

CÁU TRÚC DỮ LIỆU VÀ THUẬT TOÁN

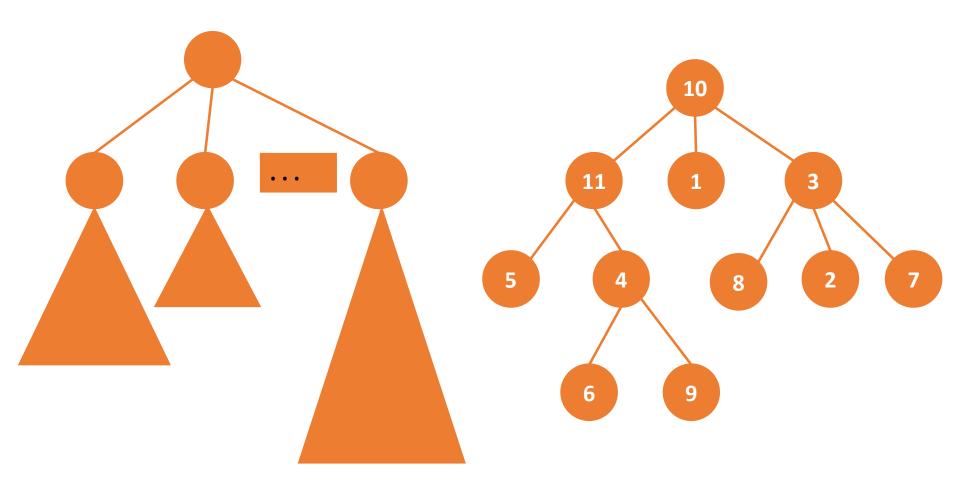
Cây

Nội dung

- Định nghĩa cây
- Các khái niệm trên cây
- Các phép duyệt cây
- Cấu trúc lưu trữ
- Các thao tác trên cây



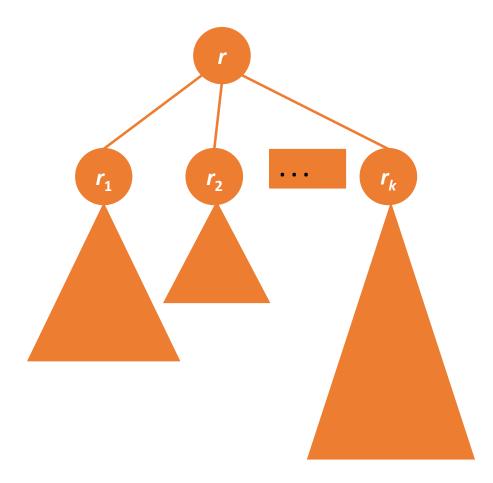
Cây





Định nghĩa cây

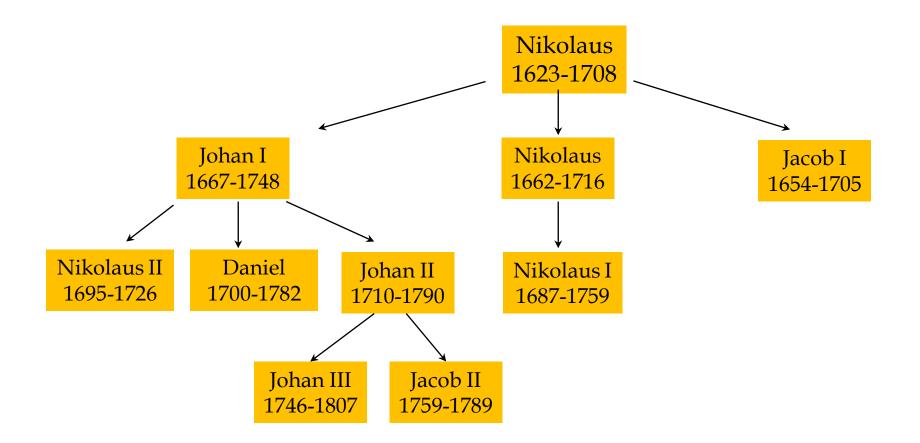
- Cấu trúc lưu trữ các đối tượng có quan hệ phân cấp
- Định nghĩa đệ quy
 - Bước cơ sở: r là 1 nút, cây T
 có nút gốc là r
 - Bước đệ quy:
 - Giả sử T_1 , T_2 , ..., T_k là các cây có gốc là r_1 , r_2 , ..., r_k
 - Nút r
 - Liên kết các nút r₁, r₂, .., r_k
 như la nút con của r sẽ tạo
 ra cây T





