

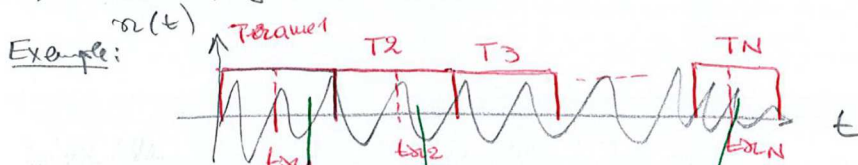
Principe de l'interpolation dans le domaine fréquentiel

1/3

Le signal n'étant pas stationnaire sur toute la durée, on découpe en trames de ≈ 30 ms (on considère que le signal est stationnaire sur cette durée de ≈ 30 ms \equiv hypothèse communément admise en traitement de la parole).

\Rightarrow on utilise la transformée de Fourier à court terme (TFCT) pour passer de le domaine fréquentiel. [notion vue dans le TP1].

1) - Découpage en trames:



on découpe le signal $x(t)$ en N trames. chaque trame i est centrée sur l'instant t_{xi} . [Rmq. en réalité, les trames se chevauchent \rightarrow voir TP1].

2) - TF de chaque trame:

On fait la TF de chaque trame et on "range" le résultat dans une matrice X où chaque colonne représente les échantillons de la TF d'une trame (X aura donc N colonnes):

$$X = \begin{bmatrix} \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \end{bmatrix}$$

$T_1 \quad T_2 \quad \dots \quad T_N$

on note que les éléments de X sont complexes (puisque issus de TF) \Rightarrow on a 1 module et 1 phase.

Correspond à la TF de la trame i

3). Interpolation: [ce qui est fait dans TFCT-Interp.m] ^{2/3}

- ona:
- chaque colonne i de X correspond à la trame i de $x(t)$, centrée en t_{xi} . X est paramétrée d'entrée de la fonction.
 - on veut obtenir, au final, un signal $y(t)$ constitué de M trames et où chaque trame j est centrée en t_{yj} .
 - le rapport de "transformation" choisi dans vocodeur.m (expe: 2/3 ou 3/2) nous permet de calculer le vecteur des temps t_{yj} à partir du vecteur des temps t_{xi} et du rapport. t_{yj} est une paramètre d'entrée de la fonction.

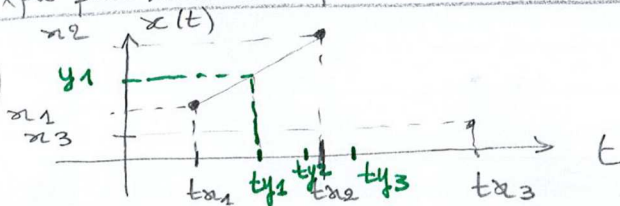
L'interpolation:

- Elle est donc faite dans le domaine fréquentiel
 \Rightarrow on va "transformer" la matrice X en une matrice Y de M colonnes, où chaque colonne j représentera la TF de la j^{e} trame de $y(t)$ centrée en t_{yj} .

- Comme pour l'interpolation linéaire, on va calculer chaque colonne de Y à partir de 2 colonnes de X .
 Le choix des 2 colonnes de X se fait en fonction de la valeur de t_{yj} (position de la colonne Y par rapport aux colonnes de X).

Exple pour une interpolation linéaire des échantillons d'un signal 1D:

(Exemple simple pour l'illustrer)



calcul de y_1 en t_{y1} : $y_1 = \frac{1}{2} x_1 + \frac{1}{2} x_2$

$\left\{ \begin{array}{l} t_{y1} \text{ est "au centre" de } t_{x1} \text{ et } t_{x2} \Rightarrow \text{les facteurs } \frac{1}{2} \\ t_{y1} \in [t_{x1}, t_{x2}] \Rightarrow \text{choix de } x_1 \text{ et } x_2 \end{array} \right.$

calcul de y_2 en t_{y2} : $y_2 = \alpha \cdot x_1 + \beta \cdot x_2$

$\left\{ \begin{array}{l} t_{y2} \in [t_{x1}, t_{x2}] \Rightarrow \text{choix de } x_1 \text{ et } x_2 \\ \alpha \text{ en fonct. de position de } t_{y2} \text{ par rapport à } t_{x1} \\ \beta \text{ " " " " " " } t_{x2} \end{array} \right.$

calcul de y_3 en t_{y3} : $y_3 = a \cdot x_2 + b \cdot x_3$ 3/3

$\begin{cases} t_{y3} \in [t_{x2}, t_{x3}] \Rightarrow \text{choix de } x_2 \text{ et } x_3 \\ a \text{ (et } b) \text{ en fonction de position de } t_{y3} \text{ par rapport à } t_{x2} \text{ (et } t_{x3}) \end{cases}$

\Rightarrow même principe pour le calcul des colonnes de y en fonction des colonnes de x .

Petite subtilité: on a des valeurs complexes!

\Rightarrow pour la phase, si on ne fait pas attention à la continuité de la phase d'une colonne à l'autre, on aura un $y(t)$ avec des "sauts de phase".



D'où le traitement particulier de la phase (on garde la continuité de phase entre colonnes de x pour calculer colonnes de y .) on utilise donc $\Delta\phi$ entre 2 colonnes de x pour calculer la phase d'une colonne de y .

\Rightarrow encodeur de phase!

Résultat:

$$Y = \begin{bmatrix} \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ Y_1 & Y_2 & \dots & Y_M \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \end{bmatrix}$$

4) Retour dans le domaine temporel: on fait une TFCT inverse.

