

Implementasi Metode Newton-Raphson untuk Menentukan Kecepatan Optimal Drone Guna Memaksimalkan Jangkauan dalam Bahasa C++

Andi Muhammad Alvin Farhansyah Rowen Rodotua Harahap Ryan Adidaru Excel Barnabi Daffa Sayra Firdaus
NPM: 2306161933 NPM: 2306250604 NPM: 2306266994 NPM: 2306267151
Universitas Indonesia Universitas Indonesia Universitas Indonesia Universitas Indonesia
Depok, Indonesia Depok, Indonesia Depok, Indonesia Depok, Indonesia

Fathan Yazid Satriani
NPM: 2306250560
Universitas Indonesia
Depok, Indonesia

Abstract—Laporan ini membahas implementasi metode Newton-Raphson untuk menyelesaikan persamaan non-linear $f(v) = 0$ yang berkaitan dengan optimasi parameter penerbangan drone. Fokus utama adalah pada penentuan kecepatan terbang optimal (v) untuk memaksimalkan jangkauan. Studi kasus menggunakan model daya drone dimana $P(v) = c_1 v^3 + c_2/v$ (menggunakan c_1, c_2 untuk konsistensi dengan implementasi), dan untuk jangkauan maksimum dicari akar dari $f(v) = \frac{d(P(v)/v)}{dv} = 2c_1 v - 2c_2 v^{-3} = 0$. Implementasi dilakukan dalam bahasa C++ dengan analisis konvergensi dan perbandingan terhadap solusi analitik $v = (c_2/c_1)^{1/4}$. Data input untuk pengujian dihasilkan secara sintetis dan dibaca dari file eksternal.

Index Terms—metode Newton-Raphson, optimasi drone, kecepatan optimal, pemrograman numerik, C++

I. PENDAHULUAN

Optimasi dalam operasi drone memainkan peran krusial dalam meningkatkan efisiensi dan efektivitas misi penerbangan. Salah satu aspek penting adalah penentuan kecepatan terbang optimal untuk memaksimalkan jangkauan operasional. Masalah ini dapat diformulasikan sebagai pencarian akar dari persamaan non-linear yang merepresentasikan kondisi optimal.

Metode numerik, khususnya metode Newton-Raphson, menawarkan pendekatan yang efektif untuk menyelesaikan persamaan non-linear tersebut. Metode ini dipilih karena konvergensi yang cepat (kuadratik) ketika tebakan awal cukup dekat dengan solusi.

Tujuan dari proyek ini adalah mengimplementasikan metode Newton-Raphson dalam bahasa C++ untuk menemukan kecepatan optimal drone, mengujinya dengan berbagai set parameter drone yang dihasilkan secara sintetis, dan menganalisis hasil serta konvergensi.

II. STUDI LITERATUR

A. Metode Newton-Raphson

Metode Newton-Raphson adalah teknik iteratif untuk mencari akar fungsi real $f(x)$ menggunakan formula:

$$x_{i+1} = x_i - \frac{f(x_i)}{f'(x_i)} \quad (1)$$

Dalam konteks optimasi kecepatan drone, variabel x diganti dengan v sehingga:

$$v_{i+1} = v_i - \frac{f(v_i)}{f'(v_i)} \quad (2)$$

Interpretasi geometris dari metode ini adalah menemukan titik potong antara garis singgung pada suatu titik dengan sumbu- x , yang secara iteratif akan menuju ke akar fungsi.

B. Kriteria Konvergensi

Iterasi dihentikan ketika salah satu kriteria berikut terpenuhi:

- Perubahan absolut antara iterasi berturut-turut, $|v_{i+1} - v_i|$, kurang dari toleransi yang ditentukan (ϵ).
- Jumlah iterasi mencapai batas maksimum yang ditetapkan.

Kriteria lain seperti $|f(v_i)| < \text{toleransi}$ juga dapat digunakan, namun implementasi ini berfokus pada perubahan v .