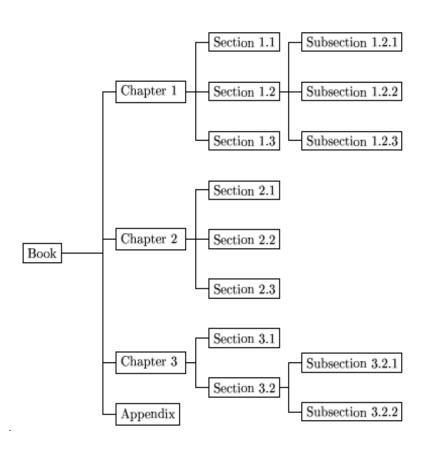
Các ứng dụng của cây: Cây gia phả

Cây gia phả của các nhà toán học dòng họ Bernoulli





Các ứng dụng của cây



中 🧰 [0] [00001 <u>6</u> **由** [0000000FlashDisk] **⊕** [00KSTNDocum] ± (OBaocao) ⊕ [0BookDown] ♠ ☐ [0ChuongTrinhCaoDang] 🕁 🧰 [0GiaoTrinh] 中二[00] **⊕** [000TestsProblemForSomeProb] **⊕ □** [01-01-2006] □ [0BlumFamily] **⊕** [0CombinGameTheory] ф (ODisMath) ф<u>`</u>[0000DM_For_VJ] <u>-</u>[000Slide] -<u>`</u>[9501DM_F06] ♠ □ [abulatov] ф (Baigiang) **⊞** [CS40] **⊕** [341DS] ф⊕[441Alg] -<u>([2000</u>] - [Course Syllabus, UMBC CMSC 441, Fall 2006_files] - [Homework Assignments, UMBC CMSC 441, Fall 2006_files] [Alan T Sherman (Home Page) files] [CMSC 203 Home Page_files] [Cygwin Information and Installation_files] -🚞 [lect2_jim_files] Lect3_files] [Form kiem dinh 2007] **⊕** [TL] [csc164]

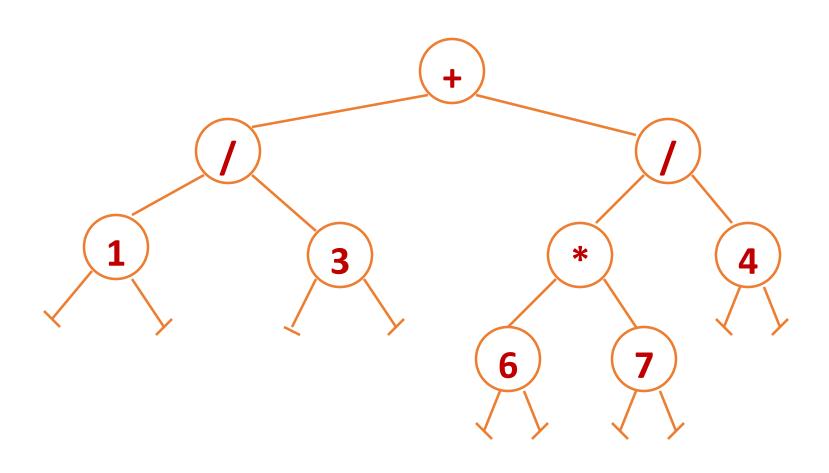
Mục lục sách

Cây thư mục

<u></u>[.]



Các ứng dụng của cây: cây biểu thức



1/3 + 6*7/4



Các khái niệm trên cây

- Đường đi: dãy các nút $x_1, x_2, ..., x_q$ trong đó x_i là cha của $x_{i+1}, i=1, 2, ..., q-1$. Độ dài đường đi là q-1
- Nút lá: không có nút con
- Nút trong: có nút con
- Nút anh em: 2 nút u và v là 2 nút anh em nếu có cùng nút cha
- Tổ tiên: nút u là tổ tiên của v nếu có đường đi từ u đến v
- Con cháu: nút u là con cháu của v nếu v là tổ tiên của u
- Độ cao: độ cao của 1 nút là độ dài đường đi dài nhất từ nút đó đến nút lá + 1
- Độ sâu: độ sâu của 1 nút v là độ dài đường đi duy nhất từ nút gốc tới nút đó + 1



