

...



Câu 1: Sắp xếp ngẫu nhiên bộ bài tú lơ khơ 52 lá, tìm xác suất để các quân cùng chất được xếp kề nhau.

Câu 2: Có bao nhiêu cách sắp xếp 10 người đàn ông và 5 người phụ nữ trên một bàn tròn sao cho xen kẽ cứ hai người đàn ông lại đến một người phụ nữ?

Câu 3: Huấn luyện viên có một danh sách gồm 15 cầu thủ có thể chơi phòng ngự hoặc tấn công, trong đó có 5 cầu thủ chỉ có thể chơi tấn công và 8 cầu thủ chỉ có thể chơi phòng ngự. Hỏi huấn luyện viên có bao nhiêu cách để chọn ra 10 cầu thủ trong đó có 7 cầu thủ có thể chơi phòng ngự?

Câu 4: Giải phương trình nghiệm nguyên

$$x_1 + x_2 + x_3 + x_4 = 30$$
,

thoả mãn $x_1 \ge 2$, $x_2 \ge 0$, $x_3 \ge -5$ và $x_4 \ge 8$.

Câu 5: Có bao nhiêu số tự nhiên lẻ có 7 chữ số khác nhau sao cho chữ số 5 và chữ số 6 không đứng cạnh nhau?

Câu 6: Có bao nhiêu cách chọn ra 3 số tự nhiên từ các số từ 1 đến 20 sao cho không có hai số tự nhiên liên tiếp nhau được chọn.

Câu 7: Có bao nhiêu cách để sắp xếp 20 sinh viên vào 5 hàng ghế, mỗi hàng 4 ghế sao cho có hai sinh viên định trước không ngồi cùng hàng ghế?



Câu 1: Một kỳ thủ có 11 tuần để chuẩn bị thi đấu cho giải cờ quyết định chơi ít nhất một ván mỗi ngày. Để tránh mệt mỏi, anh ta quyết định không chơi 12 ván trong 7 ngày liên tiếp. Chứng minh rằng tồn tại một dãy ngày kế tiếp nhau anh ta chơi đúng 21 ván cờ.

Câu 2: Chứng minh rằng trong 101 số tự nhiên bất kỳ chọn ra từ 200 số tự nhiên liên tiếp luôn tìm được hai số là bội của nhau.

Câu 3: Chứng minh rằng trong một dãy gồm $n^2 + 1$ số thực luôn có thể trích ra được một dãy con (không nhất thiết gồm các số liên tiếp nhau) gồm n + 1 số không giảm hoặc một dãy con gồm n + 1 số không tăng.

Câu 4: Cho 10 người có độ tuổi từ 1 đến 60, chứng minh rằng luôn có thể tìm được trong số này hai nhóm người (không giao nhau) sao cho tổng tuổi của mọi người trong hai nhóm là bằng nhau.

Câu 5: Cho n điểm trên mặt phẳng được tô hai màu xanh hoặc đỏ sao cho trên đoạn thẳng nối hai điểm cùng màu bất kỳ luôn có một điểm khác màu. Chứng minh rằng n điểm này thẳng hàng.

Câu 6: Cho n điểm trên mặt phẳng không đồng thời thẳng hàng. Chứng minh rằng luôn tồn tại một đường đi qua đúng hai điểm.

Câu 7: Cho n điểm xanh và n điểm đỏ trên mặt phẳng sao cho không có ba điểm nào thẳng hàng. Chỉ ra rằng ta có thể kẻ n đoạn thẳng nối n điểm xanh với n điểm đỏ sao cho hai đầu mút của một đoạn thẳng bất kỳ là khác màu, mỗi điểm là đầu mút của đúng một đoạn thẳng và hai đoạn thẳng bất kỳ không cắt nhau.



Câu 1: Sơn bàn cờ $1 \times n$ bằng ba màu xanh, đỏ và trắng sao cho không có hai ô đỏ nào kề nhau. Tìm công thức truy hồi h_n là số cách tô màu. Giải công thức truy hồi đó.

Câu 2: Gọi h_n là số cách lấy ra n quả gồm táo, cam, chuối và lê sao cho số táo là số chẵn, có không quá 2 quả cam, không quá 1 quả lê và số chuối là bội của 3. Tìm hàm sinh cho dãy $\{h_n\}$ và tìm công thức tường minh cho h_n .

Câu 3: Gọi a_n là số chuỗi tam phân (chuỗi chỉ gồm các ký tự '0', '1' và '2') độ dài n không chứa các chuỗi con '00', '11', '01', '10'. Tìm công thức truy hồi cho a_n . Giải công thức truy hồi đó.

Câu 4: Gọi h_n là số cách phủ một bàn cờ $1 \times n$ bằng các hình kích thước 1×1 và 1×2 sao cho không có hai hình 1×2 nào đặt cạnh nhau. Tìm công thức truy hồi cho h_n .

Câu 5: Gọi a_n là số chuỗi tam phân (chuỗi chỉ gồm các ký tự '0', '1' và '2') độ dài n không chứa các chuỗi con '00', '11'. Tìm công thức truy hồi cho a_n . Giải công thức truy hồi đó.

