KHOA KHUD

BK Trace
TRƯỜNG ĐH BÁCH KHOA
- ĐHOG-HCM

THI CUỐI KỲ	Học kỳ/ Năm học			2020 - 2021
THI CUUI KY	Ngày thi	27/1/202	21	
Môn học	Đại số tuy	ến tính		
Mã môn học	MT1007		C	A 2
Thời lượng	100 phút	Mã đề	23	01
/\'.1'^ 1 / NT^	1 . + + 2 . 1	\ 4• 1		<u>ı</u>

Ghi chú: - Không được sử dụng: tài liệu, laptop. - Nộp lại đề thi cùng với bài làm.

Câu 1. Cho X_1 ; X_2 là hai vécto riêng (ký hiệu: VTR) của ma trận khả nghịch A. Khẳng định nào sau đây luôn đúng?

A. $2X_1 + 3X_2$ là VTR của A.

B. $2X_1$ là VTR của A^{-1} .

C. $\forall \alpha \in \mathbb{R}, \alpha X_1$ là VTR của A^{-1} .

D. $X_1 + X_2$ là VTR của A^3 .

Câu 2. Trong không gian \mathbb{R}_3 , cho tích vô hướng $(x, y) = x_1y_1 + 5x_2y_2 + 6x_3y_3 + 2x_1y_2 + 2x_2y_1$. Cho x = (1, 2, 3) và y = (2, -1, 4). Tính d(x, y).

A. $\sqrt{5}$.

- **B.** Đáp án khác.

A. $\sqrt{5}$.

D. Dap an

Câu 3. Tìm m để hệ sau có nghiệm duy nhất $\begin{cases} x - y + 2z = 1 \\ 3x - 3y + 6z = 3 \\ 3x + 2y + mz = 5 \end{cases}$

 $\mathbf{A}. \not\exists m.$

Câu 4. Cho ánh xạ tuyến tính f là phép chiếu vuông góc lên đường thẳng x - 2y = 0 trong mặt phẳng Oxy. Gọi A là ma trận của f trong cơ sở $E = \{(1, 0), (0, 1)\}$. Véctơ nào sau đây là véctơ riêng của A?

- **A.** $(2;1)^T$.
- **B.** $(1;1)^T$.
- **C.** $(1;2)^T$.
- **D.** $(2;3)^T$.

Câu 5. Tìm m để r(A) = 2, biết $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 1 \\ 0 & 1 & -1 \\ 0 & 2 & m \end{pmatrix}$.

- **A.** m = 1.

- **D.** m = 2.

Câu 6. Trong không gian \mathbb{R}_2 với tích vô hướng chính tắc. Tập nào trong các tập sau là trực chuẩn

A. $\{(1/\sqrt{2}; -1/\sqrt{2}), (1; 0))\}.$

B. $\{(1;1),(1;-1)\}.$

C. $\{(1/\sqrt{2}; -1/\sqrt{2}), (0; 0)\}.$

D. $\{(1/\sqrt{2}; -1/\sqrt{2}), (1/\sqrt{2}; 1/\sqrt{2})\}.$

Câu 7. Tìm tất cả các giá trị thực của m để (1; m) là một véc tơ riêng của ma trận $A = \begin{pmatrix} 7 & -3 \\ 10 & -4 \end{pmatrix}$.

A. 5/3.

Câu 8. Cho ánh xạ tuyến tính $f: \mathbb{R}_2 \longrightarrow \mathbb{R}_2$, biết $f(x) = f(x_1; x_2) = (x_2; 2x_1 + 4x_2)$. Tìm ma trận A của f trong cơ sở chính tắc $E = \{(1; 0), (0; 1)\}.$

- **A.** $A = \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 2 & 4 \end{pmatrix}$. **B.** $A = \begin{pmatrix} 0 & 2 \\ 1 & 4 \end{pmatrix}$. **C.** $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$.
- **D.** Ba câu kia sai.

Câu 9. Cho ma trận của dạng toàn phương $Q(x_1; x_2)$ trong \mathbb{R}^2 là $A = \begin{pmatrix} 4 & -1 \\ -1 & 2 \end{pmatrix}$. Tính Q(2, 5). **A.** 24. **B.** Đáp án khác. **C.** 46. **D.** 12.

Câu 10. Cho $A = \begin{pmatrix} 3 & 1 \\ 2 & m \end{pmatrix}$ và $B = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ -1 & 4 \end{pmatrix}$. Tính tổng các phần tử trên đường chéo của AB^T . **A.** Ba câu kia sai. **B.** 4m + 6. **C.** 4m + 3. **D.** m + 1.

