



ELTE | IK

PROGRAMOZÁS

Programozási minták

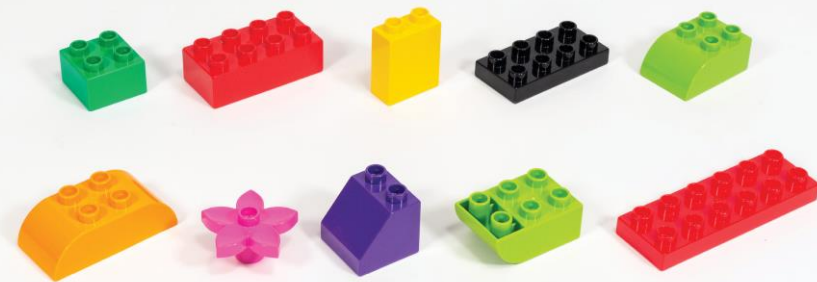
Horváth Győző, Horváth Gyula, Szlávi Péter



Programozási minták

1. Összegzés
 1. Általános összegzés
2. Megszámolás
3. Maximumkiválasztás
 - a. Minimumkiválasztás
4. Feltételes maximumkeresés
5. Keresés
6. Eldöntés
 - a. Mind eldöntés
7. Kiválasztás
8. Másolás
9. Kiválogatás

Most Common DUPLO Parts



Brick Architect 

Programozási minták

1. Általános összegzés
 - a. Megszámolás
 - b. (Feltételes összegzés)
 - c. Másolás
 - d. Kiválogatás
2. Maximumkiválasztás
 - a. Minimumkiválasztás
3. Feltételes maximumkeresés
4. Keresés
 - a. Eldöntés
 - b. Mind eldöntés
5. Kiválasztás

Most Common DUPLO Parts



Összegzés sablon

Feladat

Adott az egész számok egy $[e..u]$ intervalluma és egy $f:[e..u] \rightarrow H$ függvény. A H halmaz elemein értelmezett az összeadás művelet. Határozzuk meg az f függvény $[e..u]$ intervallumon felvett értékeinek az **összegét**, azaz a $\sum_{i=e}^u f(i)$ kifejezés értékét! ($e > u$ esetén ennek az értéke definíció szerint a nulla elem)

Specifikáció

Be: $e \in \mathbb{Z}, u \in \mathbb{Z}$

Ki: $s \in H$

Ef: -

Uf: $s = \text{SZUMMA}(i=e..u, f(i))$

Algoritmus

```
s:=0
i=e..u
  s:=s+f(i)
```

Általános összegzés sablon

Művelet neve	Operátor	Nul	Művelet neve	Operátor	Nullelem
összeadás	+	0	únió	U	\emptyset
szorzás	*	1	logikai és	és	igaz
szövegösszefűzés	+	""	logikai vagy	vagy	hamis
			tömbhöz fűzés	hozzáfűz	üres tömb

Feladat

Adott az egész számok egy $[e..u]$ intervalluma és egy $f:[e..u] \rightarrow H$ függvény. A H halmaz elemein értelmezett egy asszociatív, baloldali nulla elemmel rendelkező művelet, amit most összeadásnak nevezünk és $+$ -szal jelöljük. Határozzuk meg az f függvény $[e..u]$ intervallumon felvett értékeinek az összegét, azaz a $\sum_{i=e}^u f(i)$ kifejezés értékét! ($e > u$ esetén ennek az értéke definíció szerint a nulla elem)

Specifikáció

Be: $e \in \mathbb{Z}, u \in \mathbb{Z}$

Ki: $s \in H$

Ef: -

Uf: $s = \text{SZUMMA}(i=e..u, f(i), 0, +)$

Algoritmus

```
s:=0
```

```
i=e..u
```

```
s:=s+f(i)
```

Megszámolás sablon

i	T(i)	érték
e	IGAZ	1
e+1	HAMIS	0
...	HAMIS	0
u	IGAZ	1
db=		2

Feladat

Adott az egész számok egy $[e..u]$ intervalluma és egy $T:[e..u] \rightarrow \text{Logikai feltétel}$. Határozzuk meg, hogy az $[e..u]$ intervallumon a T feltétel **hányszor** veszi fel az igaz értéket!

