Верификация криптографических протоколов с использованием Тамарин (Tamarin)

Винарский Евгений по всем вопросам писать на vinevg2015@gmail.com

Институт Системного программирования

18 ноября 2022 г.

Содержание

- Синтаксис системы Tamarin
- Таmarin: Пример описания протокола Диффи-Хеллмана
- 3 Tamarin: Пример описания протокола BADH
- 4 Задание для самостоятельной работы

Криптографичекские сообщения в системе Tamarin

Система Tamarin доступна на tamarin-prover.github.io/

- Public constants: идентификаторы и метки агентов (Agent)
- Fresh constants: закрытые ключи, nonce

Встроенные функции:

- fst(pair(x,y)) = x
- $\operatorname{snd}(\operatorname{pair}(x,y)) = y$
- \bullet < $x_1, x_2, \ldots, x_{n-1}, x_n >$
- функции и арность: $f_1/a_1, \ldots, f_n/a_n$

Типы переменных:

- $\sim x$ означает, что x fresh (секретная информация)
- \$x означает, что x pub (открытая информация)
- #i означает, что x temporal (вспомогательная переменная)



Встроенные теории и примитивы в системе Tamarin

- Теория hashing:
 - ullet определяет функцию h/1
- Теория asymmetric-encryption:
 - определяет функции: aenc/2, adec/2, pk/1
 - определяет аксиомы: adec(aenc(m, pk(sk)), sk) = m
- Теория symmetric-encryption:
 - определяет функции: senc/2, sdec/2
 - определяет аксиомы: sdec(senc(m, k), k) = m
- Теория diffie-hellman:
 - ullet определяет функции: inv/1
 - определяет аксиомы:

Состояния и переходы в системе Tamarin

Текущая конфигурация в системе Tamarin определяется совокупностью состояний агентов и переходами между этими состояниями Состояние агента определяется выполненными шагами протокола:

- Ключевая пара сгенерирована
- Сообщение отправлено
- . . .

Переход – изменение состояния системы в результате выполнения некоторого (возможно пустого) действия

- Соединение установлено
- Общий сессионный ключ выработан
- ...

Состояние, в котором никакой агент ещё не осуществил ни одного шага, объявляется начальным состоянием

Правила в системе Tamarin

- Left part: правило может быть применено к состоянию, в котором верны соответствующие утверждения
- Action part: переход помечается соответствующими действиями Act1(n) и Act2(x)
- Right part: после применения правила будет переход в состояние, в котором верен набор соответствующих утверждений

```
Пусть верны утверждения Pre(x) и
Fr(\sim n)
Тогда, применяя правило fictitious,
переходим в состояние с утвержде-
нием Out(\langle x, n \rangle)
rule fictitious:
    [ Pre(x), Fr(\sim n) ]
 --[ Act1(~n), Act2(x) ]-->
    [ Out(<x,~n>) ]
```

Утверждение (Facts) в системе Tamarin

Встроенные утверждения в системе Tamarin:

- In: Получение сообщения из общего канала (может быть применён только в левой части)
- Out: Отправка сообщения в общий канал (может быть применён только в правой части)
- Fr: Генерация случайного секрета: закрытый ключ, nonce (может быть применён только в левой части)

persistent facts (!) - никогда не удаляются из состояний

Каждый участник протокола (в том числе и противник) может отправлять и получать все сообщения, находящиеся в общем канале

Tamarin Prover: символьная верификация криптопротокола

- Σ сигнатура (переменные, функциональные символы, предикаты, утверждения)
- Е уравнения, связывающие функциональные символы
- Р система переписывания правил (протокол)
- Dependency Graph (dg) граф зависимости, который строится по Σ , E и P
- paths(dg) множество путей, порождаемых в графе зависимости dg
- ullet Формула arphi

Проверяем выполнимость формулы φ на всех путях множества paths(dg) ($paths(dg) \models \varphi$)

