## Programmation concurrente

Techniques avancées en programmation statistique R

Patrick Fournier

Automne 2020

Université du Québec à Montréal

# Φρόνησῖς

Adapté de Dijkstra [1].

Adapté de Dijkstra [1].

→ penser et

Adapté de Dijkstra [1].

→ penser et

 $\rightsquigarrow$  manger.

- → La vie d'un philosophe est une alternance entre deux actions :
  - → penser et
  - → manger.
- → Les philosophes ont un appétit infini.

- - → penser et
  - → manger.
- → Les philosophes ont un appétit infini.
- → Approvisionnement en nourriture infini.

- → La vie d'un philosophe est une alternance entre deux actions:
  - → penser et
  - → manger.
- → Les philosophes ont un appétit infini.
- → Approvisionnement en nourriture infini.
- → Pour manger, un philosophe a besoin de 2 baguettes.

- → La vie d'un philosophe est une alternance entre deux actions:
  - → penser et
  - → manger.
- → Les philosophes ont un appétit infini.
- → Approvisionnement en nourriture infini.
- → Pour manger, un philosophe a besoin de 2 baguettes.
- → Un philosophe n'a accès qu'aux baguettes lui étant adjacentes.





 $\#baguettes = 2 \times \#philosophes \Rightarrow philosophes vertueux$ 





#baguettes = #philosophes ⇒ philosophes vicieux

#### La solution naïve est la suivante :

- 1: Penser jusqu'à ce que la baguette gauche soit disponible.
- 2: Prendre la baguette gauche.
- 3: Penser jusqu'à ce que la baguette droite soit disponible.
- 4: Prendre la baguette droite.
- 5: Manger pendant s secondes.
- 6 : Déposer la baguette droite.
- 7: Déposer la baguette gauche.
- 8: Répéter.

→ Les 5 philosophes prennent la baguette gauche en même temps.

- → Les 5 philosophes prennent la baguette gauche en même temps.
- → Or, la baguette gauche de l'un est la baguette droite de l'autre.

- → Les 5 philosophes prennent la baguette gauche en même temps.
- → Or, la baguette gauche de l'un est la baguette droite de l'autre.
- → Plus personne n'a de baguette droite!

- → Les 5 philosophes prennent la baguette gauche en même temps.
- → Or, la baguette gauche de l'un est la baguette droite de l'autre.
- → Plus personne n'a de baguette droite!
- → Les philosophes sont alors condamnés à penser jusqu'à mourir d'inanition.

- → Les 5 philosophes prennent la baguette gauche en même temps.
- → Or, la baguette gauche de l'un est la baguette droite de l'autre.
- → Plus personne n'a de baguette droite!
- Les philosophes sont alors condamnés à penser jusqu'à mourir d'inanition.
- → Problème classique en programmation concurrente.

- → Les 5 philosophes prennent la baguette gauche en même temps.
- → Or, la baguette gauche de l'un est la baguette droite de l'autre.
- → Plus personne n'a de baguette droite!
- → Les philosophes sont alors condamnés à penser jusqu'à mourir d'inanition.
- → Problème classique en programmation concurrente.
- → Pour une analyse détaillée, voir [1].

Problèmes en programmation

concurrente

Programme séquentiel

## Programme séquentiel

Ordre d'exécution des instructions : dépend uniquement du programme.

## Programme séquentiel

Ordre d'exécution des instructions : dépend uniquement du programme.

#### Programme séquentiel

Ordre d'exécution des instructions : dépend uniquement du programme.

#### Programme concurrent

→ Ordre d'exécution des instructions : dépend

#### Programme séquentiel

Ordre d'exécution des instructions : dépend uniquement du programme.

- → Ordre d'exécution des instructions : dépend
  - → du programme et

#### Programme séquentiel

Ordre d'exécution des instructions : dépend uniquement du programme.

- → Ordre d'exécution des instructions : dépend
  - → du programme et
  - → de l'environnement dans lequel il s'exécute (système d'exploitation).

