

Верификация криптографических протоколов с использованием Тамарин (Tamarin)

Евтушенко Н.В., Винарский Е.М.
по всем вопросам писать на vinevg2015@gmail.com

Высшая школа экономики (факультет компьютерных наук)

8 ноября 2019 г.

- 1 Синтаксис системы Tamarin
- 2 Пример описания протокола в системе Tamarin
- 3 Доказательство Свойства секретности в системе Tamarin
- 4 NaXos протокол

Криптографические сообщения в системе Tamarin

Система Tamarin доступна на tamarin-prover.github.io/

- *Public constants*: идентификаторы и метки агентов (Agent)
- *Fresh constants*: закрытые ключи, nonce

Типы переменных:

Встроенные функции:

- $\text{fst}(\text{pair}(x,y)) = x$
- $\text{snd}(\text{pair}(x,y)) = y$
- $\langle x_1, x_2, \dots, x_{n-1}, x_n \rangle$
- функции и арность:
 $f_1/a_1, \dots, f_n/a_n$

- $\sim x$ означает, что x – fresh (секретная информация)
- $\$x$ означает, что x – pub (открытая информация)
- $\#i$ означает, что x – temporal (вспомогательная переменная)

- Теория **hashing**:
 - определяет функцию $h/1$
- Теория **asymmetric-encryption**:
 - определяет функции: $aenc/2$, $adec/2$, $pk/1$
 - определяет аксиомы: $adec(aenc(m, pk(sk)), sk) = m$
- Теория **symmetric-encryption**:
 - определяет функции: $senc/2$, $sdec/2$
 - определяет аксиомы: $sdec(senc(m, k), k) = m$
- Теория **diffie-hellman**:
 - определяет функции: $inv/1$
 - определяет аксиомы:

$$(x^y)^z = x^{(y*z)}$$

$$x^1 = x$$

$$x*y = y*x$$

$$(x*y)*z = x*(y*z)$$

$$x*1 = x$$

$$x*inv(x) = 1$$

Состояния и переходы в системе Tamarin

Текущая конфигурация в системе Tamarin определяется совокупностью состояний агентов и переходами между этими состояниями

Состояние агента определяется выполненными шагами протокола:

- Ключевая пара сгенерирована
- Сообщение отправлено
- ...

Переход – изменение состояния системы в результате выполнения некоторого (возможно пустого) действия

- Соединение установлено
- Общий сессионный ключ выработан
- ...

Состояние, в котором никакой агент ещё не осуществил ни одного шага, объявляется начальным состоянием

Правила в системе Tamarin

- **Left part:** правило может быть применено к состоянию, в котором верны соответствующие утверждения
- **Action part:** переход помечается соответствующими действиями $Act1(n)$ и $Act2(x)$
- **Right part:** после применения правила будет переход в состояние, в котором верен набор соответствующих утверждений

Пусть верны утверждения $Pre(x)$ и $Fr(\sim n)$

Тогда, применяя правило *fictitious*, переходим в состояние с утверждением $Out(< x, n >)$

```
rule fictitious:
  [ Pre(x), Fr(~n) ]
--[ Act1(~n), Act2(x) ]-->
  [ Out(<x, ~n>) ]
```

Утверждение (Facts) в системе Tamarin

Встроенные утверждения в системе Tamarin:

- **In:** Получение сообщения из общего канала (может быть применён только в левой части)
- **Out:** Отправка сообщения в общий канал (может быть применён только в правой части)
- **Fr:** Генерация случайного секрета: закрытый ключ, nonce (может быть применён только в левой части)

persistent facts (!) – никогда не удаляются из состояний

Каждый участник протокола (в том числе и противник) может отправлять и получать все сообщения, находящиеся в общем канале

Архитектура с открытым ключом (Public-key infrastructure) в системе Tamarin

- Pk : факт, присваивающий агенту A открытый ключ
- Ltk : факт, присваивающий агенту A долговременный закрытый ключ

```
rule Generate_key_pair:
  [ Fr(~x) ]
  -->
  [ !Pk($A,pk(~x))
    , Out(pk(~x))
    , !Ltk($A,~x)
  ]
```

```
rule Generate_DH_key_pair:
  [ Fr(~x) ]
  -->
  [ !Pk($A,'g'~x)
    , Out('g'~x)
    , !Ltk($A,~x)
  ]
```