Câu 11. Tìm argument của số phức $z = (1 - i\sqrt{3})^{2020}$.

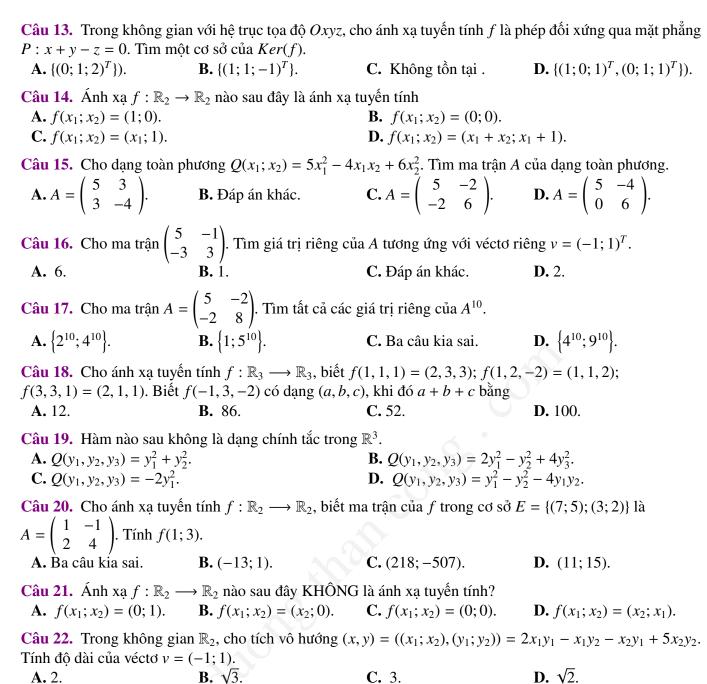
 $\mathbf{A} \cdot \frac{\pi}{6}$.

D. Đáp án khác.

Câu 12. Tìm tất cả các giá trị của m để $M = \{(1, 2, 3); (2, 1, 4); (4, 2, m)\}$ là cơ sở của \mathbb{R}_3 .

- **A.** $m \neq 2$.
- **B.** $\forall m$.

- **C.** m = 4.
- **D.** $m \neq 8$.



Câu 23. Giải phương trình
$$\begin{vmatrix} 1 & 2 & -1 \\ 2 & 5 & -3 \\ 3 & 7 & x \end{vmatrix} = 0.$$
A. $x = -4$. **B.** $x = 1$. **C.** $x = 0$. **D.** $x = 3$.

Câu 24. Cho ánh xạ tuyến tính f là phép chiếu vuông góc lên mặt phẳng (P): 2x + y - z = 0 trong không gian với hệ trục Oxyz. Véctơ nào sau đây thuộc Imf?

A.
$$(0;1;1)$$
.

B. $(1;1;1)$.

C. $(1;2;1)$.

D. $(1;0;1)$.

Câu 25. Cho ánh xạ tuyến tính $f : \mathbb{R}_2 \to \mathbb{R}_2$, biết Kerf = <(1; 2) > và <math>f(1; 1) = (3; 6). Tìm tất cả các giá trị của m để vécto (-1; m) thuộc Imf.

A.
$$\forall m$$
. **B.** $m = 2$. **C.** $m = -2$. **D.** $\nexists m$. **Câu 26.** Cho ma trận $A = \begin{pmatrix} 3 & -2 \\ -3 & 8 \end{pmatrix}$. Vectơ nào sau đây là vectơ riêng của A . **A.** Ba câu kia sai. **B.** $(3; 2)^T$. **C.** $(5, 3)^T$. **D.** $(2; 1)^T$.

Câu 27. Cho ma trận
$$A = \begin{pmatrix} 3 & -2 \\ -3 & 8 \end{pmatrix}$$
. Tìm tất cả các giá trị riêng của A .

A. {2; 9}.

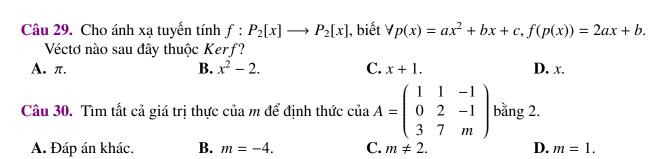
B. {3; 5}.

C. Ba câu kia sai.

D. {1; 4}.

Câu 28. Trong \mathbb{R}_2 cho cơ sở $E = \{(5, 2), (7, 3)\}$. Tìm véctơ x biết $[x]_E = (2, -1)^T$.

