Questão 7

Com o objetivo de comparar a eficácia entre escovas de dentes comuns e escovas de dentes do tipo monobloco com e sem o uso de dentrifício (pasta de dente) avaliamos duas variáveis a razão do Indíce de Placa Bacteriana (IPB) antes e depois da escovações com as condições citadas anteriormente. Desta forma sendo inicialmente nossa variável resposta $\frac{IPB_{depois}}{IPB_{antes}}$, quanto menor melhor o desempenho na redução das placas.

De forma exploratório observamos que as 4 retas são muito similares, sendo nosso principalmente interesse o coeficiente de inclinação das mesmas.

Inicialmente ajustamos um modelo levando em conta os dois fatores tipo da escova e uso do dentrifício.

| term | estimate | std.error | statistic | p.value |
|---|------------|-----------|------------|------------|
| (Intercept) | 0,5827 | 0,0421 | 13,8554 | 0,0000 |
| EscovaMonobloco | $0,\!1398$ | 0,0564 | $2,\!4772$ | 0,0146 |
| DentrificioSem | 0,0585 | 0,0600 | 0,9757 | 0,3311 |
| ${\bf Escova Monobloco: Dentrificio Sem}$ | -0,0908 | 0,0864 | -1,0502 | $0,\!2957$ |

Observamos que os coeficientes dos termos do dentrifício e o da interação entre o uso da escova monobloco e do dentrifício estão altos temos evidências que podemos reduzir o modelo.

Entre tanto, como o termo de maior coeficiente é relacionado com a interação, o termo da interação será removido antes.

| term | estimate | std.error | statistic | p.value |
|--|----------|-----------|-----------|---------|
| (Intercept) EscovaMonobloco DentrificioSem | 0,6042 | 0,0368 | 16,4376 | 0,0000 |
| | 0,1011 | 0,0428 | 2,3641 | 0,0196 |
| | 0,0148 | 0,0432 | 0,3431 | 0,7321 |

O coeficiente da covariável dos uso de dentrifício continua não sendo significante e será removido.

| term | estimate | std.error | statistic | p.value |
|--------------------------------|------------------|-----------------|-----------------|--------------------|
| (Intercept) EscovaMonobloco | 0,6115 0,0992 | 0,0299 $0,0423$ | 20,466 2,348 | $0,0000 \\ 0,0205$ |

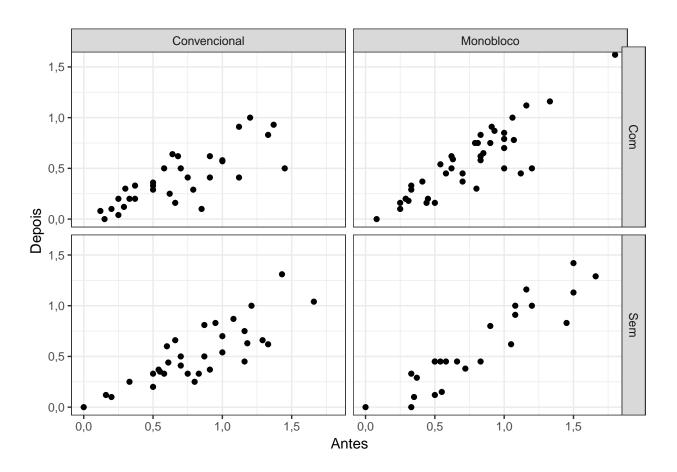
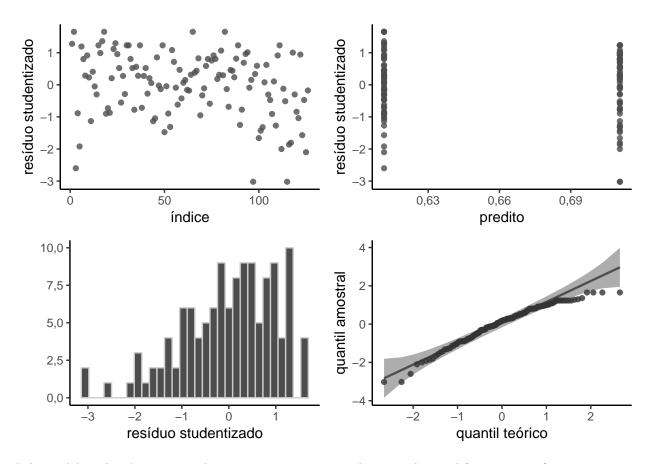


Figure 1: Gráfico da relação entre o IPB antes e depois da escovação



Pelo modelo reduzido temos evidências que apenas o tipo da escova leva a diferenças significantes na razão $\frac{IPB_{depois}}{IPB_{antes}}$, resultando em que o uso das escovas convencionais leva a uma redução de 0,6115 \pm 0,0299 da placa bacteriana e uso da escova monobloco 0,7107 \pm 0,0721, desta forma, as escovas convencionais se mostram superiores.

