

# Ψηφιακή Επεξεργασία Εικόνας

## - Εργασία 1 -

Απόστολος Μουστακλής AEM:9127 email : amoustakl@auth.gr

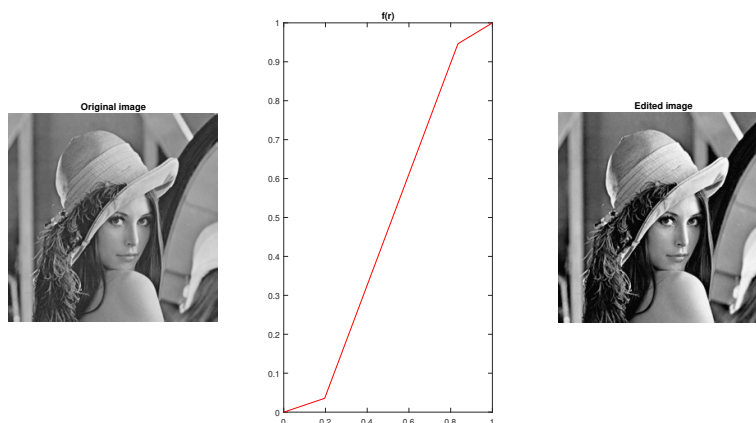
10 Μαΐου 2020

- Περιγραφή της εργασίας

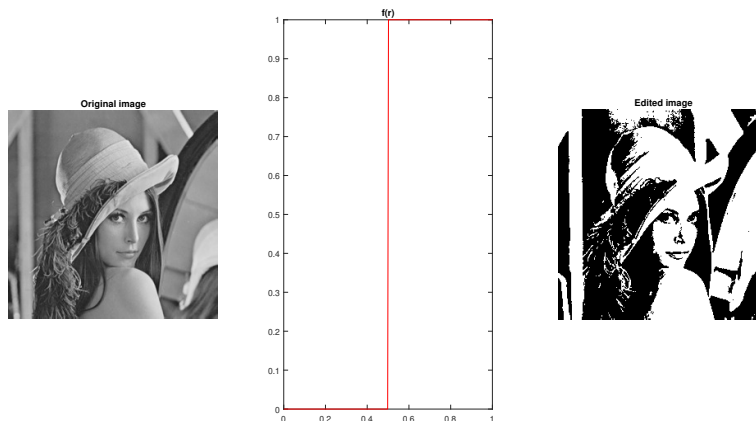
Στην πρώτη εργασία , καλούμαστε να επεξεργαστούμε μία εικόνα με στόχο να τροποποιήσουμε το ιστόγραμμα της. Η εργασία χωρίζεται σε δύο ενότητες , στον σημειακό μετασχηματισμό και σε μετασχηματισμούς στην εικόνα εισόδου οι οποίοι αποσκοπούν στην εμφάνιση συγκεκριμένων προδιαγραφών στο ιστόγραμμα της εικόνας εξόδου.

- 1. Σημειακός μετασχηματισμός

Μέσω της συνάρτησης  $Y = \text{pointtransform}(X, x1, y1, x2, y2)$  ,η μονοχρωματική εικόνα εισόδου  $X$  θα μετασχηματίζεται σημειακά στην εικόνα  $Y$ . Στην πρώτη περίπτωση (α) χρησιμοποιούμε σαν τιμές εισόδου τις  $[x1, y1, x2, y2] = [0.1961, 0.0392, 0.8039, 0.9608]$  , ενώ στην περίπτωση (β) επιλέγουμε σαν τιμές εισόδου τις  $[x1, y1, x2, y2] = [0.0000, 0.0001, 0.5000, 1.0000]$  , έτσι ώστε να εξασφαλιστεί ότι η εικόνα που προκύπτει είναι ασπρόμαυρη και κατωφλιασμένη στην τιμή 0.5.



Σχήμα 1: Contrast Strecthing.



Σχήμα 2: Clipping.

