

Aufgabenblatt 10

Heuristische Algorithmen – A-Star

Abgabe (bis 10.07.2019 19:59 Uhr)

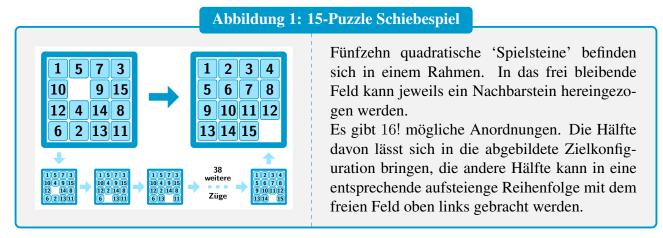
Die folgenden Dateien werden für die Bepunktung berücksichtigt:

Blatt05/src/Board.java Aufgabe 1.1 Blatt05/src/PartialSolution.java Aufgabe 1.2 Blatt05/src/AStar15Puzzle.java Aufgabe 1.3

Als Abgabe wird jeweils nur die letzte Version im git gewertet.

Aufgabe 1: Lösungsprozedur für ein Schiebepuzzle (Hausaufgabe)

Das Schiebepuzzle auf Abb. 1 gibt es in unterschiedlichen Varianten. Üblicherweise handelt es sich um ein 4×4 Spielfeld mit 15 quadratischen Spielsteinen. Es bleibt also ein Feld frei. Die Spielsteine von den Nachbarfeldern können auf das freie Feld gezogen werden. Durch eine geeignete Zugfolge soll eine bestimmte Spielstellung erreicht werden.



In dieser Aufgabe soll eine kürzeste Zugfolge von einer gegebenen Spielposition zur Zielkonfiguration mit Hilfe des A*-Algorithmus bestimmt werden. Es wird im Baum der Teillösung gesucht. Die Rückwärtskosten einer Teillösung ist die Anzahl der Züge von der Anfangsstellung dorthin, die Vorwärstkosten sind durch die in Aufgabe 1.2 definierte Heuristik definiert und die Gesamtkosten sind die Summe von Vorwärts- und Rückwärtskosten.

1.1 Klasse Board vervollständigen (15 Punkte)

Betrachten Sie die gegebenen Klassen Position, Move und die gegebenen Methoden der Klasse Board. Methoden für die üblichen Spieloperationen sind vorhanden. Es muss noch eine Methode implementiert werden, die für die Heuristik des A*-Algorithmus verwendet wird:



public int manhattan()

Die Methode berechnet als "Manhattan Heuristik" (basierend auf dem Manhattan Abstand, bzw. der *taxicab metric*) einen Abstand von der aktuellen Spielposition zu dem Zielzustand (siehe Abb. 1). Die Berechnung des Wertes der Heuristik wird in Abbildung 2 erklärt. Die dort gezeigten Beispiele sind als Dateien in der Vorgabe enthalten, siehe main () der Klasse Board.



Der Manhattan Abstand zwischen zwei Punkten im zwei-dimensionalen Raum ist die Summe der Abstände in x- und in y-Richtung. Die **Manhattan Heuristik** für eine Position in dem Schiebepuzzle definiert man wie folgt. Für jeden Spielstein wird der Abstand in x und in y Richtung seiner Position zu seiner Zielposition addiert. Die Summe dieser Werte für alle Spielsteine ist der Wert der Manhattan-Metrik, siehe Abbildung 2. (Dabei wird der Abstand des freibleibenden Feldes zu seiner Zielposition nicht berücksichtigt.) Da jeder Zug die Manhatten Heuristik höchstens um 1 vermindern kann, ist die Manhatten Heuristik konsistent.

1.2 Implementation der Klasse PartialSolution (25 Punkte)

Die Klasse PartialSolution wird von der A*-Implementation benötigt. Als Teillösung wird der jeweilige Zustand des Spielfeldes, sowie die Zugfolge von der Ausgangssituation dorthin gespeichert. Damit A* die aussichtsreichste Teillösung aus der *priority queue* auswählen kann, muss PartialSolution die Schnittstelle Comparable basierend auf den Kosten einer Teillösung implementieren. Aus Effizienzgrüden ist es sinnvoll, die Kosten in einer Objektvariable, z. B. cost, zu speichern. (Die Kosten wurden in der Einleitung definiert.)

