

Lotsizing com backlog: modelagem

na entrada nemos que são N períodos i

Para cada um:

C_i = custo de produção em i

S_i = custo de armazenamento em i

P_i = multa de atraso em i

d_i = demanda em i

Queremos minimizar o custo total
com a restrição de termos cumprido
toda a demanda no final

→ Supondo as variáveis de decisão

X_i = produção em i

Y_i = armazenamento em i

Z_i = multa em i

temos:

função objetivo:

$$\min \sum_{i=0}^n c_i x_i + s_i y_i + p_i z_i$$

restrições:

① $y_{t-1} + x_t - z_{t-1} = d_t + s_t - r_t$
↳ como descrito no paper

② $\sum x[t] = \sum d[t]$
↳ produção no final tem que suprir todas as demandas

ao codificar, se escrevo a restrição ② como

for t in $1:T$

$$x[t] == \text{demands}[t]$$

recebo um resultado
um pouco melhor que o ideal

mas se eu modelo como

$$\text{sum}_x += x[t]$$

$$\text{sum}_d += \text{demand}[t]$$

o resultado dá um pouco menor que o ideal, que não deveria ser possível em minimizações

Em ambos os casos o programa printa total produzido e total demandado e ambos são iguais

Uncapacitated lot sizing with backlogging: the convex hull

finite planning horizon N , let the nonnegative demand d_t , variable production cost c_t and fixed production cost f_t , variable inventory holding cost h_t and

variable backlogging cost g_t for time periods $t \in \{1, \dots, n\}$.

y_t = production quantity in time t

s_t = inventory quantity in time t

r_t = backlogging quantity at time t

x_t = fixed-charge variable for production in time t

$d_{tj} = \sum_{j=t}^l d_j$ for $t \in [1, l]$ and

$d_{tj} = 0$ for $t > l$

$[i, j] := \{t \in \mathbb{Z} : i \leq t \leq j\}$

objective function:

$$\min \sum_{t=1}^N (f_t x_t + c_t y_t + g_t r_t + h_t s_t)$$

restrictions:

$$s_{t-1} + y_t - r_{t-1} = d_t + s_t - r_t$$

$$y_t \leq d_{1n} x_t$$

$$r_0 = s_0 = r_n = s_n = 0$$

$$y \in \mathbb{R}_+^n, \quad s \in \mathbb{R}_+^{n+1}, \quad r \in \mathbb{R}_+^{n+1}$$

$$x \in \{0, 1\}^n$$

no problema definido, o enunciado não descreve custo fixo (setup).

Portanto interpreto que $x_t = 0 \forall t$ então a função objetivo se torna

$$\min \sum_{t=1}^n (C_t y_t + g_t r_t + h_t s_t)$$

restrições: $s_{t-1} + y_t - r_{t-1} = d_t + s_t - r_t$

$y_t \leq d_{1n} (?)$

$$\left\{ \begin{array}{l} d_{t1} = \sum_{j=0}^1 d_j \text{ for } t \in [1, 1] \text{ and} \\ d_{t1} = 0 \text{ for } t > 1 \\ [i, j] := \{t \in \mathbb{Z} : i \leq t \leq j\} \end{array} \right.$$

significa que a demanda total acumulativa de t a 1 é a soma das demandas individuais de cada período (?)

Na implementação pensei pensar

segunda restrição de 3 maneiras:

① for t in $t:N$: $y_t \leq \sum_{j=t}^N d_j$

↳ mas nesse caso a produção não supre toda a demanda

② for t in $t:N$ $y_t = d_t$

↳ demanda sempre suprida com custo maior que ótimo

③ $\sum_{t=1}^N x_t = \sum_{t=1}^N d_t$

↳ demanda completamente suprida, mas custo menor que ótimo descrito pelo professor, o que não deve acontecer para minimização