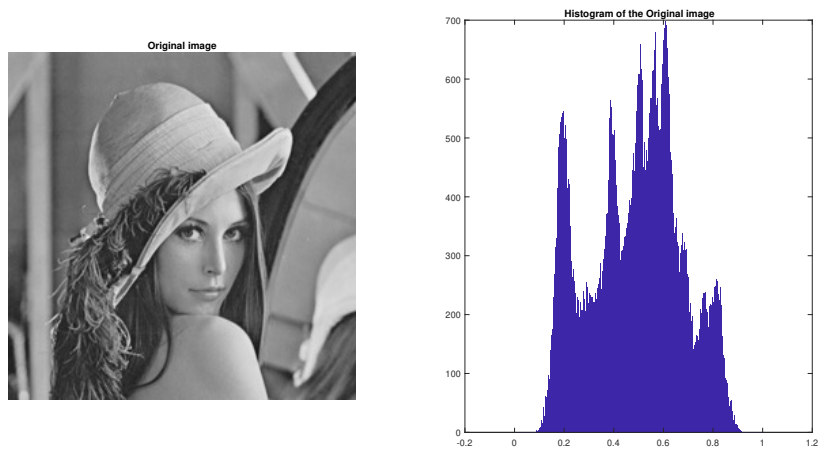
## • 2. Μετασχηματισμοί ιστογράμματος

Σε αυτή την ενότητα της εργασίας θα ακολουθήσουμε κάποιους μετασχηματισμούς στην εικόνα εισόδου μέσω των οποίων θα εμφανίζονται συγκεκριμένες προδιαγραφές στο ιστόγραμμα της εικόνας εξόδου.

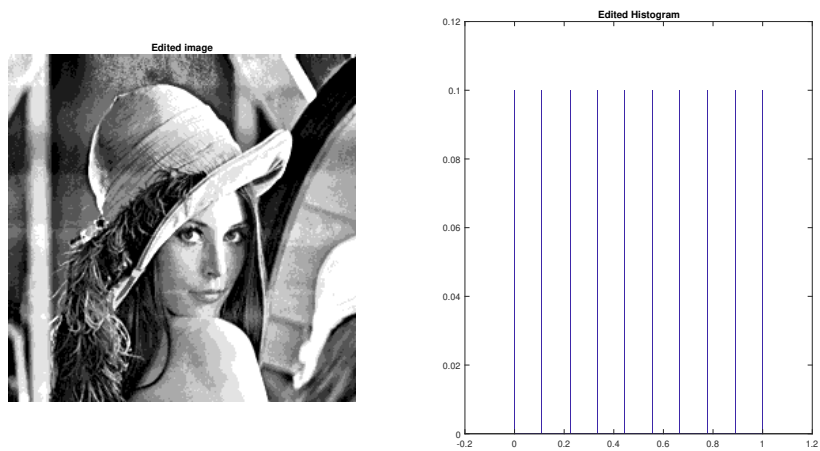
### • 2.1. Μετασχηματισμός με βάση το ιστόγραμμα

Μέσω της συνάρτησης  $Y = \text{histtransform}(X, h, v)$ , η εικόνα εισόδου  $X$  θα μετασχηματίζεται στην εικόνα εξόδου  $Y$ , έτσι ώστε το ιστόγραμμα της να προσεγγίζει όσο καλύτερα γίνεται το ιστόγραμμα που περιγράφεται από τα διάνυσμα  $h, v$ . Το διάνυσμα περιέχει (σε αύξουσα σειρά) τις τιμές φωτεινότητας τις οποίες θα περιέχει η  $Y$ . Το διάνυσμα  $h$  περιέχει κατά αντιστοιχία με τις τιμές του τις τιμές του ιστογράμματος, δηλαδή το  $h(i)$  είναι το ποσοστό των pixels της  $Y$  τα οποία θα πρέπει να έχουν φωτεινότητα  $(i)$ . Καλούμαστε λοιπόν να δημιουργήσουμε έναν άπληστο αλγόριθμο ο οποίος θα ξεκινάει από τα pixels με τη χαμηλότερη φωτεινότητα και θα τα μετασχηματίζει στις αντίστοιχες  $v(i)$ , έως ώτου ο αριθμός των pixels που έχουν ανατεθεί στην στάθμη  $v(i)$  προς τον συνολικό αριθμό pixels της εικόνας είναι μικρότερο της τιμής  $h(i)$ . Τότε πηγαίνω στην επόμενη θέση  $(i+1)$ , έως ότου μετασχηματιστούν όλα τα pixels της εικόνας.

