
*Análise do Algoritmo de Cardume de Peixes em Problemas
Dinâmicos com Domínio Contínuo*

Rafael Henrique Vincence

Rafael Henrique Vincence

*Análise do Algoritmo de Cardume de Peixes em Problemas
Dinâmicos com Domínio Contínuo*

Relatório de Trabalho de Conclusão de Curso (TCC)
apresentado ao Curso de Graduação em Ciência da
Computação, da Universidade do Estado de Santa Ca-
tarina (UDESC), como requisito parcial da disciplina
de Trabalho de Conclusão de Curso.

Orientador: Profº Rafael Stubs Parpinelli

Joinville

2016

Rafael Henrique Vincence

*Análise do Algoritmo de Cardume de Peixes em Problemas
Dinâmicos com Domínio Contínuo*

Relatório de Trabalho de Conclusão de Curso (TCC)
apresentado ao Curso de Ciência da Computação da
UDESC, como requisito parcial para a obtenção do
grau de BACHAREL em Ciência da Computação.

Aprovado em 31 de Maio de 2016

BANCA EXAMINADORA

Profº Rafael Stubs Parpinelli

Profº Guilherme Koslovski

Profº Chidambaram Chidambaram

Resumo

A maioria dos desafios encontrados na vida real são problemas complexos com uma grande gama de variáveis e por vezes dinâmico. Sendo assim, cada vez mais tem-se a necessidade da criação de meta-heurísticas para solucionar problemas com estas características. A Natureza, por sua vez, resolve instintivamente esses tipos de problemas e por esse motivo algoritmos bioinspirados tem sido amplamente utilizados na resolução de problemas dinâmicos com domínio contínuo. Os aspectos e interações de uma colônia de animais são pontos relevantes na otimização desses problemas, como o comportamento individual e comunitário, que contribuem em problemas de larga escala e não estacionários. Neste trabalho o foco é a análise e aplicação do algoritmo de cardume de peixes (*Fish School Search*, FSS) em *benchmarks* dinâmicos de domínio contínuo.

Palavras-chave: *Inteligência de enxames, Algoritmos bioinspirados, Problemas dinâmicos com domínio contínuo, Fish School Search.*

Conteúdo

| | |
|--|-----------|
| Lista de Abreviaturas | 6 |
| 1 Introdução | 7 |
| 1.1 Objetivo | 10 |
| 1.2 Estrutura do Trabalho | 10 |
| 2 Fundamentação Teórica | 12 |
| 2.1 Algoritmos Evolutivos | 12 |
| 2.1.1 Algoritmo Genético | 13 |
| 2.1.2 Evolução Diferencial | 13 |
| 2.2 Algoritmos de Inteligência de Enxame | 13 |
| 2.2.1 Otimização por Enxame de Partículas | 13 |
| 2.2.2 Otimização por Colônia de Formigas | 14 |
| 2.2.3 Otimização por Colônia Artificial de Abelhas | 14 |
| 2.3 Intensificação e Diversificação | 14 |
| 2.4 Algoritmo de Busca por Cardume de Peixes | 14 |
| 2.4.1 Operadores Evolutivos | 14 |
| 3 Problemas Abordados | 15 |
| 3.1 Funções Benchmark | 15 |
| 3.1.1 Avaliação de Performance | 17 |
| 3.2 Problemas Dinâmicos com domínio contínuo | 18 |
| 3.2.1 Moving Peaks | 19 |
| 3.2.2 Oscillating Peaks | 20 |

| | | |
|----------|---------------------------------------|-----------|
| 4 | Trabalhos Relacionados | 21 |
| 4.1 | Revisão da Geração do LaTeX | 21 |
| 5 | Proposta | 22 |
| 6 | Considerações | 23 |
| | Bibliografia | 24 |

Lista de Figuras

- 3.1 gráfico de duas dimensões do movimento dos picos, após 300 alterações no ambiente, $s = 0,9$ 20

Lista de Quadros

Lista de Abreviaturas

| | |
|-----|-----------------------------------|
| FSS | <i>Fishing School Shearch</i> |
| PSO | <i>Parocle Swarm Optimization</i> |
| ABC | <i>Artificial bee Colony</i> |
| CN | <i>Computação Natural</i> |
| IS | <i>Intelligence Swarm</i> |
| MP | <i>Moving Peaks</i> |
| OP | <i>Ocillating Peaks</i> |
| EA | <i>Evolutionary Algorithms</i> |
| CN | <i>Computação Natural</i> |
| CN | <i>Computação Natural</i> |

