MDI0001 Matemática Discreta

UDESC - Centro de Ciências Tecnológicas Bacharelado em Ciência da Computação

Exercícios Contagem

- 1. Uma loja de sorvetes permite que você escolha um sabor (baunilha, morango, pêssego, chocolate ou pistache), um acompanhamento (raspas de chocolate, castanhas ou tubetes) e uma cobertura (caramelo ou leite condensado) para montar a sobremesa da promoção do mês. Quantas sobremesas diferentes são possíveis?
- 2. No exercício anterior, quantas escolhas possíveis de sobremesa você tem se for alérgico a morango e a chocolate?
- 3. Quantos números de três dígitos menores do que 600 podem ser formados usando somente os algarismos 8, 6, 4 e 2?
- 4. Um conectivo lógico pode ser definido através de sua tabela-verdade. Quantos conectivos lógicos binários diferentes existem?
- 5. A partir do conjunto dos números inteiros com três dígitos (números entre 100 e 999, inclusive).
 - a) Quantos são divisíveis por 5?
 - b) Quantos não são divisíveis por 5?
 - c) Quantos são divisíveis por 4?
 - d) Quantos são divisíveis por 4 ou 5?
 - e) Quantos são divisíveis por 4 e 5?
 - f) Quantos não são divisíveis nem por 4 e nem por 5?
- 6. A partir do conjunto das sequências binárias de 8 bits.
 - a) Quantas sequências desse tipo existem?
 - b) Quantas começam e terminam com 0?
 - c) Quantas começam ou terminam com 0?
 - d) Quantas têm o segundo dígito igual a 1?
 - e) Quantas começam por 111?
 - f) Quantas contêm exatamente um 0?
 - g) Quantas começam com 10 ou tem 0 como terceiro dígito?
 - h) Quantas são palíndromos? Ou seja a leitura da sequência da esquerda para a direita é igual à leitura da sequência da direita para a esquerda.
- 7. Um exame de múltipla escolha tem 20 questões, cada uma com quatro respostas possíveis, e 10 questões adicionais, cada uma com cinco respostas possíveis. Quantas folhas diferentes de respostas são possíveis?
- 8. Na linguagem BASIC original, um identificador tem que ser uma única letra ou uma letra seguida de um único dígito. Quantos identificadores podemos formar deste modo?

- 9. Uma pesquisa entre 150 alunos de faculdades revelam que 83 têm carros, 97 têm bicicletas,28 têm motos, 53 têm um carro e uma bicicleta, 14 têm um carro e uma moto, 7 têm bicicleta e uma moto e 2 têm todos os três tipos de veículos.
 - a) Quantos estudantes têm apenas uma bicicleta?
 - b) Quantos estudantes andam a pé ou de busão? ;-)
- 10. Dezenove produtos diferentes para bochechar anunciam as seguintes propriedades: 12 afirmam que refrescam o hálito, 10 anunciam que previnem a gengivite, 11 dizem reduzir a formação de placas, 6 afirmam que refrescam o hálito e reduzem a formação de placas, 5 anunciam que previnem a gengivite e também refrescam o hálito, e 5 dizem que previnem gengivite e reduzem a formação de placas.
 - a) Quantos produtos anunciam que têm todas as três propriedades?
 - b) Quantos produtos dizem que refrescam o hálito mas não afirmam reduzir a formação de placas?
- 11. Você está desenvolvendo um novo sabão para banho e contrata um grupo que faz pesquisas de opinião para pesquisar o mercado. O grupo afirma que em sua pesquisa com 450 consumidores as seguintes propriedades foram destacadas como sendo importantes na compra para sabão para banho:

Características	Amostra
Cheiro	425
Facilidade em ensaboar	397
Ingredientes naturais	340
Cheiro e facilidade em ensaboar	284
Cheiro e ingredientes naturais	315
Facilidade em ensaboar e ingredientes naturais	219
Todos os três fatores	147

Você deveria confiar nesses resultados? Por quê?

- 12. Escreva a expressão para o cálculo de $|A \cup B \cup C \cup D|$.
- 13. Quantas cartas devem ser retiradas de um baralho padrão com 52 cartas para se obter, com certeza, duas cartas do mesmo naipe?
- 14. Um serviço de empregados domésticos por computador tem uma lista contendo 50 homens e 50 mulheres. São selecionados nomes aleatoriamente. Quantos nomes têm que ser selecionados para se garantir que apareça dois nomes de pessoas do mesmo sexo?
- 15. Prove que, se quatro números forem escolhidos do conjunto $\{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$, pelo menos um par tem que somar 7. $Sugest\hat{a}o$: encontre todos os pares de números do conjunto cuja soma seja 7.
- 16. Quantos números devem ser escolhidos do conjunto {2, 4, 6, 8, 10, 12, 14, 16, 18, 20} para se garantir que pelo menos um par some 22?