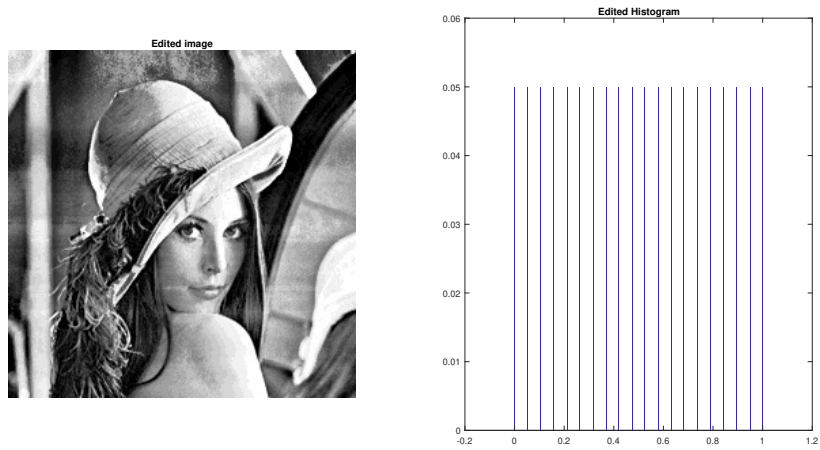
Στην υλοποίηση του αλγορίθμου αρχικά ξεκινάμε με τη ταξινόμηση του διδιάστατου πίνακα ως προς τις γραμμές. Ακολουθώντας την άπληστη λογική κάθε pixel που ικανοποιεί την συνθήκη ανανεώνει την τιμή του σύμφωνα με την στάθμη που είμαστε. Τέλος επιστρέφουμε το pixel στην αρχική του θέση.



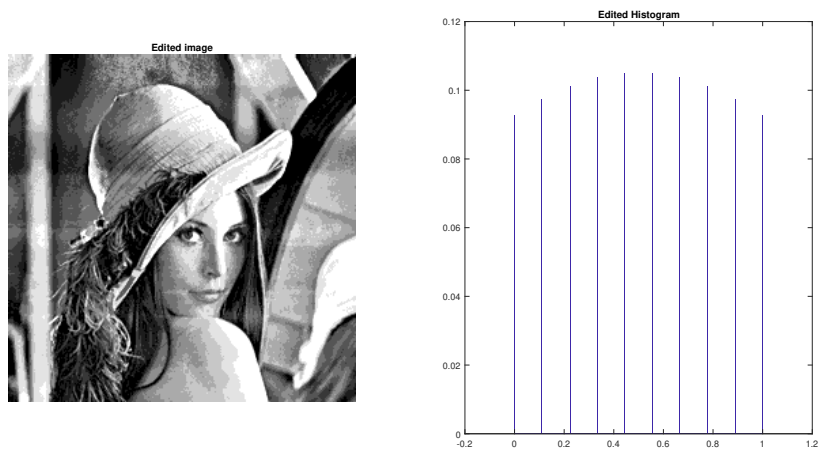
Σχήμα 3: Original.



Σχήμα 4: Case 1.



Σχήμα 5: Case 2.



Σχήμα 6: Case 3.

## • 2.2. Εκτίμηση ιστογράμματος από κατανομή

Μέσω της συνάρτησης  $h = \text{pdf2hist}(d, f)$ , θα υπολογίσουμε τις τιμές του ιστογράμματος  $h$  στα διαστήματα που ορίζει το  $d$ .

