Implementasi Metode Newton-Raphson untuk Menentukan Kecepatan Optimal Drone Guna Memaksimalkan Jangkauan dalam Bahasa C++

Andi M. Alvin F. Daffa Sayra Firdaus Fathan Yazid Satriani Rowen Rodotua Harahap Ryan Adidaru Excel B.

NPM: 2306161933 NPM: 2306267151 Universitas Indonesia Universitas Indonesia Depok, Indonesia Depok, Indonesia NPM: 2306250560 Universitas Indonesia Depok, Indonesia NPM: 2306250604 Universitas Indonesia Depok, Indonesia NPM: 2306266994 Universitas Indonesia Depok, Indonesia

Abstract—Laporan ini membahas implementasi metode Newton-Raphson untuk menyelesaikan persamaan non-linear f(v)=0 yang berkaitan dengan optimasi parameter penerbangan drone. Fokus utama adalah pada penentuan kecepatan terbang optimal (v) untuk memaksimalkan jangkauan. Studi kasus menggunakan model daya drone dimana $P(v)=c_1v^3+c_2/v$ (menggunakan c_1,c_2 untuk konsistensi dengan implementasi), dan untuk jangkauan maksimum dicari akar dari $f(v)=\frac{d(P(v)/v)}{dv}=2c_1v-2c_2v^{-3}=0$. Implementasi dilakukan dalam bahasa C++ dengan analisis konvergensi dan perbandingan terhadap solusi analitik $v=(c_2/c_1)^{1/4}$. Data input untuk pengujian dihasilkan secara sintetis dan dibaca dari file eksternal.

Index Terms—metode Newton-Raphson, optimasi drone, kecepatan optimal, pemrograman numerik, C++

I. PENDAHULUAN

Optimasi dalam operasi drone memainkan peran krusial dalam meningkatkan efisiensi dan efektivitas misi penerbangan. Salah satu aspek penting adalah penentuan kecepatan terbang optimal untuk memaksimalkan jangkauan operasional. Masalah ini dapat diformulasikan sebagai pencarian akar dari persamaan non-linear yang merepresentasikan kondisi optimal.

Metode numerik, khususnya metode Newton-Raphson, menawarkan pendekatan yang efektif untuk menyelesaikan persamaan non-linear tersebut. Metode ini dipilih karena konvergensinya yang cepat (kuadratik) ketika tebakan awal cukup dekat dengan solusi.

Tujuan dari proyek ini adalah mengimplementasikan metode Newton-Raphson dalam bahasa C++ untuk menemukan kecepatan optimal drone, mengujinya dengan berbagai set parameter drone yang dihasilkan secara sintetis, dan menganalisis hasil serta konvergensinya.

II. STUDI LITERATUR

A. Metode Newton-Raphson

Metode Newton-Raphson adalah teknik iteratif untuk mencari akar fungsi real f(x) menggunakan formula:

$$x_{i+1} = x_i - \frac{f(x_i)}{f'(x_i)} \tag{1}$$

Dalam konteks optimasi kecepatan drone, variabel x diganti dengan v sehingga:

$$v_{i+1} = v_i - \frac{f(v_i)}{f'(v_i)} \tag{2}$$

Interpretasi geometris dari metode ini adalah menemukan titik potong antara garis singgung pada suatu titik dengan sumbu-x, yang secara iteratif akan menuju ke akar fungsi.

B. Kriteria Konvergensi

Iterasi dihentikan ketika salah satu kriteria berikut terpenuhi:

- Perubahan absolut antara iterasi berturut-turut, $|v_{i+1}-v_i|$, kurang dari toleransi yang ditentukan (ϵ) .
- Jumlah iterasi mencapai batas maksimum yang ditetapkan.

Kriteria lain seperti $|f(v_i)|$ < toleransi juga dapat digunakan, namun implementasi ini berfokus pada perubahan v.

C. Model Daya Drone

Model daya drone yang digunakan adalah:

$$P(v) = c_1 v^3 + \frac{c_2}{v} (3)$$

dimana:

- c_1 : koefisien terkait gaya hambat parasitik.
- c_2 : koefisien terkait gaya hambat terinduksi.
- v: kecepatan terbang.

