Exercise 5

Name: B.S.V.W. Munasinghe

Index Number: 190397E

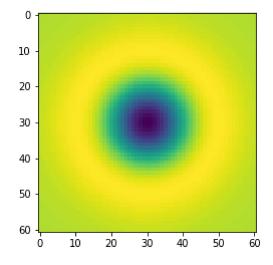
Blobs

1)

```
In [ ]: #Importing Libraries
   import numpy as np
   import sympy as sy
   import matplotlib.pyplot as plt
   import cv2 as cv
   from mpl_toolkits.mplot3d import Axes3D
   from matplotlib import cm
   %matplotlib inline
```

```
In [ ]: sigma = 10
    hw = 3*sigma
    X,Y = np.meshgrid(np.arange(-hw,hw+1,1),np.arange(-hw,hw+1,1))
    log = 1/(2*np.pi*sigma**2)*(X**2/(sigma**2) + Y**2/(sigma**2)-2)*np.exp(-(X**2+Y**2)-1)*np.exp(-(X**2+Y**2)-1)*np.exp(-(X**2+Y**2)-1)*np.exp(-(X**2+Y**2)-1)*np.exp(-(X**2+Y**2)-1)*np.exp(-(X**2+Y**2)-1)*np.exp(-(X**2+Y**2)-1)*np.exp(-(X**2+Y**2)-1)*np.exp(-(X**2+Y**2)-1)*np.exp(-(X**2+Y**2)-1)*np.exp(-(X**2+Y**2)-1)*np.exp(-(X**2+Y**2)-1)*np.exp(-(X**2+Y**2)-1)*np.exp(-(X**2+Y**2)-1)*np.exp(-(X**2+Y**2)-1)*np.exp(-(X**2+Y**2)-1)*np.exp(-(X**2+Y**2)-1)*np.exp(-(X**2+Y**2)-1)*np.exp(-(X**2+Y**2)-1)*np.exp(-(X**2+Y**2)-1)*np.exp(-(X**2+Y**2)-1)*np.exp(-(X**2+Y**2)-1)*np.exp(-(X**2+Y**2)-1)*np.exp(-(X**2+Y**2)-1)*np.exp(-(X**2+Y**2)-1)*np.exp(-(X**2+Y**2)-1)*np.exp(-(X**2+Y**2)-1)*np.exp(-(X**2+Y**2)-1)*np.exp(-(X**2+Y**2)-1)*np.exp(-(X**2+Y**2)-1)*np.exp(-(X**2+Y**2)-1)*np.exp(-(X**2+Y**2)-1)*np.exp(-(X**2+Y**2)-1)*np.exp(-(X**2+Y**2)-1)*np.exp(-(X**2+Y**2)-1)*np.exp(-(X**2+Y**2)-1)*np.exp(-(X**2+Y**2)-1)*np.exp(-(X**2+Y**2)-1)*np.exp(-(X**2+Y**2)-1)*np.exp(-(X**2+Y**2)-1)*np.exp(-(X**2+Y**2)-1)*np.exp(-(X**2+Y**2)-1)*np.exp(-(X**2+Y**2)-1)*np.exp(-(X**2+Y**2)-1)*np.exp(-(X**2+Y**2)-1)*np.exp(-(X**2+Y**2)-1)*np.exp(-(X**2+Y**2)-1)*np.exp(-(X**2+Y**2)-1)*np.exp(-(X**2+Y**2)-1)*np.exp(-(X**2+Y**2)-1)*np.exp(-(X**2+Y**2)-1)*np.exp(-(X**2+Y**2)-1)*np.exp(-(X**2+Y**2)-1)*np.exp(-(X**2+Y**2)-1)*np.exp(-(X**2+Y**2)-1)*np.exp(-(X**2+Y**2)-1)*np.exp(-(X**2+Y**2)-1)*np.exp(-(X**2+Y**2)-1)*np.exp(-(X**2+Y**2)-1)*np.exp(-(X**2+Y**2)-1)*np.exp(-(X**2+Y**2)-1)*np.exp(-(X**2+Y**2)-1)*np.exp(-(X**2+Y**2)-1)*np.exp(-(X**2+Y**2)-1)*np.exp(-(X**2+Y**2)-1)*np.exp(-(X**2+Y**2)-1)*np.exp(-(X**2+Y**2)-1)*np.exp(-(X**2+Y**2)-1)*np.exp(-(X**2+Y**2)-1)*np.exp(-(X**2+Y**2)-1)*np.exp(-(X**2+Y**2)-1)*np.exp(-(X**2+Y**2)-1)*np.exp(-(X**2+Y**2)-1)*np.exp(-(X**2+Y*2)-1)*np.exp(-(X**2+Y*2)-1)*np.exp(-(X**2+Y*2)-1)*np.exp(-(X**2+Y*2)-1)*np.exp(-(X**2+Y*2)-1)*np.exp(-(X**2+Y*2)-1)*np.exp(-(X**2+Y*2)-1)*np.exp(-(X**2+Y*2)-1)*np.exp(-(X**2+
```