Леммы в системе Tamarin

Леммы в системе Tamarin записываются на языке логики предикатов первого порядка

- All: квантор всеобщности, вспомогательные переменные помечаются префиксом #
- Ex: квантор существования, вспомогательные переменные помечаются префиксом #
- ==>: импликация
- &: конъюнкция, |: дизъюнкция, not: отрицание
- f@ arg: действие на функцию в момент arg (запись K(k)@j используется для факта раскрытия противником ключа k в момент времени j)
- $a < b \ (a = b)$, если значение переменной a меньше значения (равно значению) переменной b
- $\#a < \#b \ (\#a = \#b)$: если значение вспомогательной переменной a меньше значения (равно значению) вспомогательной переменной b

Tamarin Prover: граф зависимостей

```
\begin{split} P = \{ & [\mathsf{Fr}(x), \mathsf{Fr}(k)] \!\!-\!\! [] \!\!\!\rightarrow \!\! [\mathsf{St}(x,k), \mathsf{Out}(\mathsf{enc}(x,k)), \mathsf{Key}(k)] \\ &, [\mathsf{St}(x,k), \mathsf{In}(\langle x,x \rangle)] \!\!\!-\!\! [\, \mathsf{Fin}(x,k) \, ] \!\!\!\!\rightarrow \!\! [\,] \\ &, [\mathsf{Key}(k)] \!\!\!-\!\! [\, \mathsf{Rev}(k) \, ] \!\!\!\!\rightarrow \!\! [\, \mathsf{Out}(k)] \, \} \; . \end{split}
```



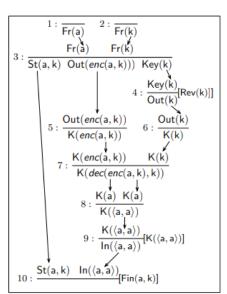
Может ли Tamarin выполнить протокол?

Tamarin Prover: граф зависимостей

$$\begin{split} P = \{ & \left[\mathsf{Fr}(x), \mathsf{Fr}(k) \right] \vdash \left[\mathsf{St}(x,k), \mathsf{Out}(\mathsf{enc}(x,k)), \mathsf{Key}(k) \right] \\ &, \left[\mathsf{St}(x,k), \mathsf{In}((x,x)) \right] \vdash \left[\mathsf{Fin}(x,k) \right] \vdash \left[\right] \\ &, \left[\mathsf{Key}(k) \right] \vdash \left[\mathsf{Rev}(k) \right] \vdash \left[\mathsf{Out}(k) \right] \right\} \,. \end{split}$$

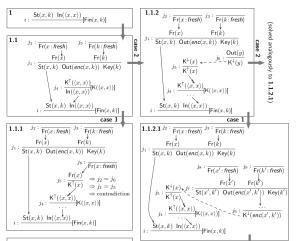


Может ли Tamarin выполнить протокол?



Tamarin Prover: пример построения системы ограничений

$$\begin{split} P = \{ & \left[\mathsf{Fr}(x), \mathsf{Fr}(k) \right] \!\!-\!\! \left[\right] \!\!\!-\!\! \left[\mathsf{St}(x,k), \mathsf{Out}(\mathsf{enc}(x,k)), \mathsf{Key}(k) \right] \\ &, \left[\mathsf{St}(x,k), \mathsf{In}(\langle x,x \rangle) \right] \!\!\!-\!\! \left[\mathsf{Fin}(x,k) \right] \!\!\!\!-\!\! \left[\right] \\ &, \left[\mathsf{Key}(k) \right] \!\!\!-\!\! \left[\mathsf{Rev}(k) \right] \!\!\!\!\!-\!\! \left[\mathsf{Out}(k) \right] \right\}. \end{split}$$



Tamarin Prover: пример описания протокола Диффи-Хеллмана

- (pr_C, pk_C) долговременные (закрытый, открытый) ключи клиента
- (x, g^x) сессионные (закрытый, открытый) ключи клиента
- (pr_S, pk_S) долговременные (закрытый, открытый) ключи сервера
- (y, g^y) сессионные (закрытый, открытый) ключи сервера

