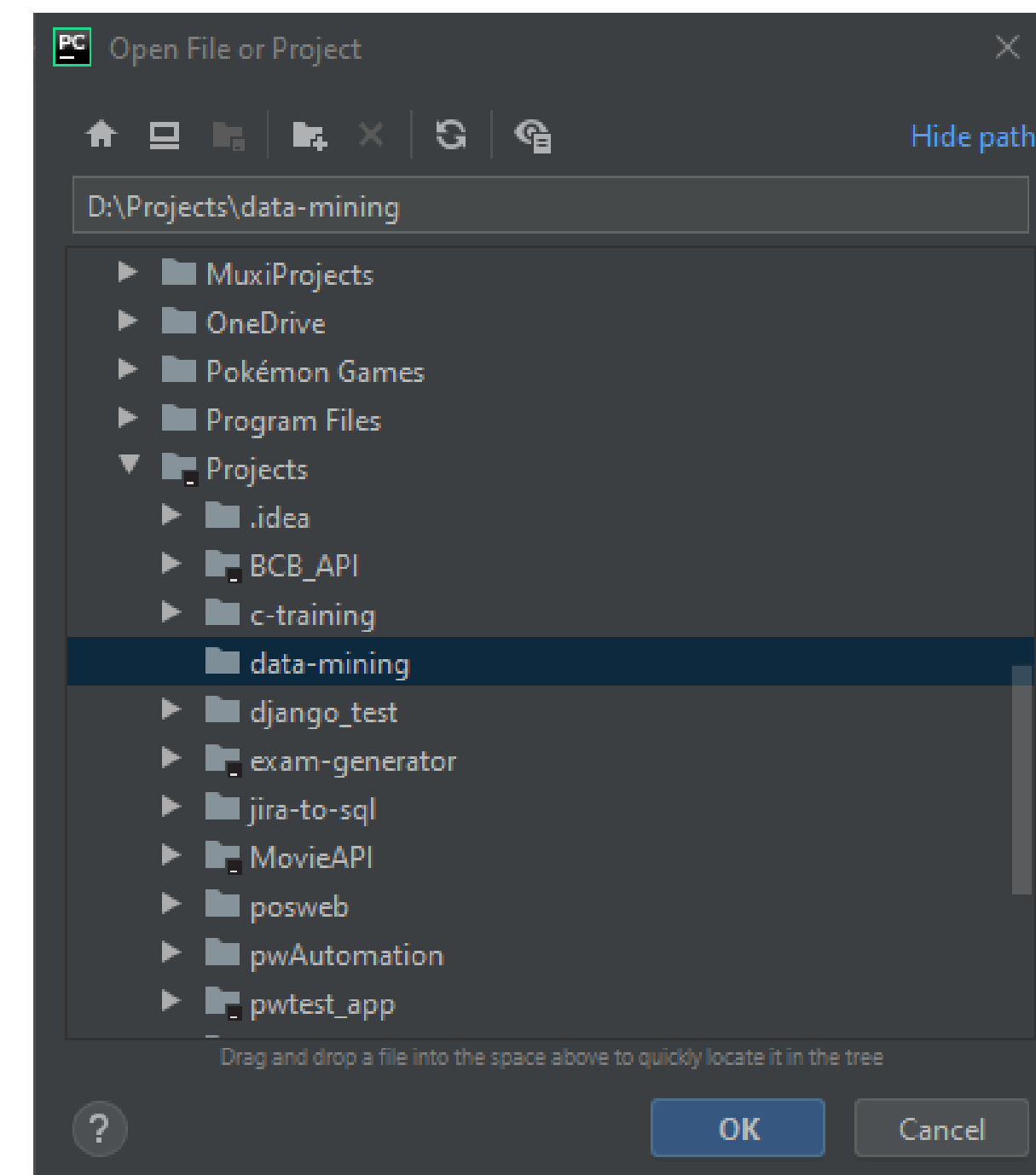
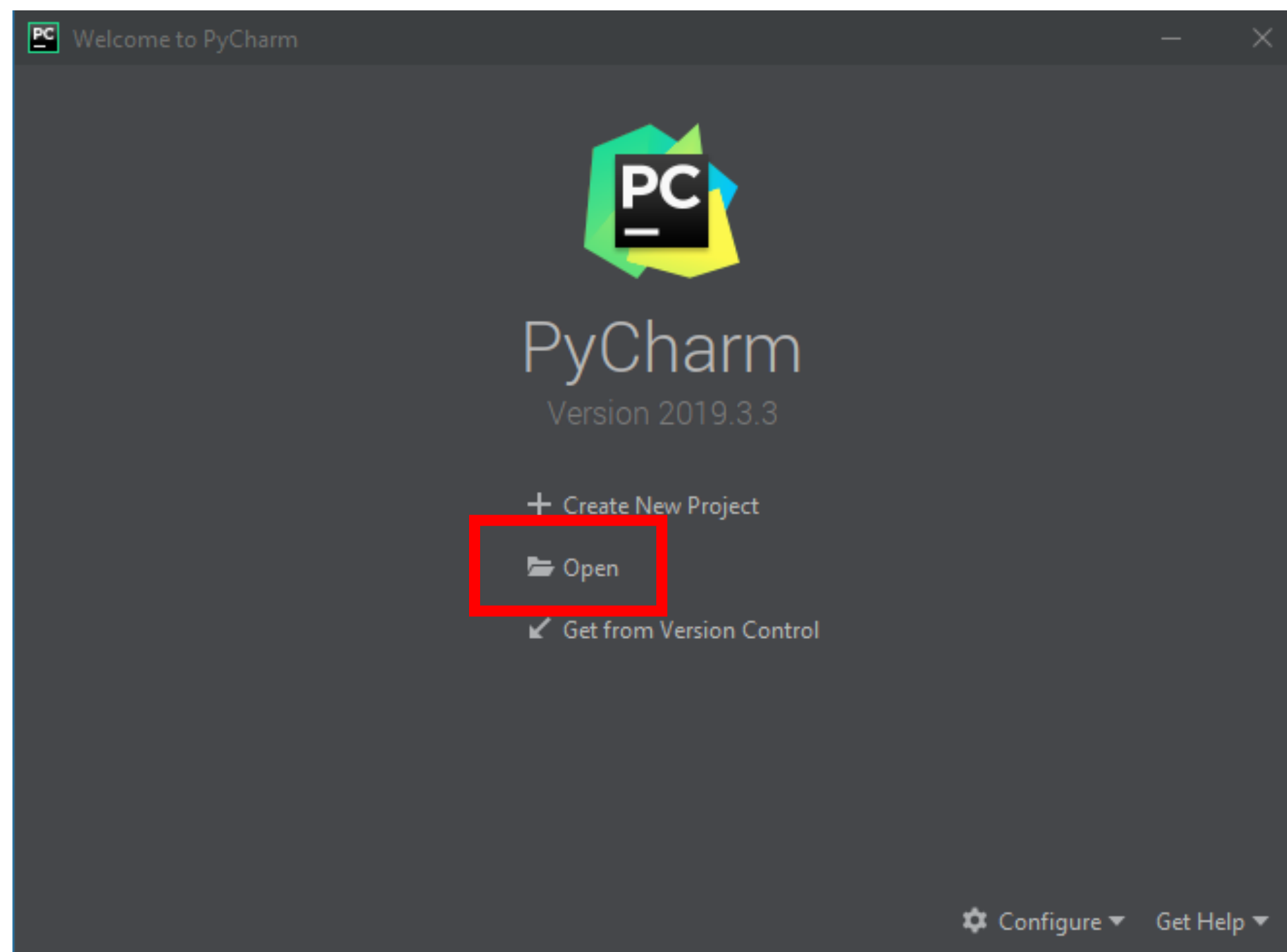


# Utilizando o PyCharm



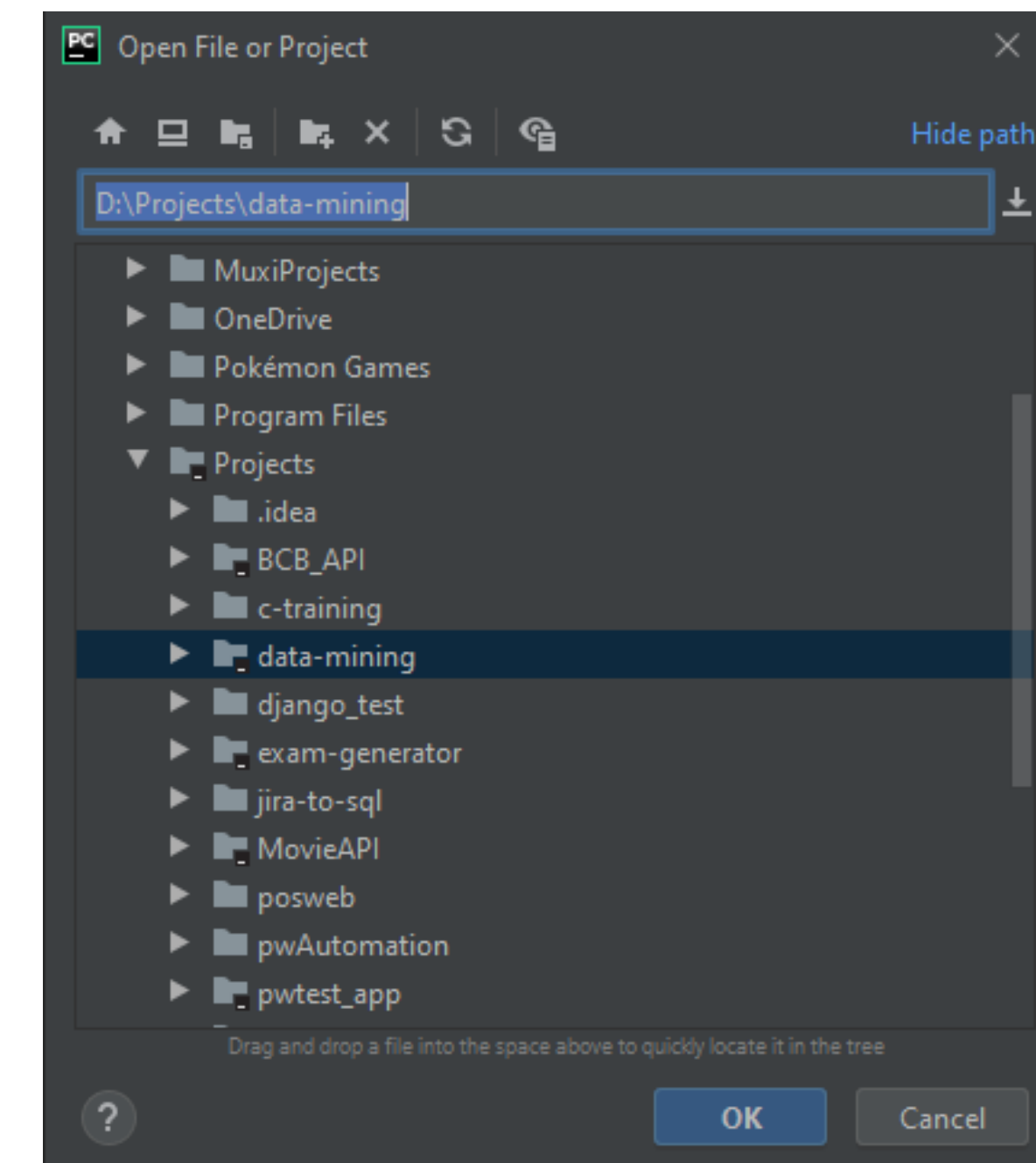
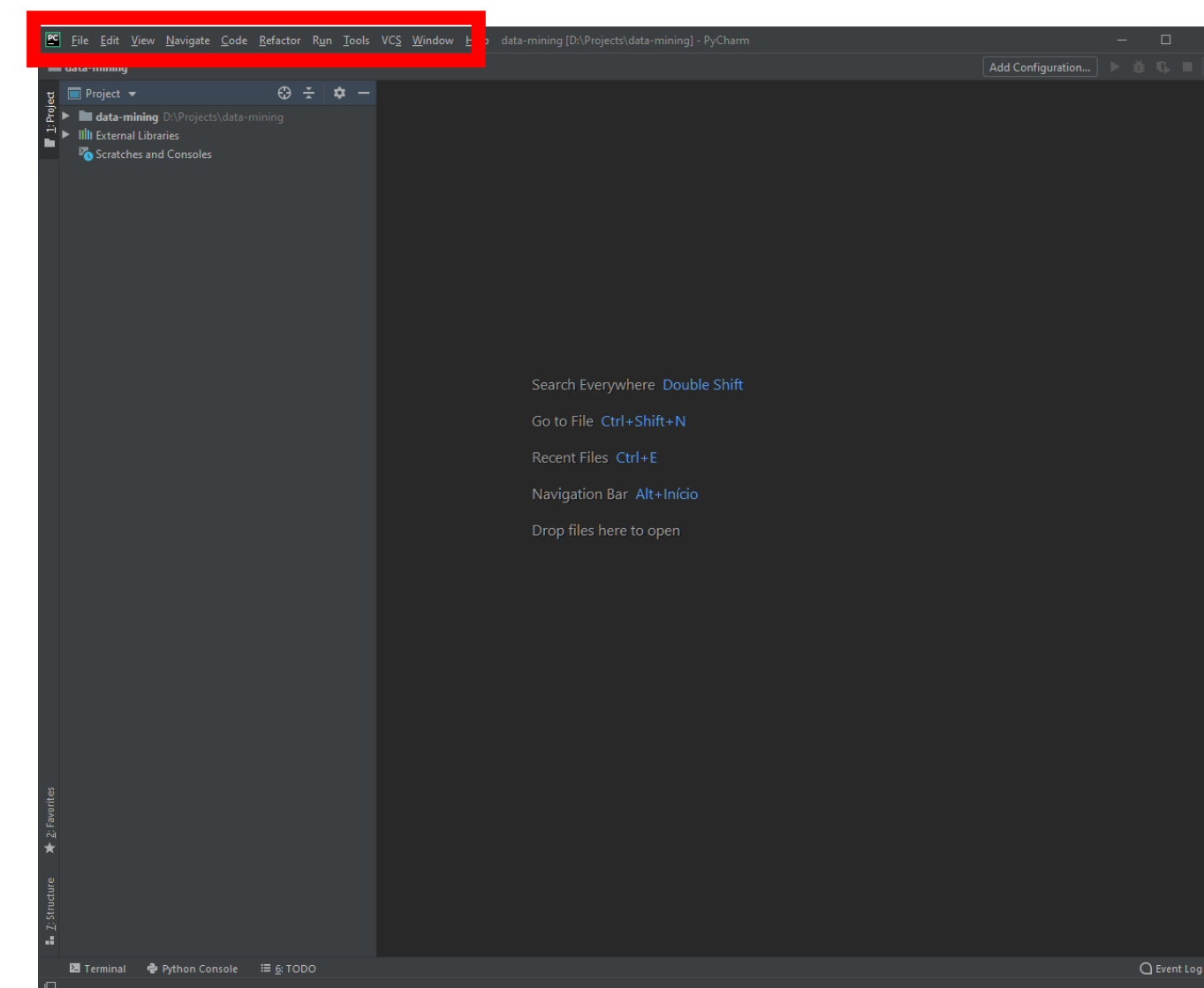
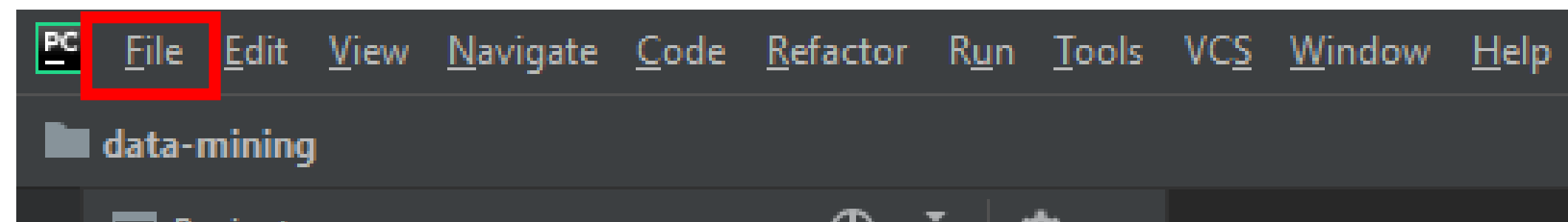
# Iniciando o PyCharm