1 Introdução

Na sociedade existem vários tipos de problemas que possuem uma grande dificuldade de obterem resultados satisfatórias em um tempo factível, esses problemas tendem a ter uma grande dimensionalidade, serem complexos e estarem sempre se alterando, se adaptando ao meio (OLIVEIRA; SILVA; ALOISE, 2004). Na natureza pode-se observar também, uma constante mudança no ambiente, de forma que seus integrantes tenham que se adaptar, a essas mudanças, para poderem sobreviver, sendo assim, nela há uma grande fonte de inspiração no desenvolvimento de novas tecnologias para solucionar essa classe de problemas, particularmente na Ciência da Computação, dentro da área de Computação Natural, que é responsável pela criação de diversos algoritmos (CASTRO, 2007). A partir da observação e compreensão do comportamento de animais ou colônia de animais (fenômenos naturais) foram desenvolvidas várias tecnologias em diferentes aplicações (ROZENBERG; BCK; KOK, 2011), pois a natureza é capaz de trabalhar com problemas de alta complexidade e grande dimensionalidade, motivando o desenvolvimento de algoritmos bioinspirados na área de otimização (ANDRÉ; STUBS PARPINELLI, 2015).

A característica que vem chamando atenção para a área de otimização na computação, é justamente o fato dos problemas estarem em contante alteração e uma solução ótima, que foi encontrada no passado, pode não ser mais suficiente boa para o mesmo problema no futuro. Isso é uma questão muito importante, pois a maioria dos algoritmos usados na otimização de problemas leva muito tempo para encontrar uma solução factível, por uma busca exaustiva, e se em pouco tempo ela perder a validade, o sistema de otimização não pode ser aplicado em ambientes dinâmicos (MORRISON, 2003). Por esse motivo, para otimizar esses problemas, com domínio contínuo, são utilizados os algoritmos bioinspirados, que por sua vez, possuem vários operadores e características relevantes, que podem ser aplicados e estudados em separado e assim estipular a relevância de cada um para cada tipo de problema.

Na literatura são encontrados diversos exemplos de algoritmos com inspiração natural, que podem se basear no comportamento de uma colônia de animais por busca de alimento, na interação que eles podem realizar entre si em sua colônia, ou até na própria evolução das espécies. Uma das primeiras meta-heurísticas inspiradas na natureza, em especial na Biologia, é o algoritmo genético (*Genetic Algorithm*) (HOLLAND, 1975), esta abordagem se baseia

na teoria da evolução proposta por Darwin, em que os indivíduos mais adaptados tem maiores chances de sobreviver e passar seu material genético adiante. Dentre outros algoritmos bioinspirados existe uma classe de algoritmos que se baseia na interação de indivíduos de mesma espécie em uma colônia, essa classe é chamada de algoritmos de Inteligência de Enxame (PINELLI; LOPES, 2011). Entre eles pode-se citar algoritmos que tem sua aplicação a problemas contínuos, como o algoritmo baseado no comportamento de uma colônia de bactérias na busca por alimentos, o *Biomimicry of bacterial foraging* (BFO) (PASSINO, 2002), o algoritmo baseado no comportamento das abelhas na busca de alimentos no Algoritmo de Colônia Artificial de Abelhas (*Artificial Bee Colony*, ABC) (KARABOGA; BASTURK, 2007). o algoritmo inspirado no comportamento coordenado do movimento de cardumes de peixes e revoada de pássaros, o algoritmo de otimização por enxame de partículas (*Partical Swarm Optimization*, PSO) (EBERHART; KENNEDY et al., 1995), possuindo também uma outra versão, em que foi incluído um novo operador, tendo a possibilidade de ter partículas carregadas para ajudar na manutenção da diversidade genética (SHI; EBERHART, 1998). O PSO possui estudos realizados, utilizando suas várias versões, com vários operadores evolutivos diferentes, aplicados em ambientes dinâmicos contínuos (CARLISLE, 2002).

Um algoritmo, com características relevantes para ser aplicado na solução de problemas dinâmicos com domínio contínuo, que será o foco do trabalho, é o algoritmo baseado no comportamento de um cardume de peixes, o *Fish School Search Optimization* (FSS) (CARMELO FILHO, 2008). Sua principal característica são seus operadores evolutivos e a influência que cada um deles tem no processo de otimização (C JA FILHO, 2009), sendo eles: Operador de movimento individual; Operador de alimentação; Operador de movimento instintivo coletivo; E o operador de movimento volátil coletivo. O operador de movimento volátil coletivo tem uma influência maior na resolução de problemas dinâmicos e contínuos, pelo fato de expandir e contrair a busca do cardume de peixes, dependendo do nível de melhoramento das soluções em relação a experiências recentes, o que ajuda na manutenção da resiliência da busca. Outro modelo desse algoritmo possui outros operadores evolutivos (MADEIRO, 2011), que são: Operador de memória; e o Operador de divisão da escola de peixes. O operador de movimentação volátil foi aplicado no PSO para melhorar o desempenho em problemas dinâmicos, sendo criado uma nova versão, o *Volitive PSO* (CAVALCANTI-JÚNIOR, 2011), que obteve bons resultados aplicado a essa classe de problemas.