Το  $d$  είναι ένα διάνυσμα μήκους  $n + 1$  το οποίο ορίζει  $n$  διαδοχικά διαστήματα με τον ακόλουθο τρόπο  $[d(1), d(2)]$ ,  $[d(2), d(3)]$ , ...,  $[d(\text{end} - 1), d(\text{end})]$  ενώ το  $f$  είναι function pointer. Χρησιμοποιώντας την συνάρτηση `integral` του `matlab`, η οποία κάνει αριθμητική ολοκλήρωση, πετυχαίνουμε τον υπολογισμό της πιθανότητας της φωτεινότητας στο συγκεκριμένο διάστημα. Αφού όπως γνωρίζουμε από τις πιθανότητες, το ολοκλήρωμα της συνάρτησης πυκνότητας πιθανότητας σε ένα συγκεκριμένο διάστημα, εκφράζει την πιθανότητα η μεταβλητή μας να πάρει τιμή στο συγκεκριμένο διάστημα, στην συγκεκριμένη περίπτωση, το  $h$ .

## • 2.3. Μετασχηματισμός με βάση την πυκνότητα πιθανότητας

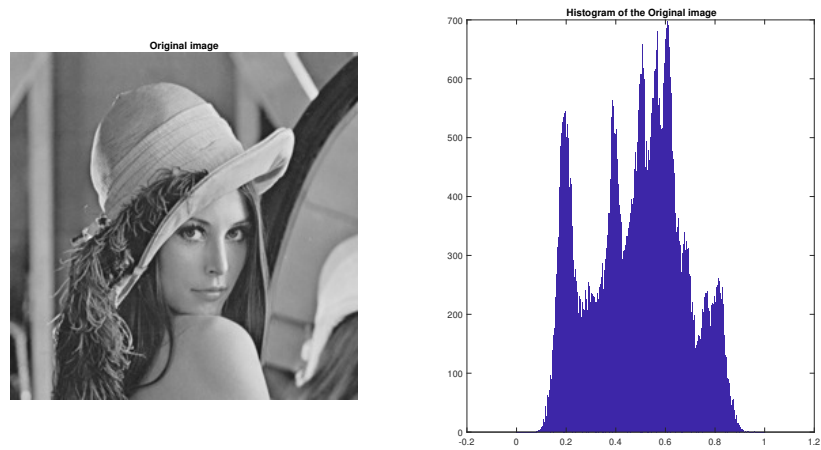
Χρησιμοποιώντας τις συναρτήσεις που κατασκευάσαμε στα προηγούμενα ζητούμενα, θα μετασχηματίσουμε την εικόνα έτσι ώστε το ιστόγραμμα της να προσεγγίζει τα ακόλουθα ιστογράμματα.

1. Ομοιόμορφη κατανομή στο  $[0,1]$
2. Ομοιόμορφη κατανομή στο  $[0,2]$
3. Κανονική κατανομή με μέση τιμή 0.5 και τυπική απόκλιση 0.1

