

Python

# Рекурсия



# Преподаватель

Портрет

**Имя Фамилия**

Текущая должность

Количество лет опыта

Какой у Вас опыт - ключевые кейсы

Самые яркие проекты


Дополнительная информация по вашему усмотрению


Корпоративный e-mail

Социальные сети (по желанию)


# Важно

- 

Камера должна быть включена на протяжении всего занятия
- 

В течение занятия вопросы задавать в чате или когда преподаватель спрашивает, есть ли у Вас вопросы
- 

Вести себя уважительно и этично по отношению к остальным участникам занятия
- 

Организационные вопросы по обучению решаются с кураторами, а не на тематических занятиях
- 

Во время занятия будут интерактивные задания, будьте готовы включить камеру или демонстрацию экрана по просьбе преподавателя

# План занятия

- Примеры рекурсивных функций
- Хвостовая рекурсия
- Рекурсия или итерация?
- Функция `isinstance`
- Проверяем, что копия независима от оригинала



# ОСНОВНОЙ БЛОК





# Примеры рекурсивных функций

# Факториал числа



Факториал числа  $n!$  – это произведение всех чисел от 1 до  $n$ .

# Рекурсивная реализация



```
def factorial(n: int) -> int:
    if n == 0 or n == 1: # Базовый случай
        return 1
    return n * factorial(n - 1) # Рекурсивный случай

print(factorial(5))
```



# Бинарный поиск



Это эффективный алгоритм поиска элемента в отсортированном списке.

# Рекурсивная реализация



```
def binary_search(arr: list[int], target: int, left: int, right: int) -> int:
    if left > right:
        # Базовый случай: элемент не найден
        return -1
    mid = (left + right) // 2
    if arr[mid] == target:
        return mid
    elif arr[mid] < target:
        return binary_search(arr, target, mid + 1, right) # Поиск в правой части
    else:
        return binary_search(arr, target, left, mid - 1) # Поиск в левой части

array = [1, 3, 5, 7, 9, 11, 13]
print(binary_search(array, 5, 0, len(array) - 1))
print(binary_search(array, 13, 0, len(array) - 1))
print(binary_search(array, 8, 0, len(array) - 1))
```



**ВОПРОСЫ**





# Хвостовая рекурсия

# Хвостовая рекурсия



Это особый вид рекурсии, в котором рекурсивный вызов является последней операцией функции перед возвратом результата.

# Обычная рекурсия



```
def factorial(n: int) -> int:
    if n == 0 or n == 1:
        return 1
    return n * factorial(n - 1)

print(factorial(5))
```

# Хвостовая рекурсия



```
def factorial_tail(n: int, accumulator: int = 1) -> int:
    if n == 0 or n == 1:
        return accumulator
    return factorial_tail(n - 1, n * accumulator)

print(factorial_tail(5))
```

# Разница между обычной и хвостовой рекурсией



В Python нет встроенной оптимизации хвостовой рекурсии, которая заменяет хвостовой рекурсивный вызов на повторное использование текущего кадра стека, что позволяет избежать переполнения стека. Поэтому рекомендуется заменять хвостовую рекурсию на итерацию.



# Итеративный вариант факториала



```
def factorial_iterative(n: int) -> int:
```

```
    accumulator = 1
```

```
    while n > 1:
```

```
        accumulator *= n
```

```
        n -= 1
```

```
    return accumulator
```

```
print(factorial_iterative(5))
```