- **Se essa é a primeira vez que abre o PyCharm:**
  - Garanta que você possui uma pasta com o projeto desejado (p.ex., **D:\Projetos\data-mining**);
  - Abra o PyCharm, e na tela inicial clique em **Open**. Selecione a pasta que você criou e clique em **Ok**;



# Iniciando o PyCharm

- **Se você já abriu o PyCharm antes:**
  - Garanta que você possui uma pasta com o projeto desejado (p.ex., **C:\Projetos\data-mining**);
  - Abra o PyCharm, e na tela que abrir clique em **File > Open**. Selecione a pasta que você criou e clique em **Ok**;



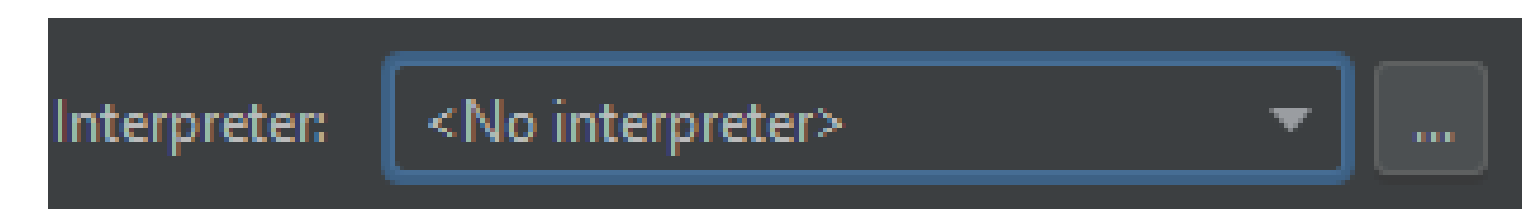
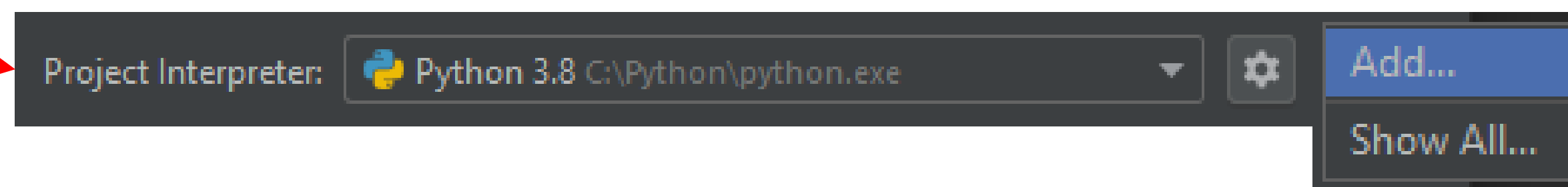
# Algumas configurações do PyCharm

- **Mudar o tema para escuro:**
  - Clique em **File > Settings**;
  - Na janela que aparecer, procure por **Appearance & Behavior > Appearance**. No campo **Theme**, selecione o tema desejado (minha sugestão é o **Darcula**);
  - Clique em **Ok** para fechar a tela de configurações.



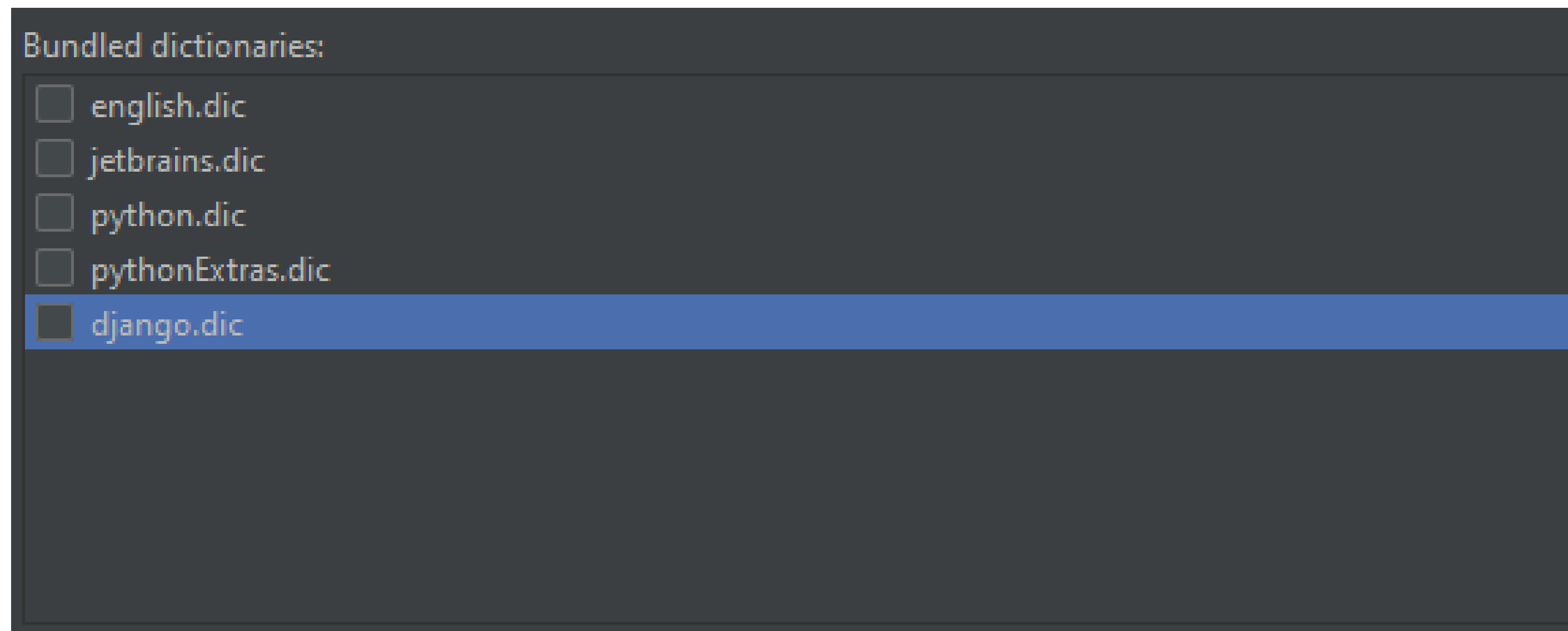
# Algumas configurações do PyCharm

- **Configurar o interpretador de Python:**
  - Clique em **File > Settings**;
  - Na janela que aparecer, procure por **Project: <nome-do-projeto> > Project Interpreter**. No campo **Project Interpreter**, verifique se o Python informado é o instalado (no meu caso, **C:\Python\python.exe**). Caso não seja, clique na engrenagem e em **Add...**;
  - Na nova janela, clique em **System Interpreter**, e no campo **Interpreter** clique nos três pontos à direita para indicar o local que o seu Python está instalado. Aperte **Ok** até voltar à tela de **Settings**;
  - Novamente no campo **Project Interpreter**, altere o Python para refletir o que está instalado. Em seguida clique em **Ok**.