Леммы в системе Tamarin

Леммы в системе Tamarin записываются на языке логики предикатов первого порядка

- **All**: квантор всеобщности, вспомогательные переменные помечаются префиксом $\#$
- **Ex**: квантор существования, вспомогательные переменные помечаются префиксом $\#$
- \implies : импликация
- $\&$: конъюнкция, $|$: дизъюнкция, not : отрицание
- $f @ arg$: значение аргумента arg при действии на функцию (запись $K(k) @ j$ используется для факта раскрытия противником ключа k)
- $a < b$ ($a = b$), если значение переменной a меньше значения (равно значению) переменной b
- $\#a < \#b$ ($\#a = \#b$): если значение вспомогательной переменной a меньше значения (равно значению) вспомогательной переменной b

Протокол аутентификации сервера перед клиентом в системе Tamarin

```
C -> S: aenc(k, pkS)
C <- S: h(k)
```

Протокол аутентификации сервера перед клиентом

```
rule Register_pk:
  [ Fr(~ltk) ]
  -->
  [ !Ltk($A, ~ltk), !Pk($A, pk(~ltk)) ]

rule Get_pk:
  [ !Pk(A, pubkey) ]
  -->
  [ Out(pubkey) ]

rule Reveal_ltk:
  [ !Ltk(A, ltk) ]
  --[ LtkReveal(A) ]->
  [ Out(ltk) ]
```

Протокол аутентификации сервера перед клиентом в системе Tamarin (2)

```
// Start a new thread executing the client role, choosing the server
// non-deterministically.
rule Client_1:
  [ Fr(~k)           // choose fresh key
  , !Pk($S, pkS)    // lookup public-key of server
  ]
  -->
  [ Client_1( $S, ~k )    // Store server and key for next step of thread
  , Out( aenc(~k, pkS) ) // Send the encrypted session key to the server
  ]

rule Client_2:
  [ Client_1(S, k)    // Retrieve server and session key from previous step
  , In( h(k) )        // Receive hashed session key from network
  ]
  --[ SessKeyC( S, k ) ]-> // State that the session key 'k'
  [ ]                    // was setup with server 'S'

// A server thread answering in one-step to a session-key setup request from
// some client.
rule Serv_1:
  [ !Ltk($S, ~ltkS)           // lookup the private-key
  , In( request )             // receive a request
  ]
  --[ AnswerRequest($S, adec(request, ~ltkS)) ]-> // Explanation below
  [ Out( h(adec(request, ~ltkS)) ) ]             // Return the hash of the
  [ ]                                             // decrypted request.
```

Примеры лемм в системе Tamarin (секретность выработанного ключа)

Не может быть такого, чтобы клиент установил сессионный ключ k с сервером S , противник узнал k , и при этом долговременный закрытый ключ сервера не скомпрометирован

Примеры лемм в системе Tamarin (секретность выработанного ключа)

Не может быть такого, чтобы клиент установил сессионный ключ k с сервером S , противник узнал k , и при этом долговременный закрытый ключ сервера не скомпрометирован

$$\neg \exists S, k : (SessKeyC(S, k) \ \& \ K(k)@j \ \& \ \neg LtkReveal(S))$$

```
lemma Client_session_key_secretcy:
  " /* It cannot be that a */
    not(
      Ex S k #i #j.
        /* client has set up a session key 'k' with a server'S' */
        SessKeyC(S, k) @ #i
        /* and the adversary knows 'k' */
        & K(k) @ #j
        /* without having performed a long-term key reveal on 'S'. */
        & not(Ex #r. LtkReveal(S) @ r)
    )
  "
```

Примеры лемм в системе Tamarin (аутентификация клиента)

Для каждого сервера S и ключа k , если с каким-нибудь клиентом C установлено соединение, то либо существует сервер, ответивший клиенту C , либо долговременный ключ сервера скомпрометирован до установления соединения

