Статистическая обработка результатов многократных измерений

Балдин Виктор

18 сентября 2023 г.

1 Аннотация

Цель работы: применение методов обработки экспериментальных данных при измерении сопротивлений.

В работе используются: набор резисторов (270 штук); универсальный цифровой вольтметр GDM-8145, работающий в режиме «Измерение сопротивление постоянному току».

2 Теоретические сведения

Производство резисторов на заводе – сложный технологический процесс. Поэтому измеренное сопротивление может отличаться от номинала. Погрешности могут быть как систематическими, так и случайными.

Для измерения сопротивления мы будем пользоваться прибором, погрешность которого мала $(\pm 0, 5 \text{ Om})$ по сравнению с отклонениями от номинала, полученными при производстве. Поэтому систематической погрешностью можно пренебречь.

В работе измеряем сопротивление 270 резисторов. По полученным данным вычисляем среднее значение:

$$\langle R \rangle = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^{N} R_i. \tag{1}$$

Чтобы охарактеризовать случайные погрешности при изготовлении набора резисторов, необходимо построить гистограмму. Для этого разделим интервал значений сопротивления на m равных частей:

$$\Delta R = \frac{R_{\text{max}} - R_{\text{min}}}{m} \tag{2}$$

По оси y гистограммы отложим плотность вероятности

$$y = \frac{\Delta n}{N\Delta R},\tag{3}$$

где Δn – число измерений, попадающих в заданный интервал.

Среднеквадратичное отклонение можно найти как:

$$\sigma = \sqrt{\frac{1}{N} \sum_{i=1}^{n} (R_i - \langle R \rangle)^2}$$
 (4)

Построим функцию распределения Гаусса:

$$y = \frac{1}{\sqrt{2\pi}\sigma} e^{-\frac{(R-\langle R \rangle)^2}{2\sigma^2}} \tag{5}$$

3 Методика измерений

Измерения будем проводить при помощи универсального мультиметра GDM-8145, погрешностью прибора при этом пренебрежем в силу ее малости по справнению со случайным разбросом.

4 Используемое оборудование

Набор резисторов (270 штук); мультиметр GDM-8145, работающий в режиме измерения сопротивления постоянному току.