#### Programme séquentiel

Ordre d'exécution des instructions : dépend uniquement du programme.

- → Ordre d'exécution des instructions : dépend
  - → du programme et
  - → de l'environnement dans lequel il s'exécute (système d'exploitation).
- → De manière générale, on ne contrôle pas le système d'exploitation.

#### Programme séquentiel

Ordre d'exécution des instructions : dépend uniquement du programme.

- → Ordre d'exécution des instructions : dépend
  - → du programme et
  - → de l'environnement dans lequel il s'exécute (système d'exploitation).
- → De manière générale, on ne contrôle pas le système d'exploitation.
- En conséquence, l'ordre d'exécution d'un programme concurrent est aléatoire.

#### **Exemple 1:** Remplissage d'un vecteur.

```
> vec seg <- numeric(0)</pre>
2 > vec1 <- numeric(0)</pre>
3 > vec2 <- numeric(0)</pre>
   > for (kk in 1:10)
5 + vec_seq %<>% c(kk)
   > for (kk in sample(1:10, 10))
  + vec1 %<>% c(kk)
   > for (kk in sample(1:10, 10))
   + vec2 %<>% c(kk)
   > vec_seq
10
  [1] 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10
11
   > vec1
12
    [1] 5 8 1 3 7 6 2 10 4 9
13
   > vec2
14
    [1] 9 4 7 1 3 2 8 10 5 6
15
```

#### Exemple 2: Opération non commutative (soustraction)

#### Exemple 2 : Opération non commutative (soustraction)

#### (contre)Exemple 3: Opération commutative (addition)

#### Problèmes

En programmation concurrente,

→ Plusieurs travailleurs exécutent des tâches distinctes.

#### Problèmes

En programmation concurrente,

- → Plusieurs travailleurs exécutent des tâches distinctes.
- → L'exécution des tâches nécessite un partage des ressources.

#### Problèmes

En programmation concurrente,

- → Plusieurs travailleurs exécutent des tâches distinctes.

Ces deux faits sont la cause d'un grand nombre de problèmes, entre autres

### Problèmes

En programmation concurrente,

- → Plusieurs travailleurs exécutent des tâches distinctes.

Ces deux faits sont la cause d'un grand nombre de problèmes, entre autres

→ deadlock,

# Problèmes

En programmation concurrente,

- → Plusieurs travailleurs exécutent des tâches distinctes.
- → L'exécution des tâches nécessite un partage des ressources.

Ces deux faits sont la cause d'un grand nombre de problèmes, entre autres

- → deadlock,
- → ressource starvation et

### Problèmes

En programmation concurrente,

- → Plusieurs travailleurs exécutent des tâches distinctes.
- L'exécution des tâches nécessite un partage des ressources.

Ces deux faits sont la cause d'un grand nombre de problèmes, entre autres

- → deadlock,
- → ressource starvation et

Soit un pool de au travailleurs  $t_1,\ldots,t_{ au}$ .

 $\rightsquigarrow$   $t_1$  veut exécuter une tâche.

- $\leftrightarrow$   $t_1$  veut exécuter une tâche.
- $\sim$  Pour cela, il a besoin d'une ressource possédée en ce moment par  $t_2$ .

- $\leftrightarrow$   $t_1$  veut exécuter une tâche.
- $\sim$  Pour cela, il a besoin d'une ressource possédée en ce moment par  $t_2$ .
- $\rightarrow$  Donc,  $t_1$  attend.

- $\leftrightarrow$   $t_1$  veut exécuter une tâche.
- $\sim$  Pour cela, il a besoin d'une ressource possédée en ce moment par  $t_2$ .
- $\rightarrow$  Donc,  $t_1$  attend.
- $\leadsto t_2$  va libérer la ressource aussitôt que sa tâche sera accomplie.