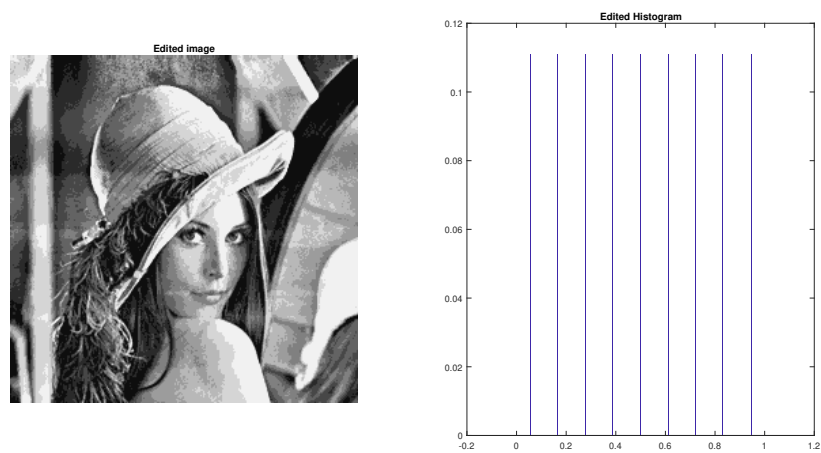
Ουσιαστικά, θα καλέσουμε την συνάρτηση  $h = \text{pdf2hist}(d, f)$ , μέσω της οποίας θα πάρουμε το  $h$ , το οποίο θα χρησιμοποιήσουμε στην συνέχεια σαν όρισμα στην συνάρτηση  $Y = \text{histtransform}(X, h, v)$ . Όσον αφορά το  $v$ , σαν σύμβαση θεωρούμε ότι κάθε διάστημα που ορίζει το  $d$ , αντιστοιχίζεται σε φωτεινότητα ίση με το μέσον του διαστήματος. Η δημιουργία του  $h$  επηρεάζεται από την επιλογή του διαστήματος  $d$ . Καθώς στην συνθήκη του άπληστου αλγόριθμου μας για τον μετασχηματισμό με βάση το ιστόγραμμα υπάρχει εξάρτηση από το  $h$ , συμπαιρνούμε ότι η αρχική επιλογή του  $d$ , μπορεί να επηρεάσει το τελικό αποτέλεσμα. Το πόσα διαδοχικά διαστήματα θα πάρουμε θα επηρεάσει την εικόνα εξόδου.

Έτσι για λίγα υποδιαστήματα, θα προκύψουν λίγες στάθμες φωτεινότητας, ενώ αν αυξήσουμε υπερβολικά τον αριθμό των υποδιαστημάτων, το ιστόγραμμα σταματάει να ακολουθεί την ζητούμενη κατανομή. Παρουσιάζονται τα αποτελέσματα για διάφορες τιμές υποδιαστημάτων ( Όσον αφορά την περίπτωση της Ομοιόμορφη κατανομή στο  $[0,2]$  έχει γίνει κανονικοποίηση στο διάστημα  $[0,1]$  και το  $d$  ορίζεται ως  $d = \text{linspace}(0,2,n)$  ).

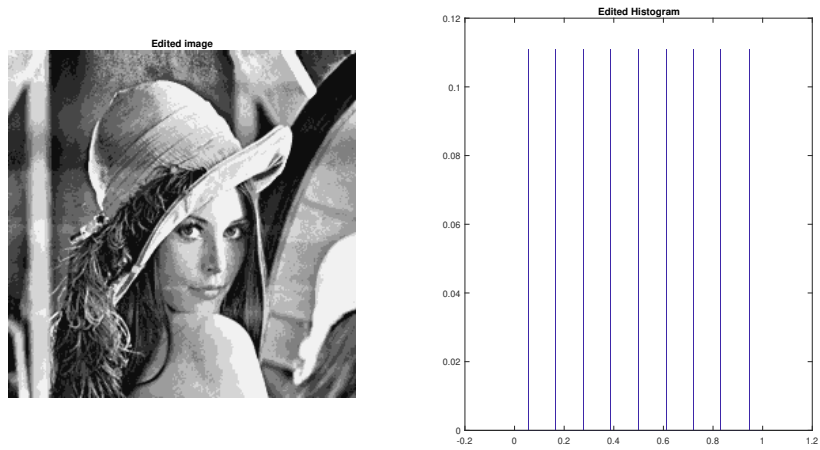
Εικόνες που προκύπτουν για  $d = \text{linspace}(0,1,10)$