Specifikáció

Be: $e \in \mathbb{Z}$, $u \in \mathbb{Z}$

Ki: $db \in \mathbb{N}$

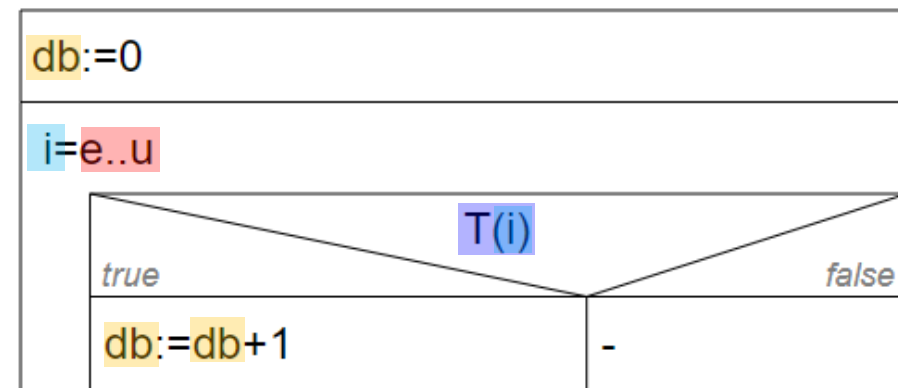
Ef: -

Uf: $db = \text{SZUMMA}(i=e..u, 1, T(i))$

Rövidítve:

Uf: $db = \text{DARAB}(i=e..u, T(i))$

Algoritmus



Maximumkiválasztás sablon

Feladat

Adott az egész számok egy $[e..u]$ intervalluma és egy $f:[e..u] \rightarrow H$ függvény. A H halmaz elemein értelmezett egy teljes rendezési reláció. Határozzuk meg, hogy az f függvény **hol** veszi fel az $[e..u]$ nem üres intervallumon a legnagyobb értéket, és mondjuk meg, **mekkora** ez a maximális érték!

Specifikáció

Be: $e \in \mathbb{Z}$, $u \in \mathbb{Z}$

Ki: $\text{maxind} \in \mathbb{Z}$, $\text{maxért} \in H$

Ef: $e \leq u$

Uf: $\text{maxind} \in [e..u]$ és
 $\forall i \in [e..u]: (f(\text{maxind}) \geq f(i))$ és
 $\text{maxért} = f(\text{maxind})$

Rövidítve:

Uf: $(\text{maxind}, \text{maxért}) = \text{MAX}(i=e..u, f(i))$

Algoritmus

$\text{maxért} := f(e); \text{maxind} := e$	
$i = e+1..u$	
$f(i) > \text{maxért}$	
true	false
$\text{maxért} := f(i)$	-
$\text{maxind} := i$	

Minimumkiválasztás sablon

Feladat

Adott az egész számok egy $[e..u]$ intervalluma és egy $f:[e..u] \rightarrow H$ függvény. A H halmaz elemein értelmezett egy teljes rendezési reláció. Határozzuk meg, hogy az f függvény **hol** veszi fel az $[e..u]$ nem üres intervallumon a legkisebb értéket, és mondjuk meg, **mekkora** ez a minimális érték!

Specifikáció

Be: $e \in \mathbb{Z}$, $u \in \mathbb{Z}$

Ki: $\text{minind} \in \mathbb{Z}$, $\text{minért} \in H$

Ef: $e \leq u$

Uf: $\text{minind} \in [e..u]$ és
 $\forall i \in [e..u]: (f(\text{minind}) \leq f(i))$ és
 $\text{minért} = f(\text{minind})$

Rövidítve:

Uf: $(\text{minind}, \text{minért}) = \text{MIN}(i=e..u, f(i))$

Algoritmus

$\text{minért} := f(e); \text{minind} := e$	
$i = e+1..u$	
$f(i) < \text{minért}$	
true	false
$\text{minért} := f(i)$	
$\text{minind} := i$	

Feltételes maximumkeresés sablon

Feladat

Adott az egész számok egy $[e..u]$ intervalluma, egy $f:[e..u] \rightarrow H$ függvény és egy $T:[e..u] \rightarrow \text{Logikai feltétel}$. A H halmaz elemein értelmezett egy teljes rendezési reláció. Határozzuk meg, hogy az $[e..u]$ intervallum T feltételt kielégítő elemei közül az f függvény **hol** veszi fel a **legnagyobb értéket**, és mondjuk meg, mekkora ez az érték!