Диффи-Хэллман

Client (pkC, privC)		Server (pkS, privS)
- генерация g^x	< <i>pkC</i> , g^ <i>x</i> >	
	< <i>pkS</i> , g^y> <	 генерация g^y
- client_key = g^y^x	<nb>pk(B)</nb>	- <u>server_key</u> = g^x^y

Tamarin Prover: пример описания протокола (2)

```
rule Serv_Step_1:
let

pk_S = pk(-pr_S)
    g,y = 'g'^(-y)
    server_key = g_x^(-y)
in

{
    Fr(-pr_S),
    Fr(-y),
    In(-pk_C, g_x>)
}
--[
    Server_Key(server_key),
    Receive 1($Server, $Client, <pk_C, g_x>),
    Send_2($Server, $Client, g_y),
    Server_Finished($Server, server_key)
]->
[!Serv_Step_1(-pr_S, pk_S, -y, g_y),
    Out(-pk_S, g_y>)]
```

Tamarin Prover: пример описания лемм протокола (1)

- Client_Finished(Client, key) клиент выработал сессионный ключ key (установил соединение)
- Server_Finished(Server, key) сервер выработал сессионный ключ key (установил соединение)

Лемма: Существует сервер, клиент и сессионный ключ такие, что клиент смог установить соединение с сервером

Tamarin Prover: пример описания лемм протокола (1)

- Client_Finished(Client, key) клиент выработал сессионный ключ key (установил соединение)
- Server_Finished(Server, key) сервер выработал сессионный ключ key (установил соединение)

Лемма: Существует сервер, клиент и сессионный ключ такие, что клиент смог установить соединение с сервером

```
lemma executable_Finished:
    exists-trace
    "Ex Client Server key #i #j.
        Client_Finished(Client, key) @i &
        Server_Finished(Server, key) @j
    "
```

Tamarin Prover: пример описания лемм протокола (2)

- Client_Finished(Client, key) клиент выработал сессионный ключ key (установил соединение)
- Server_Finished(Server, key) сервер выработал сессионный ключ key (установил соединение)
- K(key) противник узнал ключ key

Лемма: Для любого сервера, клиента и сессионного ключа, если клиент смог установить соединение с сервером, то противник не может узнать сессионный ключ

Tamarin Prover: пример описания лемм протокола (2)

- Client_Finished(Client, key) клиент выработал сессионный ключ key (установил соединение)
- Server_Finished(Server, key) сервер выработал сессионный ключ key (установил соединение)
- K(key) противник узнал ключ key

Лемма: Для любого сервера, клиента и сессионного ключа, если клиент смог установить соединение с сервером, то противник не может узнать сессионный ключ

Tamarin Prover: пример описания лемм протокола (3)

- Client_Finished(Client, key) клиент выработал сессионный ключ key (установил соединение)
- Server_Finished(Server, key) сервер выработал сессионный ключ key (установил соединение)
- Receive_1(Server, Client, mess) сервер получил от клиента сообщение mess
- Send _1(Client, Server, mess) клиент отправил серверу сообщение mess

Лемма: Для любого сервера, клиента и сообщения, если клиент смог установить соединение с сервером и сервер получил сообщение, то его отправил именно клиент

Tamarin Prover: пример описания лемм протокола (3)

- Client_Finished(Client, key) клиент выработал сессионный ключ key (установил соединение)
- Server_Finished(Server, key) сервер выработал сессионный ключ key (установил соединение)
- Receive_1(Server, Client, mess) сервер получил от клиента сообщение mess
- Send_1(Client, Server, mess) клиент отправил серверу сообщение mess

Лемма: Для любого сервера, клиента и сообщения, если клиент смог установить соединение с сервером и сервер получил сообщение, то его отправил именно клиент