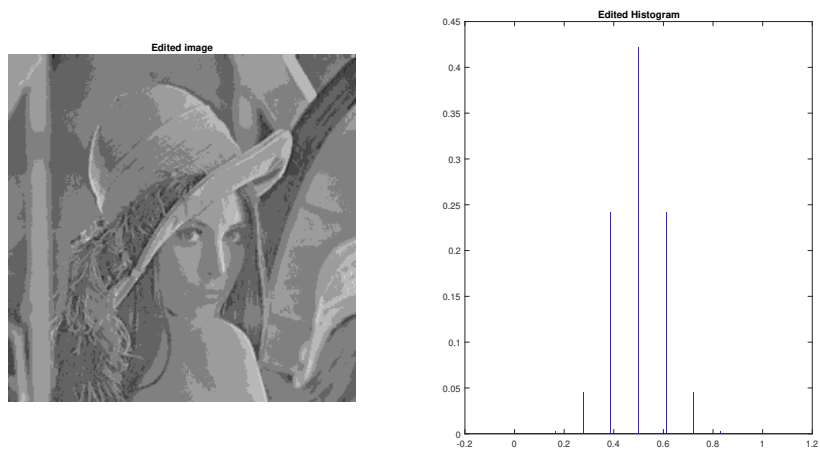
Σχήμα 7: Original.



Σχήμα 8: Uniform at  $[0,1]$ .

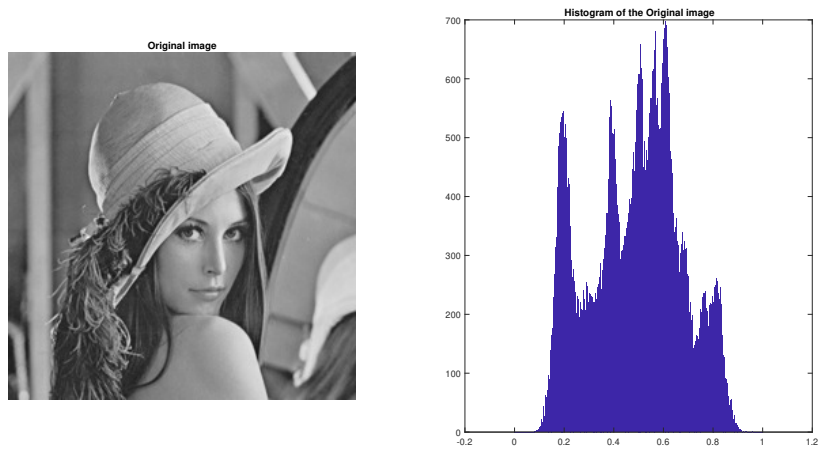


Σχήμα 9: Uniform at  $[0,2]$ .

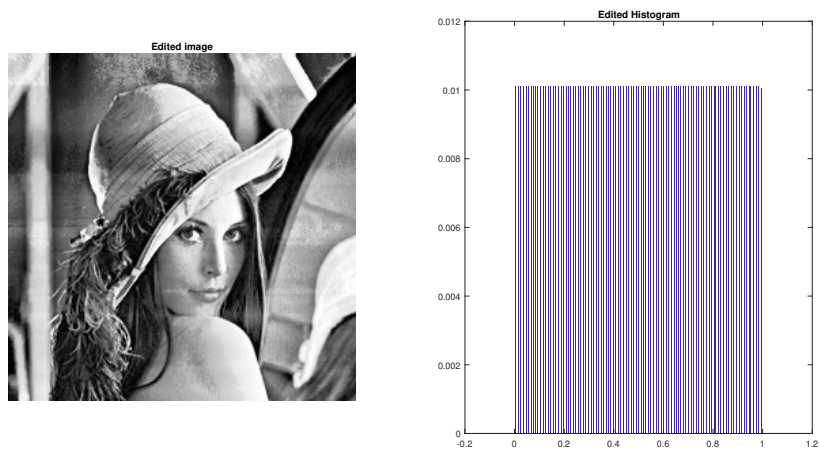


Σχήμα 10: Normal Distribution.