Các khái niệm trên cây

- Gốc: nút không có cha (ví dụ: nút A)
- Anh em: nút có cùng cha (ví dụ: B, C, D là anh em; I, J, K là anh em; E và F là anh em; G và H là anh em)
- Nút trong: nút có ít nhất 1 con (ví dụ: các nút màu xanh dương: A, B, C, F)
- Nút ngoài (lá): nút không có con (ví dụ: các nút xanh lá: E, I, J, K, G, H, D)
- Tổ tiên của 1 nút: là các nút cha / ông bà / cụ.. của nút đó.
- Hậu duệ của 1 nút: là các nút con/cháu/chắt... của nút đó
- Cây con của 1 nút: là cây có gốc là con của nút đó

Con của B:

• E, F

Cha của E:

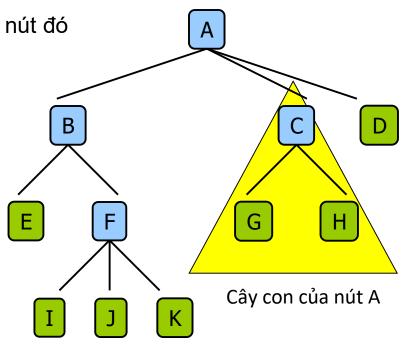
• B

Tổ tiên của F:

• B, A

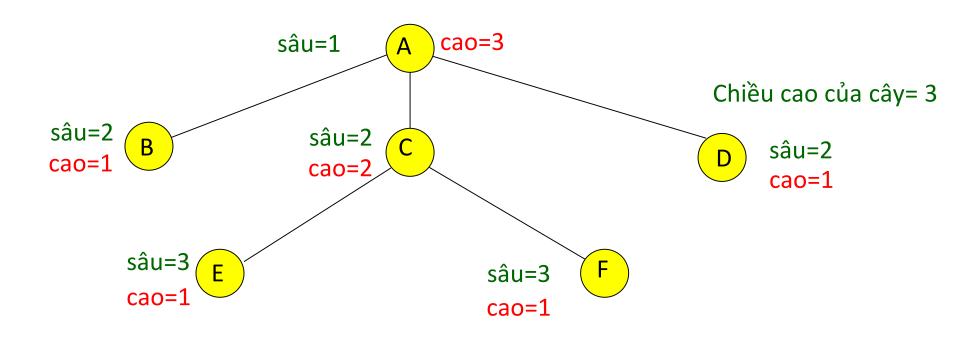
Hậu duệ của B:

• E, F, I, J, K





Các khái niệm trên cây





- Thăm các nút của 1 cây theo 1 thứ tự nào đó
- 3 phép duyệt cây cơ bản
 - Duyệt theo thứ tự trước
 - Duyệt theo thứ tự giữa
 - Duyệt theo thứ tự sau
- Xét cây T có cấu trúc
 - Nút gốc r
 - Cây con T_1 (gốc r_1), T_2 (gốc r_2), ..., T_k (gốc r_k) theo thứ tự từ trái qua phải

- Duyệt theo thứ tự trước
 - Thăm nút gốc
 - Duyệt cây T₁ theo thứ tự trước
 - Duyệt cây T₂ theo thứ tự trước
 - ...
 - Duyệt cây T_k theo thứ tự trước

```
preOrder(r){
    if(r = NULL) return;
    visit(r);
    for each p = r<sub>1</sub>, r<sub>2</sub>, ..., r<sub>k</sub> {
        preOrder(p);
    }
}
```

- Duyệt theo thứ tự giữa
 - Duyệt cây T₁ theo thứ tự giữa
 - Thăm nút gốc r
 - Duyệt cây T₂ theo thứ tự giữa
 - ...
 - Duyệt cây T_k theo thứ tự giữa

```
inOrder(r){
    if(r = NULL) return;
    inOrder(r1);
    visit(r);
    for each p = r2, ..., rk {
        inOrder(p);
    }
}
```

- Duyệt theo thứ tự sau
 - Duyệt cây T₁ theo thứ tự sau
 - Duyệt cây T₂ theo thứ tự sau
 - ...
 - Duyệt cây T_k theo thứ tự sau
 - Thăm nút gốc

```
postOrder(r){
    if(r = NULL) return;
    for each p = r<sub>1</sub>, r<sub>2</sub>, ..., r<sub>k</sub> {
        postOrder(p);
    }
    visit(r);
}
```

Cấu trúc dữ liệu biểu diễn cây

- Mång:
 - Giả sử các nút trên cây được định danh 1, 2, ..., n
 - a[1..n] trong đó a[i] là nút cha của nút i
 - Cấu trúc lưu trữ đơn giản, tuy nhiên khó cài đặt rất nhiều thao tác trên cây
- Con trỏ liên kết: với mỗi nút, lưu 2 con trỏ
 - Con trỏ trỏ đến nút con trái nhất
 - Con trỏ trỏ đến nút anh em bên phải