A literatura apresenta uma vasta quantidade de trabalhos que estudam a aplicação desses algoritmos bioinspirados em problemas dinâmicos com domínio contínuo. Entre eles

pode-se citar o ****

Como não se pode ter uma solução ótima a todo momento, o tempo de execução é considerado como uma unidade discreta. Geralmente um dos fatores limitantes em uma aplicação acaba sendo o tempo de execução, então é necessário manter um equilíbrio entre o qualidade da solução e o tempo de execução do algoritmo (LI; YANG; KANG, 2006). Apesar dos algoritmos bioinspirados serem capazes de encontrar boas soluções para problemas reais, eles tendem a perder a eficiência quando aplicados a problemas de larga escala. Esta característica indesejável é conhecida por “maldição da dimensionalidade” (*curse of dimensionality*) (BELL-MAN; DREYFUS, 2015). Isso ocorre devido ao crescimento exponencial do espaço de busca de acordo com as dimensões do problema.

O grande número de dimensões aumenta a dificuldade dos algoritmos em manter soluções aceitáveis. A qualidade da otimização de um algoritmo depende do equilíbrio dos componentes de diversificação e intensificação (BOUSSAÏD; LEPAGNOT; SIARRY, 2013), pois a diversificação é responsável pela exploração do espaço de busca como um todo, e a intensificação é responsável pela acurácia da resposta. A natureza evoluiu para manter o equilíbrio de diversidade e na otimização é possível usar alguns componentes de controle para sua preservação. A literatura aponta diversas estratégias para este controle de diversificação, sendo algumas: *fitness sharing*, *clearing*, *crowding*, *deterministic crowding*, *probabilistic crowding* e *restricted* (ANDRÉ; STUBS PARPINELLI, 2015).

Na literatura, os algoritmos bioinspirados são aplicados diversos tipos de problemas dinâmicos, sendo eles contínuos ou discretos, então para poder avaliar os algoritmos, a literatura utiliza diversas funções *benchmarks* (MOSER, 2007). A qualidade da solução sendo otimizada pode ser mensurada pela sua aptidão, ou seja, quão interessante é o valor encontrado, e quão bem o algoritmo se adapta a uma mudança do ambiente. Assim, uma solução com uma boa aptidão (*fitness*) durante o processo de evolução, é considerada válida e é chamada de solução factível. Durante a otimização dos *benchmarks* podem aparecer diferentes tipos de dinamismo, como por exemplo: na função objetivo; no domínio das variáveis; no número de variáveis; nas restrições; ou outros parâmetros.

1.1 Objetivo

Este trabalho tem como contribuição analisar a eficiência do FSS em problemas reais, dinâmicos com domínio contínuos e com dimensionalidade alta. A proposta central é analisar cada um dos operadores evolutivos, encontrados na literatura, e determinar a relevância de cada um para a otimização dessa classe de problemas. Para isso será feita uma análise comparativa dos algoritmos que tem relevância na otimização desses problemas, indicando os pontos positivos de cada um aplicando no FSS e com isso foram estipulados alguns objetivos específicos:

- Revisão bibliográfica dos conceitos da computação natural e meta-heurísticas bioinspiradas;
- Análise aprofundada do FSS e seus operadores.
- Revisão bibliográfica dos operadores evolutivos existentes;
- Estudo dos algoritmos evolutivos de inteligência de enxame para verificar a relevância dos operadores existentes e realizar uma análise comparativa;
- Estudo de técnicas de intensificação e diversificação para testar a influência na qualidade da busca em problemas dinâmicos;
- Levantamento e descrição de problemas dinâmicos de larga escala que possuam uma grande dimensionalidade para serem aplicados nos experimentos;
- Desenvolver um algoritmo utilizando os operadores evolutivos alternadamente;
- Realizar experimentos computacionais com o algoritmo e os problemas selecionados;
- Coleta e análise dos resultados dos experimentos

1.2 Estrutura do Trabalho

O trabalho está organizado em 6 capítulos, incluindo a introdução

No segundo capítulo é apresentado uma definição dos problemas que serão estudados neste trabalho, esquematizando suas características principais, suas dificuldades e um método de avaliação dos algoritmos que será usados para realizar a otimização.

No terceiro capítulo é feito uma revisão do estado da arte dos algoritmos bioinspirados e as suas características principais, sendo separados em dois grupos, os algoritmos evolutivos e os de inteligência de enxames. Em seguida é apresentado uma revisão das técnicas de intensificação e diversificação encontradas na literatura. Por fim uma análise aprofundada do FSS que será o foco deste trabalho.