Примеры лемм в системе Tamarin (аутентификация клиента)

Для каждого сервера S и ключа k , если с каким-нибудь клиентом C установлено соединение, то либо существует сервер, ответивший клиенту C , либо долговременный ключ сервера скомпрометирован до установления соединения

$$\forall S, k : (SessKeyC(S, k) \rightarrow (AnswerRequest(S, k) \mid LtkReveal(S)))$$

lemma Client_auth:

```
" /* For all session keys 'k' setup by clients with a server 'S' */  
  ( All S k #i.  SessKeyC(S, k) @ #i  
    ==>  
      /* there is a server that answered the request */  
      ( (Ex #a. AnswerRequest(S, k) @ a)  
        /* or the adversary performed a long-term key reveal on 'S'  
          before the key was setup. */  
        | (Ex #r. LtkReveal(S) @ r & r < i)  
      )  
  )
```

Примеры лемм в системе Tamarin (явная аутентификация клиента)

Для каждого сервера S и ключа k , если с каким-нибудь клиентом C установлено соединение, то либо существует сервер, ответивший клиенту C и при этом не существует другой пары клиент-сервер с тем же сессионным ключом, либо долговременный ключ сервера скомпрометирован до установления соединения

Примеры лемм в системе Tamarin (явная аутентификация клиента)

Для каждого сервера S и ключа k , если с каким-нибудь клиентом C установлено соединение, то либо существует сервер, ответивший клиенту C и при этом не существует другой пары клиент-сервер с тем же сессионным ключом, либо долговременный ключ сервера скомпрометирован до установления соединения

```
" /* For all session keys 'k' setup by clients with a server 'S' */  
  ( All S k #i. SessKeyC(S, k) @ #i  
    ==>  
      /* there is a server that answered the request */  
      ( (Ex #a. AnswerRequest(S, k) @ a  
        /* and there is no other client that had the same request */  
        & (All #j. SessKeyC(S, k) @ #j ==> #i = #j)  
      )  
      /* or the adversary performed a long-term key reveal on 'S'  
        before the key was setup. */  
      | (Ex #r. LtkReveal(S) @ r & r < i)  
    )  
  )
```

Примеры лемм в системе Tamarin (корректность протокола)

Существует сервер и сессионный ключ такие, что клиент смог с ними установить соединение и при этом долговременный ключ сервера скомпрометирован

Примеры лемм в системе Tamarin (корректность протокола)

Существует сервер и сессионный ключ такие, что клиент смог с ними установить соединение и при этом долговременный ключ сервера скомпрометирован

$$\exists S, k_{CS} : (SessKeyC(S, k_{CS}) \ \& \ \neg LtkReveal(S))$$

```
lemma Client_session_key_honest_setup:  
  exists-trace  
  " Ex S k #i.  
    SessKeyC(S, k) @ #i  
    & not(Ex #r. LtkReveal(S) @ r)  
  "
```

Описание протокола Ассимитричного шифрования

$$1. A \rightarrow B : \langle A, na \rangle_{pk_B}$$

Архитектура шифрования с открытым ключом

```
// Public key infrastructure
rule Register_pk:
  [ Fr(~ltkX) ]
  -->
  [ !Ltk($X, ~ltkX)
    , !Pk($X, pk(~ltkX))
    , Out(pk(~ltkX))
  ]
```

```
// Compromising an agent's long-term key
rule Reveal_ltk:
  [ !Ltk($X, ltkX) ] --[ Reveal($X) ]-> [ Out(ltkX) ]
```

Описание протокола Ассимитричного шифрования (2)

```
// Role A sends first message
rule A_1_send:
  [ Fr(~na)
    , !Ltk($A, ltkA)
    , !Pk($B, pkB)
  ]
--[ Send($A, aenc(<$A, ~na>, pkB))
  , Secret(~na), Honest($A), Honest($B), Role('A')
]->
  [ St_A_1($A, ltkA, pkB, $B, ~na)
    , Out(aenc(<$A, ~na>, pkB))
  ]

// Role B receives first message
rule B_1_receive:
  [ !Ltk($B, ltkB)
    , In(aenc(<$A, na>, pk(ltkB)))
  ]
--[ Recv($B, aenc(<$A, na>, pk(ltkB)))
  , Secret(na), Honest($B), Honest($A), Role('B')
]->
  [ St_B_1($B, ltkB, $A, na)
```