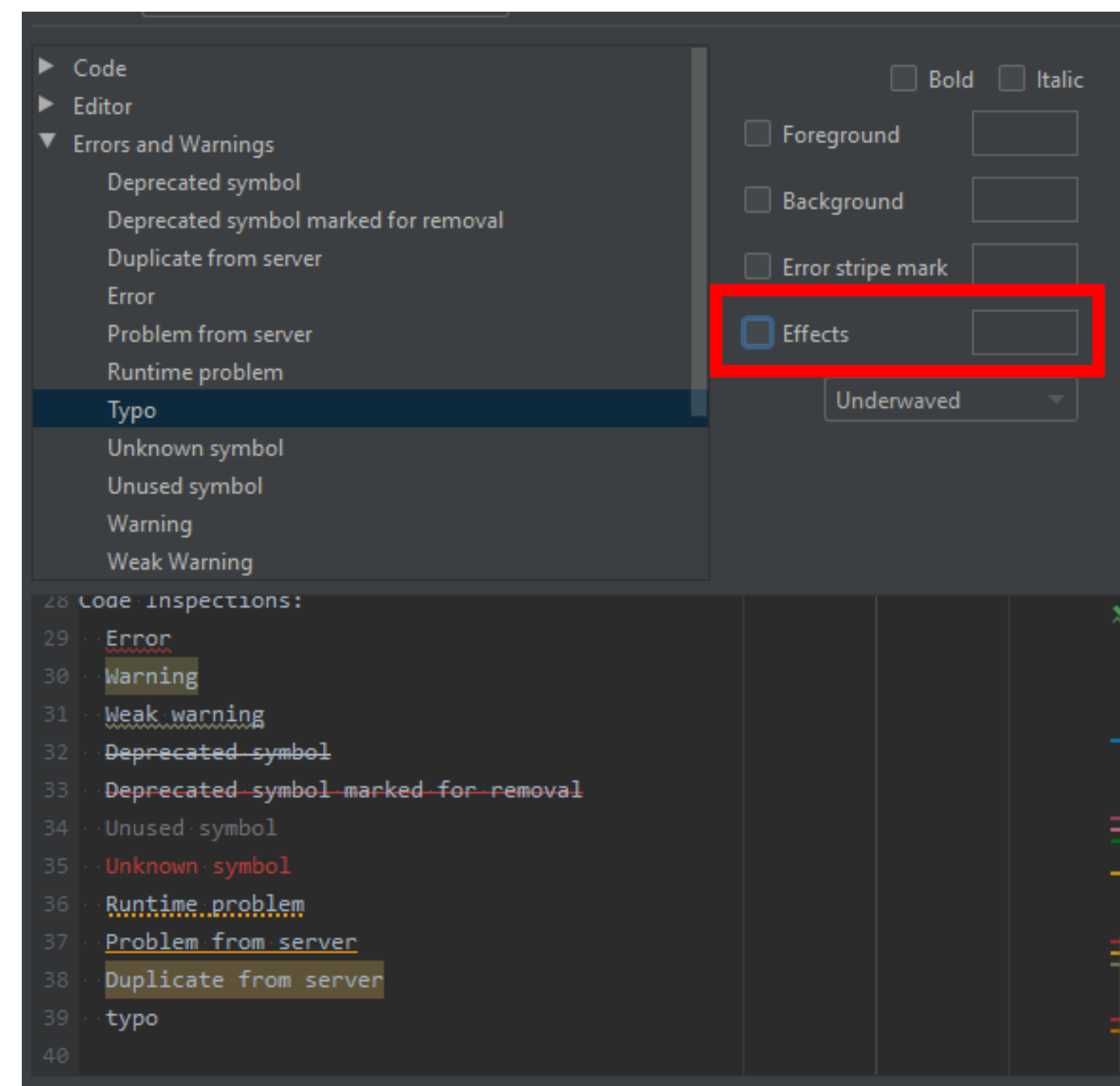
# Algumas configurações do PyCharm

- **Desativar inspeção ortográfica:**
  - Clique em **File > Settings**;
  - Na janela que aparecer, procure por **Editor > Spelling**. No campo **Bundled dictionaries**, desmarque todas as opções;
  - Clique em **Ok** para sair das configurações.



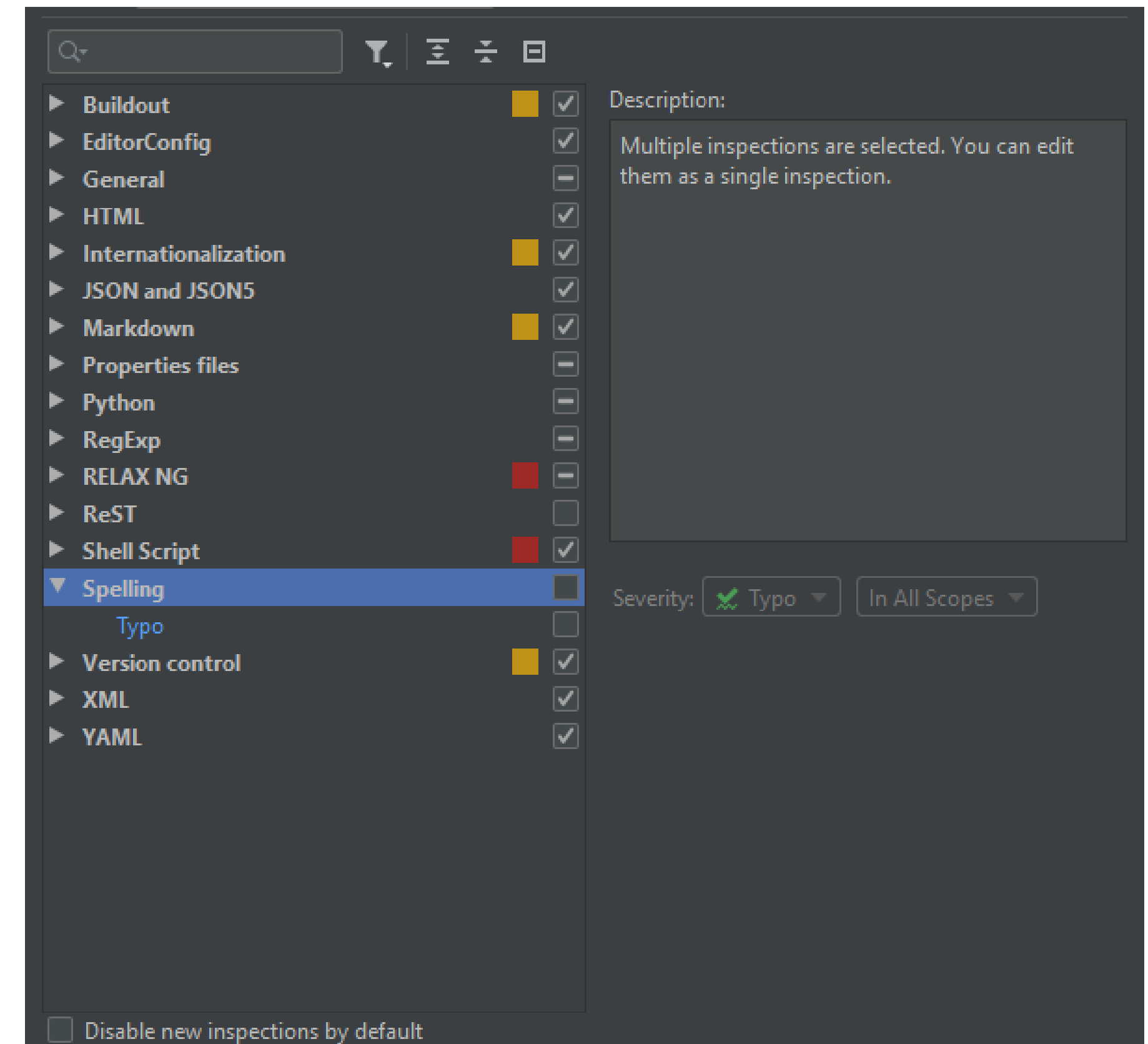
# Algumas configurações do PyCharm

- **Desmarcar esquema de cores para *tipos*:**
  - Clique em **File > Settings**;
  - Na janela que aparecer, procure por **Editor > Color Scheme > General**. No campo **Errors and Warnings > Typo**, desmarque a opção **Effects**;
  - Clique em **Ok** para sair das configurações.



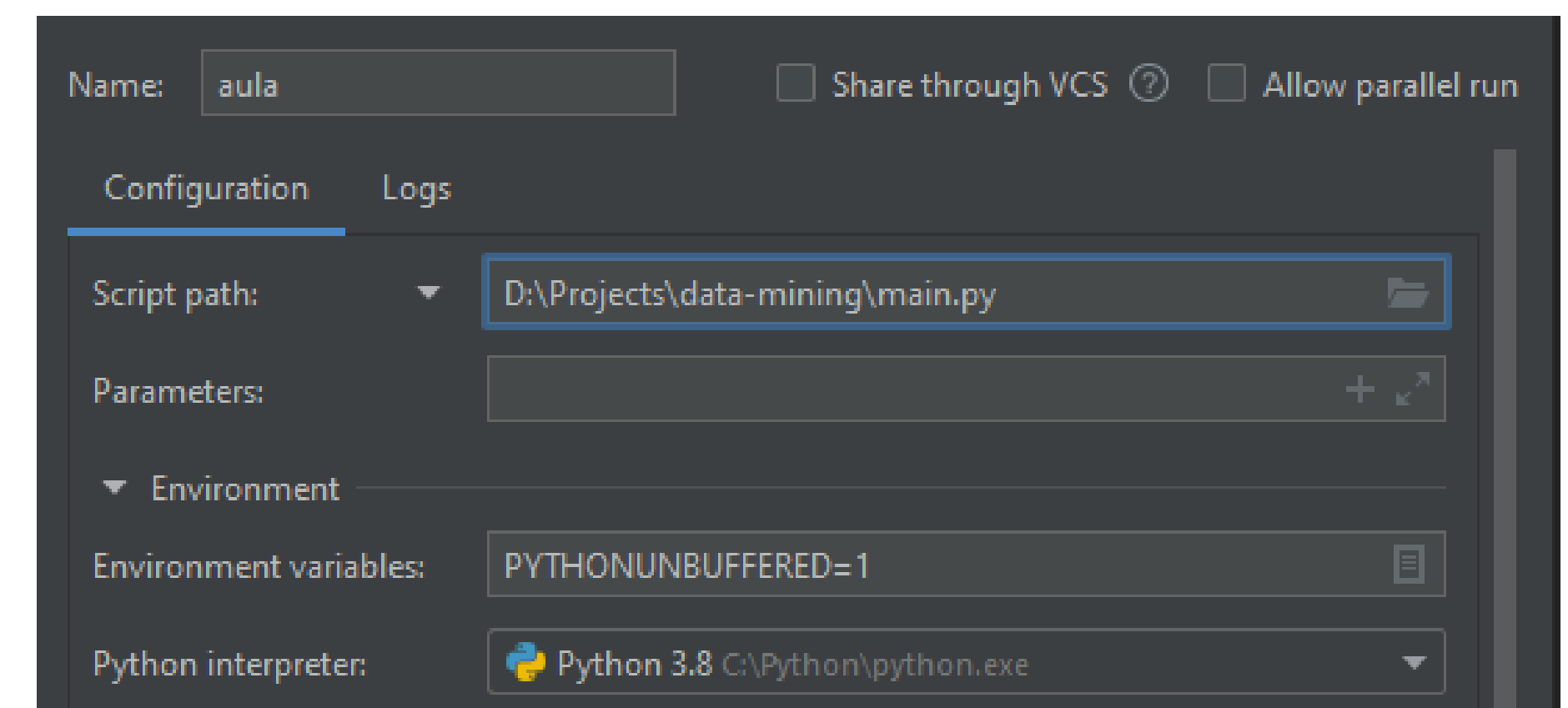
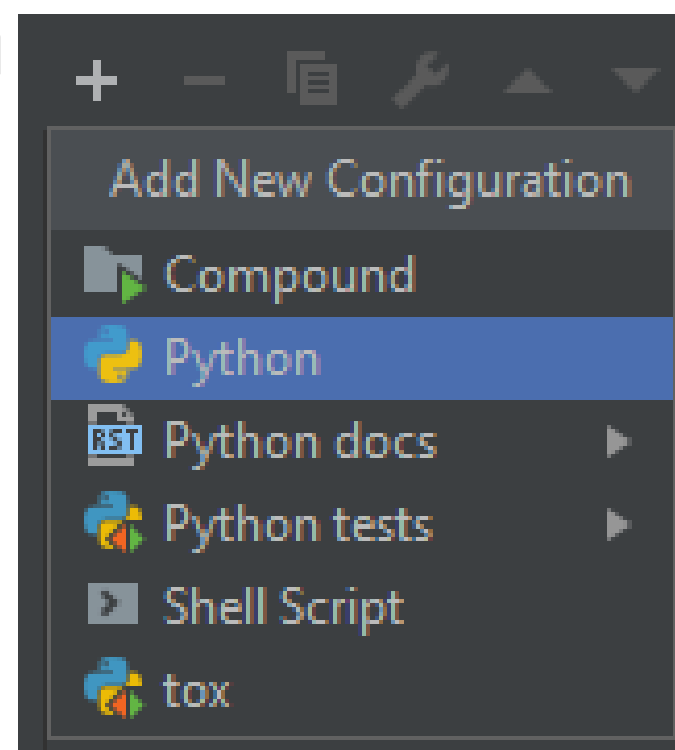
# Algumas configurações do PyCharm

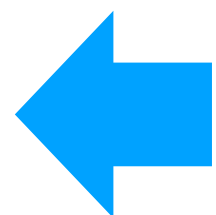
- **Ajustar os destaques de inspeções:**
  - Clique em **File > Settings**;
  - Na janela que aparecer, procure por **Editor > Inspections**. Desmarque o campo **Spelling**;
  - Na seção **Python**, recomendo *desmarcar* algumas opções para simplificar o aprendizado:
    - *Boolean variable check can be simplified*;
    - *Chained comparisons can be simplified*;
    - *Comparison with None performed with equality operators*.
  - Clique em **Ok** para sair das configurações.



