



- 1) Considere a seguinte gramática, representando uma versão simplificada do sistema de tipos da linguagem Haskell:

$\tau ::=$	int	Números inteiros
	a	Variáveis
	$\tau \rightarrow \tau$	Funções

...isto é, um tipo pode ser representado por **int**, o número dos inteiros, por uma variável de tipos (aqui representada por *letras minúsculas*), ou por funções, representadas por uma seta entre dois subtipos.

Para as seguintes expressões, indique se é possível unificar os dois tipos ou não, e, se for, qual o unificador mais geral capaz de tornar as expressões iguais:

- a) $a \sim \text{int}$
- b) $\text{int} \sim b$
- c) $\text{int} \sim \text{int}$
- d) $a \rightarrow b \sim c \rightarrow c$
- e) $a \rightarrow b \sim (a \rightarrow c) \rightarrow d$
- f) $\text{int} \sim a \rightarrow b$
- g) $a \rightarrow b \rightarrow \text{int} \sim \text{int} \rightarrow c$
- h) $(a \rightarrow b) \rightarrow a \sim d \rightarrow e$
- i) $(a \rightarrow a) \rightarrow b \sim b \rightarrow \text{int} \rightarrow \text{int}$
- j) $(a \rightarrow b) \rightarrow c \rightarrow d \sim x \rightarrow y$

Lembrando que a seta associa para a esquerda, isto é, $a \rightarrow b \rightarrow c = a \rightarrow (b \rightarrow c)$.

- 2) Ainda considerando a gramática acima, considere as seguintes expressões Haskell:

```
fmap :: (a -> b) -> [a] -> [b]
(+)  :: Int -> Int -> Int
```

Ao informarmos a seguinte expressão, `fmap (+)`, o inferidor de tipos de Haskell irá tentar unificar o primeiro argumento da função `fmap` com o tipo do parâmetro fornecido. Qual será então o tipo inferido para a expressão?

- 3) Considere a seguinte gramática para fórmulas de primeira ordem:

$e ::=$	x	Átomos
	a	Variáveis
	$x(e_1, \dots, e_n)$	Predicados

...isto é, uma fórmula pode ser um átomo (fixos, representados por *letras minúsculas*), uma variável (aqui representadas por *letras maiúsculas*), ou predicados, que contém um átomo à sua esquerda e N subfórmulas dentro de parênteses.

Para as seguintes expressões, indique se é possível unificar as duas fórmulas ou não, e, se for, qual o unificador mais geral capaz de tornar as expressões iguais:

- a) $X \sim \text{foo}$
- b) $\text{bar} \sim Y$
- c) $\text{foo}() \sim \text{foo}()$
- d) $\text{foo}() \sim \text{bar}()$
- e) $\text{color}(\text{apple}, \text{red}) \sim \text{color}(\text{apple}, C)$
- f) $\text{list}(a, b, C) \sim \text{list}(X)$
- g) $X \sim \text{cons}(10, X)$
- h) $\text{append}(\text{nil}, \text{cons}(10, \text{nil})) \sim \text{append}(X, Y)$
- i) $\text{append}(\text{nil}, \text{cons}(10, \text{nil})) \sim \text{append}(X, \text{cons}(H, T))$

Note que as regras para unificação de tipos e predicados, conforme vistas acima, estão listadas nos slides fornecidos.