# LÝ THUYẾT TÍNH TOÁN

BÀI 8: Máy Turing

Phạm Xuân Cường Khoa Công nghệ thông tin cuongpx@tlu.edu.vn

## Nội dung bài giảng

1. Khái niệm

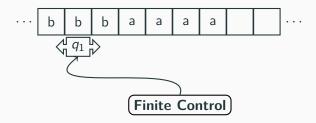
2. Định nghĩa hình thức

3. Ngôn ngữ của TM

# Khái niệm

### Khái niệm

- Máy Turing = Turing Machine (TM)
- TM:
  - Được đề xuất đầu tiên vào năm 1936 bởi Alan Turing
  - Là một mô hình tính toán manh hơn PDA và FSM
  - Là một mô hình chính xác hơn rất nhiều của máy tính đa năng
  - Tương tự như DFA nhưng có một bộ nhớ vô hạn và không hạn định



## Cấu trúc dữ liệu của TM

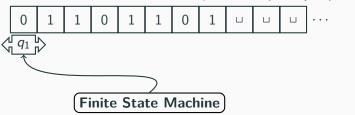
- FSM: Lưu trữ hữu hạn các trạng từ dữ liệu vào
- PDA: Chuỗi đầu vào và ngăn xếp
- TM: Băng nhớ

#### Sự khác biệt giữa TM và FSM

- 1. TM có thể đọc, ghi ký tự lên ô mà đầu đọc đang nằm trên nó
- 2. Đầu đọc có thể di chuyển sang trái hoặc phải
- 3. Dải băng (tape) là dài vô tận
- Những trạng thái đặc biệt cho việc bác bỏ và chấp thuận có hiệu lực tức thì

### Thành phần của TM

- Bộ chữ của băng (tape alphabet):  $\Sigma = \{0,1\}$  hoặc thông thường là  $\Sigma = \{0,1,a,b,x,\#,\$\}$
- Ký hiệu dấu trắng  $_{\sqcup}$  là một ký hiệu đặc biệt và  $_{\sqcup} \in \Sigma$
- Cấu hình ban đầu chỉ có xâu vào và phần còn lại là ký hiệu 🗆

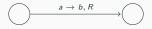


## TM hoạt động như thế nào?

Tại mỗi bước tính toán:

- Đọc ký hiệu của ô hiện tại trên băng mà con trỏ trỏ tới
- Có thể cập nhật ký hiệu trên ô đang được trỏ tới đó
- Dịch chuyển từng ô một theo chiều chỉ định (trái hoặc phải)

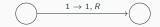
#### Biểu diễn hình học:



- a là ký hiệu được đọc, thuộc ô hiện tại trên băng
- b là ký hiệu sẽ được ghi vào ô hiện tại trên băng
- R là chiều dịch chuyển (L: left, R: right)

## TM hoạt động như thế nào?

Thao tác chỉ đọc ký hiệu

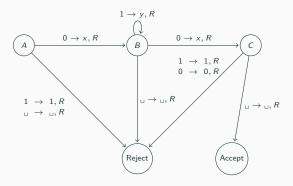


Các trường hợp của sự tính toán (computation):

- Tam dừng và chấp thuận (Halt and accept): Nếu đạt được trạng thái chấp thuận thì dừng ngay lập tức
- Tạm dừng và bác bỏ (Halt and reject): Nếu đạt được trạng thái bác bỏ thì dừng ngay lập tức
- Lặp (loop): Máy sẽ chạy liên tục không dừng

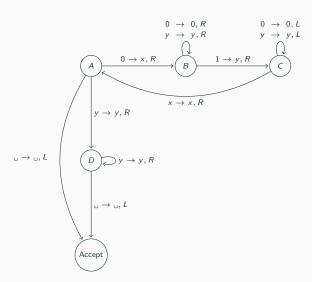
 $\rightarrow$  TM là đơn định

TM sau đoán nhận ngôn ngữ L=01\*0



Đưa ra TM đoán nhận ngôn ngữ L =  $0^n1^n$ Thuật toán để xây dựng TM cho ngôn ngữ trên

- Bước 1: Đọc được 0 thì đổi thành x trên băng nhớ và di chuyển sang phải cho đến khi gặp số 1 đầu tiên thì thay 1 bằng y. Nếu không gặp số 1 nào  $\rightarrow$  Chuyển sang trạng thái Reject
- Lặp lại bước 1 cho đến khi không còn ký tự 0 nào nữa
- Kiểm tra để đảm bảo rằng không còn số 1 nào nữa



# Định nghĩa hình thức

### Định nghĩa hình thức

Máy Turing ≡ bộ 7 (hay 7 chiều)

$$M = (Q, \Sigma, \Gamma, \delta, q_0, q_{accept}, q_{reject})$$

#### Trong đó:

- **Q:** Tập trạng thái (hữu hạn)
- $\Sigma$ : Bộ chữ đầu vào,  $\varepsilon \notin \Sigma$
- $\Gamma$ : Bộ chữ được phép viết trên băng,  $\varepsilon \in \Gamma$  và  $\Sigma \subset \Gamma$
- δ: Hàm dịch chuyển

$$\delta \colon \textbf{Q} \ \textbf{x} \ \Gamma \to \textbf{Q} \ \textbf{x} \ \Gamma \, \textbf{x} \ \{\textbf{L,R}\}$$