- $\leftrightarrow$   $t_1$  veut exécuter une tâche.
- $\sim$  Pour cela, il a besoin d'une ressource possédée en ce moment par  $t_2$ .
- $\rightarrow$  Donc,  $t_1$  attend.
- $\leadsto$   $t_2$  va libérer la ressource aussitôt que sa tâche sera accomplie.
- → Pour cela, il a besoin d'une ressource possédée en ce moment par t<sub>3</sub>.

- $\rightsquigarrow$   $t_1$  veut exécuter une tâche.
- → Pour cela, il a besoin d'une ressource possédée en ce moment par t₂.
- $\rightarrow$  Donc,  $t_1$  attend.
- $\leadsto t_2$  va libérer la ressource aussitôt que sa tâche sera accomplie.
- → Pour cela, il a besoin d'une ressource possédée en ce moment par t<sub>3</sub>.
- $\rightarrow$  Donc,  $t_2$  attend.

- $\rightsquigarrow$   $t_1$  veut exécuter une tâche.
- $\sim$  Pour cela, il a besoin d'une ressource possédée en ce moment par  $t_2$ .
- $\rightarrow$  Donc,  $t_1$  attend.
- $\leadsto t_2$  va libérer la ressource aussitôt que sa tâche sera accomplie.
- → Pour cela, il a besoin d'une ressource possédée en ce moment par t<sub>3</sub>.
- $\rightarrow$  Donc,  $t_2$  attend.
- **~→ ...**

 $\leadsto$  Si  $t_{\tau}$  a besoin d'une ressource possédée par  $t_{k}, k \neq \tau$ , on voit que *le programme ne terminera jamais*.

- $\leadsto$  Si  $t_{\tau}$  a besoin d'une ressource possédée par  $t_{k}, k \neq \tau$ , on voit que *le programme ne terminera jamais*.
- → Il est en situation de deadlock.

- $\leadsto$  Si  $t_{\tau}$  a besoin d'une ressource possédée par  $t_{k}, k \neq \tau$ , on voit que *le programme ne terminera jamais*.
- → Il est en situation de deadlock.
- ∼→ Ce genre d'état peut sembler abstrait et difficile à atteindre.

- $\leadsto$  Si  $t_{\tau}$  a besoin d'une ressource possédée par  $t_{k}, k \neq \tau$ , on voit que *le programme ne terminera jamais*.
- → Il est en situation de deadlock.
- ∼→ Ce genre d'état peut sembler abstrait et difficile à atteindre.
- → Toutefois, il s'agit exactement de celui de nos philosophes foodies!

- $\leadsto$  Si  $t_{\tau}$  a besoin d'une ressource possédée par  $t_{k}, k \neq \tau$ , on voit que *le programme ne terminera jamais*.
- → Il est en situation de deadlock.
- ∼→ Ce genre d'état peut sembler abstrait et difficile à atteindre.
- → Toutefois, il s'agit exactement de celui de nos philosophes foodies!
- → En fait, il s'agit d'un problème très courant.

- $\leadsto$  Si  $t_{\tau}$  a besoin d'une ressource possédée par  $t_{k}, k \neq \tau$ , on voit que *le programme ne terminera jamais*.
- → Il est en situation de deadlock.
- ∼→ Ce genre d'état peut sembler abstrait et difficile à atteindre.
- → Toutefois, il s'agit exactement de celui de nos philosophes foodies!
- → En fait, il s'agit d'un problème très courant.
- → Pour les programmes complexes, très difficile à prévoir.

#### Deadlock<sup>1</sup>

- $\leadsto$  Si  $t_{\tau}$  a besoin d'une ressource possédée par  $t_{k}, k \neq \tau$ , on voit que *le programme ne terminera jamais*.
- → Il est en situation de deadlock.
- → Ce genre d'état peut sembler abstrait et difficile à atteindre.
- → Toutefois, il s'agit exactement de celui de nos philosophes foodies!
- → En fait, il s'agit d'un problème très courant.
- → Pour les programmes complexes, très difficile à prévoir.
  - → Algorithme de l'autruche.