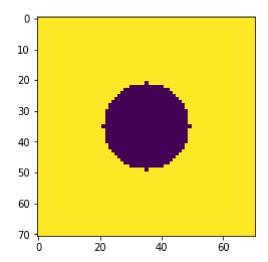
Out[]: <matplotlib.image.AxesImage at 0x2745c408880>



2)

```
f *= X**2 + Y**2 > r**2
plt.imshow(f)
```

Out[]: <matplotlib.image.AxesImage at 0x2745f4d5090>



```
s = 11
In [ ]:
                                  fig,ax = plt.subplots(2,s,figsize=(20,5))
                                   scale_space = np.empty((h,w,s),dtype = np.float32)
                                   sigmas = np.arange(5,16,1)
                                  for i,sigma in enumerate(sigmas):
                                                  log_hw = 3*np.max(sigmas)
                                                  X,Y = np.meshgrid(np.arange(-log_hw,log_hw+1,1),np.arange(-log_hw,log_hw+1,1))
                                                  log = 1/(2*np.pi*sigma**2)*(X**2/(sigma**2) + Y**2/(sigma**2)-2)*np.exp(-(X**2)-2)*np.exp(-(X**2)-2)*np.exp(-(X**2)-2)*np.exp(-(X**2)-2)*np.exp(-(X**2)-2)*np.exp(-(X**2)-2)*np.exp(-(X**2)-2)*np.exp(-(X**2)-2)*np.exp(-(X**2)-2)*np.exp(-(X**2)-2)*np.exp(-(X**2)-2)*np.exp(-(X**2)-2)*np.exp(-(X**2)-2)*np.exp(-(X**2)-2)*np.exp(-(X**2)-2)*np.exp(-(X**2)-2)*np.exp(-(X**2)-2)*np.exp(-(X**2)-2)*np.exp(-(X**2)-2)*np.exp(-(X**2)-2)*np.exp(-(X**2)-2)*np.exp(-(X**2)-2)*np.exp(-(X**2)-2)*np.exp(-(X**2)-2)*np.exp(-(X**2)-2)*np.exp(-(X**2)-2)*np.exp(-(X**2)-2)*np.exp(-(X**2)-2)*np.exp(-(X**2)-2)*np.exp(-(X**2)-2)*np.exp(-(X**2)-2)*np.exp(-(X**2)-2)*np.exp(-(X**2)-2)*np.exp(-(X**2)-2)*np.exp(-(X**2)-2)*np.exp(-(X**2)-2)*np.exp(-(X**2)-2)*np.exp(-(X**2)-2)*np.exp(-(X**2)-2)*np.exp(-(X**2)-2)*np.exp(-(X**2)-2)*np.exp(-(X**2)-2)*np.exp(-(X**2)-2)*np.exp(-(X**2)-2)*np.exp(-(X**2)-2)*np.exp(-(X**2)-2)*np.exp(-(X**2)-2)*np.exp(-(X**2)-2)*np.exp(-(X**2)-2)*np.exp(-(X**2)-2)*np.exp(-(X**2)-2)*np.exp(-(X**2)-2)*np.exp(-(X**2)-2)*np.exp(-(X**2)-2)*np.exp(-(X**2)-2)*np.exp(-(X**2)-2)*np.exp(-(X**2)-2)*np.exp(-(X**2)-2)*np.exp(-(X**2)-2)*np.exp(-(X**2)-2)*np.exp(-(X**2)-2)*np.exp(-(X**2)-2)*np.exp(-(X**2)-2)*np.exp(-(X**2)-2)*np.exp(-(X**2)-2)*np.exp(-(X**2)-2)*np.exp(-(X**2)-2)*np.exp(-(X**2)-2)