# Algumas configurações do PyCharm

- **Configurar uma determinada execução de código:**
  - Garanta que as configurações do slide **Configurar o interpretador de Python** foram executadas;
  - Aperte **Alt + Shift + F10 > Edit Configurations**, ou na barra de tarefas clique em **Run > Edit Configurations**;
  - Na janela que aparecer, no canto superior esquerdo clique no botão de **+ > Python**;
  - Dê um nome para a execução (p.ex., **aula**) e em **Script path**, informe o caminho do arquivo que você deseja executar;
  - Certifique-se que o **Python interpreter** é o configurado anteriormente, clique em **Apply** e em seguida em **Close**;
  - Para rodar o arquivo, é só usar o atalho **Shift + F10**.

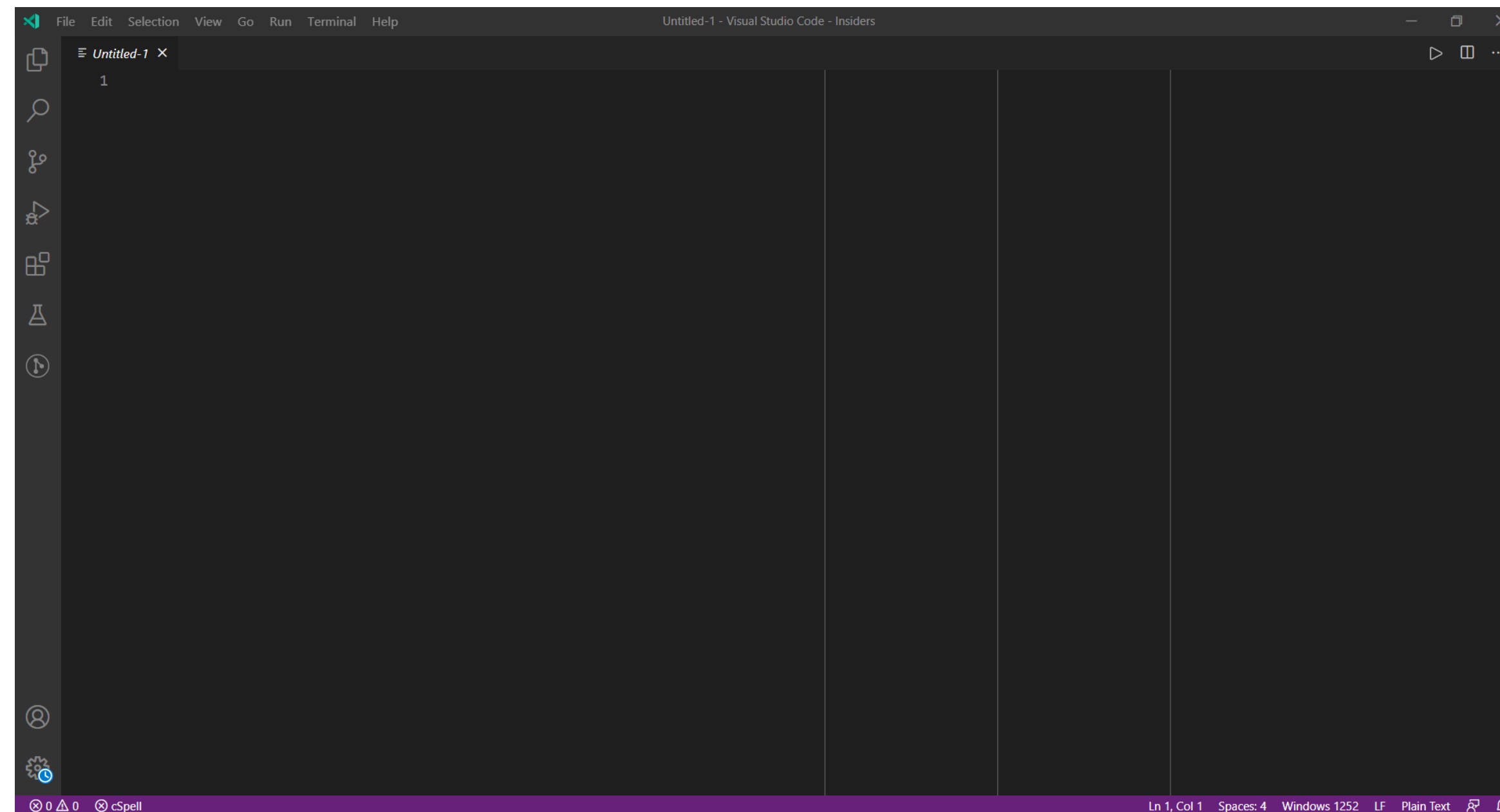




# Utilizando o VSCode

# Iniciando o VSCode

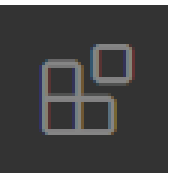
- **Se essa é a primeira vez que abre o VSCode:**
  - Garanta que você possui uma pasta com o projeto desejado (p.ex., **D:\Projetos\algoritmos**);
  - Abra o VSCode, e na tela inicial clique em **File > Open Folder**. Selecione a pasta que você criou e clique em **Selecionar Pasta**.

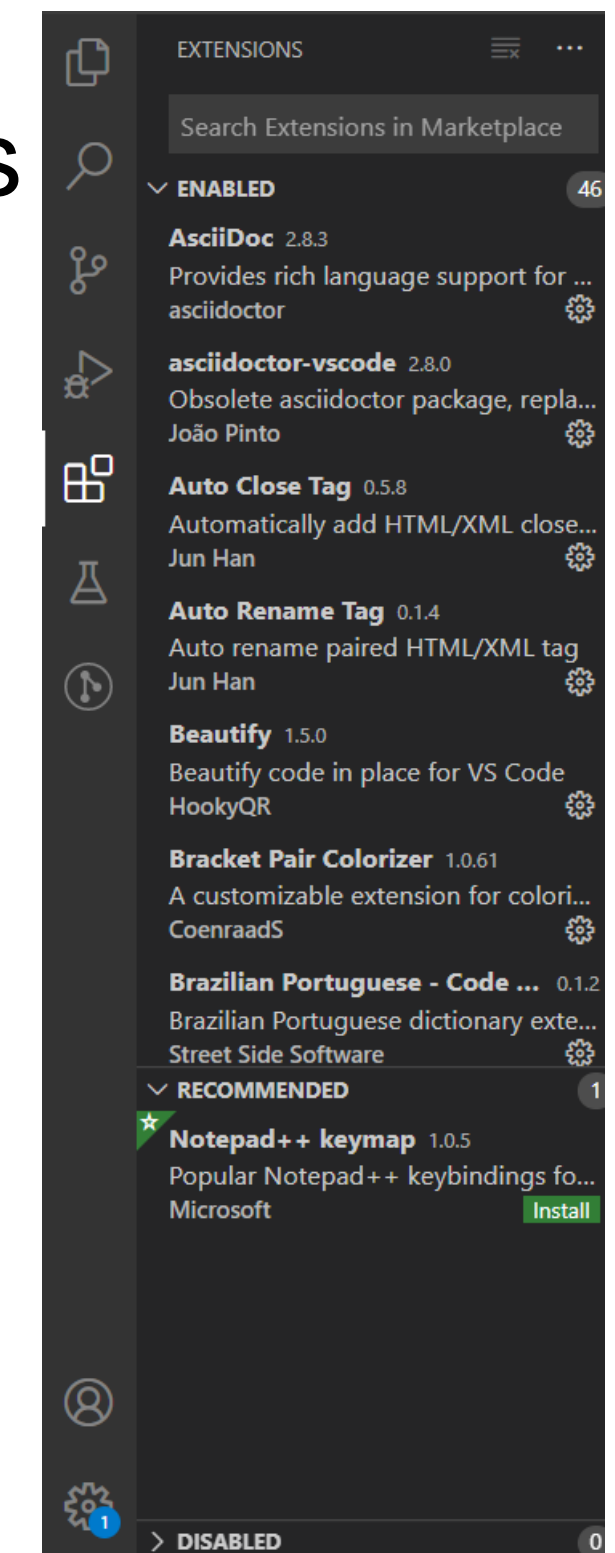




# Iniciando o VSCode

- **Instalando extensões:**

- Boa parte do atrativo no VSCode é a possibilidade de instalar extensões e customizar a experiência de uso;
- Para instalar extensões, vá na coluna à esquerda e clique no ícone  ;
- Uma barra de extensões vai aparecer, e você poderá buscar as extensões desejadas e instalá-las;
- Abaixo seguem algumas sugestões de extensões para o curso:
  - Beautify
  - Bracket Pair Colorizer
  - Brazilian Portuguese - Code Spell Checker
  - C/C++
  - Code Runner
  - GitLens - Git supercharged
  - Git History Diff
  - Git History
  - Gitconfig Syntax
  - Markdownlint
  - Partial Diff
  - Python
  - Visual Studio IntelliCode
  - vscode-python-docstring
  - AsciiDoc



# Iniciando o VSCode

- **Atalhos interessantes no VSCode:**
  - Ctrl + K, Ctrl + O: Abre uma pasta
  - Ctrl + D: Quando uma palavra estiver selecionada, seleciona todas as palavras no arquivo
  - Ctrl + F: Procura por uma palavra ou sentença no arquivo
  - Ctrl + Shift + F: Procura por uma palavra ou sentença em todos os arquivos da pasta
  - Ctrl + H: Substitui uma palavra ou sentença por outra em todo o arquivo
  - Alt + ↓ ou Alt + ↑: Move a linha inteira para baixo ou para cima
  - Shift + Alt + ↓ ou Shift + Alt + ↑: Copia a linha inteira para baixo ou para cima
  - Ctrl + Alt + ↓ ou Ctrl + Alt + ↑: Inclui um ou mais cursores nas linhas abaixo ou acima

# Iniciando o VSCode

- **Atalhos interessantes no VSCode:**
  - F12: Vai para a declaração de uma variável ou função
  - F12 F12: Mostra todos os usos de uma variável ou função
  - Alt + → ou Alt + ←: Retrocede ou avança na última posição do cursor
  - Ctrl + S: Salva um arquivo
  - Ctrl + P: Abre um arquivo diretamente
  - Ctrl + ,: Abre o menu de configurações
  - Ctrl + Shift + P: Abre uma dropdown com opções de configuração
  - Ctrl + `: Abre a janela do terminal