- $\leadsto$  Si  $t_{\tau}$  a besoin d'une ressource possédée par  $t_{k}, k \neq \tau$ , on voit que *le programme ne terminera jamais*.
- → Il est en situation de deadlock.
- ∼→ Ce genre d'état peut sembler abstrait et difficile à atteindre.
- → Toutefois, il s'agit exactement de celui de nos philosophes foodies!
- → En fait, il s'agit d'un problème très courant.
- → Pour les programmes complexes, très difficile à prévoir.
  - → Algorithme de l'autruche.
  - → Miser sur la détection.

Survient lorsque le comportement d'un programme dépend de l'ordre d'exécution des instructions.

- Survient lorsque le comportement d'un programme dépend de l'ordre d'exécution des instructions.
- → Si le programme ne contrôle pas cet ordre, le comportement est imprévisible.

- Survient lorsque le comportement d'un programme dépend de l'ordre d'exécution des instructions.
- → Si le programme ne contrôle pas cet ordre, le comportement est imprévisible.

- → Survient lorsque le comportement d'un programme dépend de l'ordre d'exécution des instructions.
- → Si le programme ne contrôle pas cet ordre, le comportement est imprévisible.
- Souvent, survient lors de l'application d'une opération non associative ou non commutatives à un ensemble d'éléments.

- → Survient lorsque le comportement d'un programme dépend de l'ordre d'exécution des instructions.
- → Si le programme ne contrôle pas cet ordre, le comportement est imprévisible.
- → Cela est généralement le cas en programmation concurrente.
- Souvent, survient lors de l'application d'une opération non associative ou non commutatives à un ensemble d'éléments.
- → Problème rencontré dans l'exemple du calcul des différences.

Survient lorsqu'il existe une probabilité non nulle qu'un travailleur ne puisse accéder à une ressource dont il a besoin.

- Survient lorsqu'il existe une probabilité non nulle qu'un travailleur ne puisse accéder à une ressource dont il a besoin.
- → Généralement, l'erreur se situe plutôt au niveau du scheduler.

- Survient lorsqu'il existe une probabilité non nulle qu'un travailleur ne puisse accéder à une ressource dont il a besoin.
- → Généralement, l'erreur se situe plutôt au niveau du scheduler.
  - → Les ressources ne sont pas distribuées équitablement.

- → Survient lorsqu'il existe une probabilité non nulle qu'un travailleur ne puisse accéder à une ressource dont il a besoin.
- → Généralement, l'erreur se situe plutôt au niveau du scheduler.
  - → Les ressources ne sont pas distribuées équitablement.
- → Peut aussi survenir si l'ensemble des ressources sont utilisée.

- Survient lorsqu'il existe une probabilité non nulle qu'un travailleur ne puisse accéder à une ressource dont il a besoin.
- → Généralement, l'erreur se situe plutôt au niveau du scheduler.
  - → Les ressources ne sont pas distribuées équitablement.
- → Peut aussi survenir si l'ensemble des ressources sont utilisée.

- → Survient lorsqu'il existe une probabilité non nulle qu'un travailleur ne puisse accéder à une ressource dont il a besoin.
- → Généralement, l'erreur se situe plutôt au niveau du scheduler.
  - → Les ressources ne sont pas distribuées équitablement.
- → Peut aussi survenir si l'ensemble des ressources sont utilisée.
  - Les travailleurs ne libère pas les ressources après les avoir utilisé.
  - → Fork bomb.

- Survient lorsqu'il existe une probabilité non nulle qu'un travailleur ne puisse accéder à une ressource dont il a besoin.
- → Généralement, l'erreur se situe plutôt au niveau du scheduler.
  - → Les ressources ne sont pas distribuées équitablement.
- → Peut aussi survenir si l'ensemble des ressources sont utilisée.
  - Les travailleurs ne libère pas les ressources après les avoir utilisé.
  - → Fork bomb.
- → Exemple : enlever toutes les baguettes aux philosophes!