No Quarto capítulo é apresentado uma revisão dos trabalhos encontrados nessa área de pesquisa, onde pode ser analisado outras aplicações em problemas dinâmicos e com isso definir quais os pontos mais relevantes.

No quinto capítulo é descrito a dinâmica da proposta e as implementações necessárias para concretiza-la.

Por fim, no sexto capítulo encerra-se o trabalho com uma breve revisão das principais considerações, apresenta uma discussão dos resultados obtidos com a pesquisa e aponta trabalhos futuros.

2 Fundamentação Teórica

Neste capítulo são abordados conceitos importantes para o entendimento das técnicas que são utilizadas neste trabalho. A Seção 2.1 é introduzido os algoritmos evolutivos, apresentando seus pontos fortes e suas influências para a otimização de problemas complexos. A seguir, na Seção 2.2 é introduzido os algoritmos de inteligência de enxame e seus pontos positivos na otimização de problemas dinâmicos. Por fim, na Seção 2.3 é apresentado a relação de intensificação e diversificação na convergência de algoritmos durante o processo de otimização.

2.1 Algoritmos Evolutivos

A natureza é uma fonte de inspiração para o desenvolvimento de vários algoritmo, como por exemplo os algoritmos evolutivos. A Computação Evolutiva se inspira no processo da seleção natural e evolução natural. Em termos gerais, um algoritmo evolucionário possui alguns componentes básicos para resolução de problemas (PARPINELLI; LOPES, 2011)

1. Várias representações para a possíveis soluções do problema;
2. Um modo de criar uma população inicial (aleatório ou determinístico);
3. Uma função que avalia a qualidade das soluções, ou seja, a aptidão do indivíduo (*Fitness*);
4. Um mecanismo de seleção para cruzamento;
5. Operadores evolutivos para criação de novas gerações (como mutação e *crossover*);
6. Parâmetros para controle do comportamento do algoritmo, como número de dimensões, controle de operadores e etc.

Nas subsecções estão apresentados os algoritmos do estado da arte que serão utilizados neste trabalho.

2.1.1 Algoritmo Genético

O Algoritmo Genético (*Genetic Algorithm* - GA) foi um dos primeiro algoritmos bioinspirados a serem propostos durante a década de 60 e 70, ele foi desenvolvido por Holland e seus colaboradores que tem como base a teoria da evolução de Darwin (BOOKER; GOLDBERG; HOLLAND, 1989) e é um dos algoritmos mais utilizados na Computação Evolutiva. A seleção natural de Darwin diz que o melhor indivíduo em uma determinada população, tem maiores chances de sobreviver e assim passar sua carga genética adiante, tornado assim a espécie mais apta às condições do ambiente. O GA utiliza essa seleção do indivíduo mais adaptado para direcionar a busca em direção das soluções ótimas.

A otimização do GA começa com a inicialização da população inicial, sendo de forma aleatória ou determinística, em que cada indivíduo possui um cromossomo, que por sua vez representa uma possível solução para o problema. A partir dessa população inicia-se o primeiro ciclo evolutivo, em que cada indivíduo é avaliado, gerando assim um valor de aptidão (*fitness*) para ser usado na seleção da população. A seleção determina quais indivíduos irão cruzar gerando uma população intermediária, de modo que os mais adaptados tenham uma maior chance de serem selecionados. Os operadores evolutivos de cruzamento e mutação, são aplicados na população intermediária, em que o cruzamento tem o papel de intensificar a busca e a mutação o de diversificar a população. A partir deste ciclo o algoritmo se repete até que o critério de parada seja satisfeito, aplicando cada ciclo na população gerada pelo ciclo anterior.

2.1.2 Evolução Diferencial

O algoritmo de evolução diferencial

2.2 Algoritmos de Inteligência de Enxame

Os algoritmos de inteligência de enxame

2.2.1 Otimização por Enxame de Partículas

O algoritmo de Otimização por Enxame de Partículas

2.2.2 Otimização por Colônia de Formigas

O algoritmo de Otimização por Colônia de Formigas

2.2.3 Otimização por Colônia Artificial de Abelhas

O algoritmo de Otimização por Colônia Artificial de Abelhas

2.3 Intensificação e Diversificação

Importância da diversificação e diversificação na otimização de problemas dinâmicos e técnicas utilizadas para mantê-las.

entropy: (MORI; KITA; NISHIKAWA, 2001) hamming distance: (RAND; RIOLO, 2005)
memory-of-inertia: (MORRISON; DE JONG, 2001) peak cover: (BRANKE, 2012) maximum-spread: (GOH; TAN, 2009)

2.4 Algoritmo de Busca por Cardume de Peixes

O algoritmo de Busca por Cardume de Peixes

2.4.1 Operadores Evolutivos

Existem 4 operadores evolutivos no FSS

3 Problemas Abordados

Nessa seção será apresentado uma breve introdução aos *benchmarks* que serão usado para análise nesse trabalho. Junto a isso tem-se uma introdução aos problemas dinâmicos, suas variações e dificuldades.