Die Beischreibung der einzelnen Methoden können Sie der folgenden API und den Javadoc Kommentaren in der Klasse entnehmen.

public class PartialSo	olution implements Comparable <partialsolution></partialsolution>	
	PartialSolution(Board board)	Erzeugt eine leere Teillösung mit einer Kopie (<i>deep copy</i>) von board als Spielstellung und leerer Zugfolge.
	PartialSolution(PartialSolution that)	erzeugt eine unabhängige Kopie (deep copy).
	doMove(Move move)	führt move aus (und aktualisiert die Kosten)
boolean	isSolution()	Ist die Spielstellung die Zielstellung?
Iterable <move></move>	moveSequence()	die Zugfolge von der Anfangsstellung zur aktuellen Stellung in chronologischer Reihenfolge von erstem zum letzten Zug
Iterable <move></move>	validMoves()	alle möglichen Züge von der aktuellen Stellung, mit Ausnahme des Zuges, der den letzen Zug der Teillösung rückgängig machen würde (falls schon mindestens ein Zug ausgeführt wurde)'
int	compareTo(PartialSolution that)	vergleicht Teillösungen an Hand der Kosten



Da die notwendige Funktionalität von der Klasse Board zur Verfügung gestellt wird, sind die Implementierungen dieses Klassen sehr kurz (maximal drei Zeilen). Diese Informationen dient zur Orientierung.

Hinweise:

- Beachten Sie, dass in dem Copy Konstruktor auch eine *unabhängige* Kopie der Zugsequenz erzeugt werden muss.
- Beachten Sie die Funktionalität von Board.validMoves (Move move) bei der Implementation von PartialSolution.validMoves ().
- Das Vermeiden der inversen Züge in PartialSolution.validMoves() ist nicht notwendig für das eigentliche Funktionieren der A*-Suche. Aber ohne diese Maßnahme wird der Suchraum bei Beispielen mit langen Zugfolgen so groß, dass die Suche nicht effizient durchgeführt werden kann.
- Die main() Methode der Klasse PartialSolution lädt das Beispiel board-3x3-twosteps.txt und führt die Lösungsschritt durch. Die erwartete Ausgabe ist in der Datei board-3x3-twosteps-ExpectedOutput.txt gespeichert. Der Code kann erweitert werden, um die Methoden isSolution() und validMoves() zu testen.

1.3 Implementation der Klasse AStar15Puzzle (60 Punkte)

Implementieren Sie die Klasse AStar15Puzzle, die Lösung eines beliebigen $nx \times ny$ Schiebepuzzles mit Hilfe des A*-Algorithmus findet. Dabei soll als Heuristik der *Manhattan*-Abstand zur Zielstellung verwendet werden.

Konkret soll in der Klasse die Methode

public static PartialSolution solveAStar(Board board)

implementiert werden. Für lösbare Spielstellungen board soll ein PartialSolution Objekt zurückgegeben werden, das eine kürzeste Zugfolge beinhaltet und mit der Methode moveSequence() abgerufen werden kann. (Für unlösbare Spielstellung muss das Programm nicht terminieren. Eine effiziente Methode mit der dies verhindert werden kann, ist Bestandteil des nächsten Aufgabenblattes.)

Eine Implementierung (im normalen Programmierstandard), die den in der Vorlesung präsentierten Ansatz umsetzt, kommt mit 15 Zeilen aus. Dies ist keine Aufforderung dazu, eine möglichste kurze Methode zu schreiben, sondern soll nur als Orientierung dienen. Falls Sie eine Idee haben, die sehr viel mehr Code und Hilfsfunktionen erfordert, schauen Sie nochmal in die Vorlesung und überlegen Sie, wie die die Aufgabe anders lösen können.

In dem Ordner samples liegen drei 3x3 Aufgangssituationen zum Testen bereit (board-3x3-*.txt). In der main() Methode der Klasse AStar15Puzzle ist entsprechender Code zur Ausführung. Lösungen zur den drei Beispielen sind in den Dateien *-ExpectedOutput.txt. Da kürzeste Zugfolge nicht unbedingt eindeutig ist, kann es auch andere korrekte Lösungen geben. Die Länge der Zugfolge ist eindeutig.