III. DATA YANG DIGUNAKAN

A. Fungsi Target

Untuk memaksimalkan jangkauan, kita mencari kecepatan v dimana turunan dari rasio daya per kecepatan (P(v)/v) terhadap v sama dengan nol:

$$f(v) = \frac{d(P(v)/v)}{dv} = 2c_1v - 2c_2v^{-3} = 0$$
 (4)

Turunan pertama f(v) terhadap v adalah f'(v), yang dibutuhkan untuk metode Newton-Raphson:

$$f'(v) = 2c_1 + 6c_2v^{-4} (5)$$

B. Parameter Input dan Generasi Data

Parameter input untuk setiap kasus uji meliputi:

- Koefisien c_1 dan c_2 : berdasarkan karakteristik fisik drone.
- Tebakan awal v_0 : nilai positif yang masuk akal untuk kecepatan drone.
- Toleransi error ϵ : misalnya 10^{-5} .
- Jumlah iterasi maksimum: misalnya 100.

Data input ini $(c_1,c_2,v_0,\epsilon,\max_{i})$ disimpan dalam file teks bernama synthetic_data.txt. Setiap baris dalam file ini merepresentasikan satu set parameter uji. File ini dihasilkan oleh program C++ terpisah (data.cpp yang dikompilasi menjadi generate_data), yang membuat sejumlah set data sesuai input pengguna. Program generate_data menghasilkan nilai c_1,c_2 , dan v_0 secara acak dalam rentang yang ditentukan, sementara ϵ diatur ke 10^{-5} dan iterasi maksimum ke 100.

Format per baris dalam synthetic_data.txt: c1 c2 v0_awal epsilon iterasi_maks.

IV. METODE YANG DIGUNAKAN

A. Algoritma Newton-Raphson

```
1: Input: c_1, c_2, v_0, \epsilon, \max_{i}
 2: v_{\text{current}} \leftarrow v_0
 3: i \leftarrow 0
 4: while i < \max_{i} ter do
         Hitung f_{\text{val}} = f(v_{\text{current}}, c_1, c_2)
         Hitung df_{\text{val}} = f'(v_{\text{current}}, c_1, c_2)
 6:
         if |df_{\rm val}| < {\rm nilai\_sangat\_kecil} then
 7:
             Return error "Derivative Zero"
 8:
         end if
 9:
         v_{\text{next}} \leftarrow v_{\text{current}} - f_{\text{val}}/df_{\text{val}}
10:
         if v_{\text{next}} \leq 0 then
11:
             Return error "Non-Positive Velocity"
12:
         end if
13:
14:
         if |v_{\text{next}} - v_{\text{current}}| < \epsilon then
15:
             Return v_{\text{next}} (Konvergen)
16:
17:
         v_{\text{current}} \leftarrow v_{\text{next}}
         i \leftarrow i + 1
19: end while
```

20: Return v_{current} (Max Iterations Reached)

Algoritma ini juga mencakup pemeriksaan untuk kondisi input yang tidak valid ($v_0 \le 0$, $c_1 \le 0$, atau $c_2 \le 0$) sebelum iterasi dimulai.