# Iniciando o VSCode

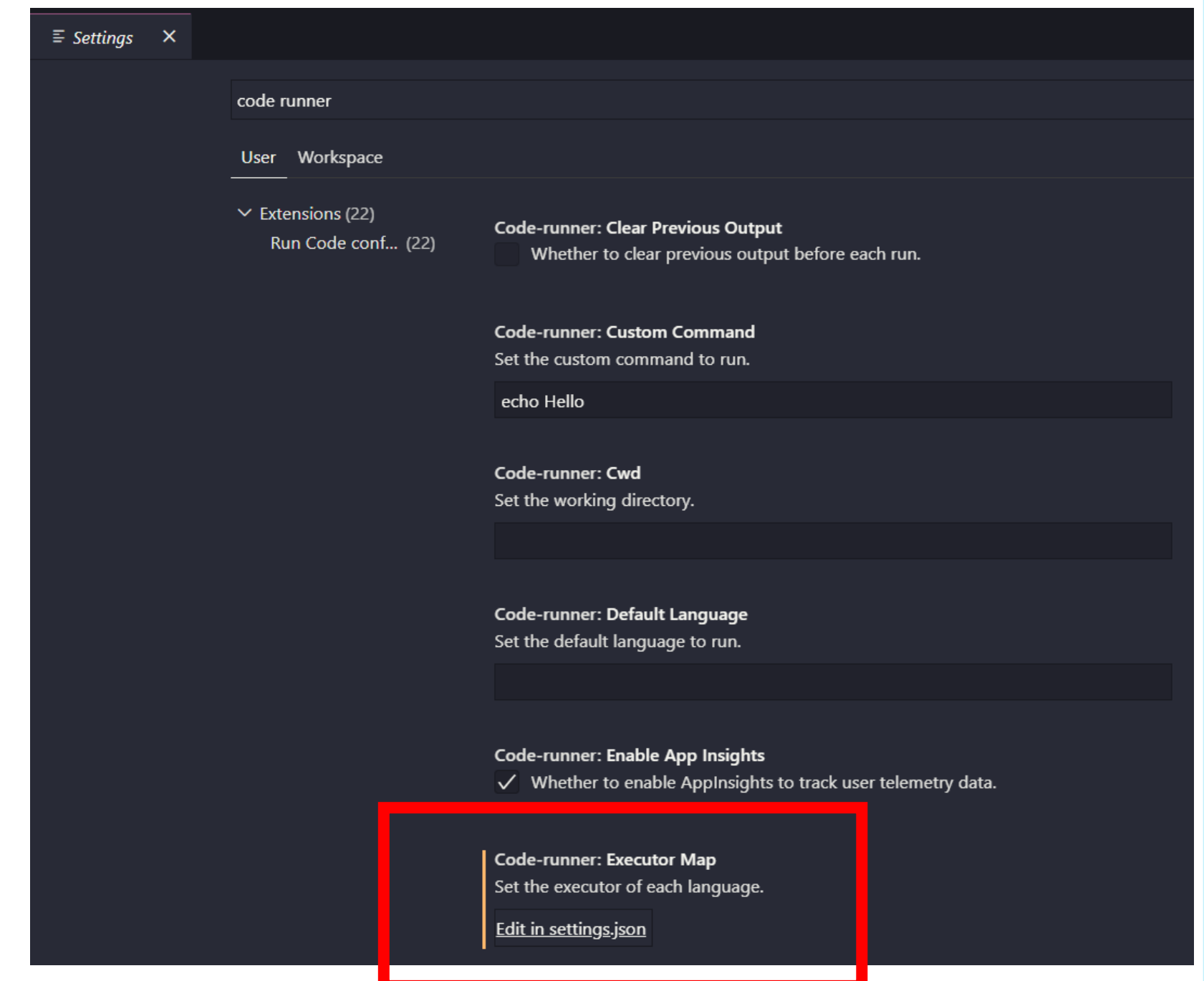
- **Atalhos interessantes no VSCode:**
  - Ctrl + G: Vai para uma linha específica do arquivo
  - Ctrl + ]: Divide a tela em duas
  - Ctrl + 1 (ou 2, 3, 4): Seleciona um painel específico
  - Alt + Shift + 0: Alterna entre divisão na horizontal ou na vertical
  - Ctrl + F4 ou Ctrl + W: Fecha o arquivo selecionado (se for um painel selecionado e ele estiver vazio, fecha o painel)
  - Ctrl + ;: Comenta a(s) linha(s) selecionada(s)

# Iniciando o VSCode

- **Executando um código Python no VSCode com a extensão *Code Runner*:**
  - Essa extensão permite a execução do código através de um atalho
  - Com a extensão instalada, use o atalho **Ctrl + ,** ou vá em **File > Preferences > Settings**;
  - Na barra de pesquisa, digite “Code Runner”. Procure pela caixa abaixo e clique em “Edit in settings.json”;
  - Inclua as seguintes linhas (edite o endereço para o caminho em que o Python está instalado):

```
"python.pythonPath": "C:\\Python\\python.exe",  
"code-runner.executorMap": {  
  "python": "\"C:\\Python\\python.exe\""  
},  
"code-runner.runInTerminal": true,
```

- Para rodar, na janela do código use o atalho **Ctrl + Alt + N**.





# Configurando o pylint



# Configurando o pylint

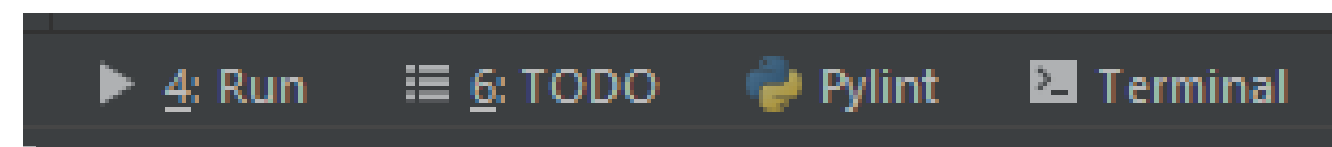
- O pylint é um pacote do Python que auxilia na adequação do código aos padrões de programação da comunidade Python
- Para instalar o pylint...
  - ...para MacOS veja [aqui](#)
  - ...para Windows veja [aqui](#)
- Para executar o pylint basta entrar com o comando **pylint <caminho>**, com o caminho do arquivo que deseja rodar o linter.

```
C:\Users\vmachado>pylint D:\Victor\Pessoal\IBMEC\2020.2\ALG\Aulas\teste.py
***** Module teste
D:\Victor\Pessoal\IBMEC\2020.2\ALG\Aulas\teste.py:1:0: C0114: Missing module docstring (missing-module-docstring)

-----
Your code has been rated at 0.00/10
```

# Configurando o pylint

- O pylint ainda pode ser rodado direto no terminal do VSCode ou do PyCharm, basta abrir o terminal e seguir os mesmos passos mencionados anteriormente. No entanto, os ambos os IDEs fornecem meios de utilizar o pylint diretamente durante a implementação do código.
- **Usando o pylint no PyCharm:**
  - O PyCharm já possui a inspeção automática do editor, após configurar o interpretador. Para identificar as inspeções vá em **File > Settings** e na janela clique em **Editor** e depois em **Inspections**;
  - O PyCharm também possui um plugin. Em **File > Settings**, clique em **Plugins** e busque por **Pylint**. Instale e reinicie o IDE. Sempre que abrir um arquivo Python o IDE vai incluir a opção “Pylint” no canto inferior esquerdo. Para executar basta clicar na opção e depois em “Run”.



# Configurando o pylint

- **Usando o pylint no VSCode:**

- Com a extensão “Python” instalada no VSCode e o pacote pylint instalado, abra o menu de configurações (use o atalho **Ctrl + ,** ou vá em **File > Preferences > Settings**) e procure por python linting;
- Marque as seguintes opções:
  - Python > Linting: Enabled
  - Python > Linting: Lint On Save
  - Python > Linting: Pylint Enabled
- Para rodar o pylint sem ser pelo terminal, use o atalho **Ctrl + Shift + P** e em seguida digite “Run Linting” e aperte Enter. O IDE vai marcar no código os problemas.

Python > Linting: Enabled

☒ Whether to lint Python files.

Python > Linting: Lint On Save

☒ Whether to lint Python files when saved.

Python > Linting: Pylint Enabled

☒ Whether to lint Python files using pylint.




# Instalando pacotes pelo PyPI

# Instalando pacotes pelo PyPI

- Uma das grandes vantagens ao se programar em Python é ter à disposição uma gama de pacotes e bibliotecas disponíveis pela própria comunidade, que desenvolve novas funcionalidades e distribui online, na maioria das vezes de forma gratuita.
- Um dos locais mais confiáveis e mais simples de se obter um novo pacote é através do PyPI, um repositório oficial de pacotes da linguagem, mantido pela própria organização que mantém o Python.
- O PyPI é acessado utilizando uma ferramenta chamada **pip**, que é instalada automaticamente ao se instalar o interpretador de Python. Portanto, a instalação de novos pacotes é muito fácil de se realizar, com apenas uma linha de comando.

# Instalando pacotes pelo PyPI

- Instalando pacotes via pip no Windows:
  - Clique no botão do Windows ;
  - Digite a caixa de pesquisa **prompt de comando**, e abra o programa;
  - No terminal entre com o seguinte comando:

```
C:\Users\vmachado>C:\Python\python.exe -m pip install pylint
```
- Lembre-se de substituir o caminho do Python para o caminho instalado no seu computador, e altere **pylint** para o pacote escolhido.



# Instalando pacotes pelo PyPI

- A instalação do Python no MacOS não costuma vir com o pip. Caso não tenha vindo, tente fazer os passos abaixo primeiro:

- Abra o terminal (pasta **Applications > Utilities > Terminal**);
- Entre com os seguintes comandos:

```
curl https://bootstrap.pypa.io/get-pip.py > get-pip.py  
sudo python get-pip.py
```

- Para instalar um pacote via pip no MacOS:
  - Usando o mesmo terminal usado para instalar o pip, entre com o seguinte comando:

```
sudo pip install <nome_do_pacote>
```

- Veja o vídeo abaixo para mais detalhes:
  - <https://www.youtube.com/watch?v=yBdZZGPpYxg>



# Algoritmos

# Introdução

- Um algoritmo é um processo sistemático para a resolução de um problema. O desenvolvimento de algoritmos é particularmente importante para problemas a serem solucionados em um computador, pela própria natureza do instrumento utilizado.
- Um algoritmo computa uma saída, o resultado do problema, a partir de uma entrada, as informações inicialmente conhecidas e que permitem encontrar a solução do problema. Durante o processo de computação o algoritmo manipula dados, gerados a partir da sua entrada.
- O estudo de estruturas de dados não pode ser desvinculado de seus aspectos algorítmicos. A escolha correta da estrutura adequada a cada caso depende diretamente do conhecimento de algoritmos para manipular a estrutura de maneira eficiente.

# Apresentação dos algoritmos

- As convenções seguintes serão utilizadas com respeito à linguagem:
  - O início e o final de cada bloco são determinados por endentação, isto é, pela posição da margem esquerda. Se uma certa linha do algoritmo inicia um bloco, ele se estende até a última linha seguinte, cuja margem esquerda se localiza mais à direita do que a primeira do bloco;
  - A declaração de atribuição é indicada pelo símbolo `:=`;
  - As declarações seguintes são empregadas com significado semelhante ao usual:

```
se... então  
se... então... senão  
enquanto... faça  
para... faça  
pare
```

- Variáveis simples, vetores, matrizes e registro são considerados como tradicionalmente em linguagens de programação. Os elementos de vetores e matrizes são identificados por índices entre colchetes.

```
para i := 1, ..., |__n/2__|  
    temp := S[i]  
    S[i] := S[n - i + 1]  
    S[n - i + 1] := temp
```

# Recursividade

- Um tipo especial de procedimento será utilizado, algumas vezes, ao longo do curso. É aquele que contém, em sua descrição, uma ou mais chamadas a si mesmo. Um procedimento dessa natureza é denominado **recursivo**.
- Naturalmente, todo procedimento, recursivo ou não, deve possuir pelo menos uma chamada proveniente de um local exterior a ele. Essa chamada é denominada **externa**.
- Um procedimento não recursivo é, pois, aquele em que todas as chamadas são externas.

# Recursividade

- O exemplo clássico mais simples de recursividade é o cálculo do fatorial de um inteiro  $n \geq 0$ :

```
função fat(i)  
  fat(i) := se i <= 1 então 1 senão i * fat(i - 1)
```

```
fat[0] := 1  
para j := 1, ..., n faça  
  fat[j] := j * fat[j - 1]
```

- Um exemplo conhecido, onde a solução recursiva é natural e intuitiva, é o do [Problema da Torre de Hanói](#).



# Recursividade

- A solução do problema é descrita a seguir. Naturalmente, para  $n > 1$ , o pino-trabalho deve ser utilizado como área de armazenamento temporário. O raciocínio utilizado para resolver o problema é semelhante ao de uma prova matemática por indução. Suponha que se saiba como resolver o problema até  $n - 1$  discos,  $n > 1$ , de forma recursiva. A extensão para  $n$  discos pode ser obtida pela realização dos seguintes passos:
  - Resolver o problema da Torre de Hanói para os  $n - 1$  discos do topo do pino-origem A, supondo que o pino-destino seja C e o trabalho seja B;
  - Mover o  $n$ -ésimo pino (maior de todos) de A para B;
  - Resolver o problema da Torre de Hanói para os  $n - 1$  discos localizados no pino C, suposto origem, considerando os pinos A e B como trabalho e destino, respectivamente.

```
procedimento hanoi(n, A, B, C)
se n > 0 então
    hanoi(n - 1, A, C, B)
    mover o disco do topo de A para B
    hanoi(n - 1, C, B, A)
```

# Complexidade de algoritmos

- Conforme já mencionado, uma característica muito importante de qualquer algoritmo é o seu tempo de execução. Naturalmente, é possível determiná-lo através de métodos empíricos, isto é, obter o tempo de execução através da execução propriamente dita do algoritmo, considerando-se entradas diversas.
- Ao contrário do método empírico, o método analítico visa aferir o tempo de execução de forma independente do computador utilizado, da linguagem e dos compiladores empregados e das condições locais de processamento.