*np.exp(-(X**2)-2)*np.exp(-(X**2)-2)*np.exp(-(X**2)-2)*np.exp(-(X**2)-2)*np.exp(-(X**2)-2)*np.exp(-(X**2)-2)*np.exp(-(X**2)-2)*np.exp(-(X**2)-2)*np.exp(-(X**2)-2)*np.exp(-(X**2)-2)*np.exp(-(X**2)-2)*np.exp(-(X**2)-2)*np.exp(-(X**2)-2)*np.exp(-(X**2)-2)*np.exp(-(X**2)-2)*np.exp(-(X**2)-2)*np.exp(-(X**2)-2)*np.exp(-(X**2)-2)*np.exp(-(X**2)-2)*np.exp(-(X**2)-2)*np.exp(-(X**2)-2)*np.exp(-(X**2)-2)*np.exp(-(X**2)-2)*np.exp(-(X**2)-2)*np.exp(-(X**2)-2)*np.exp(-(X**2)-2)*np.exp(-(X**2)-2)*np.exp(-(X**2)-2)*np.exp(-(X**2)-2)*np.exp(-(X**2)-2)*np.exp(-(X**2)-2)*np.exp(-(X**2)-2)*np.exp(-(X**2)-2)*np.exp(-(X**2)-2)*np.exp(-(X**2)-2)*np.exp(-(X**2)-2)*np.exp(-(X**2)-2)*np.exp(-(X**2)-2)*np.exp(-(X**2)-2)*np.exp(-(X**2)-2)*np.exp(-(X**2)-2)*np.exp(-(X**2)-2)
                                                  f_log = cv.filter2D(f,-1,log)
                                                  scale_space[:,:,i] = f_log
                                                  ax[0,i].imshow(log)
                                                  ax[0,i].axis('off')
                                                  ax[0,i].set_title('$\sigma={}$'.format(sigma))
                                                  ax[1,i].imshow(f_log)
                                                  ax[1,i].axis('off')
                                   indices = np.unravel_index(np.argmax(scale_space,axis=None),scale_space.shape)
                                  print(indices)
                                  print(sigmas[indices[2]])
```

```
(35, 35, 5)
10

\[
\sigma = 5 \quad \sigma = 6 \quad \sigma = 7 \quad \sigma = 8 \quad \sigma = 9 \quad \sigma = 10 \quad \sigma = 11 \quad \sigma = 12 \quad \sigma = 13 \quad \sigma = 14 \quad \sigma = 15 \\

\left[ \quad \sigma = 6 \quad \sigma = 7 \quad \sigma = 8 \quad \sigma = 9 \quad \sigma = 10 \quad \quad \sigma = 11 \quad \sigma = 12 \quad \sigma = 13 \quad \sigma = 14 \quad \sigma = 15 \\

\left[ \quad \sigma = 1 \quad \sigma = 1 \quad \quad \sigma = 1 \quad \quad \sigma = 1 \quad \quad \quad \sigma = 1 \quad \qu
```