Specifikáció és algoritmus:

Be: $e \in \mathbb{Z}$, $u \in \mathbb{Z}$

Ki: $\text{van} \in \mathbb{L}$, $\text{maxind} \in \mathbb{Z}$, $\text{maxért} \in H$

Ef: -

Uf: $\text{van} = \exists i \in [e..u]: (T(i))$ és

$\text{van} \rightarrow (\text{maxind} \in [e..u] \text{ és}$

$\text{maxért} = f(\text{maxind}) \text{ és } T(\text{maxind}) \text{ és}$

$\forall i \in [e..u]: (T(\text{maxind}) \rightarrow \text{maxért} \geq f(i)))$

Rövidítve:

Uf: $(\text{van}, \text{maxind}, \text{maxért}) = \text{MAX}(i \in [e..u], f(i), T(i))$

$\text{van} := \text{hamis}$			
$i = e..u$			
nem $T(i)$	$\text{van és } T(i)$		nem $\text{van és } T(i)$
-	$f(i) > \text{maxért}$		$\text{van} := \text{igaz}$
	$\text{maxért} := f(i)$	-	$\text{maxért} := f(i)$
	$\text{maxind} := i$		$\text{maxind} := i$

Keresés sablon

Feladat

Adott az egész számok egy $[e..u]$ intervalluma és egy $T:[e..u] \rightarrow \text{Logikai feltétel}$. Határozzuk meg az $[e..u]$ intervallumban balról az **első olyan számot**, ha **van**, amely kielégíti a T feltételt!

Specifikáció

Be: $e \in \mathbb{Z}$, $u \in \mathbb{Z}$

Ki: $\text{van} \in \mathbb{L}$, $\text{ind} \in \mathbb{Z}$

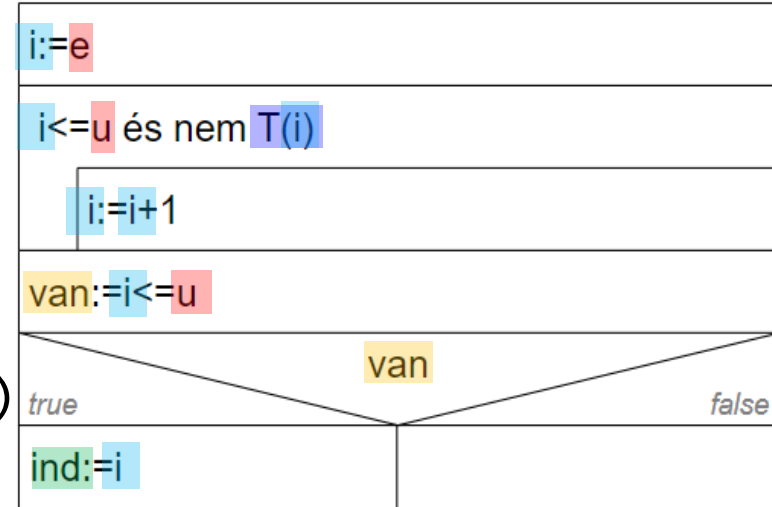
Ef: -

Uf: $\text{van} = \exists i \in [e..u] : (T(i))$ és
 $\text{van} \rightarrow (\text{ind} \in [e..u] \text{ és } T(\text{ind}) \text{ és } \forall i \in [e..\text{ind}-1] : (\text{nem } T(i)))$

Rövidítve:

Uf: $(\text{van}, \text{ind}) = \text{KERES}(i=e..u, T(i))$

Algoritmus



Keresés sablon

Feladat

Adott az egész számok egy $[e..u]$ intervalluma és egy $T:[e..u] \rightarrow \text{Logikai feltétel}$. Határozzuk meg az $[e..u]$ intervallumban balról az első olyan számot, ha van, amely kielégíti a T feltételt!

Specifikáció

Be: $e \in \mathbb{Z}$, $u \in \mathbb{Z}$

Ki: $\text{van} \in \mathbb{L}$, $\text{ind} \in \mathbb{Z}$

Ef: -

Uf: $\text{van} = \exists i \in [e..u] : (T(i))$ és
 $\text{van} \rightarrow (\text{ind} \in [e..u] \text{ és } T(\text{ind}) \text{ és } \forall i \in [e..ind-1] : (\text{nem } T(i)))$

Rövidítve:

Uf: $(\text{van}, \text{ind}) = \text{KERES}(i=e..u, T(i))$

Algoritmus

```
ind:=e
```

```
ind<=u és nem T(ind)
```

```
ind:=ind+1
```

```
van:=ind<=u
```

Keresés sablon

Feladat

Adott az egész számok egy $[e..u]$ intervalluma és egy $T:[e..u] \rightarrow \text{Logikai feltétel}$. Határozzuk meg az $[e..u]$ intervallumban balról az **első olyan számot**, ha **van**, amely kielégíti a T feltételt!