# Complexidade de algoritmos

- As seguintes simplificações serão introduzidas para o modelo proposto:
  - Suponha que a quantidade de dados a serem manipulados pelo algoritmo seja suficientemente grande. Somente o comportamento assintótico será avaliado.
  - Não serão consideradas constantes aditivas ou multiplicativas na expressão matemática obtida. Isto é, a expressão matemática obtida será válida, a menos de tais constantes.
- O processo de execução de um algoritmo pode ser dividido em etapas elementares, denominadas *passos*. Cada passo consiste na execução de um número fixo de operações básicas cujos tempos de execução são considerados constantes.

```
para i := 1, ..., |__n/2__|  
  temp := S[i]  
  S[i] := S[n - i + 1]  
  S[n - i + 1] := temp
```

# Complexidade de algoritmos

- Como exemplos adicionais, considere os problemas de determinar as matrizes soma C e produto D de duas matrizes dadas.

```
para i := 1, ..., n faça  
  para j := 1, ..., n faça  
    C[i][j] := A[i][j] + B[i][j]
```

```
para i:= 1, ..., n faça  
  para j := 1, ..., n faça  
    C[i][j] := 0  
    para k := 1, ..., n faça  
      C[i][j] := C[i][j] + A[i][k] * B[k][j]
```

# Complexidade de algoritmos

- Noção de complexidade:
  - Seja  $A$  um algoritmo,  $\{E_1, \dots, E_m\}$ , o conjunto de todas as entradas possíveis de  $A$ . Denote por  $t_i$  o número de passos efetuados por  $A$ , quando a entrada for  $E_i$ . Definem-se, com  $p_i$  sendo a probabilidade de ocorrência da entrada  $E_i$ :
    - Complexidade do pior caso:  $\max_{E_i \in E} \{t_i\}$ ;
    - Complexidade do melhor caso:  $\min_{E_i \in E} \{t_i\}$ ;
    - Complexidade do caso médio:  $\sum_{1 \leq i \leq m} (p_i \times t_i)$ .
  - As complexidades têm por objetivo avaliar a eficiência de tempo ou espaço. A complexidade de tempo de pior caso corresponde ao número de passos que o algoritmo efetua no seu pior caso de execução, isto é, para a entrada mais desfavorável. De certa forma, a complexidade de pior caso é a mais importante das três mencionadas.



# A Notação O

- Quando se considera o número de passos efetuados por um algoritmo, podem-se desprezar constantes aditivas ou multiplicativas.
- Por exemplo, um valor de número de passos igual a  $3n$  será aproximado para  $n$ .
- Além disso, como o interesse é restrito a valores assintóticos, termos de menor grau também podem ser desprezados. Assim, um valor de número de passos igual a  $n^2 + n$  será aproximado para  $n^2$ . O valor  $6n^3 + 4n - 9$  será transformado em  $n^3$ .
- Torna-se útil, portanto, descrever operadores matemáticos que sejam capazes de representar situações como essas. A notação  $O$  será utilizada com essa finalidade.



# A Notação $O$

- Sejam  $f, h$  funções reais positivas de variável inteira  $n$ . Diz-se que  $f$  é  $O(h)$ , escrevendo-se  $f = O(h)$ , quando existir uma constante  $c > 0$  e um valor inteiro  $n_o$ , tal que:

$$n > n_o \Rightarrow f(n) \leq c \times h(n)$$

- Ou seja, a função  $h$  atua como um limite superior para valores assintóticos da função  $f$ . Em seguida são apresentados alguns exemplos da notação  $O$ .

$$f = n^2 - 1 \Rightarrow f = O(n^2)$$

$$f = n^3 - 1 \Rightarrow f = O(n^3)$$

$$f = 403 \Rightarrow f = O(1)$$

$$f = 5 + 2 \log n + 3 \log^2 n \Rightarrow f = O(\log^2 n)$$



# Listas Lineares

# Introdução

- Dentre as estruturas de dados não primitivas, as listas lineares são as de manipulação mais simples. Iremos discutir seus algoritmos e estruturas de armazenamento.
- Uma lista linear agrupa informações referentes a um conjunto de elementos que, de alguma forma, se relacionam entre si. Ela pode se constituir, por exemplo, de informações sobre os funcionários de uma empresa, sobre notas de compras, itens de estoque, notas de alunos, etc.
- Uma *lista linear*, ou *tabela*, é então um conjunto de  $n \geq 0$  nós  $L[1]$ ,  $L[2]$ , ...,  $L[n]$  tais que suas propriedades estruturais decorrem, unicamente, da posição relativa dos nós dentro da sequência linear.

# Introdução

- As operações mais frequentes em listas são a *busca*, a *inclusão* e a *remoção* de um determinado elemento, o que, aliás, ocorre na maioria das estruturas de dados. Tais operações podem ser consideradas como básicas e, por essa razão, é necessário que os algoritmos que as implementem sejam eficientes.
- Outras operações também são relevantes, porém não serão estudadas a fundo neste curso:
  - Alteração de um elemento da lista;
  - Combinação de duas ou mais listas lineares.
  - Ordenação dos nós segundo um determinado campo;
  - Determinação do primeiro (ou do último) nó da lista;
  - etc.

# Introdução

- As operações mais frequentes em listas são a *busca*, a *inclusão* e a *remoção* de um determinado elemento, o que, aliás, ocorre na maioria das estruturas de dados. Tais operações podem ser consideradas como básicas e, por essa razão, é necessário que os algoritmos que as implementem sejam eficientes.
- Outras operações também são relevantes, porém não serão estudadas a fundo neste curso:
  - Alteração de um elemento da lista;
  - Combinação de duas ou mais listas lineares.
  - Ordenação dos nós segundo um determinado campo;
  - Determinação do primeiro (ou do último) nó da lista;
  - etc.

# Introdução

- Casos particulares de listas são de especial interesse:
  - Se as inserções e remoções são permitidas apenas nas extremidades da lista, ela recebe o nome de **deque** (uma abreviatura do inglês *double ended queue*);
  - Se as inserções e as remoções são realizadas somente em um extremo, a lista é denominada **pilha**;
  - A lista é denominada **fila** no caso em que as inserções são realizadas em um extremo e remoções em outro.



# Introdução

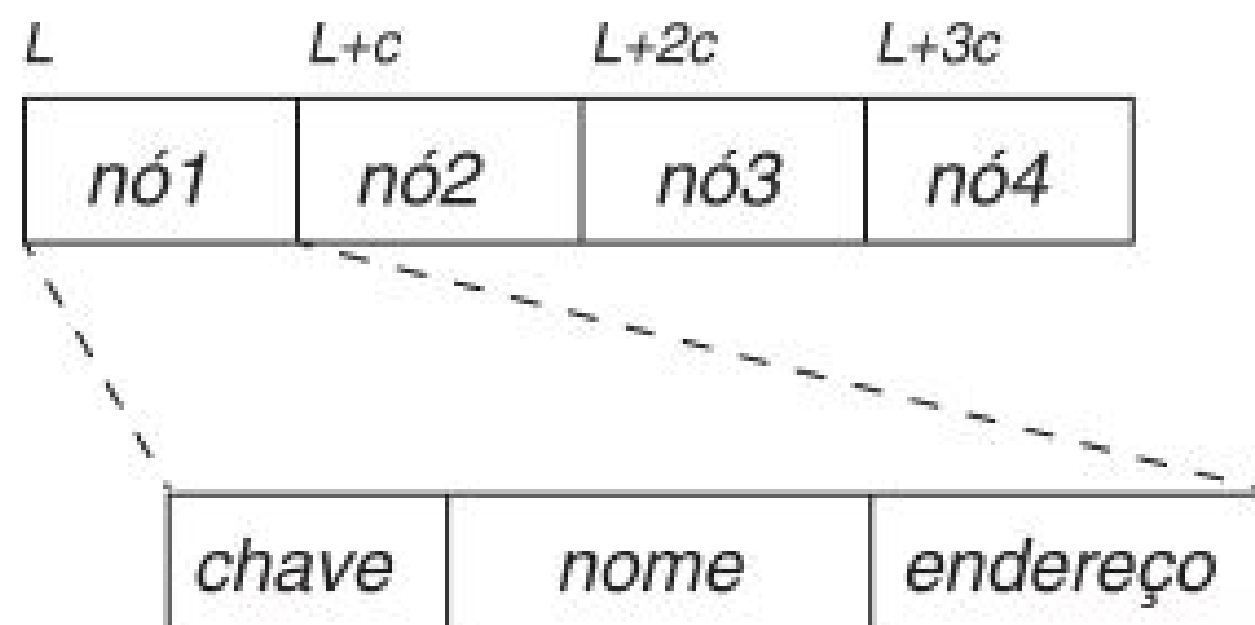
- O tipo de armazenamento de uma lista linear pode ser classificado de acordo com a posição relativa na memória de dois nós consecutivos na lista:
  - Quando dois nós consecutivos na lista são alocados contiguamente na memória do computador, a lista é classificada como de *alocação sequencial de memória*;
  - Quando dois nós consecutivos não são alocados contiguamente, a lista é classificada como de alocação encadeada de memória.
- A escolha de um ou outro tipo depende essencialmente das operações que serão executadas sobre a lista, do número de listas envolvidas na operação, bem como de características particulares.

# Alocação sequencial

- A maneira mais simples de se manter uma lista linear na memória do computador é colocar seus nós em posições contíguas.
- O armazenamento sequencial é particularmente atraente no caso de filas e pilhas porque, nessas estruturas, as operações básicas podem ser implementadas de forma bastante eficiente.
- Esse tratamento pode, contudo, se tornar oneroso em termos de memória quando se empregam diversas estruturas simultaneamente. Nesse caso, a utilização ou não do armazenamento sequencial dependeria de um estudo cuidadoso das opções existentes.

# Listas lineares em alocação sequencial

- Seja uma lista linear. Cada nó é formado por *campos*, que armazenam as características distintas dos elementos da lista. Além disso, cada nó da lista possui, geralmente, um identificador, denominado *chave*. A chave, quando presente, se constitui em um dos campos do nó. Os nós podem se encontrar ordenados, ou não, segundo os valores de suas chaves. No primeiro caso a lista é denominada *ordenada*, e *não ordenada* no caso contrário.



# Listas lineares em alocação sequencial

- Observe que, para cada elemento da tabela referenciado na busca, o algoritmo realiza dois testes.
- A complexidade de pior caso é  $O(n)$ .

```
função busca1(x)
  i := 1
  busca1 := 0
  enquanto i <= n faça
    se L[i].chave = x então
      % chave encontrada
      busca1 := i
      i := n + 1
    senão
      % pesquisa prossegue
      i := i + 1
```

# Listas lineares em alocação sequencial

- Quando a lista está ordenada, pode-se tirar proveito desse fato. Se o número procurado não pertence à lista, não há necessidade de percorrê-la até o final.
- Podemos criar um novo nó ao final da lista para evitar a dupla comparação do algoritmo anterior. No entanto, a complexidade de pior caso ainda é  $O(n)$ .

```
função busca-ord(x)
  L[n + 1].chave := x
  i := 1
  enquanto L[i].chave < x faça
    i := i + 1
  se i = n + 1 ou L[i].chave != x então
    busca-ord := 0
  senão
    busca-ord := i
```

# Listas lineares em alocação sequencial

- Ainda no caso das listas ordenadas, um algoritmo diverso e bem mais eficiente pode ser apresentado: a *busca binária*. Em tabelas, o primeiro nó pesquisado é o que se encontra no meio; se a comparação não é positiva, metade da tabela pode ser abandonada na busca, uma vez que o valor procurado se encontra ou na metade inferior, ou na superior. Esse procedimento, aplicado recursivamente, esgota a tabela.

```
função busca-bin(x)
  inf := 1
  sup := n
  busca-bin := 0
  enquanto inf <= sup faça
    % índice a ser buscado
    meio := |(inf + sup) / 2|
    se L[meio].chave = x então
      % elemento encontrado
      busca-bin := meio
      inf := sup + 1
    senão se L[meio].chave < x então
      inf := meio + 1
    senão
      sup := meio - 1
```



# Listas lineares em alocação sequencial

- A complexidade do algoritmo de busca binária pode ser avaliada da seguinte forma. O pior caso acontece quando o elemento procurado é o último a ser encontrado, ou mesmo não é encontrado. Na primeira iteração, a dimensão da tabela é  $n$ , e algumas operações são realizadas para situar o valor procurado. Na segunda, a dimensão se reduz a  $\lfloor n/2 \rfloor$ , e assim sucessivamente. Ao final, a dimensão da tabela é 1. Então, no pior caso:
  - 1ª iteração: a dimensão da tabela é  $n$ ;
  - 2ª iteração: a dimensão da tabela é  $\lfloor n/2 \rfloor$ ;
  - 3ª iteração: a dimensão da tabela é  $\lfloor \lfloor n/2 \rfloor / 2 \rfloor$ ;
  - $m$ ª iteração: a dimensão da tabela é 1.
- Portanto, o número máximo de iterações é  $1 + \log_2 n$ , tendo, portanto, complexidade  $O(\log_2 n)$ .