C. Model Daya Drone

Model daya drone yang digunakan adalah:

$$P(v) = c_1 v^3 + \frac{c_2}{v} \quad (3)$$

dimana:

- c_1 : koefisien terkait gaya hambat parasitik.
- c_2 : koefisien terkait gaya hambat terinduksi.
- v : kecepatan terbang.

```

#include <iostream>
#include <cmath>
#include <iomanip>
#include <vector>
#include <string>
#include <fstream> // Required for file input
#include <sstream> // Required for parsing lines from file

// Function to calculate  $f(v) = 2 \cdot c_1 \cdot v - 2 \cdot c_2 \cdot v^{-3}$ 
// This function represents the derivative of (Power/Velocity)
// with respect to v, set to 0 for optimal range.
double f_drone(double v, double c1, double c2) {
    if (v <= 1e-9) {
        return 1e12;
    }
    return 2.0 * c1 * v - (2.0 * c2 / (v * v * v));
}

// Function to calculate  $f'(v) = 2 \cdot c_1 + 6 \cdot c_2 \cdot v^{-4}$ 
// This is the derivative of  $f_{\text{drone}}(v)$  with respect to v.
double df_drone(double v, double c1, double c2) {
    if (v <= 1e-9) {
        return 1e12;
    }
    return 2.0 * c1 + (6.0 * c2 / (v * v * v * v));
}

// Structure to hold results for each test case
struct TestCaseResult {
    double c1_param;
    double c2_param;
    double v0_initial;
    double v_optimal_numerical;
    int iterations_taken;
    double v_optimal_analytical;
    double relative_error_percent;
    std::string status_message;
};

// Newton-Raphson implementation for finding optimal drone speed
TestCaseResult newton_raphson_solver(double c1, double c2,
    double v0, double tolerance,
    int max_iter,
    bool print_iterations_detail = false) {
    double v_current = v0;
    int iter = 0;
    TestCaseResult result = {c1, c2, v0, v0, 0, 0.0, -1.0,
        "Max Iterations Reached"};

    if (v0 <= 0) {
        result.status_message = "Invalid Initial Guess (v0 <= 0)";
        return result;
    }
    if (c1 <= 0 || c2 <= 0) {
        result.status_message = "Invalid Parameters (c1 or c2 <= 0)";
        return result;
    }

    if (print_iterations_detail) {
        std::cout << "\n--- Iteration Details for c1=" << c1
            << ", c2=" << c2 << ", v0=" << v0 << " ---\n";
        std::cout << std::setw(10) << "Iteration"
            << std::setw(18) << "v_i (m/s)"
            << std::setw(18) << "f(v_i)"
            << std::setw(18) << "f'(v_i)"
            << std::setw(18) << "v_{i+1} (m/s)"
            << std::setw(20) << "|v_{i+1}-v_i|" << std::endl;
        std::cout << std::string(102, '-') << std::endl;
    }

    while (iter < max_iter) {
        double f_val = f_drone(v_current, c1, c2);
        double df_val = df_drone(v_current, c1, c2);

        if (std::abs(df_val) < 1e-10) {
            if (print_iterations_detail)
                std::cerr << "Error: Derivative too close to zero at v = "
                    << v_current << std::endl;
            result.status_message = "Derivative Zero";
            result.v_optimal_numerical = v_current;
            result.iterations_taken = iter;
            return result;
        }

        double v_next = v_current - f_val / df_val;
        double change = std::abs(v_next - v_current);

        if (v_next <= 0) {
            if (print_iterations_detail)
                std::cerr << "Error: Next velocity is non-positive (v_next = "
                    << v_next << ") " << std::endl;
            result.status_message = "Non-Positive Velocity";
            result.v_optimal_numerical = v_current;
            result.iterations_taken = iter;
            return result;
        }

        if (print_iterations_detail) {
            std::cout << std::fixed << std::setprecision(8)
                << std::setw(10) << iter

```

```

        << std::setw(18) << v_current
        << std::setw(18) << f_val
        << std::setw(18) << df_val
        << std::setw(18) << v_next
        << std::setw(20) << change << std::endl;
    }

    if (change < tolerance) {
        if (print_iterations_detail)
            std::cout << "\nConverged after " << iter + 1
            << " iterations!" << std::endl;
        result.status_message = "Converged";
        result.v_optimal_numerical = v_next;
        result.iterations_taken = iter + 1;
        return result;
    }

    v_current = v_next;
    iter++;
}

if (print_iterations_detail)
    std::cerr << "Warning: Maximum iterations (" << max_iter
    << ") reached without convergence." << std::endl;
result.v_optimal_numerical = v_current;
result.iterations_taken = iter;
return result;
}