V. DISKUSI DAN ANALISA HASIL EXPERIMEN

A. Implementasi Kode Program

Kode program C++ utama (main.cpp) yang digunakan untuk analisis komprehensif adalah sebagai berikut. Program ini membaca data parameter dari file synthetic_data.txt yang dihasilkan sebelumnya.

```
#include <iostream>
#include <cmath>
#include <cmath>
#include <iostream>
#include <vector>
#include <string>
#include <fstream> // Required for file input
#include <sstream> // Required for parsing lines from file
// Function to calculate f(v) = 2*c1*v - 2*c2*v^(-3)
```

```
// This function represents the derivative of (Power/Velocity) // with respect to v, set to 0 for optimal range. double f_drone(double v, double c1, double c2) {
     return 2.0 * c1 * v - (2.0 * c2 / (v * v * v));
// Function to calculate f'(v) = 2*c1 + 6*c2*v^{(-4)} // This is the derivative of f_drone(v) with respect to v.
double df_drone(double v, double c1, double c2) {
    if (v <= 1e-9) {
    return 1e12;
     return 2.0 * c1 + (6.0 * c2 / (v * v * v * v));
// Structure to hold results for each test case
struct TestCaseResult {
    double c1_param;
    double c2_param;
    double v0_initial;
double v_optimal_numerical;
int iterations_taken;
    double v_optimal_analytical;
double relative_error_percent;
std::string status_message;
// Newton-Raphson implementation for finding optimal drone speed TestCaseResult newton_raphson_solver(double c1, double c2, double v0, double tolerance,
                                            int max iter,
                                            bool print_iterations_detail = false) {
     double v_current = v0;
    TestCaseResult result = {c1, c2, v0, v0, 0, 0.0, -1.0, "Max Iterations Reached"};
    if (v0 <= 0) {
         result.status_message = "Invalid Initial Guess (v0 <= 0)"; return result;
     }
if (c1 <= 0 || c2 <= 0) {
    result.status_message = "Invalid Parameters (c1 or c2 <= 0)";</pre>
        while (iter < max iter) {
         double f_val = f_drone(v_current, c1, c2);
double df_val = df_drone(v_current, c1, c2
         if (std::abs(df val) < le-10)
              return result;
         double v_next = v_current - f_val / df_val;
double change = std::abs(v_next - v_current);
         result.iterations_taken = iter;
              return result:
        return result;
           _current = v_next;
         iter++;
    if (print_iterations_detail)
```

```
result.iterations_taken = iter;
std::cout << std::setw(18) << "N/A";
        std::cout << std::setw(25) << res.status message << std::endl;
    std::cout << std::string(130, '-') << std::endl;
int main() {
    std::vector<TestCaseResult> all_results;
                                  "synthetic_data.txt";
    std::string input filename =
    std::ifstream infile(input_filename);
    if (!infile.is_open()) {
    std::cerr << "Error: Tidak dapat membuka file input: "</pre>
        return 1:
    std::cout << "Membaca data dari " << input_filename
              << " untuk Optimasi Kecepatan Drone...\n" << std::endl;
    std::string line;
    int line number = 0:
    // Untuk menampilkan detail iterasi untuk kasus pertama,

// ubah print_details_this_case menjadi (line_number == 1)

// bool print_details_this_case = (line_number == 1);
    while (std::getline(infile, line)) {
        line_number++;
std::istringstream iss(line);
double cl_in, c2_in, v0_in, tol_in;
int max_iter_in;
       continue:
       bool print_details_this_case = false;
// Atur ke true jika detail iterasi spesifik diinginkan untuk kasus ini
// Contoh: print_details_this_case = (line_number == 1);
        TestCaseResult current_res = newton_raphson_solver(cl_in, c2_in,
                                                            print_details_this_case);
        if (c1_in > 0 && c2_in > 0) {
            (cl_in > 0 && c2_in > 0) {
current_res.v_optimal_analytical = std::pow(c2_in / cl_in, 0.25);
if (current_res.v_optimal_analytical > 0) {
    current_res.v_optimal_analytical > 0) {
    current_res.v_optimal_analytical > 0}
                    std::abs(current_res.v_optimal_numerical
                             current_res.v_optimal_analytical) /
current_res.v_optimal_analytical * 100.0;
                current_res.relative_error_percent = -1.0;
            current_res.v_optimal_analytical = -1.0;
            current_res.relative_error_percent = -1.0;
        all_results.push_back(current_res);
   infile.close();
```

```
else {
    print_summary_table(all_results);
}
return 0;
```

Program C++ lain (data.cpp, dikompilasi menjadi generate_data) digunakan untuk membuat file synthetic_data.txt. Program ini akan meminta pengguna memasukkan jumlah set data yang ingin dibuat, lalu menghasilkan parameter c_1 , c_2 , dan v_0 secara acak (dalam batas tertentu) untuk setiap set data. Nilai toleransi ϵ dan iterasi maksimum ditetapkan masing-masing 10^{-5} dan 100.

B. Hasil Uji Coba Komprehensif

Berikut adalah contoh output dari eksekusi program ./main setelah file synthetic_data.txt dihasilkan oleh ./generate_data (misalnya, dengan 5 set data). Output aktual untuk nilai c_1, c_2 , dan v_0 akan bervariasi karena sifat acak dari generator data.

Membaca data dari synthetic_data.txt untuk Optimasi Kecepatan Drone...