Durante o nosso dia a dia, nos deparamos com diversos problemas complexos e neles podemos observar que as condições do ambiente, podem mudar com o passar do tempo, sendo assim uma solução que, em um determinado período, era válida, acaba não sendo mais suficiente para suprir as necessidades das novas condições (BRANKE, 2012). Então para problemas com mudanças em seu ambiente é necessário tem um sistema de resolução que se adapte as alterações e esteja sempre procurando por alguma solução melhor.

Na computação existem várias áreas que se dedicam a otimizar problemas desse tipo, mantendo uma solução válida ao longo do tempo. Para que esse tipo de problema possa ser otimizado é necessário estrutura-lo para que assim um sistema computacional possa otimiza-lo, para isso são gerados os *benchmarks*

3.1 Funções Benchmark

O uso das funções de *benchmarks* é um ponto crucial para o desenvolvimento, comparação, avaliação e otimização dessa classe de problemas (NGUYEN; YANG; BRANKE, 2012). O fato das condições, de um determinado problema, variarem de acordo com o tempo, acrescentam uma camada de dificuldade a mais para obter uma solução satisfatória a todo momento, por que um sistema de otimização não pode somente encontrar a melhor solução para um determinado problema, precisa também ser capaz de identificar alterações no ambiente e poder se adaptar as novas condições. Um bom *benchmarks*, que tem o objetivo de ser aplicado em problemas reais, possui as seguintes características.

1. Flexibilidade: Configurável sobre diferentes configurações dinâmicas, como por exemplo, a frequência ou intensidade das alterações no ambiente, em diferentes escalas.
2. Simplicidade e Eficiência: Deve ser fácil de implementar, analisar, ser avaliado e tem um

bom desempenho computacional.

3. Associação com Problemas Reais: Ter a capacidade de fazer previsões em problemas reais, ou se assemelhar em alguma extensão.

Para analisar um *benchmarks* é necessário dar uma atenção, também, para o tipo de dinamismo que esse problema apresenta, pois para otimiza-lo são escolhidas estratégias de otimização baseadas no tipo de dinamismo e para como o *benchmarks* foi gerado, pois cada gerador de *benchmarks* tem suas características, que são (CRUZ; GONZÁLEZ; PELTA, 2011).

1. Influencia Temporal: Sempre que uma solução futura depende de outra encontrada anteriormente pelo algoritmo, ou seja, quando o tipo de mudança que o algoritmo vai sofrer depende de quais solução foram encontradas ao decorrer da otimização. Neste caso os resultados podem mudar para cada tentativa de otimização.
2. Previsibilidade: Quando as mudanças geradas pelo problema seguem um padrão que pode ser previsto durante a otimização do problema. Podem ser alterações por mudança em uma escala fixa, incremental, cíclica, periódica.
3. Visibilidade: Sempre que as mudanças são visíveis pelo algoritmo que está otimizando o problema, de forma que o algoritmo não precise usar muitos detectores para perceber a mudança no ambiente. Podem ser pontos específicos do espaço, que é detectado ao re-avaliar a função objetivo, ou até mesmo, as restrições.
4. Problemas com Restrições: Quando as mudanças que ocorrem no problema são nas restrições, que podem mudar ao longo do tempo (a variável de tempo influencia na função de restrição) ou o podem ser ativadas e/ou desativadas durante a otimização, de forma que em algum ponto do tempo as funções de restrição podem não ter influência na otimização e em outro ponto levar o resultado para outro ponto no espaço de busca.
5. Número de Objetivos: São as problemas multi-objetivos, que neste caso podem alterar o número de objetivos durante a otimização, chegando até, ao ponto de ter somente um objetivo em vista.
6. Tipos de Mudanças: Uma detalhada descrição de como acontece cada uma das mudanças que o problema apresenta de forma que fique mais intuitivo traçar uma estratégia de solução.

7. Intensidade das Mudanças: qual a escala da mudança, ou qual o período de ciclo das mudanças, ou o limite das mudanças.
8. Fator da Mudança: Qual vai ser o(s) ponto(s) que serão dinâmicos, sendo eles: Função objetivo; Domínio das variáveis; Número de variáveis; Restrições; ou outros parâmetros.

3.1.1 Avaliação de Performance

Para avaliar um *benchmarks* são estipulados métricas que serão utilizadas para medir a qualidade dos resultados obtidos pelo algoritmo de otimização. Os métodos de avaliação apresentados foram selecionados por serem amplamente utilizados em algoritmos bioinspirados aplicados em ambientes dinâmicos, e serão usados para avaliar o desempenho dos algoritmos selecionados neste trabalho. A forma de avaliação pode ser dividida em dois grandes grupos: Medida de desempenho baseados em otimalidade, e os em comportamento.