Programmation concurrente en R

La programmation concurrente permet plusieurs calculs simultanés exécutés par des *équipes* de *travailleurs*.

- La programmation concurrente permet plusieurs calculs simultanés exécutés par des <u>équipes</u> de <u>travailleurs</u>.
- → Potentiellement, gain en performance.

- La programmation concurrente permet plusieurs calculs simultanés exécutés par des <u>équipes</u> de <u>travailleurs</u>.
- → Potentiellement, gain en performance.
- → Toutefois, cela a un prix.

- La programmation concurrente permet plusieurs calculs simultanés exécutés par des <u>équipes</u> de <u>travailleurs</u>.
- → Potentiellement, gain en performance.
- → Toutefois, cela a un prix.
- → Les travailleurs partagent des ressources.

- → La programmation concurrente permet plusieurs calculs simultanés exécutés par des équipes de travailleurs.
- → Potentiellement, gain en performance.
- → Toutefois, cela a un prix.
- → Les travailleurs partagent des ressources.
- Nécessité de communiquer entre eux pour éviter les problèmes inhérent au partage.

- → La programmation concurrente permet plusieurs calculs simultanés exécutés par des équipes de travailleurs.
- → Potentiellement, gain en performance.
- → Toutefois, cela a un prix.
- → Les travailleurs partagent des ressources.
- Nécessité de communiquer entre eux pour éviter les problèmes inhérent au partage.
- → Pour un ordinateur,

- → La programmation concurrente permet plusieurs calculs simultanés exécutés par des équipes de travailleurs.
- → Potentiellement, gain en performance.
- → Toutefois, cela a un prix.
- → Les travailleurs partagent des ressources.
- Nécessité de communiquer entre eux pour éviter les problèmes inhérent au partage.
- → Pour un ordinateur,

- → La programmation concurrente permet plusieurs calculs simultanés exécutés par des équipes de travailleurs.
- → Potentiellement, gain en performance.
- → Toutefois, cela a un prix.
- → Les travailleurs partagent des ressources.
- Nécessité de communiquer entre eux pour éviter les problèmes inhérent au partage.
- → Pour un ordinateur,

- La programmation concurrente permet plusieurs calculs simultanés exécutés par des équipes de travailleurs.
- → Potentiellement, gain en performance.
- → Toutefois, cela a un prix.
- → Les travailleurs partagent des ressources.
- Nécessité de communiquer entre eux pour éviter les problèmes inhérent au partage.
- → Pour un ordinateur,
- → Plus de travailleurs ⇒ plus de calculs

- → La programmation concurrente permet plusieurs calculs simultanés exécutés par des équipes de travailleurs.
- → Potentiellement, gain en performance.
- → Toutefois, cela a un prix.
- → Les travailleurs partagent des ressources.
- Nécessité de communiquer entre eux pour éviter les problèmes inhérent au partage.
- → Pour un ordinateur,
- → Plus de travailleurs ⇒ plus de calculs :)

- La programmation concurrente permet plusieurs calculs simultanés exécutés par des équipes de travailleurs.
- → Potentiellement, gain en performance.
- → Toutefois, cela a un prix.
- → Les travailleurs partagent des ressources.
- Nécessité de communiquer entre eux pour éviter les problèmes inhérent au partage.
- → Pour un ordinateur,
- → Plus de travailleurs ⇒ plus de calculs :)
- $\rightarrow$  Plus de travailleurs  $\Rightarrow$  plus de communication

- La programmation concurrente permet plusieurs calculs simultanés exécutés par des équipes de travailleurs.
- → Potentiellement, gain en performance.
- → Toutefois, cela a un prix.
- → Les travailleurs partagent des ressources.
- Nécessité de communiquer entre eux pour éviter les problèmes inhérent au partage.
- → Pour un ordinateur,
- $\rightarrow$  Plus de travailleurs  $\Rightarrow$  plus de calculs :)
- → Plus de travailleurs ⇒ plus de communication :(

→ En conséquence, on tente de réduire la surcharge associée
à la communication au maximum.

