## Métodos Numéricos (525370)

## Laboratorio 6 2023-2 Interpolación

El objetivo de este laboratorio es aprender técnicas de interpolación, polinomial y por *splines*, y su utilización para crear gráficos.

1. Dados dos vectores x e y de la misma longitud m, el comando MATLAB polyfit determina los coeficientes  $c_i$  del polinomio de grado n

$$p(x) = c_1 x^n + \dots + c_n x + c_{n+1}$$

cuya gráfica ajusta por mínimos cuadrados los puntos  $(x_1, y_1), \ldots, (x_m, y_m)$ . En particular, cuando n = m - 1, p(x) es el polinomio de interpolación determinado por esos puntos.

- (a) Justifique esta última afirmación.
- (b) Aprenda a utilizar el comando polyfit mediante el help de MATLAB.
- (c) i. Genere los puntos  $(x, \operatorname{sen} x)$  para  $x = 0, 1, \dots, 10$ .
  - ii. Dibuje en un mismo gráfico estos puntos y los polinomios de grados 5 y 10 que los ajustan en el sentido de los mínimos cuadrados. Utilice para ello los comandos polyfit y polyval.
  - iii. Indique cómo se ve en el gráfico que el de grado 10 es el polinomio de interpolación.
- (d) Dibuje en un mismo gráfico:
  - i. la función  $f(x) = \frac{1}{1+x^2}$  para  $-5 \le x \le 5$ ;
  - ii. los puntos (x, f(x)) para  $x = -5, -4, \dots, 4, 5$ ;
  - iii. los polinomios de grados 6 y 10 que ajustan esos puntos en el sentido de los mínimos cuadrados.

Explique la razón de las oscilaciones que observa.

- (e) Dibuje en un mismo gráfico la función y los puntos del item anterior, y el spline cúbico natural que interpola esos mismos puntos. Para hacerlo, vea como se utiliza el comando spline mediante el help de MATLAB.
- 2. El archivo pieza.mat (bájelo de TEAMS) contiene valores medidos en un sistema de coordenadas rectangulares del plano de la sección de una pieza mecánica. El contorno de esta pieza consta de tres curvas suaves que se cortan en distintos ángulos. Por ello, las coordenadas de estos puntos se almacenaron en tres grupos, (x1, y1), (x2, y2), (x3, y3), uno para cada una de estas curvas.
  - (a) Dibuje en un mismo gráfico los tres conjuntos de puntos. Verifique que las tres curvas determinan un contorno cerrado y que se cortan formando ángulos.
  - (b) Justifique por qué no puede utilizarse un único spline cúbico para dibujar la sección de la pieza.
  - (c) Dibuje la sección de la pieza mediante tres splines cúbicos, uno para cada curva suave.

- 3. El archivo espiral.mat (bájelo de la página TEAMS) contiene valores medidos de las coordenadas de una espiral.
  - (a) Grafique los puntos y la espiral correspondiente mediante el comando plot de MATLAB.
  - (b) Interpole por separado los puntos  $(i, x_i)$  e  $(i, y_i)$  mediante splines cúbicos y grafique la curva parametrizada que se obtiene.

FST