Otimalidade

As medidas de desempenho à base de otimalidade avaliam a capacidade de algoritmos para encontrar as soluções com o melhor valor de *fitness* ou as que estão mais próximos do ótimo global (medidas baseadas na distância), e essa avaliação leva em conta o algoritmo como um todo. Entre elas temos:

- Melhor da Geração: Avalia qual o melhor indivíduo de cada iteração do algoritmo, gerando assim uma curva de performance que apresenta os pontos de melhora do algoritmo e o quão perto está do ótimo do problema. Esse é um método utilizada mais frequentemente e a mais tempos que os outros que serão abordados.
- Melhor erro Antes da Mudança: Calcula a média do erro (diferença da melhor solução atual para o ótimo do problema) da população logo antes da mudança do ambiente. Este caso só pode ser usado quando o dinamismo do problema é previsível ou facilmente identificável.
- Pontuação Normalizadas: Mede a diferença entre uma determinada gama de algoritmos em relação a uma lista pré-determinada de problemas. fazendo com que cada algoritmo execute cada problema um número determinado de vezes, tendo os resultados normalizados, onde o melhor é atribuído o valor 1 e ao pior o valor 0(zero)

Comportamento

As medidas de desempenho à base de comportamento avaliam a influência de certos comportamentos que são importantes na hora de manter o sistema sempre otimizado em ambientes dinâmicos como por exemplo:

- **Manutenção da Diversidade:** como o nome já diz, mede quanto que um comportamento pode ajudar na manutenção da diversidade da população ao longo do processo evolutivo. Este é um fator muito discutido em ambientes dinâmicos, pois com uma grande diversidade da população, mesmo em estágios mais avançados, ajuda a encontrar novos pontos ótimos.
- **Velocidade de Convergência Após uma Mudança:** mede quão rápido o sistema se adapta após perceber uma alteração, tendo em mente que essa medida de comportamento não se aplica a sistemas que tem grandes dificuldade em perceber uma alteração no ambiente. Para analisar essa medida é feito uma análise de quantas iterações, em relação a distância, são necessárias para se encontrar um novo ótimo, quando um é gerado.
- **Performance Após uma Mudança:** mede a capacidade do algoritmo de buscar novos resultados após as mudanças no ambiente, de forma que restringe a queda do *fitness* quando percebe uma piora. essa medida também é conhecida como medida de estabilidade ou satisfabilidade.

3.2 Problemas Dinâmicos com domínio contínuo

Nesta etapa será apresentado, e detalhados, os problemas que serão abordados no trabalho. Os problemas selecionados para esse trabalho serão usados para realizar uma análise comparativa com outras abordagens encontradas na literatura, e também para testar o desempenho de cada operador evolutivo que os algoritmos irão abordar. Os problemas selecionados, em sua maioria, não possuem um link temporal com as soluções anteriores, com e sem restrições na função objetivo ou no limite do domínio das variáveis, com dinamismos previsíveis, periódicos e constantes, utilizando poucos, ou nem um, detector no ambiente.

3.2.1 Moving Peaks

O *benchmark* de movimentação de picos (*moving peaks*) foi desenvolvido por Jürgen Branke (BRANKE, 1999) e tem como principal ideia gerar um problema que possa ser amplamente utilizado em algoritmos bioinspirados, pois a maioria dos problemas dinâmicos, até o dado momento, sofriam uma alteração que gerava um novo ambiente totalmente diferente do anterior, tornando assim um recomeço da otimização uma solução melhor.

Então a ideia é gerar um *benchmark* que, ao sofrer uma mudança no ambiente, ficasse levemente alterado, o suficiente para que as soluções anteriores ajudassem a encontrar as novas geradas. Para isso foi criado o *moving peaks* com a ideia de ter uma paisagem multidimensional artificial que consiste em vários picos, em que a altura, a largura e a posição de cada pico é ligeiramente alterada cada vez que uma mudança no ambiente ocorre.

A função objetivo é dada pela Equação 3.1, na qual temos H como altura, W como peso, n como o número de picos e m como o número de picos dimensões. Todos esses parâmetros são definidos previamente ao testes.