# Listas lineares em alocação sequencial

- Ambas as operações de inserção e remoção utilizam o procedimento de busca. No primeiro caso, o objetivo é evitar chaves repetidas e, no segundo, a necessidade de localizar o elemento a ser removido.
- Os dois algoritmos a seguir consideram tabelas não ordenadas. A memória pressuposta disponível tem  $M$  posições. Devem-se levar em conta as hipóteses de se tentar fazer inserções numa lista que já ocupa  $M$  posições (situação conhecida como **overflow**), bem como a tentativa de remoção de um elemento de uma lista vazia (**underflow**). A atitude a ser tomada em cada um desses casos depende do problema tratado.
- Ambos as operações possuem complexidade  $O(n)$ , apesar do algoritmo de remoção ser mais lento que o de inserção.

# Listas lineares em alocação sequencial

*Algoritmo 11. Inserção de um nó na lista L*

```
se n < M então
  se busca(x) = 0 então
    L[n + 1] := novo-valor
    n := n + 1
  senão
    "elemento já existe na tabela"
senão
  "overflow"
```

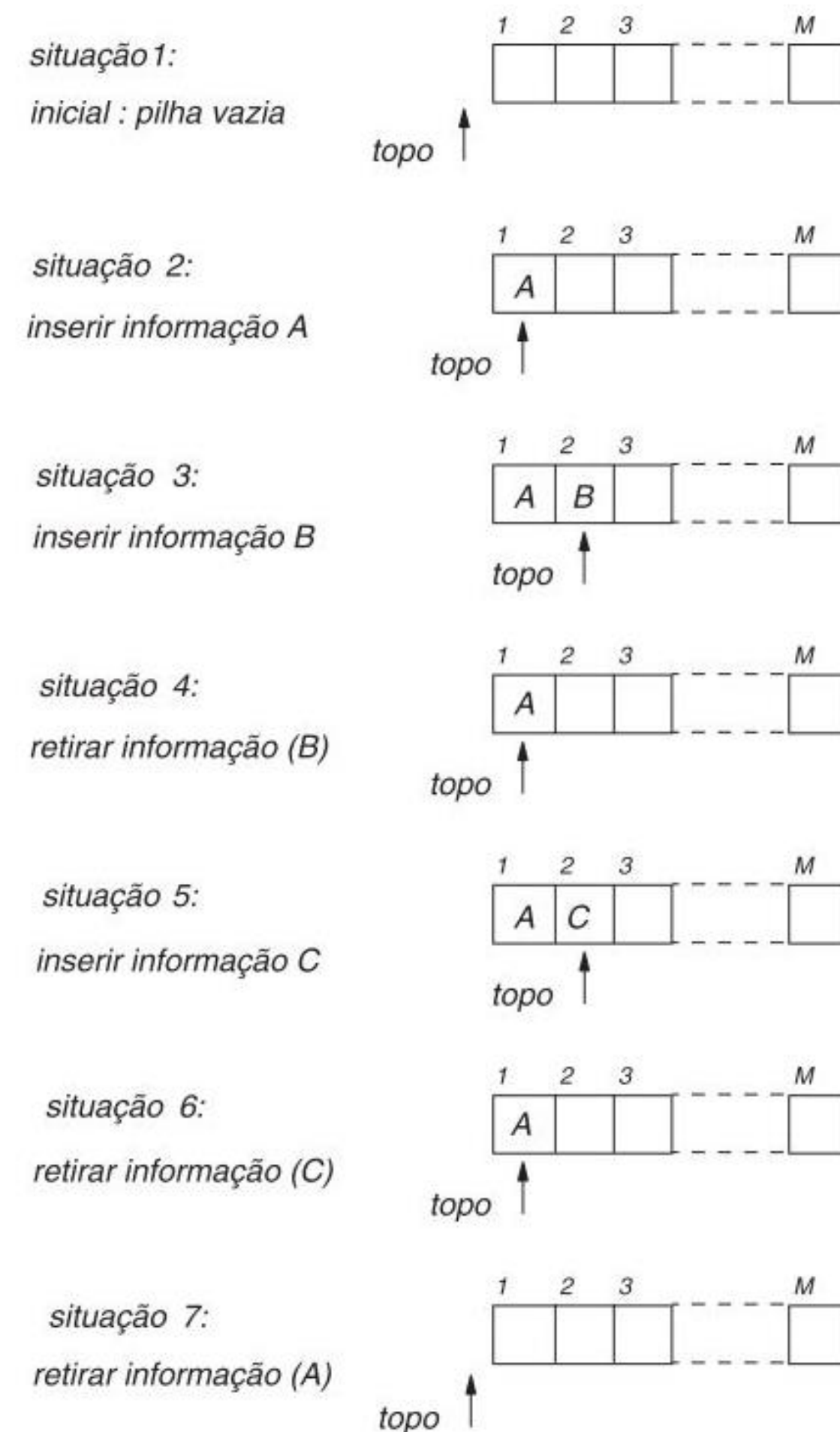
*Algoritmo 12. Remoção de um nó na lista L*

```
se n != 0 então
  indice := busca(x)
  se indice != 0 então
    valor-recuperado := L[indice]
    para i := indice, n - 1 faça
      L[i] := L[i + 1]
    n := n - 1
  senão "elemento não se encontra na tabela"
senão
  "underflow"
```

# Pilhas e Filas

- Em geral, o armazenamento sequencial de listas é empregado quando as estruturas, ao longo do tempo, sofrem poucas remoções e inserções. Em casos particulares de listas, esse armazenamento também é empregado. Nessa caso, a situação favorável é aquela em que inserções e remoções não acarretam movimentação de nós, o que ocorre se os elementos a serem inseridos e removidos estão em posições especiais, como a primeira ou a última posição. Deques, pilhas e filas satisfazem tais condições.
- Na alocação sequencial de listas genéricas, considera-se sempre a primeira posição da lista no endereço 1 da memória disponível. Uma alternativa a essa estratégia consiste na utilização de indicadores especiais, denominados **ponteiros**, para o acesso a posições selecionadas.

# Pilhas e Filas



## Algoritmo 13. Inserção na pilha P

```
se topo != M então  
    topo := topo + 1  
    P[topo] := novo-valor  
senão  
    "overflow"
```

## Algoritmo 14. Remoção da pilha P

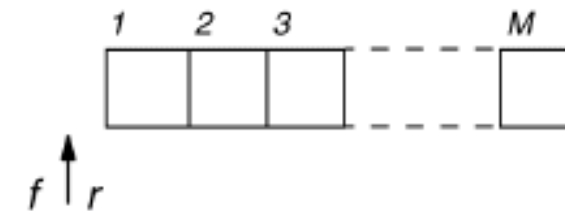
```
Se topo != 0 então  
    valor-recuperado := P[topo]  
    topo := topo - 1  
senão  
    "underflow"
```



# Pilhas e Filas

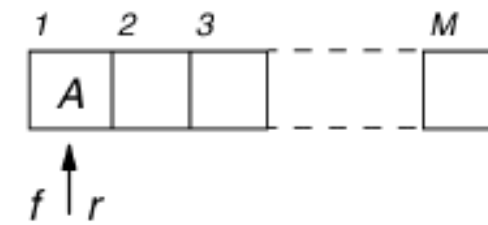
situação 1:

inicial : fila vazia



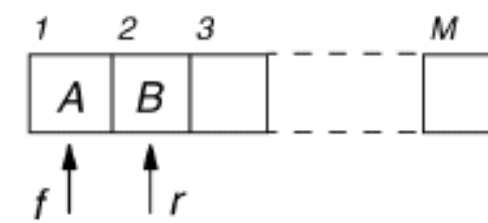
situação 2:

inserir informação A



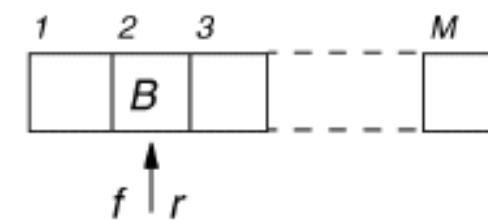
situação 3:

inserir informação B



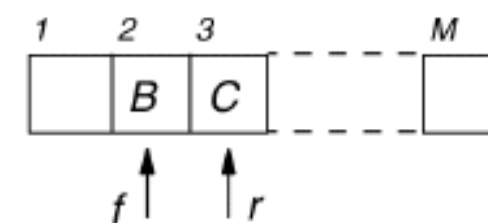
situação 4:

retirar informação (A)



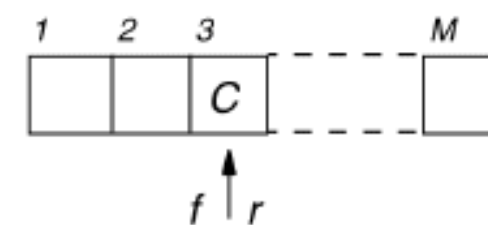
situação 5:

inserir informação C



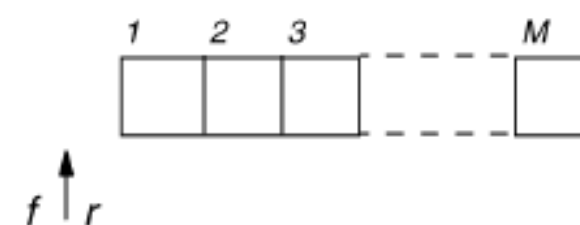
situação 6:

retirar informação (B)



situação 7:

retirar informação (C)



## Algoritmo 15. Inserção na fila F

```

prov := r mod M + 1
se prov != f então
    r := prov
    F[r] := novo-valor
    se f = 0 então
        f := 1
senão
    "overflow"
    
```

## Algoritmo 16. Remoção da fila F

```

se f != 0 então
    valor-recuperado := F[f]
    se f = r então
        f := 0
        r := 0
    senão
        f := f mod M + 1
senão
    "underflow"
    
```

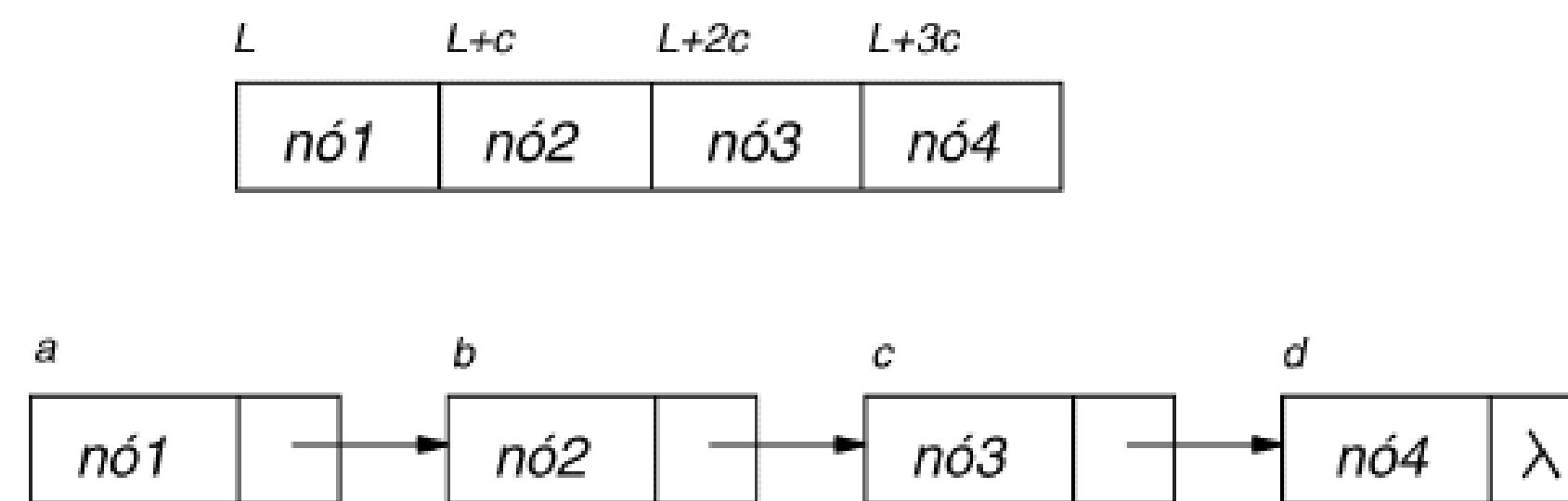


# Alocação encadeada

- O desempenho dos algoritmos que implementam operações realizadas em listas com alocação sequencial, mesmo sendo estes muito simples, pode ser bastante fraco. E mais, quando está prevista a utilização concomitante de mais de duas listas a gerência de memória se torna mais complexa.
- Nesses casos se justifica a utilização da alocação encadeada, também conhecida por alocação dinâmica, uma vez que posições de memórias são alocadas (ou desalocadas) na medida em que são necessárias (ou dispensadas).
- Os nós de uma lista encontram-se então aleatoriamente dispostos na memória e são interligados por ponteiros, que indicam a posição do próximo elemento da tabela. É necessário o acréscimo de um campo a cada nó, justamente o que indica o endereço do próximo nó da lista.