Примеры лемм в системе Tamarin (секретность *nonce* при отправке сообщения агентом *A*)

Для всех возможных *nonce*, если *A* отправил секретный *nonce*, то либо не существует противника, знающего *nonce*, либо долговременный ключ честного агента *B* скомпрометирован

$$\forall n : ((Secret(n) \ \& \ Role('A')) \rightarrow ((\neg K(n)@j) \mid (Reveal(B) \ \& \ Honest(B))))$$

```
lemma secret_A:  
  all-traces  
    "All n #i. Secret(n) @i & Role('A') @i ==> (not (Ex #j. K(n)@j)) | (Ex B #j. Reveal(B)@j & Honest(B)@i)"
```

Примеры лемм в системе Tamarin (секретность *nonce* при получении сообщения агентом *B*)

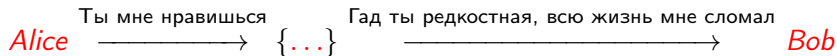
Для всех возможных *nonce*, если *B* получил *nonce* от *A*, то либо не существует противника, знающего *nonce*, либо долговременный ключ честного агента *B* скомпрометирован

$$\forall n : ((Secret(n) \ \& \ Role('B')) \rightarrow ((\neg K(n)@j) \mid (Reveal(B) \ \& \ Honest(B))))$$

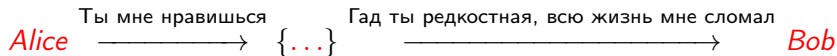
```
lemma secret_B:  
  all-traces  
    "All n #i. Secret(n) @i & Role('B') @i ==> (not (Ex #j. K(n)@j)) | (Ex B #j. Reveal(B)@j & Honest(B)@i)"
```

Свойство нарушается, почему?

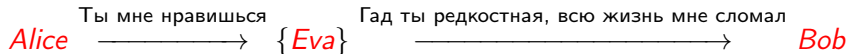
Нежелательные последствия данной уязвимости...



Нежелательные последствия данной уязвимости...



В канале противник!



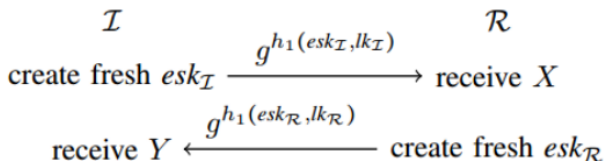
Как защититься от нежелательных последствий?



Нужна явная аутентификация (механизм электронной подписи)

Naohos протокол

$$pk_{\mathcal{I}} = g^{\ell k_{\mathcal{I}}}, pk_{\mathcal{R}} = g^{\ell k_{\mathcal{R}}}$$



$$\begin{aligned} k_{\mathcal{I}} &= h_2(Y^{lk_{\mathcal{I}}}, x, Y^{h_1(esk_{\mathcal{I}}, lk_{\mathcal{I}})}, \mathcal{I}, \mathcal{R}) \\ k_{\mathcal{R}} &= h_2(y, X^{lk_{\mathcal{R}}}, X^{h_1(esk_{\mathcal{R}}, lk_{\mathcal{R}})}, \mathcal{I}, \mathcal{R}) \\ &\text{for } y = (pk_{\mathcal{I}})^{h_1(esk_{\mathcal{R}}, lk_{\mathcal{R}})} \text{ and } x = (pk_{\mathcal{R}})^{h_1(esk_{\mathcal{I}}, lk_{\mathcal{I}})} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} k_{\mathcal{I}} &= h_2(g^{h_1(esk_{\mathcal{R}}, lk_{\mathcal{R}}) * \ell k_{\mathcal{I}}}, g^{\ell k_{\mathcal{R}} * h_1(esk_{\mathcal{I}}, lk_{\mathcal{I}})}, g^{h_1(esk_{\mathcal{R}}, lk_{\mathcal{R}}) * h_1(esk_{\mathcal{I}}, lk_{\mathcal{I}})}, \mathcal{I}, \mathcal{R}) \\ k_{\mathcal{R}} &= h_2(g^{\ell k_{\mathcal{I}} * h_1(esk_{\mathcal{R}}, lk_{\mathcal{R}})}, g^{h_1(esk_{\mathcal{I}}, lk_{\mathcal{I}}) * \ell k_{\mathcal{R}}}, g^{h_1(esk_{\mathcal{I}}, lk_{\mathcal{I}}) * h_1(esk_{\mathcal{R}}, lk_{\mathcal{R}})}, \mathcal{I}, \mathcal{R}) \end{aligned}$$