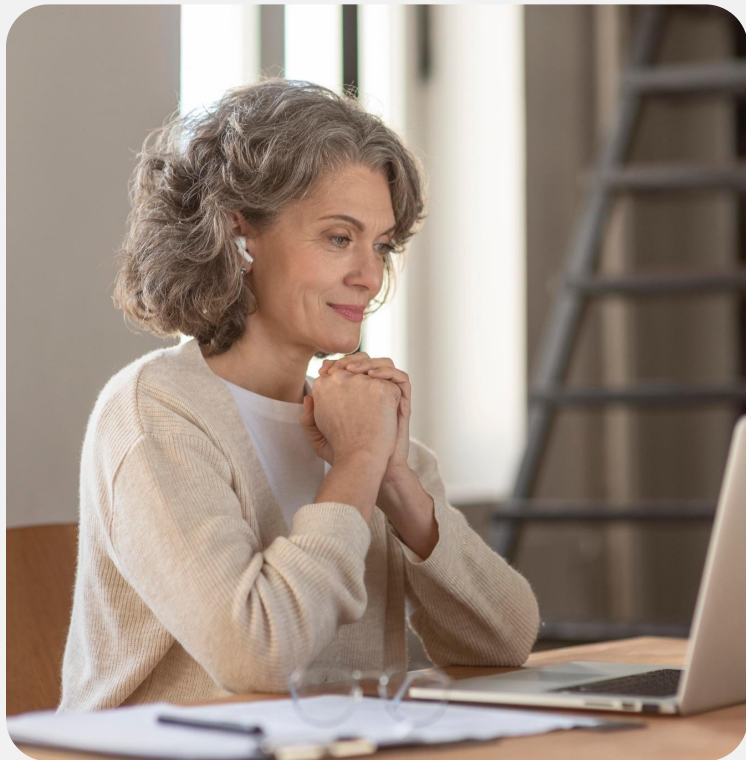
# ВОПРОСЫ





**ЗАДАНИЕ**





## Выберите верный вариант ответа

Что произойдёт при выполнении следующего кода?

```
def infinite():  
    return infinite()
```

`infinite()`

- a. Бесконечный цикл
- b. Ошибка RecursionError
- c. Программа завершится без ошибок
- d. Ошибка SyntaxError



## Выберите верный вариант ответа

Что произойдёт при выполнении следующего кода?

```
def infinite():  
    return infinite()
```

`infinite()`

- a. Бесконечный цикл
- b. Ошибка RecursionError**
- c. Программа завершится без ошибок
- d. Ошибка SyntaxError



## Найдите верный ответ

У вас есть две функции. Чем они отличаются и что будет выведено в результате выполнения?

```
def print_numbers(n):
    if n == 0:
        return
    print(n)
    print_numbers(n - 1)

def print_nums(n):
    if n == 0:
        return
    print_nums(n - 1)

print(n)
```



## Найдите верный ответ

Обычная и хвостовая рекурсия. Разный порядок вывода чисел.



# ВОПРОСЫ







Рекурсия или  
итерация?



## Рекурсия и итерация

Два подхода к решению задач, которые могут быть взаимозаменяемыми в некоторых задачах. Однако выбор между ними зависит от производительности, читабельности кода и ограничений памяти.

Плюсы	Минусы	Когда использовать рекурсию?	Когда использовать итерацию?
Позволяет разделить сложную задачу на подзадачи.	Может привести к переполнению стека (RecursionError).	Когда задача делится на подзадачи (разбиение на более мелкие части).	Когда рекурсия создаёт избыточную нагрузку на стек вызовов.
Упрощает чтение кода (например, обход деревьев и графов).	Медленнее итеративных решений из-за затрат на вызовы функций.	Для работы с деревьями, графами и вложенными структурами.	Когда можно решить задачу без хранения промежуточных вызовов.
Некоторые алгоритмы легче выразить рекурсивно (например, поиск пути в лабиринте).	Использует дополнительную память (каждый вызов создаёт новый стековый фрейм).	Когда важна выразительность кода (код читается легче, чем итеративная версия).	Когда важна эффективность по памяти и скорости.

# Задачи, решаемые рекурсией



Некоторые задачи сложно или невозможно эффективно решить без использования рекурсии. Это связано с необходимостью разбиения задачи на более мелкие подзадачи, а также с работой со сложными вложенными структурами.

# Обход дерева (DFS - поиск в глубину)



Дерево – это иерархическая структура данных, где каждый узел может иметь несколько дочерних узлов. Рекурсивный подход позволяет обойти все узлы, последовательно углубляясь в каждый из них.

# Обход графа (DFS, рекурсивный поиск путей)



Граф – это структура, состоящая из узлов и рёбер, соединяющих их. Использование рекурсии в глубинном поиске позволяет эффективно находить пути между вершинами.

# Разбор выражений и синтаксический анализ



При обработке вложенных математических выражений или языковых конструкций удобно использовать рекурсию, так как каждое подвыражение может рассматриваться как самостоятельная подзадача.