Εικόνες που προκύπτουν για  $d = \text{linspace}(0,1,100)$

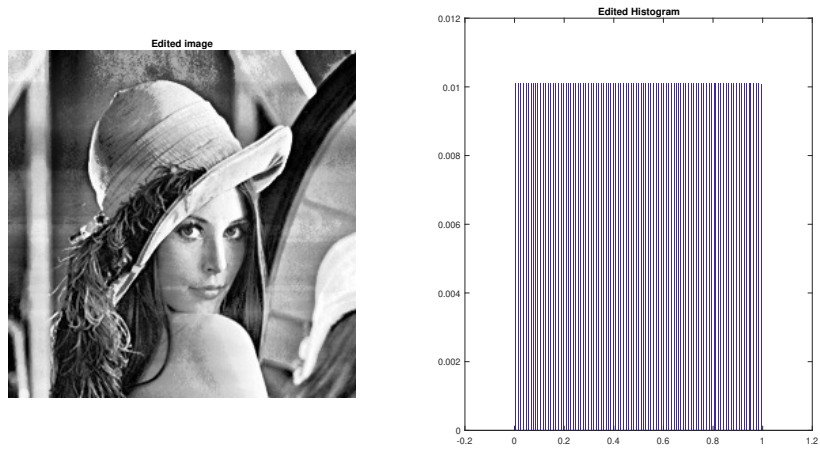


Σχήμα 11: Original.

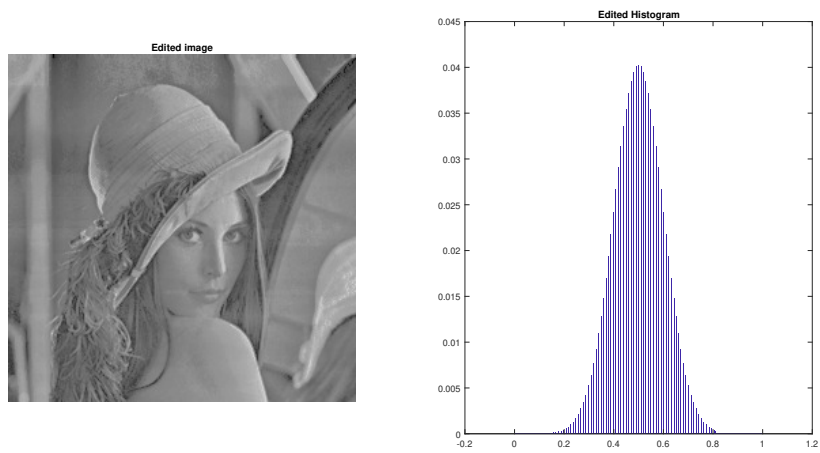


Σχήμα 12: Uniform at  $[0,1]$ .



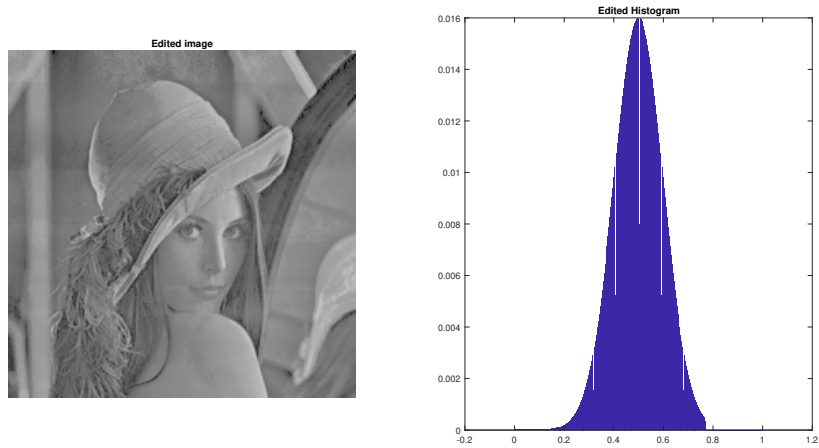


Σχήμα 13: Uniform at  $[0,2]$ .