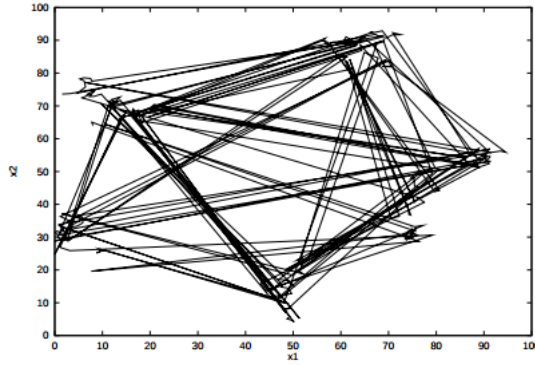
$$F(\vec{x}, t) = \max_{i=1 \rightarrow n} \frac{H_i(t)}{1 + W_i(t) \sum_{j=1}^m (x_j - X_j(t))^2} \quad (3.1)$$

Então a cada Δe (valor que representa o intervalo/frequência das mudanças do ambiente), a altura e o peso são alterados adicionando uma variável Guassiana a eles aleatória. O local de cada um dos picos é movido por um vetor \vec{v} a uma distância s fixa para uma direção aleatória. Essas alterações podem ser descritas pela Equação 3.2.

$$\begin{aligned} \sigma &\in N(0, 1) \\ H_i(t) &= H_i(t-1) + 7 \cdot \sigma \\ W_i(t) &= W_i(t-1) + 0,01 \cdot \sigma \\ \vec{X}_i(t) &= \vec{X}_i(t-1) + \vec{v} \end{aligned} \quad (3.2)$$

Um exemplo de como as máximas se move ao longo do tempo em um espaço bidimensional pode ser visto na Figura 3.1

Figura 3.1: gráfico de duas dimensões do movimento dos picos, após 300 alterações no ambiente, $s = 0,9$



Fonte: Branke (1999).

3.2.2 Oscillating Peaks

O *benchmark* de oscilação de picos (*ocillating peaks*) é baseado no de movimentação de picos, porem foi desenvolvido para algoritmos evolutivos com utilização de memória.

É uma combinação linear entre duas funções, em que o peso delas altera ao longo do tempo, portanto, a função G , começa em g_1 , passa para g_2 , depois volta para g_1 e assim sucessivamente. Em outras palavras o máximo absoluto de G oscila entre dois pontos g_1 e g_2 . Basicamente essa função se relaciona com o problema da mochila oscilatória que tem visto tantos exemplos bem sucedidos de abordagens evolutivas baseados em memória.

As funções que representam as alteração da função G estão representadas na Equação 3.3, em que, $\lambda(t)$ representa a oscilação da função, n é a soma das picos das duas funções que compõem a combinação linear e m é o número de dimensões.

$$\begin{aligned}
 \delta &\in N(0, 1) \\
 \lambda(t) &= \frac{\cos \frac{2\pi t}{100\delta} + 1}{2} \\
 g_1(\vec{x}) &= \sum_{i=1}^{n/2} \frac{H_i}{1 + W_i \sum_{j=1}^m (x_j - X_j(t))^2} \\
 g_2(\vec{x}) &= \sum_{i=n/2+1}^n \frac{H_i}{1 + W_i \sum_{j=1}^m (x_j - X_j(t))^2} \\
 G(t, \vec{x}) &= \lambda(t)g_1(\vec{x}) + (1 - \lambda(t))g_2(\vec{x})
 \end{aligned} \tag{3.3}$$

4 Trabalhos Relacionados

A Computação Natural possui vários operadores diferentes em algoritmos diferentes para serem aplicados em diversos tipos de problemas. Nesta Seção são apresentados os trabalhos do estado da arte encontrados na literatura que utilizam esses algoritmos bioinspirados em problemas dinâmicos de domínio contínuo.

Os trabalhos apresentados nesta seção são utilizado para analisar a aplicação destes algoritmos em diferentes ambiente e com diferentes condições, conseguindo assim extrair informações de influência de cada operador evolutivo utilizado na otimização dos problemas e/ou re-otimização.

4.1 Revisão da Geração do LaTeX

5 Proposta

Proposta

6 Considerações

Considerações

Bibliografia

- ANDRÉ, L.; STUBS PARPINELLI, R. The multiple knapsack problem approached by a binary differential evolution algorithm with adaptive parameters. *Polibits*, Instituto Politécnico Nacional, Centro de Innovación y Desarrollo Tecnológico en Cómputo, n. 51, p. 47–54, 2015.
- BELLMAN, R. E.; DREYFUS, S. E. *Applied dynamic programming*. : Princeton university press, 2015. 200–206 p.
- BOOKER, L. B.; GOLDBERG, D. E.; HOLLAND, J. H. Classifier systems and genetic algorithms. *Artificial intelligence*, Elsevier, v. 40, n. 1, p. 235–282, 1989.
- BOUSSAÏD, I.; LEPAGNOT, J.; SIARRY, P. A survey on optimization metaheuristics. *Information Sciences*, Elsevier, v. 237, p. 82–117, 2013.
- BRANKE, J. Memory enhanced evolutionary algorithms for changing optimization problems. In: CITESEER. *In Congress on Evolutionary Computation CEC99*. 1999.
- BRANKE, J. *Evolutionary optimization in dynamic environments*. : Springer Science & Business Media, 2012.
- C JA FILHO, B. et al. On the influence of the swimming operators in the fish school search algorithm. In: IEEE. *Systems, Man and Cybernetics, 2009. SMC 2009. IEEE International Conference on*. 2009. p. 5012–5017.
- CARLISLE, A. J. *Applying the particle swarm optimizer to non-stationary environments*. : Auburn University, 2002.
- CARMELO FILHO, J. et al. A novel search algorithm based on fish school behavior. In: IEEE. *Systems, Man and Cybernetics, 2008. SMC 2008. IEEE International Conference on*. 2008. p. 2646–2651.
- CASTRO, L. N. de. Fundamentals of natural computing: an overview. *Physics of Life Reviews*, Elsevier, v. 4, n. 1, p. 1–36, 2007.