A.
$$x = (1; 3)$$
. **B.** Đáp án khác. **C.** $x = (3; 1)$. **D.** $x = (12; 5)$.



Câu 31. Cho ma trận
$$A = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$
. Tìm BĐS và BHH ứng với trị riêng $\lambda = 1$.
A. BĐS = 2, BHH = 2. **B.** BĐS = 3, BHH = 2. **C.** Ba câu kia sai. **D.** BĐS = 3, BHH = 3.

Câu 32. Cho
$$E = \{p_1(x) = x^2 + x + 1; p_2(x) = x^2 + 2x + 3; p_3(x) = 2x^2 + 3x + 4; p_4(x) = 2x + m\}.$$

Với giá trị nào của m thì E không sinh ra không gian $P_2[x]$?

A.
$$m \le 2$$
.

C.
$$\forall m$$
.

D.
$$m = 4$$
.

Câu 33. Cho ánh xạ tuyến tính f là phép lấy đạo hàm trong không gian $P_1[x]$. Gọi A là ma trận của ánh xạ trong cơ sở $E = \{x, 1\}$. Véctơ nào sau đây là véctơ riêng của A?

B.
$$2x + 1$$
.

C.
$$f(x) = \ln 2$$
.

Câu 34. Trong $\mathbb{P}_1[x]$ cho tích vô hướng $\forall p(x), q(x) \in P_1[x], (p,q) = \int_0^1 p(x)q(x)dx$. Tìm độ dài của vécto f(x) = 3x.

A.
$$\sqrt{3}$$
.

C.
$$\sqrt{2}$$

Câu 35. Cho ánh xạ tuyến tính $f: \mathbb{M}_2[\mathbb{R}] \longrightarrow \mathbb{M}_2[\mathbb{R}]$, biết f(A) = trace(A) với trace() là vết của ma trận.

Tìm f(A), biết $A = \begin{pmatrix} 3 & 1 \\ 2 & 5 \end{pmatrix}$.

Câu 36. Trong \mathbb{R}^2 , cho dạng toàn phương $f(x) = 4x_1^2 - 6x_1x_2 + mx_2^2$. Tìm m để f(x) xác định dương. **A.** $m > \frac{4}{9}$. **B.** $m \ge \frac{4}{9}$. **C.** $m > \frac{9}{4}$. **D.** $m < \frac{9}{4}$.

A.
$$m > \frac{4}{9}$$
.

B.
$$m \ge \frac{4}{9}$$
.

C.
$$m > \frac{9}{4}$$
.

D.
$$m < \frac{9}{4}$$

Câu 37. Cho $X = (1, -3, 2)^T$ là véctơ riêng của ma trận A tương ứng với trị riêng $\lambda_0 = -2$. Tính $A \cdot X$.

A.
$$(2; -6; 4)^T$$
.

B.
$$(1; -3; 2)^T$$
.

C.
$$(0;0;0)^T$$
.

D.
$$(-2; 6; -4)^T$$
.

Câu 38. Hàm nào trong các hàm sau đây không là tích vô hướng trong \mathbb{R}_2 ?

A.
$$(x, y) = x_1y_1 + 5x_2y_2 + x_1y_2 + x_2y_1$$
.

B.
$$(x, y) = x_1y_1 + 7x_2y_2 - 2x_1y_2 - 2x_2y_1$$
.

$$\mathbf{C.}(x,y) = 2x_1y_1 + x_2y_2.$$

D.
$$(x, y) = 2x_1y_1 - x_1y_2 + x_2y_1 + 6x_2y_2$$
.

Câu 39. Phép biến đổi nào sau đây trong không gian với hệ trục Oxyz KHÔNG là ánh xạ tuyến tính?

A. Quay quanh trục Oz một góc α .

B. Tinh tiến theo vécto $\vec{a} \neq 0$.

C. Chiếu vuông góc lên mặt phẳng Oxy.

D. Đối xứng qua mặt phẳng Oyz.

Câu 40. Cho X và Y là hai véctơ riêng của ma trận A. Khẳng định nào sau đây luôn đúng?

 $\mathbf{A.} \ X \perp Y.$

B. $\forall n \in \mathbb{N}, nY$ là vécto riêng của A^n .

C. Tập $\{X, Y\}$ độc lập tuyến tính.

D. X là véctơ riêng của A^4 .

BÀI TOÁN ỨNG DUNG:

(Đề câu 41, 42 và 43) Trong khu rừng có hai loài đông vật là hổ và nai sống chung với nhau. Nai là nguồn thức ăn chính cho hổ. Số lượng cá thể mỗi loài tại thời điểm t là H(t), N(t). Qua quan sát người ta $\frac{dH}{dt} = 0.6H(t) + 0.4N(t)$ $\frac{dN}{dt} = -0.3H(t) + 1.4N(t)$ đưa ra mô hình: {

Tai thời điểm t = 0, số con hổ và nai tương ứng là H(0) = 2000, N(0) = 1600.