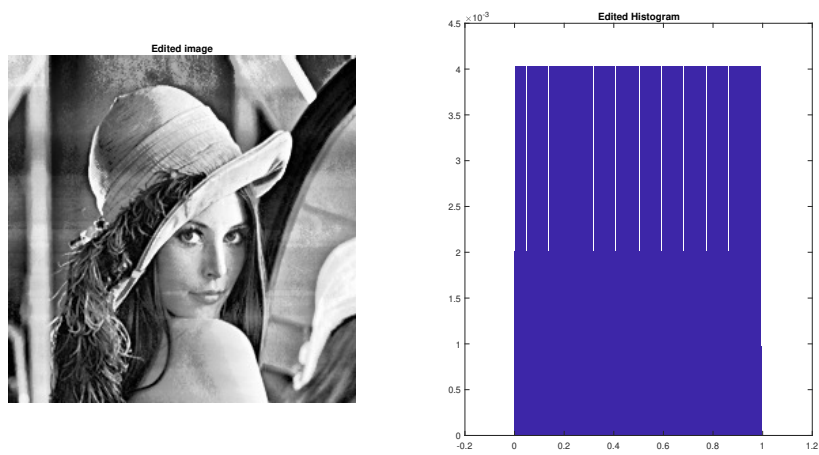


Σχήμα 14: Normal Distribution.

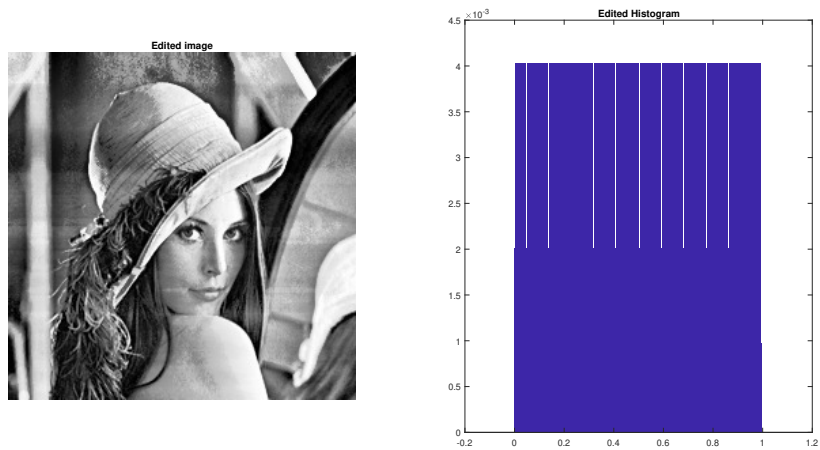
Εικόνες που προκύπτουν για  $d = \text{linspace}(0,1,500)$



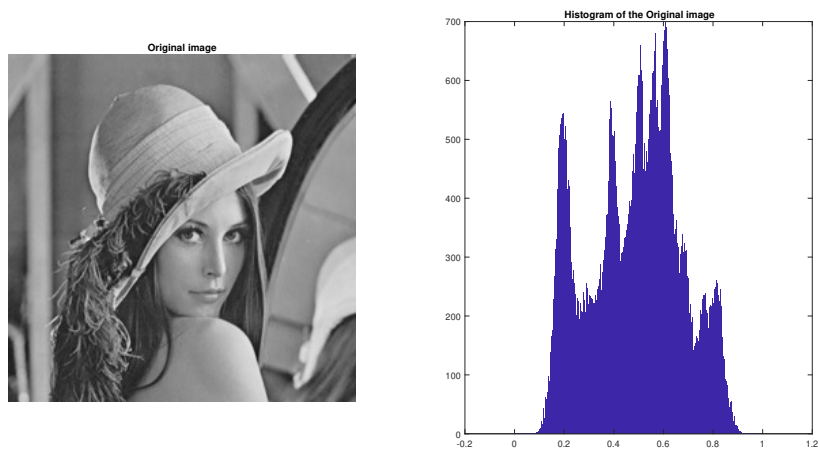
Σχήμα 15: Original.



Σχήμα 16: Uniform at  $[0,1]$ .



Σχήμα 17: Uniform at  $[0,2]$ .



Σχήμα 18: Normal Distribution.