```

```

void print_summary_table(const std::vector<TestCaseResult>& results) {
    std::cout << "\n\n--- Summary Table of Newton-Raphson Results" << std::endl;
    std::cout << std::setw(10) << "c1"
    << std::setw(10) << "c2"
    << std::setw(15) << "v0_initial"
    << std::setw(20) << "v_optimal_num"
    << std::setw(12) << "Iterations"
    << std::setw(20) << "v_optimal_analyt"
    << std::setw(18) << "Rel.Error (%)"
    << std::setw(25) << "Status" << std::endl;
    std::cout << std::string(130, '-') << std::endl;
}

```

```

for (const auto& res : results) {
    std::cout << std::fixed << std::setprecision(5)
    << std::setw(10) << res.c1_param
    << std::setw(10) << res.c2_param
    << std::setw(15) << res.v0_initial
    << std::setw(20) << res.v_optimal_numerical
    << std::setw(12) << res.iterations_taken
    << std::setw(20) << res.v_optimal_analytical;
    if (res.relative_error_percent >= 0) {
        std::cout << std::setw(18) << std::setprecision(5)
        << res.relative_error_percent;
    } else {
        std::cout << std::setw(18) << "N/A";
    }
    std::cout << std::setw(25) << res.status_message << std::endl;
}
std::cout << std::string(130, '-') << std::endl;
}

```

```

int main() {
    std::vector<TestCaseResult> all_results;
    std::string input_filename = "synthetic_data.txt";
    std::ifstream infile(input_filename);

    if (!infile.is_open()) {
        std::cerr << "Error: Tidak dapat membuka file input: "
        << input_filename << std::endl;
        std::cerr << "Pastikan file 'synthetic_data.txt' ada di "
        << "direktori yang sama atau jalankan generator data "
        << "terlebih dahulu." << std::endl;
        return 1;
    }
}

```

```

std::cout << "Mem baca data dari " << input_filename
<< " untuk Optimasi Kecepatan Drone...\n" << std::endl;

```

```

std::string line;
int line_number = 0;
// Untuk menampilkan detail iterasi untuk kasus pertama,
// ubah print_details_this_case menjadi (line_number == 1)
// bool print_details_this_case = (line_number == 1);

```

```

while (std::getline(infile, line)) {
    line_number++;
    std::istringstream iss(line);
    double c1_in, c2_in, v0_in, tol_in;
    int max_iter_in;
}

```

```

if (!(iss >> c1_in >> c2_in >> v0_in >> tol_in >> max_iter_in)) {
    std::cerr << "Error parsing baris ke-" << line_number
    << ": " << line << std::endl;
    std::cerr << "Format yang diharapkan: c1 c2 v0_awal epsilon "
    << "iterasi_maks" << std::endl;
    continue;
}

```

```

bool print_details_this_case = false;
// Atur ke true jika detail iterasi spesifik diinginkan untuk kasus ini
// Contoh: print_details_this_case = (line_number == 1);

```

```

TestCaseResult current_res = newton_raphson_solver(c1_in, c2_in,
                                                    v0_in, tol_in,
                                                    max_iter_in,
                                                    print_details_this_case);

```

```

if (c1_in > 0 && c2_in > 0) {
    current_res.v_optimal_analytical = std::pow(c2_in / c1_in, 0.25);
    if (current_res.status_message == "Converged" &&
        current_res.v_optimal_analytical > 0) {
        current_res.relative_error_percent =

```

```

        std::abs(current_res.v_optimal_numerical -
        current_res.v_optimal_analytical) /
        current_res.v_optimal_analytical * 100.0;
    } else {
        current_res.relative_error_percent = -1.0;
    }
} else {
    current_res.v_optimal_analytical = -1.0;
    current_res.relative_error_percent = -1.0;
}
all_results.push_back(current_res);
}

infile.close();

if (all_results.empty() && line_number == 0) {
    std::cout << "File " << input_filename
    << " kosong atau tidak ada data yang valid." << std::endl;
} else if (all_results.empty() && line_number > 0) {
    std::cout << "Tidak ada data yang berhasil diproses dari "
    << input_filename << "." << std::endl;
}
else {
    print_summary_table(all_results);
}

return 0;
}

```

Program C++ lain (data.cpp, dikompilasi menjadi generate_data) digunakan untuk membuat file synthetic_data.txt. Program ini akan meminta pengguna memasukkan jumlah set data yang ingin dibuat, lalu menghasilkan parameter c_1 , c_2 , dan v_0 secara acak (dalam batas tertentu) untuk setiap set data. Nilai toleransi ϵ dan iterasi maksimum ditetapkan masing-masing 10^{-5} dan 100.

