# Join (naturale)

E' l'operatore più caratteristico dell'algebra relazionale, che evidenzia la proprietà del modello relazionale di essere basato su valori. Non ha un corrispettivo nella teoria degli insiemi

L'operatore di join (naturale) correla dati contenuti in relazioni diverse

Nella situazione più comune, produce una relazione definita sull'unione degli schemi degli operandi, le cui tuple sono ottenute combinando le tuple degli operandi che hanno valori uguali su attributi comuni (cioè che hanno lo stesso nome nei due schemi)

Il join naturale  $r_1 \diamond r_2$  di  $r_1(X_1)$  e  $r_2(X_2)$  è una relazione definita su  $X_1 \cup X_2$  (che si può scrivere  $X_1X_2$ )

$$r_1 \diamond r_2 = \{ t su X_1X_2 | t[X_1] \in r_1 e t[X_2] \in r_2 \}$$

Il grado di tale relazione (numero attributi) è minore o uguale alla somma dei gradi delle due relazioni poiché gli attributi omonimi compaiono una sola volta

Per questo motivo la definizione implica, normalmente, che una tupla del risultato sia ottenuta concatenando ogni tupla della prima relazione con ogni tupla della seconda in cui gli attributi comuni hanno lo stesso valore

### Due casi limite:

- join vuoto, le due tabelle hanno alcuni attributi in comune ma nessuna tupla di un operando è combinabile con nessuna tupla dell'altro
- prodotto cartesiano degli operandi: ciascuna delle tuple di un operando è combinabile con tutte le tuple dell'altro. Può verificarsi se le due relazioni non hanno attributi in comune

 Se X₁ ∩ X₂ è vuoto il join naturale equivale al prodotto cartesiano fra le relazioni.

### **Dimostrazione**

Le due relazioni non hanno attributi comuni => ogni tupla della prima relazione può «concatenarsi» con ogni tupla della seconda, soddisfacendo la definizione di join

• Se le due relazioni hanno lo stesso schema  $(X_1 = X_2)$  il join naturale equivale all'intersezione fra le relazioni.

#### **Dimostrazione**

Ogni tupla può «concatenarsi» solo con una tupla uguale => è presente nel risultato finale se e solo se è presente in entrambe le relazioni NB La concatenazione genera la tupla stessa

Se ciascuna tupla di ciascun operando contribuisce ad almeno una tupla del risultato il join si dice completo

Se per alcune tuple non è verificata la corrispondenza e quindi non contribuiscono al risultato, le tuple si dicono *dangling* 

| Impiegato | Reparto |
|-----------|---------|
| Rossi     | A       |
| Neri      | В       |
| Bianchi   | В       |

| Reparto | Capo  |
|---------|-------|
| Α       | Mori  |
| В       | Bruni |

| Impiegato | Reparto | Capo  |
|-----------|---------|-------|
| Rossi     | A       | Mori  |
| Neri      | В       | Bruni |
| Bianchi   | В       | Bruni |

• ogni tupla contribuisce al risultato: il join è completo

# Un Join non completo

| Impiegato | Reparto |
|-----------|---------|
| Rossi     | A       |
| Neri      | В       |
| Bianchi   | В       |

| Reparto | Capo  |
|---------|-------|
| В       | Mori  |
| С       | Bruni |

| Impiegato | Reparto | Capo |
|-----------|---------|------|
| Neri      | В       | Mori |
| Bianchi   | В       | Mori |

## Un Join vuoto

| Impiegato | Reparto | Reparto Capo |
|-----------|---------|--------------|
| Rossi     | Α       | D Mori       |
| Neri      | В       | C Bruni      |
| Bianchi   | В       |              |

Impiegato Reparto Capo

## Join: proprietà

- r<sub>1</sub> ◊ r<sub>2</sub> contiene un numero di tuple compreso fra zero (*risultato* = *insieme vuoto*) e il prodotto di |r<sub>1</sub>| e |r<sub>2</sub>| (*risultato* = *prodotto cartesiano*)
- Se r₁ ◊ r₂ è completo allora contiene un numero di tuple pari almeno al massimo fra |r₁| e |r₂| (nessuna tupla resta esclusa, quindi tutte le tuple della relazione di cardinalità maggiore partecipano sicuramente al join)
- Se X<sub>1</sub>∩X<sub>2</sub> contiene una chiave per r<sub>2</sub>, allora r<sub>1</sub>(X<sub>1</sub>) ◊ r<sub>2</sub>(X<sub>2</sub>) contiene al più |r<sub>1</sub>| tuple (ogni tupla di r<sub>1</sub> si associa al più a una tupla di r<sub>2</sub>).

# Join: proprietà

- se il join coinvolge una chiave di r<sub>2</sub> e un vincolo di integrità referenziale da r<sub>1</sub> a r<sub>2</sub>, allora il numero di tuple è pari a |r<sub>1</sub>|
  (ogni tupla di r<sub>1</sub> si associa ad una e una sola tupla di r<sub>2</sub>)
- $r_1 \diamond r_2 = r_2 \diamond r_1$  il join è commutativo
- (r<sub>1</sub> ◊ r<sub>2</sub>) ◊ r<sub>3</sub> = r<sub>1</sub> ◊ (r<sub>2</sub> ◊ r<sub>3</sub>) il join è associativo
  Quindi sequenze di join possono essere scritte senza parentesi

Per correlare attributi con nome diverso (se cioè  $X_1 \cap X_2$  è vuoto) è possibile fare il *theta-join*, definito come un prodotto cartesiano seguito da una selezione

$$r_1 \diamond_F r_2 = \sigma_F (r_1 \diamond r_2)$$

dove F è la condizione di selezione.

Se F è una condizione di uguaglianza fra un attributo della prima relazione e uno della seconda, allora siamo in presenza di un *equi-join*. E' il tipo di join più comune.

Sono importanti formalmente:

- il join naturale è basato sui nomi degli attributi
- equi-join e theta-join sono basati sui valori

Il theta-join, espresso come prodotto cartesiano seguito da una selezione, è il tipo di join operativamente più generale. Infatti:

- Consente di associare (concatenare) tuple attraverso la corrispondenza fra attributi arbitrari e non necessariamente omonimi
- Consente di basare l'associazione su una arbitraria condizione e non solo su una condizione di uguaglianza

### **Impiegati**

| Impiegato | Reparto |
|-----------|---------|
| Rossi     | Α       |
| Neri      | В       |
| Bianchi   | В       |

### Reparti

| Codice | Capo  |
|--------|-------|
| Α      | Mori  |
| В      | Bruni |

Impiegati JOIN<sub>Reparto=Codice</sub> Reparti

| Impiegato | Reparto | Codice | Capo  |
|-----------|---------|--------|-------|
| Rossi     | A       | Α      | Mori  |
| Neri      | В       | В      | Bruni |
| Bianchi   | В       | В      | Bruni |