- $\mathbf{q_0} \in \mathsf{Q}$ : Trạng thái bắt đầu
- $\mathbf{q}_{accept} \in \mathsf{Q}$ : Là tập các trạng thái chấp thuận
- $\mathbf{q}_{\mathsf{reject}} \in \mathsf{Q}$ : Là tập các trạng thái bác bỏ,  $\mathbf{q}_{\mathsf{accept}} \neq \mathbf{q}_{\mathsf{reject}}$

## Ý nghĩa cấu hình

Cấu hình của TM có ý nghĩa:

- Đưa ra hình ảnh hiện tại của máy
- Đưa ra hình ảnh tại mỗi bước tính toán của máy



ightarrow tương ứng với cấu hình  $011q_101101$ 

# Ngôn ngữ của TM

## Ngôn ngữ của TM

Tập hợp các xâu được TM đoán nhận = ngôn ngữ của TM

- Ngôn ngữ quyết định được (Decidable): Khi đọc một xâu đầu vào
  - TM sẽ luôn luôn đạt được trạng thái dừng
  - TM sẽ chấp thuận xâu đó khi nó ∈ ngôn ngữ của TM
  - TM sẽ bác bỏ xâu đó khi nó ∉ ngôn ngữ của TM
- Ngôn ngữ được đoán nhận bởi máy Turing (Recursivly Enumerable):
  - TM sẽ luôn dừng và chấp thuận (halt and accept) một xâu  $\in$  ngôn ngữ của TM
  - Nếu xâu đó ∉ ngôn ngữ của TM, thì máy sẽ rơi vào trạng thái dừng và bác bỏ hoặc lặp

## Ngôn ngữ của TM

#### Định nghĩa 1

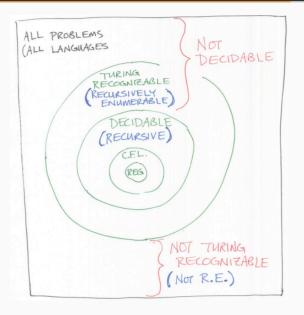
Gọi một ngôn ngữ là **có thể được đoán nhận bởi máy Turing** (TRL) nếu tồn tại một máy Turing đoán nhận ngôn ngữ đó

#### Định nghĩa 2

Gọi một ngôn ngữ là **Turing-có thể quyết định được** hay đơn giản **có thể quyết định** nếu tồn tại một máy Turing quyết định ngôn ngữ đó

 $\rightarrow$  Tất cả ngôn ngữ có thể quyết định đều là Turing có thể đoán nhận

## Tập ngôn ngữ

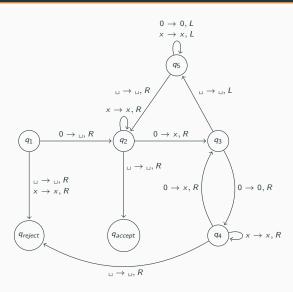


#### Ví dụ TM

Mô tả máy Turing M quyết định ngôn ngữ  $A = \{0^{2^n} \mid n \ge 0\}$ Thuật toán của TM quyết định A:

- Đảo từ trái qua phải dọc theo băng, xóa đi tất cả các ký hiệu
  0
- 2. Nếu ở bước 1, băng chỉ chứa 1 ký hiệu 0 thì **chấp thuận**
- Nếu ở bước 1, băng chứa nhiều hơn 1 ký hiệu 0 và số lượng ký hiệu 0 là 1 số lẻ thì bác bỏ
- 4. Đưa đầu đọc trở về đầu bên trái của băng
- 5. Lặp lại bước 1

## Biểu đồ trạng thái



#### Mô tả hình thức

- $Q = \{q_1, q_2, q_3, q_4, q_5, q_{accept}, q_{reject}\}$
- $\bullet \ \Sigma = \{0\}$
- $\Gamma = \{0,x,\sqcup\}$
- ullet  $\delta$  Minh họa như trên biểu đồ trạng thái

### Lịch sử tính toán

Lịch sử tính toán với xâu 0000. Cấu hình ban đầu  $q_10000$ 

~ 0000	m > 10> 1	$_{\sqcup}$ X $q_5$ XX $_{\sqcup}$
$q_10000$	$_{\sqcup}q_{5}$ x $0$ x $_{\sqcup}$	$_{\sqcup}q_{5}$ XXX $_{\sqcup}$
$_{\sqcup}q_{2}000$	$q_5$ ப $ imes$ 0 $ imes$ ப	$q_{5\sqcup}$ XXX $_{\sqcup}$
⊔× <i>q</i> <sub>3</sub> 00	$_{\sqcup}q_{2}$ x $0$ x $_{\sqcup}$	
· ·	·	$\Box q_2$ XXX $\Box$
⊔×0 <i>q</i> <sub>4</sub> 0	$_{\sqcup} \times q_2 0 \times_{\sqcup}$	⊔x <i>q</i> 2XX⊔
$_{\sqcup}$ x $0$ x $q_{3}$ $_{\sqcup}$	$\sqcup$ XX $q_3$ X $\sqcup$	$_{\sqcup}$ xx $q_2$ x $_{\sqcup}$
$_{\sqcup}$ x $0q_{5}$ x $_{\sqcup}$	⊔xxx <i>q</i> 3⊔	
	•	$_{\sqcup}$ XXX $q_{2}_{\sqcup}$
$_{\sqcup}$ × $q_5$ 0× $_{\sqcup}$	$_{\sqcup}$ XX $q_{5}$ X $_{\sqcup}$	$_{\sqcup}$ XXX $_{\sqcup}q_{accept}$