Tipps, Hinweise und Bemerkungen:

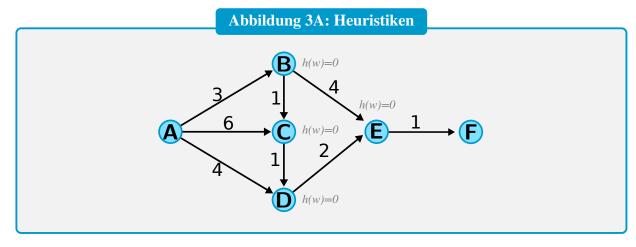
- Nachdem aus dem übergebenen board eine 'leere' Teillösung als Anfang der A*-Suche erstellt wurde, braucht hier nicht mehr direkt mit Board Objekten gearbeitet zu werden. Es können die entsprechenden Methoden der Klasse PartialSolution genutzt werden.
- Wenn Sie ein PartialSolution Objekt verändern und in die priority queue einfügen, beachten Sie, dass Sie zunächst ein deep copy erzeugen. Sonst verändern Sie ggf. andere Objekte in der Queue. Aus diesem Grund gibt es in der Klasse PartialSolution einen Copy Konstruktor.
- Die schwierigsten Stellungn im 3×3 Spiel erforderen 31 Züge. Diese Lösung kann mit dem A*-Algorithmus sehr schnell gefunden werden.
- Die schwierigsten Stellungen im 4×4 Spiel erforderen 80 Züge. Sie erfordern mit dieser einfache A* Implementierung zu viel Rechenaufwand.
- Für das 5×5 Spiel ist noch nicht bekannt, wie viele Züge die schwierigsten Stellungen erfordern.

Aufgabe 2: Heuristische VS approximative Algorithmen

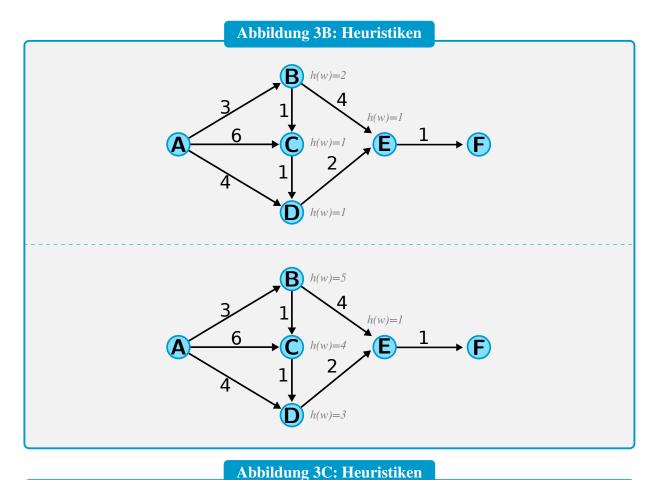
- **2.1** Was sind heuristische Algorithmen?
- **2.2** Was sind approximative Algorithmen? Was ist ein ρ approximativer Algorithmus?
- **2.3** Wie unterscheiden sich approximative und heuristische Algorithmen?
- **2.4** Welche drei Kategorien von Problemen lassen sich in Bezug auf die Approximierbarkeit eines Problems aufstellen?

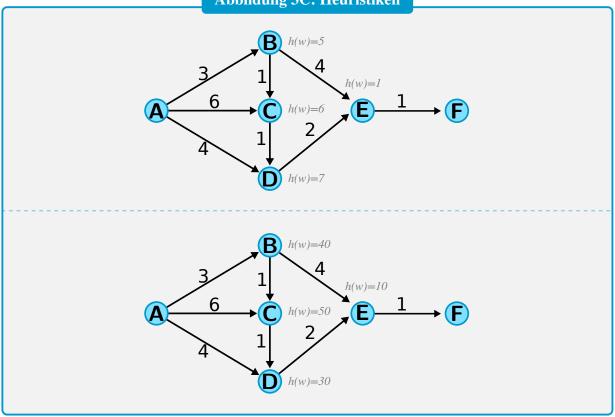
Aufgabe 3: A* Algorithmus: Heuristik

- **3.1** Wie funktioniert der A* Algorithmus? Nach welchem Kriterium wird der nächste Knoten aus gewählt? Welche Rolle spielt die Heuristik?
- **3.2** Gehen Sie die folgenden Beispiele für Heuristiken durch und diskutieren Sie welchen Effekt diese auf den A* Algorithmus haben.









3.3 Was ist eine zulässige, was ist eine konsistente Heuristik?