3)

```
In [ ]: from cv2 import *
# read images
img1 = cv.imread('graf/img1.ppm')
img2 = cv.imread('graf/img2.ppm')

img1 = cv.cvtColor(img1, cv.COLOR_BGR2GRAY)
img2 = cv.cvtColor(img2, cv.COLOR_BGR2GRAY)
```

```
#sift
sift = cv.SIFT_create()

keypoints_1, descriptors_1 = sift.detectAndCompute(img1,None)
keypoints_2, descriptors_2 = sift.detectAndCompute(img2,None)

#feature matching
bf = cv.BFMatcher(cv.NORM_L1, crossCheck=True)

matches = bf.match(descriptors_1,descriptors_2)
matches = sorted(matches, key = lambda x:x.distance)

fig,ax=plt.subplots(figsize=(10,10))
ax.axis('off')
img3 = cv.drawMatches(img1, keypoints_1, img2, keypoints_2, matches[:50], img2, flaplt.imshow(img3),plt.show()
```



Out[]: (<matplotlib.image.AxesImage at 0x274602e3820>, None)

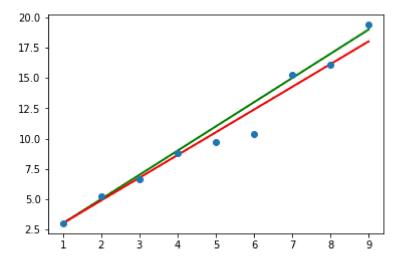
Fitting

4)

Least-square lines fitting

```
In [\ ]: \ | \mathbf{m} = 2 \text{ # Line equation : } y = m*x + c . m \text{ is the s lope . c is the int } e r c \text{ ept .}
        x = np.arange(1, 10, 1)
        np.random.seed(45)
        sigma=1
        noise=sigma*np.random.randn( len(x) )
        o = np.zeros (x.shape)
        \# o[-1] = 20
        n = len(x)
        X = np.concatenate([x.reshape(n,1),np.ones((n,1))],axis=1)
        B = np.linalg.pinv(X.T @ X) @ X.T @ y
        mstar=B[0]
        cstar=B[1]
        y = m*x + c + noise + o
        plt.plot([x[0],x[-1]],[mstar*x[0]+cstar,mstar*x[-1]+cstar],color='r',linewidth=2,l
        plt.plot(x,y,'o',label='Noisy Points')
```

Out[]: [<matplotlib.lines.Line2D at 0x274605a85e0>]



5)

```
In [\ ]: \ | \mathbf{m} = 2 \text{ # Line equation : } y = m*x + c \text{ . } m \text{ is the s lope . } c \text{ is the int } e \text{ r } c \text{ ept .}
                              x = np.arange(1, 10, 1)
                              np.random.seed(45)
                              sigma=1
                              noise=sigma*np.random.randn(len(x))
                              o = np.zeros (x.shape)
                              \# o[-1] = 20
                              n = len(x)
                              y = m*x + c + noise + o
                              u11 = np.sum((x-np.mean(x))**2)
                              u12 = np.sum((x-np.mean(x))*(y-np.mean(y)))
                              u21 = u12
                              u22 = np.sum((y-np.mean(y))**2)
                              U = np.array([[u11,u12],[u21,u22]])
                              W,V = np.linalg.eig(U)
                              ev_corresponding_to_ev = V[:,np.argmin(W)]
                              a = ev_corresponding_to_ev[0]
                              b = ev corresponding to ev[1]
                              d = a*np.mean(x) + b*np.mean(y)
                              mstar=-a/b
                              cstar=d/b
                              plt.plot([x[0],x[-1]],[mstar*x[0]+cstar,mstar*x[-1]+cstar],color='r',linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewidth=2,linewid
                              plt.plot(x,y,'o',label='Noisy Points')
```

Out[]: [<matplotlib.lines.Line2D at 0x2745f537880>]