Specifikáció

Be: $e \in \mathbb{Z}$, $u \in \mathbb{Z}$

Ki: $\text{van} \in \mathbb{L}$, $\text{ind} \in \mathbb{Z}$

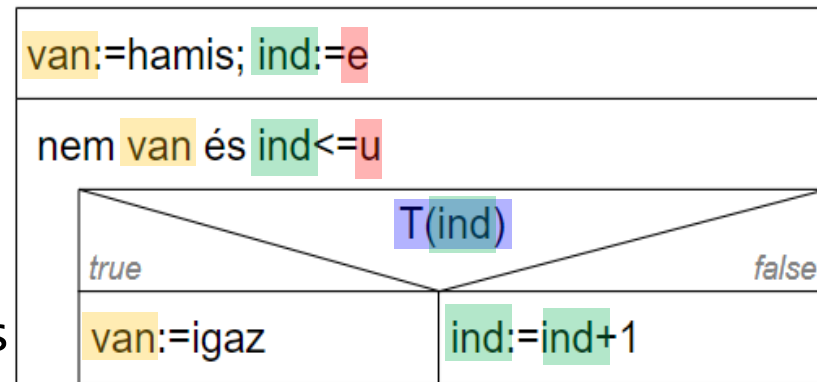
Ef: -

Uf: $\text{van} = \exists i \in [e..u] : (T(i))$ és
 $\text{van} \rightarrow (\text{ind} \in [e..u] \text{ és } T(\text{ind}) \text{ és } \forall i \in [e..\text{ind}-1] : (\text{nem } T(i)))$

Rövidítve:

Uf: $(\text{van}, \text{ind}) = \text{KERES}(i=e..u, T(i))$

Algoritmus



Eldöntés sablon

Feladat

Adott az egész számok egy $[e..u]$ intervalluma és egy $T:[e..u] \rightarrow \text{Logikai feltétel}$. Határozzuk meg, hogy van-e az $[e..u]$ intervallumnak olyan eleme, amely kielégíti a T feltételt!

Specifikáció

Be: $e \in \mathbb{Z}, u \in \mathbb{Z}$

Ki: $\text{van} \in \mathbb{L}$

Ef: -

Uf: $\text{van} = \exists i \in [e..u] : (T(i))$

Rövidítve:

Uf: $\text{van} = \text{VAN}(i=e..u, T(i))$

Algoritmus

$i := e$
$i \leq u$ és nem $T(i)$
$i := i + 1$
$\text{van} := i \leq u$

Eldöntés sablon

Feladat

Adott az egész számok egy $[e..u]$ intervalluma és egy $T:[e..u] \rightarrow \text{Logikai feltétel}$. Határozzuk meg, hogy van-e az $[e..u]$ intervallumnak olyan eleme, amely kielégíti a T feltételt!

Specifikáció

Be: $e \in \mathbb{Z}, u \in \mathbb{Z}$

Ki: $\text{van} \in \mathbb{L}$

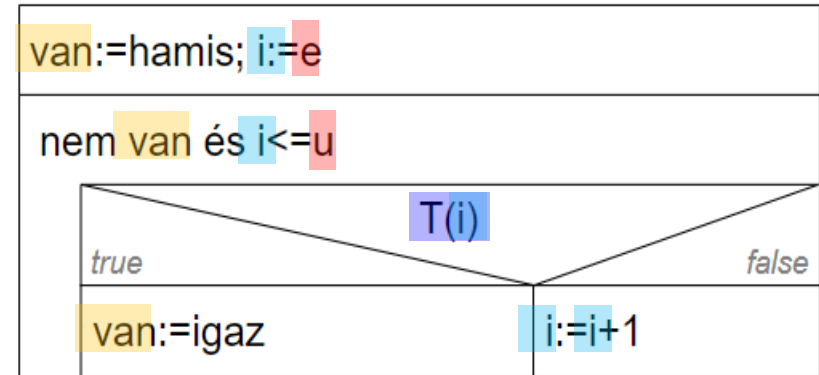
Ef: -

Uf: $\text{van} = \exists i \in [e..u] : (T(i))$

Rövidítve:

Uf: $\text{van} = \text{VAN}(i=e..u, T(i))$

Algoritmus



Mind eldöntés (vagy optimista eldöntés) sablon

Feladat

Adott az egész számok egy $[e..u]$ intervalluma és egy $T:[e..u] \rightarrow \text{Logikai feltétel}$. Határozzuk meg, hogy az $[e..u]$ intervallumnak mindegyik eleme olyan-e, amely kielégíti a T feltételt!