Câu 6: Gọi h_n là số cách sơn bàn cờ $1 \times n$ bằng bốn màu xanh, đỏ, trắng và vàng sao cho số ô đỏ là số chẵn, số ô trắng là số lẻ. Xác định hàm sinh mũ cho dãy $\{h_n\}$ và tìm công thức tường minh cho h_n .

Câu 7: Gọi h_n là số cách sơn bàn cờ $1 \times n$ bằng bốn màu xanh, đỏ, trắng và vàng sao cho số ô đỏ và số ô trắng đều là số chẵn. Xác định hàm sinh mũ cho dãy $\{h_n\}$ và tìm công thức tường minh cho h_n .



Câu 1: Chứng minh rằng một đồ thị là liên thông khi và chỉ khi với mọi phân hoạch tập đỉnh của nó thành hai tập khác rỗng, luôn tồn tại một cạnh sao cho hai đầu mút thuộc về hai phần của phân hoạch.

Câu 2: Cho G là đơn đồ thị không chứa đỉnh cô lập. Chứng minh rằng G là đầy đủ khi và chỉ khi G không chứa đồ thị con cảm sinh có đúng hai cạnh.

Câu 3: Trong một lớp học có 9 sinh viên, mỗi sinh viên gửi thư cho 3 người bạn của mình. Hỏi có thể mỗi sinh viên đều nhận được thư từ 3 người bạn mà mình đã gửi thư hay không?

Câu 4: Chứng minh rằng đồ thị G là hai phía khi và chỉ khi mọi đồ thị con H của G đều chứa một tập độc lập chứa ít nhất một nửa số đỉnh của H.

Câu 5: Chứng minh rằng đơn đồ thị liên thông G là đồ thị hai phía đầy đủ khi và chỉ khi G không chứa P_4 hay C_2 như là đồ thị con cảm sinh.

Câu 6: Cho G là đơn đồ thị liên thông không chứa P_4 hay C_4 như là đồ thị con cảm sinh. Chứng minh rằng G có một đỉnh kề với tất cả các đỉnh còn lại.

Câu 7: Cho G là đồ thị có tất cả các đính đều là đính bậc chẵn. Chứng minh rằng G không có cạnh cầu.



Câu 1: Chứng minh rằng một đồ thị n đỉnh, m cạnh sẽ chứa ít nhất m-n+1 chu trình.

Câu 2: Cho G là đồ thị đường kính d. Chứng minh rằng G chứa một tập độc lập có lực lượng [?].

Câu 3: Trong các cây có n đỉnh, tìm cây chứa tập độc lập có lực lượng lớn nhất.

Câu 4: Chứng minh rằng đơn đồ thị liên thông là đường đi khi và chỉ khi nó chứa đúng hai đỉnh không là đỉnh khóp.

Câu 5: Chứng minh rằng một cạnh của đồ thị liên thông G là cạnh cầu khi và chỉ khi nó thuộc về tất cả các cây khung của G.

Câu 6: Chứng minh rằng đơn đồ thị liên thông n đỉnh G có đúng một chu trình khi và chỉ khi nó có đúng n cạnh.

Câu 7: Chứng minh rằng một đồ thị có số cạnh ít hơn số đỉnh sẽ chứa ít nhất một thành phần liên thông là một cây.



- **Câu 1:** Chứng minh rằng đồ thị hai phía G liên thông là đồ thị Euler khi và chỉ khi nó có số chẵn cạnh.
- **Câu 2:** Chứng minh rằng mọi đồ thị phẳng đều chứa một đỉnh có bậc không quá 5.
- **Câu 3:** Chứng minh rằng đồ thị phẳng không quá 11 đỉnh sẽ chứa một đỉnh có bậc không quá 4.
- **Câu 4:** Chứng minh rằng đồ thị phẳng hai phía sẽ chứa một đỉnh có bậc không quá 3.
- **Câu 5:** Tìm điều kiện cần và đủ của [?] để $K_{[?],[?]}$ là đồ thị Hamilton.
- **Câu 6:** Cho đồ thị G có 2m đỉnh bậc lẻ. Chứng minh rằng một chu trình chứa tất cả các cạnh của đồ thị sẽ chứa m cạnh lặp lại hơn một lần.
- **Câu 7:** Cho đơn đồ thị G có ít nhất 11 đỉnh, chứng minh rằng G hoặc đồ thị bù của nó không phải là đồ thị phẳng.



Câu 1: Mô tả khái niệm tập hợp đếm được và không đếm được.

Câu 2: Có bao nhiêu số chẵn có 4 chữ số khác nhau lập từ các số 1, 2, 3, 4 và 5.

Câu 3: Chứng minh rằng trong một nhóm người luôn tìm được hai người có số người quen trong nhóm là bằng nhau.

Câu 4: Cho dãy $\{h_n=n^3\}$, chứng minh rằng dãy thoả mãn công thức truy hồi

$$h_n = h_{n-1} + 3n^2 - 3n + 1.$$

Câu 5: Giả sử đồ thị G chỉ có hai đỉnh u, v là hai đỉnh bậc lẻ. Chứng minh rằng tồn tại đường đi nối hai đỉnh này.

Câu 6: Chứng minh rằng đồ thị n đỉnh có ít nhất n cạnh sẽ có ít nhất một chu trình.

Câu 7: Tìm điều kiện cần và đủ để đồ thị hai phía đầy đủ $K_{m,n}$ là đồ thị Euler.



(đang cập nhật...)