Buscando responder as mesmas perguntas, ajustamos um novo considerando $\frac{IPB_{depois}-IPB_{antes}}{IPB_{antes}}$

| term | estimate | $\operatorname{std.error}$ | statistic | p.value |
|--------------------------------|------------|----------------------------|------------|------------|
| (Intercept) | -0,4173 | 0,0421 | -9,9236 | 0,0000 |
| EscovaMonobloco | $0,\!1398$ | $0,\!0564$ | $2,\!4772$ | 0,0146 |
| DentrificioSem | 0,0585 | 0,0600 | 0,9757 | $0,\!3311$ |
| EscovaMonobloco:DentrificioSem | -0,0908 | 0,0864 | -1,0502 | 0,2957 |

Como no caso anterior observamos que a presença de dentrificio não é significativa, tanto sozinhos, quanto em conjunto com o outro fator, $tipo\ da\ escova.$

| term | estimate | std.error | statistic | p.value |
|--|----------|-----------|-----------|---------|
| (Intercept) EscovaMonobloco DentrificioSem | -0,3958 | 0,0368 | -10,7695 | 0,0000 |
| | 0,1011 | 0,0428 | 2,3641 | 0,0196 |
| | 0,0148 | 0,0432 | 0,3431 | 0,7321 |

O novo modelo ajustado não apresenta melhora na significância do fator do dentrifício.

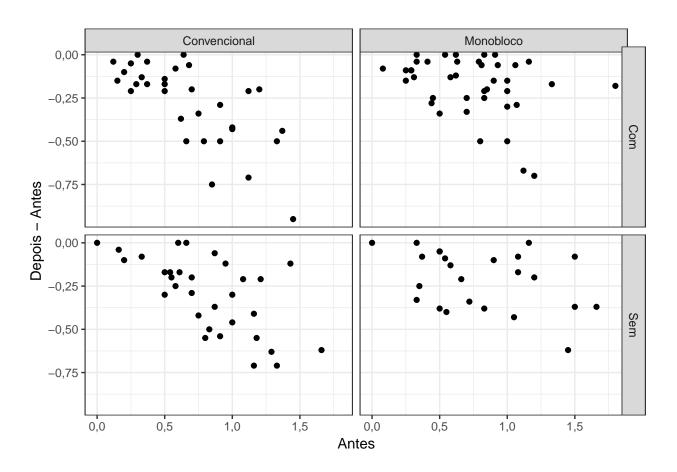
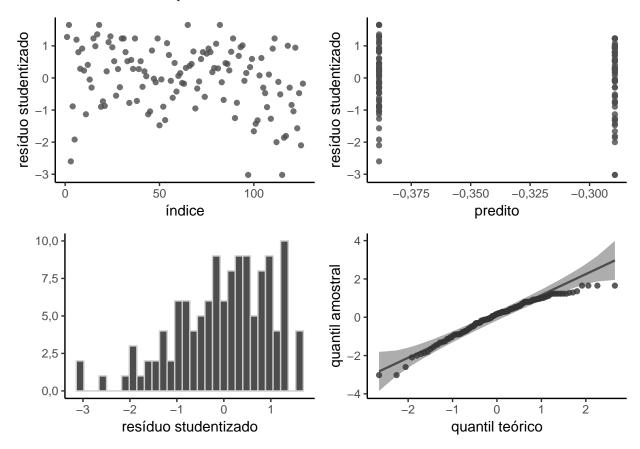


Figure 2: Gráfio da relação entre o denominador e o numerador da nova variável resposta

| term | estimate | std.error | statistic | p.value |
|-----------------|----------|-----------|-----------|---------|
| (Intercept) | -0,3885 | 0,0299 | -13,005 | 0,0000 |
| EscovaMonobloco | 0,0992 | 0,0423 | 2,348 | 0,0205 |

Podemos observar que os coeficientes restantes são significativos, assim avaliamos os resíduos resultantes.

Para este novo modelo temos que o uso das escovas convencionais reduzem -0,3885 \pm 0,0299 em média o IPB encontrado antes da escovação e uso da escova monobloco -0,2893 \pm 0,0721, desta forma, as escovas convencionais se mostram superiores.



Como no caso anterior, pelo resíduos o modelo não parece respeitar as suposições do requeridas pelo Modelo Linear Simples Homocedástico.

Para um estudo mais aprofundado para relação da razão do IPB_{depois} sobre o IPB_{antes} um modelo multiplicativo poderia ser mais adequado modelando o IPB_{depois} em função dos fatores e do IPB_{antes} .