Specifikáció

Be: $e \in \mathbb{Z}, u \in \mathbb{Z}$

Ki: $\text{mind} \in \mathbb{L}$

Ef: -

Uf: $\text{mind} = \forall i \in [e..u] : (T(i))$

Rövidítve:

Uf: $\text{mind} = \text{MIND}(i=e..u, T(i))$

Algoritmus



Kiválasztás sablon

Feladat

Adott egy e egész szám és egy e -től jobbra értelmezett $T: \text{Egész} \rightarrow \text{Logikai feltétel}$. Határozzuk meg az e -től jobbra eső első olyan számot, amely kielégíti a T feltételt, ha tudjuk, hogy ilyen szám biztosan van!

Specifikáció

Be: $e \in \mathbb{Z}$

Ki: $\text{ind} \in \mathbb{Z}$

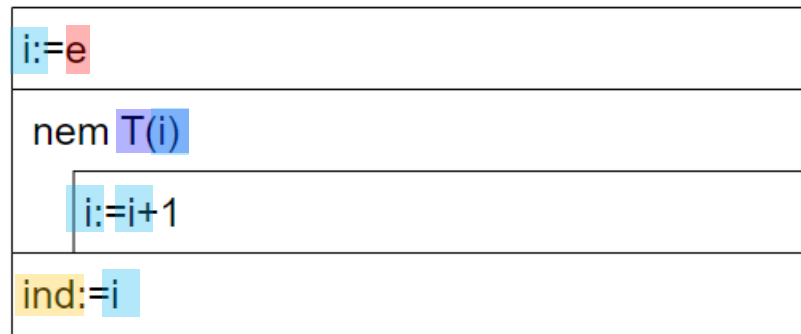
Ef: $\exists i \in [e.. \infty] : (T(i))$

Uf: $\text{ind} \geq e$ és $T(\text{ind})$ és
 $\forall i \in [e.. \text{ind}-1] : (\text{nem } T(i))$

Rövidítve:

Uf: $\text{ind} = \text{KIVÁLASZT}(i \geq e, T(i))$

Algoritmus



Másolás sablon

i	y
e	$\rightarrow f(e)$
e+1	$\rightarrow f(e+1)$
...	$\rightarrow \dots$
u	$\rightarrow f(u)$

Feladat

Adott az egész számok egy $[e..u]$ intervalluma és egy $f:[e..u] \rightarrow H$ függvény. Rendeljük az $[e..u]$ intervallum minden értékéhez az f függvény hozzá tartozó értékét!

Specifikáció

Be: $e \in \mathbb{Z}$, $u \in \mathbb{Z}$

Ki: $y \in H[1..u-e+1]$

Ef: -

Uf: $\forall i \in [e..u] : (y[i-e+1] = f(i))$

Rövidítve:

Uf: $y = \text{MÁSOL}(i=e..u, f(i))$

Algoritmus

```
i = e..u
  y[i-e+1] := f(i)
```

Kiválogatás sablon

Feladat

Adott az egész számok egy $[e..u]$ intervalluma, egy ezen értelmezett $T:[e..u] \rightarrow \text{Logikai feltétel}$ és egy $f:[e..u] \rightarrow H$ függvény. Határozzuk meg az f függvény az $[e..u]$ intervallum azon értékeinél felvett értékeit, amelyekre a T feltétel teljesül!

Specifikáció

Be: $e \in \mathbb{Z}, u \in \mathbb{Z}$

Ki: $db \in \mathbb{N}, y \in H[1..db]$

Ef: -

Uf: $db = \text{DARAB}(i=e..u, T(i))$ és
 $\forall i \in [1..db]:$
 $\exists j \in [e..u]: T(j) \text{ és } y[i] = f(j)$
és $y \subseteq (f(e), f(e+1), \dots, f(u))$

Rövidítve:

Uf: $(db, y) = \text{KIVÁLOGAT}(i=e..u, T(i), f(i))$

Algoritmus