# Alocação encadeada

- Há vantagens e desvantagens associadas a cada tipo de alocação. Estas, entretanto, só podem ser precisamente medidas ao se conhecerem as operações envolvidas na aplicação desejada.
- De maneira geral pode-se afirmar que a alocação encadeada, a despeito de um gasto de memória maior em virtude da necessidade de um novo campo no nó (o campo do ponteiro), é mais conveniente quando o problema inclui o tratamento de mais uma lista.



# Listas simplesmente encadeadas

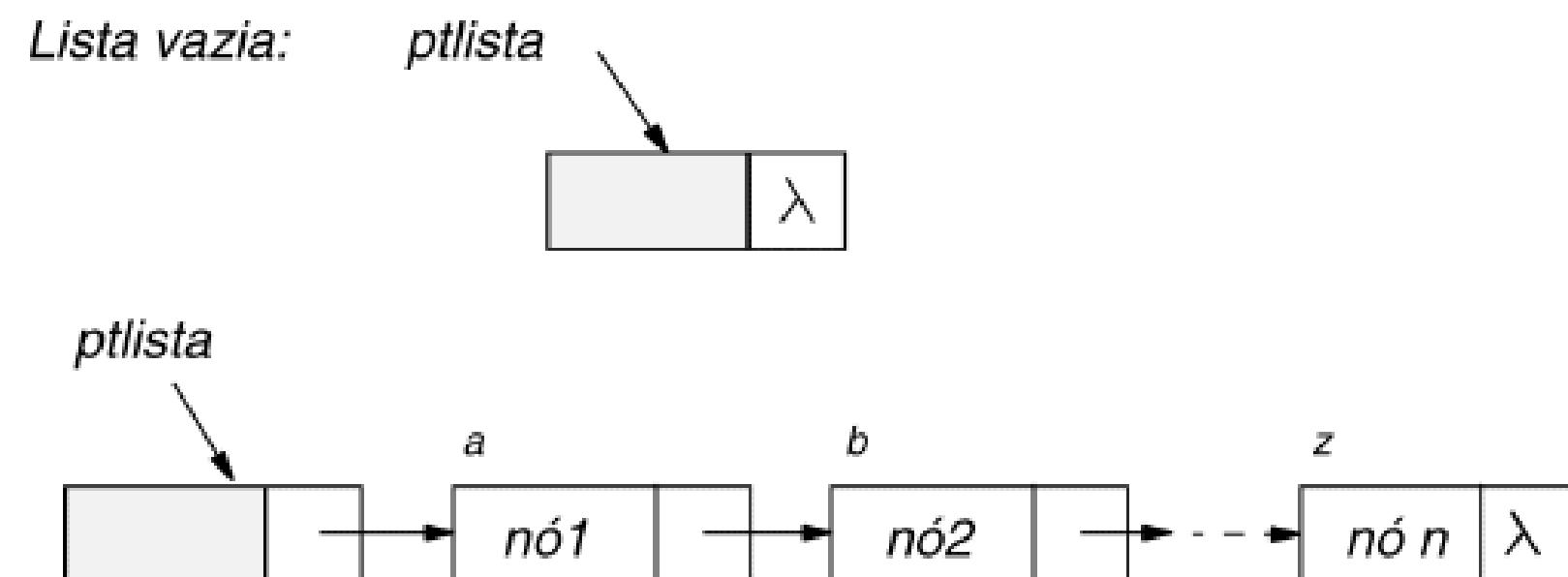
- Qualquer estrutura, inclusive listas, que seja armazenada em alocação encadeada requer o uso de um ponteiro que indique o endereço de seu primeiro nó. O percurso de uma lista é feito então a partir desse ponteiro. A ideia consiste em seguir consecutivamente pelos endereços existentes no campo que indica o próximo nó, da mesma forma que na alocação sequencial se acrescentava uma unidade ao índice do percurso.

*Algoritmo 17. Impressão da lista apontada por ptlista*

```
pont := ptlista  
enquanto pont != lambda faça  
    imprimir(pont*.info)  
    pont := pont*.prox
```

# Listas simplesmente encadeadas

- O algoritmo de busca em listas encadeadas possui mais restrições, além da eficiência: por exemplo, a existência de um ponteiro indicando o primeiro nó da lista obriga os algoritmos de inserção e remoção a apresentarem testes especiais para verificar se o nó desejado é o primeiro da lista.
- Isto pode ser resolvido por uma pequena variação na estrutura de armazenamento: a criação de um nó especial, chamado **nó-cabeça**, nunca removido, que passa a ser o nó indicado pelo ponteiro de início de lista.



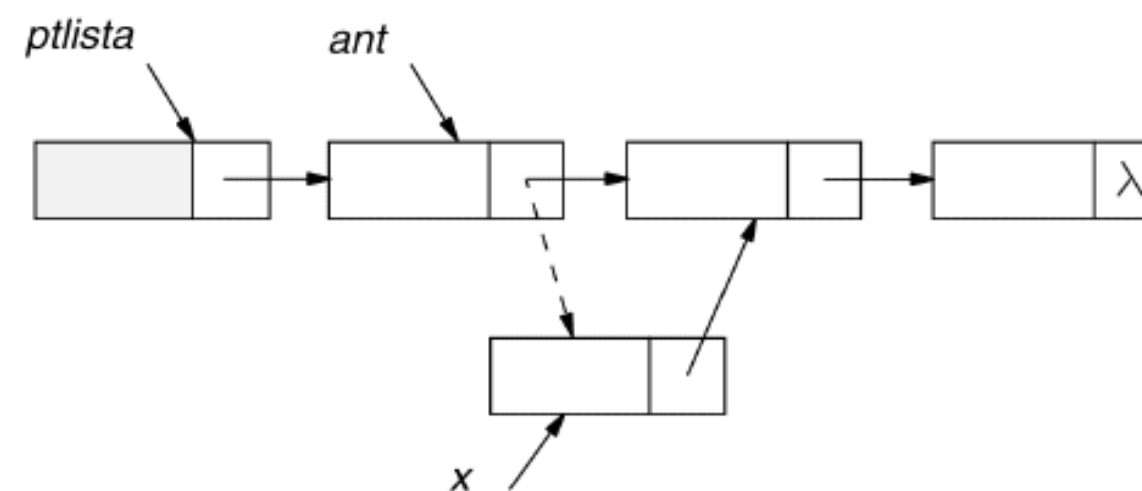
# Listas simplesmente encadeadas

*Algoritmo 18. Busca em uma lista ordenada*

```
procedimento busca-enc(x, ant, pont)
  ant := ptlista
  pont := lambda
  % ponteiro de percurso
  ptr := ptlista*.prox
  enquanto ptr != lambda faça
    se ptr*.chave < x então
      % atualiza ant e ptr
      ant := ptr
      ptr := ptr*.prox
  senão se ptr*.chave = x então
    % chave encontrada
    pont := ptr
    ptr := lambda
```

# Listas simplesmente encadeadas

- Após a realização da busca, as operações de inserção e remoção em uma lista encadeada são triviais.
- Há três fases a serem cumpridas: a ocupação do espaço na memória, o acesso ao campo de informações e o acerto da estrutura.

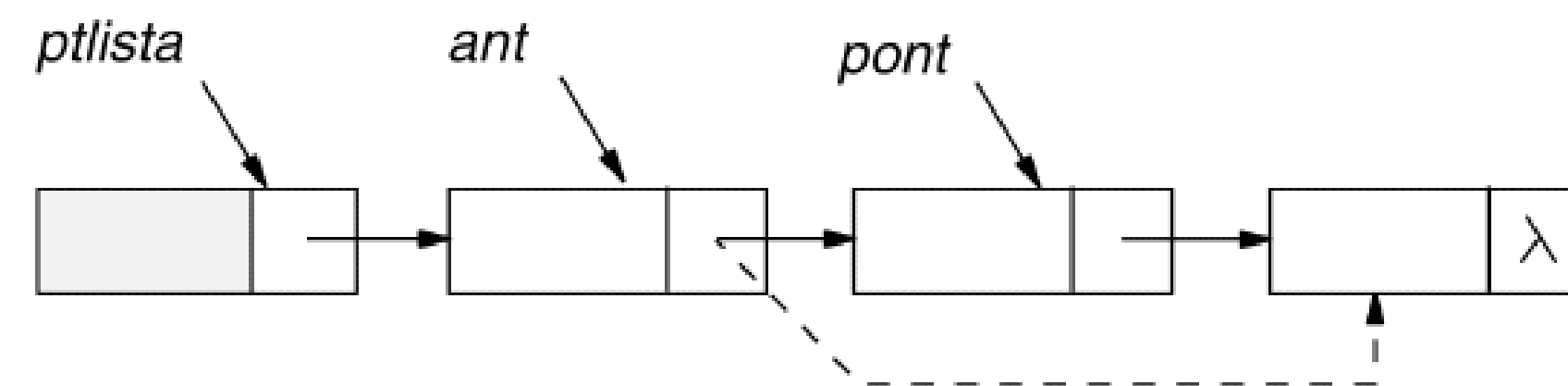


*Algoritmo 19. Inserção de um nó após o nó apontado por busca-enc(x, ant, pont)*

```
se pont = lambda então
    % solicitar nó
    ocupar(pt)
    % inicializar nó
    pt*.info := novo-valor
    % acertar lista
    pt*.chave := x
    pt*.prox := ant*.prox
    ant*.prox := pt
senão
    "elemento já está na tabela"
```



# Listas simplesmente encadeadas



*Algoritmo 20. Remoção do nó apontado por pont na lista*

```
busca-enc(x, ant, pont)
se pont != lambda então
    % acertar lista
    ant*.prox := pont*.prox
    % utilizar nó
    valor-recuperado := pont*.info
    % devolver nó
    desocupar(pont)
senão
    "nó não se encontra na tabela"
```

# Pilhas e Filas encadeadas

- Como casos particulares, algumas modificações são necessárias para implementar operações eficientes em pilhas e filas. No caso de pilhas, as operações são muito simples. Considerando-se listas simplesmente encadeadas (sem nó-cabeça), o topo da pilha é o primeiro nó da lista, apontado por uma variável ponteiro *topo*. Se a pilha estiver vazia então  $topo = \lambda$ . Filas exigem duas variáveis do tipo ponteiro: *inicio*, que aponta para o primeiro nó da lista, e *fim*, que aponta para o último. Na fila vazia, ambos apontam para  $\lambda$ . Os algoritmos que se seguem implementam essas operações.

# Pilhas e Filas encadeadas

## *Algoritmo 21. Inserção na pilha*

```
% solicitar nó  
ocupar(pt)  
% inicializar nó  
pt*.info := novo-valor  
pt*.prox := topo  
% acertar pilha  
topo := pt
```

## *Algoritmo 22. Remoção da pilha*

```
se topo != lambda então  
    % acertar pilha  
    pt := topo  
    topo := topo*.prox  
    % utilizar nó  
    valor-recuperado := pt*.info  
    % devolver nó  
    desocupar(pt)  
senão  
    "underflow"
```

# Pilhas e Filas encadeadas

## *Algoritmo 23. Inserção na fila*

```
% solicitar nó  
ocupar(pt)  
% inicializar nó  
pt*.info := novo-valor  
pt*.prox := lambda  
% acertar fila  
se fim != lambda então  
    fim*.prox := pt  
senão inicio := pt  
fim := pt
```

## *Algoritmo 24. Remoção da fila*

```
se inicio != lambda então  
    pt := inicio  
    % acertar fila  
    inicio := inicio*.prox  
    se inicio = lambda então  
        fim := lambda  
    % utilizar nó  
    valor-recuperado := pt*.info  
    % devolver nó  
    desocupar(pt)  
senão  
    "underflow"
```

OBRIGADO!



[www.ibmec.br](http://www.ibmec.br)

 /ibmec

 ibmec

 @ibmec\_oficial

 ibmec