Cấu trúc dữ liệu biểu diễn cây

```
struct Node{
   int id;
   Node* leftMostChild;// con tro tro den nut con trai nhat
   Node* rightSibling;// con tro tro den nut anh em ben phai
};
Node* root;// con tro tro den nut goc
```

- find(r, id): tìm nút có định danh là id trên cây có gốc là r
- insert(r, p, id): tạo một nút có định danh là id, chèn vào cuối danh sách nút con của nút p trên cây có gốc là r
- height(r, p): trả về độ cao của nút p trên cây có gốc là r
- depth(r, p): trả về độ sâu của nút p trên cây có gốc là r
- parent(r, p): trả về nút cha của nút p trên cây có gốc r
- count(r): trả về số nút trên cây có gốc là r
- countLeaves(r): trả về số nút lá trên cây có gốc là r



 Tìm một nút có nhãn cho trước trên cây

```
Node* find(Node* r, int v){
    if(r == NULL) return NULL;
    if(r->id == v) return r;
   Node* p = r->leftMostChild;
   while(p != NULL){
        Node* h = find(p,v);
        if(h != NULL) return h;
        p = p->rightSibling;
    return NULL;
}
```

Duyệt theo thứ tự trước

```
void preOrder(Node* r){
   if(r == NULL) return;
   printf("%d ",r->id);
   Node* p = r->leftMostChild;
   while(p != NULL){
      preOrder(p);
      p = p->rightSibling;
   }
}
```

Duyệt theo thứ tự giữa

```
void inOrder(Node* r){
   if(r == NULL) return;
   Node* p = r->leftMostChild;
   inOrder(p);
   printf("%d ",r->id);
   if(p != NULL)
      p = p->rightSibling;
   while(p != NULL){
        inOrder(p);
        p = p->rightSibling;
```

Duyệt theo thứ tự sau

```
void postOrder(Node* r){
   if(r == NULL) return;
   Node* p = r->leftMostChild;
   while(p != NULL){
      postOrder(p);
      p = p->rightSibling;
   }
   printf("%d ",r->id);
}
```

• Đếm số nút trên cây

```
int count(Node* r){
    if(r == NULL) return 0;
    int s = 1;
    Node* p = r->leftMostChild;
    while(p != NULL){
        s += count(p);
        p = p->rightSibling;
    }
    return s;
}
```

• Đếm số nút lá trên cây

```
int countLeaves(Node* r){
    if(r == NULL) return 0;
    int s = 0;
    Node* p = r->leftMostChild;
    if(p == NULL) s = 1;
    while(p != NULL){
        s += countLeaves(p);
        p = p->rightSibling;
    return s;
}
```

• Độ cao của một nút

```
int height(Node* p){
    if(p == NULL) return 0;
    int maxh = 0;
    Node* q = p->leftMostChild;
    while(q != NULL){
        int h = height(q);
        if(h > maxh) maxh = h;
        q = q->rightSibling;
    return maxh + 1;
}
```

• Độ sâu của một nút

```
int depth(Node* r, int v, int d){
    // d la do sau cua nut r
    if(r == NULL) return -1;
    if(r->id == v) return d;
    Node* p = r->leftMostChild;
   while(p != NULL){
        if(p->id == v) return d+1;
        int dv = depth(p,v,d+1);
        if(dv > 0) return dv;
        p = p->rightSibling;
    }
    return -1;
int depth(Node* r, int v){
    return depth(r,v,1);
}
```

• Tìm nút cha của một nút

```
Node* parent(Node* p, Node* r){
   if(r == NULL) return NULL;
   Node* q = r->leftMostChild;
   while(q != NULL){
      if(p == q) return r;
      Node* pp = parent(p, q);
      if(pp != NULL) return pp;
      q = q->rightSibling;
   }
   return NULL;
}
```

Cây nhị phân

- Mỗi nút có nhiều nhất 2 nút con
- Hai con trỏ xác định nút con trái và nút con bên phải struct BNode{

int id;

BNode* leftChild; // con trỏ đến nút con trái

BNode* rightChild;// con trỏ đến nút con phải

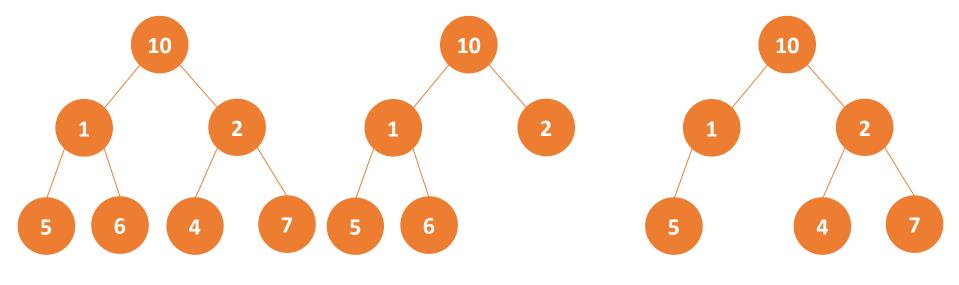
};