Моделирование роли получающей стороны Naxos протокола

Каждый раз, когда R получает сообщение X , он генерирует новое значение $\sim esk_R$, отправляет ответное сообщение и вычисляет ключ lk_R

```
rule NaxosR_attempt1:
  [
    In(X),
    Fr(~eskR),
    !Ltk($R, lkR)
  ]
-->
[
  Out( 'g'^h1(< ~eskR, lkR >) )
]
```

Моделирование роли получающей стороны Naxos протокола (2)

НО! Получатель также вычисляет сессионный ключ kR

```
rule NaxosR_attempt2:
  [
    In(X),
    Fr(~eskR),
    !Ltk($R, lkR)
  ]
  --[ SessionKey($R, kR ) ]->
  [
    Out( 'g'^h1(< ~eskR, lkR >) )
  ]
```

Моделирование роли получающей стороны Naxos протокола (2)

НО! Получатель также вычисляет сессионный ключ kR

```
rule NaxosR_attempt2:
  [
    In(X),
    Fr(~eskR),
    !Ltk($R, lkR)
  ]
  --[ SessionKey($R, kR ) ]->
  [
    Out( 'g'^h1(< ~eskR, lkR >) )
  ]
```

Моделирование роли получающей стороны Naxos протокола (3)

НО! Для вычисления ключа нам нужен открытый ключ партнёра $\$I$, который будет связан с идентификатором $\sim tid$

```
rule NaxosR_attempt3:
  let
    exR = h1(< ~eskR, lkR >)
    hkr = 'g'^exR
    kR  = h2(< pkI^exR, X^lkR, X^exR, $I, $R >)
  in
  [
    In(X),
    Fr( ~eskR ),
    Fr( ~tid ),
    !Ltk($R, lkR),
    !Pk($I, pkI)
  ]
  --[ SessionKey( ~tid, $R, $I, kR ) ]->
  [
    Out( hkr )
  ]
```

Моделирование роли отправляющей стороны Naxos протокола

Цель отправляющей стороны: отправка сообщения и ожидание ответа

```
rule NaxosI_1:
  let exI = h1(<~eskI, ~lkI >)
      hkI = 'g'^exI
in
[   Fr( ~eskI ),
  Fr( ~tid ),
  !Ltk( $I, ~lkI ) ]
-->
[   Init_1( ~tid, $I, $R, ~lkI, ~eskI ),
  Out( hkI ) ]
```

```
rule NaxosI_2:
  let
    exI = h1(< ~eskI, ~lkI >)
    kI  = h2(< Y~lkI, pkR^exI, Y^exI, $I, $R >)
in
[   Init_1( ~tid, $I, $R, ~lkI , ~eskI),
  !Pk( $R, pkR ),
  In( Y ) ]
--[ SessionKey( ~tid, $I, $R, kI ) ]->
[]
```

Свойства секретности для протокола NaXos

Для всех сессионных ключей k_I при установлении соединения верно, что противник не знает k_I

```
lemma secret_kI:  
  all-traces  
  "All kI #keyI. ((Secret(kI) @keyI) ==> (not (Ex #j. K(kI)@j)))"
```

```
lemma secret_kR:  
  all-traces  
  "All kR #keyR. ((Secret(kR) @keyR) ==> (not (Ex #j. K(kR)@j)))"
```