- CAVALCANTI-JÚNIOR, G. M. et al. A hybrid algorithm based on fish school search and particle swarm optimization for dynamic problems. In: *Advances in Swarm Intelligence*. : Springer, 2011. p. 543–552.
- CRUZ, C.; GONZÁLEZ, J. R.; PELTA, D. A. Optimization in dynamic environments: a survey on problems, methods and measures. *Soft Computing*, Springer, v. 15, n. 7, p. 1427–1448, 2011.
- EBERHART, R. C.; KENNEDY, J. et al. A new optimizer using particle swarm theory. In: NEW YORK, NY. *Proceedings of the sixth international symposium on micro machine and human science*. 1995. v. 1, p. 39–43.
- GOH, C.-K.; TAN, K. C. A competitive-cooperative coevolutionary paradigm for dynamic multiobjective optimization. *Evolutionary Computation, IEEE Transactions on*, IEEE, v. 13, n. 1, p. 103–127, 2009.
- HOLLAND, J. H. *Adaptation in natural and artificial systems: an introductory analysis with applications to biology, control, and artificial intelligence*. : U Michigan Press, 1975.
- KARABOGA, D.; BASTURK, B. A powerful and efficient algorithm for numerical function optimization: artificial bee colony (abc) algorithm. *Journal of global optimization*, Springer, v. 39, n. 3, p. 459–471, 2007.
- LI, C.; YANG, M.; KANG, L. A new approach to solving dynamic traveling salesman problems. In: *Simulated Evolution and Learning*. : Springer, 2006. p. 236–243.
- MADEIRO, S. S. et al. Density as the segregation mechanism in fish school search for multimodal optimization problems. In: *Advances in Swarm Intelligence*. : Springer, 2011. p. 563–572.
- MORI, N.; KITA, H.; NISHIKAWA, Y. Adaptation to changing environments by means of the memory based thermodynamical genetic algorithm. *Transactions of the Institute of Systems, Control and Information Engineers*, v. 14, p. 33–41, 2001.
- MORRISON, R. W. Performance measurement in dynamic environments. In: CITESEER. *GECCO workshop on evolutionary algorithms for dynamic optimization problems*. 2003. p. 5–8.

- MORRISON, R. W.; DE JONG, K. A. Measurement of population diversity. In: SPRINGER. *Artificial Evolution*. 2001. p. 31–41.
- MOSER, C. I. Review all currently known publications on approaches which solve the moving peaks problem. Citeseer, 2007.
- NGUYEN, T. T.; YANG, S.; BRANKE, J. Evolutionary dynamic optimization: A survey of the state of the art. *Swarm and Evolutionary Computation*, Elsevier, v. 6, p. 1–24, 2012.
- OLIVEIRA, M. C. S. de; SILVA, T. L.; ALOISE, D. J. Otimização por nuvem de partículas: diferença entre aplicações a problemas contínuos e discretos. *XXXVI SBPO. São João Del-Rei-MG*, 2004.
- PARPINELLI, R. S.; LOPES, H. S. New inspirations in swarm intelligence: a survey. *International Journal of Bio-Inspired Computation*, Inderscience Publishers Ltd, v. 3, n. 1, p. 1–16, 2011.
- PASSINO, K. M. Biomimicry of bacterial foraging for distributed optimization and control. *Control Systems, IEEE, IEEE*, v. 22, n. 3, p. 52–67, 2002.
- RAND, W.; RIOLO, R. Measurements for understanding the behavior of the genetic algorithm in dynamic environments: A case study using the shaky ladder hyperplane-defined functions. In: ACM. *Proceedings of the 7th annual workshop on Genetic and evolutionary computation*. 2005. p. 32–38.
- ROZENBERG, G.; BCK, T.; KOK, J. N. *Handbook of natural computing*. : Springer Publishing Company, Incorporated, 2011.
- SHI, Y.; EBERHART, R. A modified particle swarm optimizer. In: IEEE. *Evolutionary Computation Proceedings, 1998. IEEE World Congress on Computational Intelligence., The 1998 IEEE International Conference on*. 1998. p. 69–73.