- → En conséquence, on tente de réduire la surcharge associée
   à la communication au maximum.
- → Très difficile dans un langage de haut niveau tel que R.

- → En conséquence, on tente de réduire la surcharge associée
  à la communication au maximum.
- → Très difficile dans un langage de haut niveau tel que R.
- → Il faut donc modérer nos attentes.

- → En conséquence, on tente de réduire la surcharge associée
  à la communication au maximum.
- → Très difficile dans un langage de haut niveau tel que R.
- → Il faut donc modérer nos attentes.
- → Si la performance est nécessaire, possibilité d'appeler des librairies C/C++ ou Fortran.

- → En conséquence, on tente de réduire la surcharge associée
  à la communication au maximum.
- → Très difficile dans un langage de haut niveau tel que R.
- → Il faut donc modérer nos attentes.
- → Si la performance est nécessaire, possibilité d'appeler des librairies C/C++ ou Fortran.
  - → OpenMP

- → En conséquence, on tente de réduire la surcharge associée
  à la communication au maximum.
- → Très difficile dans un langage de haut niveau tel que R.
- → Il faut donc modérer nos attentes.
- → Si la performance est nécessaire, possibilité d'appeler des librairies C/C++ ou Fortran.
  - → OpenMP
  - → Armadillo

- → En conséquence, on tente de réduire la surcharge associée
  à la communication au maximum.
- → Très difficile dans un langage de haut niveau tel que R.
- → Il faut donc modérer nos attentes.
- → Si la performance est nécessaire, possibilité d'appeler des librairies C/C++ ou Fortran.
  - → OpenMP
  - → Armadillo
  - → MPI (mémoire distribuée, ex. Calcul Québec)

→ R est livré avec la librairie parallel.

- → R est livré avec la librairie parallel.
- → Fourni des fonctions telles que parApply, parLapply, parSapply.

- → R est livré avec la librairie parallel.
- → Fourni des fonctions telles que parApply, parLapply, parSapply.
- → L'implémentation est relativement simple.

- → R est livré avec la librairie parallel.
- → Fourni des fonctions telles que parApply, parLapply, parSapply.
- → L'implémentation est relativement simple.
  - → On construit une équipe.

- → R est livré avec la librairie parallel.
- → Fourni des fonctions telles que parApply, parLapply, parSapply.
- → L'implémentation est relativement simple.
  - → On construit une équipe.
  - → Le travail est réparti entre les travailleurs

- → R est livré avec la librairie parallel.
- → Fourni des fonctions telles que parApply, parLapply, parSapply.
- → L'implémentation est relativement simple.
  - → On construit une équipe.
  - → Le travail est réparti entre les travailleurs
  - → Une session R est lancée pour chaque travailleur.

- → R est livré avec la librairie parallel.
- → Fourni des fonctions telles que parApply, parLapply, parSapply.
- → L'implémentation est relativement simple.
  - → On construit une équipe.
  - → Le travail est réparti entre les travailleurs
  - → Une session R est lancée pour chaque travailleur.
  - → Lorsque tout le travail est fini, R réuni les résultats.

clusterEvalQ(cl, {library(spatstat); set.seed(42)}))

R règle les problème discutés auparavant.

#### Deadlock

Chaque travailleur possède sa propre copie des ressources (1 session par travailleur).

R règle les problème discutés auparavant.

#### Deadlock

Chaque travailleur possède sa propre copie des ressources (1 session par travailleur).

#### Race condition

Indépendance entre les "itérations" (application).

R règle les problème discutés auparavant.

#### Deadlock

Chaque travailleur possède sa propre copie des ressources (1 session par travailleur).

#### Race condition

Indépendance entre les "itérations" (application).

### Ressource starving

Malheureusement, toujours une possibilité!

→ Le paquet foreach fournit une interface simple au calcul parallèle.