- leftChild = NULL: có nghĩa nút hiện tại không có con trái
- rightChild = NULL: có nghĩa nút hiện tại không có con phải
- Có thể áp dụng sơ đồ thuật toán trên cây tổng quát cho trường hợp cây nhị phân



Cây nhị phân

Phân loại



Cây nhị phân hoàn chỉnh

Cây nhị phân đầy đủ

Cây nhị phân cân bằng



- Duyệt theo thứ tự giữa
 - Duyệt theo thứ tự giữa cây con bên trái
 - Thăm nút gốc
 - Duyệt theo thứ tự giữa cây con bên phải

```
void inOrder(BNode* r) {
  if(r == NULL) return;
  inOrder(r->leftChild);
  printf("%d ",r->id);
  inOrder(r->rightChild);
}
```

- Duyệt theo thứ tự trước
 - Thăm nút gốc
 - Duyệt theo thứ tự giữa cây con bên trái
 - Duyệt theo thứ tự giữa cây con bên phải

```
void preOrder(BNode* r) {
  if(r == NULL) return;
  printf("%d ",r->id);
  preOrder(r->leftChild);
  preOrder(r->rightChild);
}
```

- Duyệt theo thứ tự sau
 - Duyệt theo thứ tự giữa cây con bên trái
 - Duyệt theo thứ tự giữa cây con bên phải
 - Thăm nút gốc

```
void postOrder(BNode* r) {
  if(r == NULL) return;
  postOrder(r->leftChild);
  postOrder(r->rightChild);
  printf("%d ",r->id);
}
```

• Đếm số nút trên cây nhị phân

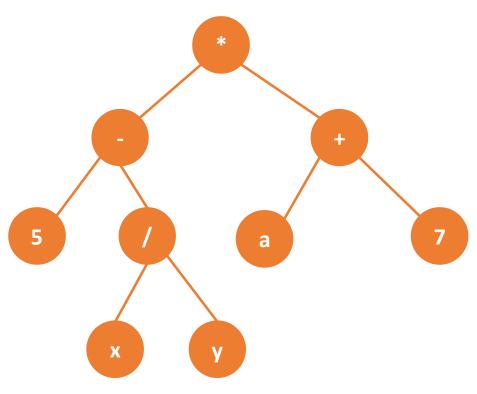
Cây biểu thức

- · Là cây nhị phân
 - Nút giữa biểu diễn toán tử
 - Nút lá biểu diện các toán hạng (biến, hằng)
- Biểu thức trung tố: dãy các nút được thăm trong phép duyệt cây theo thứ tự giữa:

$$(5 - x/y) * (a + 7)$$

 Biểu thức hậu tố: dãy các nút được thăm trong phép duyệt cây theo thứ tự sau:

$$5 \times y / - a 7 + *$$



Khởi tạo stack S ban đầu rỗng



- Khởi tạo stack S ban đầu rỗng
- Duyệt các phần tử của biểu thức hậu tố từ trái qua phải



- Khởi tạo stack S ban đầu rỗng
- Duyệt các phần tử của biểu thức hậu tố từ trái qua phải
- Nếu gặp toán hạng thì đẩy toán hạng đó vào S



- Khởi tạo stack S ban đầu rỗng
- Duyệt các phần tử của biểu thức hậu tố từ trái qua phải
- Nếu gặp toán hạng thì đẩy toán hạng đó vào S
- Nếu gặp toán tử op thì lần lượt lấy 2 toán hạng A và B ra khỏi S, thực hiện C = B op A, và đẩy C vào S

- Khởi tạo stack S ban đầu rỗng
- Duyệt các phần tử của biểu thức hậu tố từ trái qua phải
- Nếu gặp toán hạng thì đẩy toán hạng đó vào S
- Nếu gặp toán tử op thì lần lượt lấy 2 toán hạng A và B ra khỏi S, thực hiện C = B op A, và đẩy C vào S
- Khi biểu thức hậu tố được duyệt xong thì giá trị còn lại trong S chính là giá trị của biểu thức đã cho