Tamarin Prover: пример описания протокола BADH

- (pr_C, pk_C) долговременные (закрытый, открытый) ключи клиента
- (x, g^x) сессионные (закрытый, открытый) ключи клиента
- $sig_C(mess)$ ЭЦП на закрытом ключе клиента

- (pr_S, pk_S) долговременные (закрытый, открытый) ключи сервера
- (y, g^y) сессионные (закрытый, открытый) ключи сервера
- $sig_S(mess)$ ЭЦП на закрытом ключе сервера

Client (pkC, privC)		Server (pkS, privS)
- генерация g^x	<g^x>></g^x>	
	<g^y, g^y)="" pks,="" sig_s(g^x,=""> <</g^y,>	- генерация g^y
- client_key = g^y^x	<pkc, g^x)="" sig_c(g^y,="">></pkc,>	- <u>server_key</u> = g^x^y
	<i>key</i> = g^(<i>x</i> * <i>y</i>) общий секрет	

Tamarin Prover: пример описания протокола BADH (нестойкость)

Client (pkC, privC)		Server (pkS, privS)
- генерация g^ <i>x</i>	<g^x>></g^x>	
	<g^y, g^y)="" pks,="" sig_s(g^x,=""> <</g^y,>	- генерация g^y
- client_key = g^y^x	<pkc, g^x)="" sig_c(g^y,=""> ></pkc,>	- server_key = g^x^y
g^y^x	> key = g^(x*y) общий секрет	= g^x

Противник отправляет серверу сообщение $\stackrel{\langle pk_E, sig_E(g^y, g^x) \rangle}{\longrightarrow}$ от лица клиента

$$\stackrel{< pk_E, sig_E(g^y, g^x)>}{
ightarrow}$$
 от лица



Протокол не обеспечивает аутентификацию клиента перед сервером

Задание для самостоятельной работы

Необходимо построить модель на языке Tamarin протокола ISO

- (pr_C, pk_C) долговременные (закрытый, открытый) ключи клиента
- (x, g^x) сессионные (закрытый, открытый) ключи клиента
- $sig_C(mess)$ ЭЦП на закрытом ключе клиента

- (pr_S, pk_S) долговременные (закрытый, открытый) ключи сервера
- (y, g^y) сессионные (закрытый, открытый) ключи сервера
- $sig_S(mess)$ ЭЦП на закрытом ключе сервера

Client (pkC, privC)		Server (pkS, privS)
- генераци я g^x	<pkc, g^x=""> ></pkc,>	
	<pre><pks, g^y,="" pkc)="" sig_s(g^x,=""> <</pks,></pre>	 генерация g^y
- client_key = g^y^x	<sig_c(g^y, g^x,="" pks)=""></sig_c(g^y,>	- server_key = g^x^y
	<i>key</i> = g^(<i>x</i> * <i>y</i>) общий секрет	

Задание для самостоятельной работы (2)

Для построенной модели **протокола ISO** проверить следующие свойства

- + Существует сервер, клиент и сессионный ключ такие, что клиент смог установить соединение с сервером
- + Существует сервер, клиент и сообщение такое, что клиент отправил первое сообщение, и сервер его получил
- + Существует сервер, клиент и сообщение такое, что сервер отправил второе сообщение, и клиент его получил
- + Существует сервер, клиент и сообщение такое, что клиент отправил третье сообщение, и сервер его получил

Задание для самостоятельной работы (3)

Для построенной модели **протокола ISO** проверить следующие свойства

- + Для любого сервера, клиента и сессионного ключа, если клиент смог установить соединение с сервером, то противник не может узнать сессионный ключ
 - Для любого сервера, клиента и сообщения, если клиент смог установить соединение с сервером и сервер получил первое сообщение, то его отправил именно клиент
 - Для любого сервера, клиента и сообщения, если клиент смог установить соединение с сервером и клиент получил второе сообщение, то его отправил именно сервер
- Для любого сервера, клиента и сообщения, если клиент смог установить соединение с сервером и сервер получил третье сообщение, то его отправил именно клиент