- → Le paquet foreach fournit une interface simple au calcul parallèle.
- → doParallel permet à foreach d'utiliser la librairie parallel.

- Le paquet foreach fournit une interface simple au calcul parallèle.
- → doParallel permet à foreach d'utiliser la librairie parallel.
- $\leadsto$  L'interface est simplifiée. Entre autres :

- Le paquet foreach fournit une interface simple au calcul parallèle.
- → doParallel permet à foreach d'utiliser la librairie parallel.
- → L'interface est simplifiée. Entre autres :
  - .packages:

librairies à exporter.

- → Le paquet foreach fournit une interface simple au calcul parallèle.
- → doParallel permet à foreach d'utiliser la librairie parallel.
- → L'interface est simplifiée. Entre autres :
  - .packages:

librairies à exporter.

- .export:
  - variables à exporter.

- → Le paquet foreach fournit une interface simple au calcul parallèle.
- → doParallel permet à foreach d'utiliser la librairie parallel.
- → L'interface est simplifiée. Entre autres :
  - .packages:

librairies à exporter.

- .export:
  - variables à exporter.
- Autres fonctionnalités intéressantes (ex. listes en compréhension).

```
1  lmSlow <- function(m){
2    res <- matrix(nrow = m, ncol = 21)
3
4    for (kk in 1:m){
5        random_values <- rnorm(1e6)
6        X <- matrix(random_values, ncol = 20)
7        y <- rnorm(5e4)
8        reg <- lm(y ~ X)
9        res[kk,] <- coef(reg)
10    }
11
12    res
13 }</pre>
```

```
library(doParallel)
    registerDoParallel(cores = detectCores())
    lmPar <- function(m){</pre>
3
         foreach(kk = 1:m, .inorder = FALSE,
                  .combine = rbind, .multicombine = TRUE) %dopar%{
5
             random_values <- rnorm(1e6)</pre>
             X <- matrix(random_values, ncol = 20)</pre>
             v <- rnorm(5e4)</pre>
8
             reg <- lm(y \sim X)
9
             coef(reg)
10
11
12
```

## Exemple

En utilisant 4 coeurs, on obtient un speedup d'environ 1.45...

→ La programmation concurrente est très intéressante d'un point de vue performance.

- → La programmation concurrente est très intéressante d'un point de vue performance.
- → Elle vient avec son lot de problèmes.

- → La programmation concurrente est très intéressante d'un point de vue performance.
- → Elle vient avec son lot de problèmes.
- → R permet dans une certaine mesure l'exécution de calculs en parallèle.

- → La programmation concurrente est très intéressante d'un point de vue performance.
- → Elle vient avec son lot de problèmes.
- R permet dans une certaine mesure l'exécution de calculs en parallèle.
- Malheureusement, les gains en performances sont souvent limités.

- → La programmation concurrente est très intéressante d'un point de vue performance.
- → Elle vient avec son lot de problèmes.
- R permet dans une certaine mesure l'exécution de calculs en parallèle.
- Malheureusement, les gains en performances sont souvent limités.
- → Toutefois, le code déjà vectorisé se parallélise relativement aisément.

- → La programmation concurrente est très intéressante d'un point de vue performance.
- → Elle vient avec son lot de problèmes.
- R permet dans une certaine mesure l'exécution de calculs en parallèle.
- Malheureusement, les gains en performances sont souvent limités.
- → Toutefois, le code déjà vectorisé se parallélise relativement aisément.

## Références

[1] Edsger W. DIJKSTRA. "Hierarchical Ordering of Sequential Processes". en. In: The Origin of Concurrent Programming: From Semaphores to Remote Procedure Calls. Sous la dir. de Per Brinch HANSEN. New York, NY: Springer New York, 2002, p. 198-227. ISBN: 9781475734720. DOI: 10.1007/978-1-4757-3472-0\_5. URL: https://doi.org/10.1007/978-1-4757-3472-0\_5.