B. Hasil Uji Coba Komprehensif

Berikut adalah contoh output dari eksekusi program ./main setelah file synthetic_data.txt dihasilkan oleh ./generate_data (misalnya, dengan 5 set data). Output aktual untuk nilai c_1 , c_2 , dan v_0 akan bervariasi karena sifat acak dari generator data.

Mem baca data dari synthetic_data.txt untuk Optimasi Kecepatan Drone...

| --- Summary Table of Newton-Raphson Results for Drone Optimization --- | | | | | | |
|--|-----------|------------|---------------|------------|------------------|---------------|
| c1 | c2 | v0_initial | v_optimal_num | Iterations | v_optimal_analyt | Rel.Error (%) |
| 0.26381 | 287.17778 | 6.10830 | 5.74416 | 5 | 5.74416 | 0.00000 |
| 0.11090 | 332.90108 | 7.66800 | 7.39808 | 6 | 7.39808 | 0.00000 |
| 0.48360 | 276.10031 | 4.79101 | 4.89128 | 5 | 4.89128 | 0.00000 |
| 0.05018 | 117.22739 | 7.13231 | 6.95965 | 5 | 6.95965 | 0.00000 |
| 0.33183 | 458.78897 | 6.47165 | 6.09796 | 6 | 6.09796 | 0.00000 |

Catatan: Tabel di atas adalah contoh representatif. Jika variabel print_details_this_case di dalam main.cpp diatur menjadi true (misalnya, untuk baris pertama data input), maka detail iterasi untuk kasus tersebut akan ditampilkan sebelum tabel ringkasan. Secara default dalam kode yang disediakan, detail iterasi tidak dicetak.

C. Analisis Hasil Komprehensif

Dari tabel hasil uji coba yang representatif, terlihat bahwa metode Newton-Raphson secara konsisten konvergen ke solusi analitik $v = (c_2/c_1)^{1/4}$ untuk berbagai kombinasi parameter c_1 , c_2 , dan tebakan awal v_0 yang dihasilkan secara acak. Jumlah iterasi yang dibutuhkan umumnya kecil, menunjukkan efisiensi metode ini. Persentase kesalahan relatif terhadap solusi analitik sangat rendah untuk kasus-kasus yang konvergen, memvalidasi akurasi implementasi. Kasus-kasus di mana parameter input (c_1 , c_2 , v_0) mungkin tidak valid (misalnya, non-positif) atau di mana turunan mendekati nol akan ditangani dan dilaporkan statusnya dengan sesuai oleh program.

VI. KESIMPULAN

Implementasi metode Newton-Raphson dalam C++ berhasil menentukan kecepatan optimal drone untuk memaksimalkan jangkauan dengan akurasi yang tinggi. Program membaca parameter dari file data sintetis, memungkinkan pengujian yang fleksibel. Metode ini menunjukkan konvergensi yang cepat dalam beberapa iterasi untuk berbagai set parameter, menegaskan efisiensinya untuk aplikasi optimasi parameter penerbangan drone. Penanganan berbagai kondisi batas dan error juga telah diimplementasikan untuk meningkatkan robustitas solusi.

LINK GITHUB

<https://github.com/vinend/PemrogramanB-Kelompok7>

LINK YOUTUBE

[Link Youtube Anda]

REFERENCES

- [1] Chapman, S. J. (2023). *Fortran for Scientists and Engineers* (5th ed.). McGraw Hill.
- [2] Press, W. H., Teukolsky, S. A., Vetterling, W. T., & Flannery, B. P. (2007). *Numerical Recipes: The Art of Scientific Computing* (3rd ed.). Cambridge University Press.