# Ханойские башни



Задача, требующая последовательного перемещения дисков между тремя стержнями с сохранением их порядка. Разбивается на две меньшие аналогичные задачи, что делает рекурсию естественным решением.



# Разбиение на подмножества и комбинаторика



Задачи, связанные с генерацией всех возможных комбинаций, перестановок и подмножеств множества, решаются с разбиением на подзадачи: выбор одного элемента и рекурсивное построение оставшейся структуры.

# Функция `deepcopy`



Функция `deepcopy()` из модуля `copy` используется для создания глубокой копии объекта. В отличие от обычного `copy()`, который выполняет поверхностное копирование, `deepcopy()` рекурсивно копирует все вложенные объекты, создавая полностью независимую копию.

Операция	Что копируется?	Вложенные изменяемые объекты
<code>copy()</code>	Поверхностный уровень	Сохраняют ссылки на оригинальные объекты
<code>deepcopy()</code>	Полная независимая копия	Создаются новые копии вложенных объектов

# Пример с `copy()` (поверхностная копия):



```
original_list = [[1, 2], [3, 4]]

# Поверхностная копия, вложенные коллекции скопированы как ссылки

copy_lst = original_list.copy()

# Добавляет в копию, не затрагивает вложенные элементы.

copy_lst.append(99)

# Изменяет копию списка, но затрагивает вложенные элементы.

copy_lst[0][0] = "X" # Влияет на оригинал!

print("Оригинал:", original_list)

print("Копия:", copy_lst)
```

# Пример с deepcopy() (глубокая копия):



```
from copy import deepcopy

original_list = [[1, 2], [3, 4]]

# Глубокая копия, для вложенных коллекций созданы дубликаты объектов

copy_lst = deepcopy(original_list)

# Добавляет в копию, не затрагивает вложенные элементы.

copy_lst.append(99)

# Изменяет вложенные элементы, которые не связаны с изначальным списком.

copy_lst[0][0] = "X" # Не влияет на оригинал!

print("Оригинал:", original_list)

print("Копия:", copy_lst)
```

# Когда `deepcopy()` не нужен?



- Если объект не содержит изменяемых вложенных объектов.
- Если производительность критична — `deepcopy()` медленнее, чем `copy()`, а копируемые данные не требуют полного дублирования.



# ВОПРОСЫ





**ЗАДАНИЕ**







## Выберите правильный вариант ответа

Чем `deepcopy()` отличается от `copy()`?

- a. `copy()` создаёт полную независимую копию, включая вложенные объекты
- b. `copy()` всегда создаёт новый объект без ссылок на оригинал
- c. `deepcopy()` создаёт полную независимую копию, включая вложенные объекты
- d. `deepcopy()` выполняет копирование быстрее, чем `copy()`



## Выберите правильный вариант ответа

Чем `deepcopy()` отличается от `copy()`?

- a. `copy()` создаёт полную независимую копию, включая вложенные объекты
- b. `copy()` всегда создаёт новый объект без ссылок на оригинал
- c. **`deepcopy()` создаёт полную независимую копию, включая вложенные объекты**
- d. `deepcopy()` выполняет копирование быстрее, чем `copy()`



# ВОПРОСЫ





# ПРАКТИЧЕСКИЕ ЗАДАНИЯ





## Функция deercopy

Реализуйте аналог `deercopy()` с помощью рекурсии. Не забудьте проверить, чтобы изменения в копии не затронули оригинал.

### Данные:

```
original_data = [
    [1, 2, 3],                # Вложенный список
    (4, [5, 6], {7, 8}),      # Кортеж с вложенными
    структурами               # Словарь со списком
    {"a": 9, "b": [10, 11]},   # Строка
    "Hello",                  # Список с кортежем
    [12, (13, 14)],           # Число с плавающей точкой
    15.5,                     # Целое число
    5
]
```

# Домашнее задание

## Сумма цифр числа

Напишите рекурсивную функцию, которая находит сумму всех цифр числа.

### Данные:

num = 43197

### Пример вывода:

24

# Домашнее задание

## Сумма вложенных чисел

Напишите рекурсивную функцию, которая суммирует все числа во вложенных списках.

### Данные:

```
nested_numbers = [1, [2, 3], [4, [5, 6]], 7]
```

### Пример вывода:

28

## Заключение