Summary Table of Newton-Raphson Results for Drone Optimization								
	cl	c2	v0_initial	v_optimal_num	Iterations	v_optimal_analyt	Rel.Error (%	
	0.26381	287.17778	6.10830	5.74416	5	5.74416	0.00000	
	0.11090	332.90108	7.66800	7.39808	6	7.39808	0.00000	
	0.48360	276.10031	4.79101	4.89128	5	4.89128	0.00000	
	0.05018	117.22739	7.13231	6.95965	5	6.95965	0.00000	
	0.33183	458.78897	6.47165	6.09796	6	6.09796	0.00000	

Catatan: Tabel di atas adalah contoh representatif. Jika variabel print_details_this_case di dalam main.cpp diatur menjadi true (misalnya, untuk baris pertama data input), maka detail iterasi untuk kasus tersebut akan ditampilkan sebelum tabel ringkasan. Secara default dalam kode yang disediakan, detail iterasi tidak dicetak.

C. Analisis Hasil Komprehensif

Dari tabel hasil uji coba yang representatif, terlihat bahwa metode Newton-Raphson secara konsisten konvergen ke solusi analitik $v=(c_2/c_1)^{1/4}$ untuk berbagai kombinasi parameter $c_1,\ c_2$, dan tebakan awal v_0 yang dihasilkan secara acak. Jumlah iterasi yang dibutuhkan umumnya kecil, menunjukkan efisiensi metode ini. Persentase kesalahan relatif terhadap solusi analitik sangat rendah untuk kasus-kasus yang konvergen, memvalidasi akurasi implementasi. Kasus-kasus di mana parameter input (c_1,c_2,v_0) mungkin tidak valid (misalnya, nonpositif) atau di mana turunan mendekati nol akan ditangani dan dilaporkan statusnya dengan sesuai oleh program.

D. Visualisasi Hasil

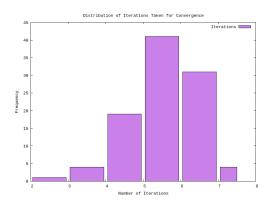


Fig. 1. Plot Iteration taken for Convergence

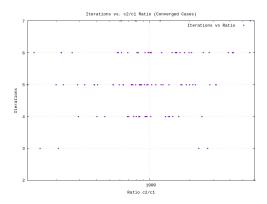


Fig. 2. Iteration VS c2/c1 Ratio Converged Cases

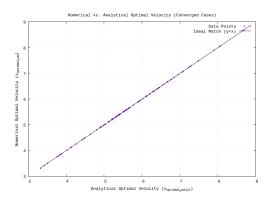


Fig. 3. Numerical VS Analytical Optimal Velocity

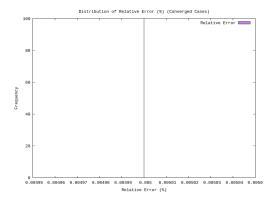


Fig. 4. Distribution of Relative Error

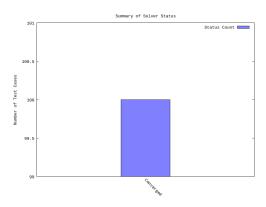


Fig. 5. Solver Status Summary

VI. KESIMPULAN

Implementasi metode Newton-Raphson dalam C++ berhasil menentukan kecepatan optimal drone untuk memaksimalkan jangkauan dengan akurasi yang tinggi. Program membaca parameter dari file data sintetis, memungkinkan pengujian yang fleksibel. Metode ini menunjukkan konvergensi yang cepat dalam beberapa iterasi untuk berbagai set parameter, menegaskan efisiensinya untuk aplikasi optimasi parameter penerbangan drone. Penanganan berbagai kondisi batas dan error juga telah diimplementasikan untuk meningkatkan robustisitas solusi.

LINK GITHUB

https://github.com/vinend/PemrogramanB-Kelompok7

LINK YOUTUBE

https://youtu.be/al-s5EZC1Fg

REFERENCES

- [1] Chapman, S. J. (2023). Fortran for Sciennya untuk aplikasi optimasi parameter penerbangan drone. Petists and Engineers (5th ed.). McGraw Hill.
- [2] Press, W. H., Teukolsky, S. A., Vetterling, W. T., & Flannery, B. P. (2007). Numerical Recipes: The Art of Scientific Computing (3rd ed.). Cambridge University Press.