Câu 41: Khẳng định nào sau đây đúng?

A. Nếu không có nai làm thức ăn, thì đàn hổ giảm 40%

B. Nếu không có nai làm thức ăn, thì đàn hổ giảm 60%

C. Nếu không có nai làm thức ăn, thì đàn hổ giảm 30% D. Nếu không có nai làm thức ăn, thì đàn hổ giảm 70%

Câu 42: Tai thời điểm t = 5, số cá thể loài hổ là bao nhiêu?

A. $700e^4 + 300e^6$.

B. $1400e^4 + 600e^6$.

C. $1400e^4 + 400e^6$. D. $1400e^4 + 300e^6$.

Câu 43: Tai thời điểm t = 5, số cá thể loài nai là bao nhiêu?

A. $700e^4 + 300e^6$.

B. $1400e^4 + 100e^6$.

C. $700e^4 + 200e^6$.

(Đề câu 44 và 45) Cho một quốc gia có ba ngành kinh tế: 1, 2 và 3 với ma trận hệ số đầu vào là

$$A = \begin{pmatrix} 0.4 & 0.2 & 0.4 \\ 0.2 & 0.3 & 0.1 \\ 0.3 & 0.5 & 0.2 \end{pmatrix} \text{ và ma trận đầu cuối } b = \begin{pmatrix} 50 \\ 80 \\ 60 \end{pmatrix}. \text{ (Giả sử giá trị hàng hóa được tính bằng USD)}$$

$$Cân 44: Số 0.1 \text{ trong ma trận 4 số ý nghĩa gi?}$$

Câu 44: Số 0, 1 trong ma trận A có ý nghĩa gì?

- A. Để sản xuất ra một lượng hàng đầu vào có giá trị một USD của ngành 3 cần lượng hàng có giá trị 0.1\$ của ngành 1.
- B. Để sản xuất ra một lượng hàng đầu vào có giá trị một USD của ngành 3 cần lượng hàng có giá trị 0.1\$ của ngành 2.
- C. Để sản xuất ra một lương hàng đầu vào có giá tri một USD của ngành 2 cần lương hàng có giá tri 0.1\$ của ngành 3.
 - D. Các câu kia sai.

Câu 45: Tính đầu ra của ngành 2.

A. 455.836.

B. 502.083.

C. 465.972.

(Đề câu 46 và 47) Một chuỗi nhà hàng có ba chi nhánh: 1, 2 và 3. Qua khảo sát chủ nhà hàng nhận thấy: sau một tháng có 20% số người thường đi chi nhánh 1 chuyển sang chi nhánh 2, và 10% chuyển sang chi nhánh 3; có 30% số người thường đi mua ở chi nhánh 2 chuyển sang chi nhánh 1 và 40% chuyển sang chi nhánh 3; có 30% số người thường đi chi nhánh 3 chuyển sang chi nhánh 1 và 10% chuyển sang chi nhánh 2. Giả sử không có khách hàng nào mới hay rời bỏ hẳn.

Câu 46: Viết ma trân chuyển trang thái Markov cho mô hình trên.

$$A. \left(\begin{array}{cccc} 0.7 & 0.2 & 0.1 \\ 0.3 & 0.3 & 0.4 \\ 0.3 & 0.1 & 0.6 \end{array}\right)$$

$$A. \begin{pmatrix} 0.7 & 0.2 & 0.1 \\ 0.3 & 0.3 & 0.4 \\ 0.3 & 0.1 & 0.6 \end{pmatrix}. \qquad B. \begin{pmatrix} 0.7 & 0.3 & 0.3 \\ 0.2 & 0.3 & 0.1 \\ 0.1 & 0.4 & 0.6 \end{pmatrix}. \qquad C. \begin{pmatrix} 0.2 & 0.3 & 0.3 \\ 0.1 & 0.4 & 0.6 \\ 0.7 & 0.3 & 0.1 \end{pmatrix}. \qquad D. \begin{pmatrix} 0.1 & 0.4 & 0.6 \\ 0.2 & 0.3 & 0.1 \\ 0.7 & 0.3 & 0.3 \end{pmatrix}.$$

$$C. \left(\begin{array}{ccc} 0.2 & 0.3 & 0.3 \\ 0.1 & 0.4 & 0.6 \\ 0.7 & 0.3 & 0.1 \end{array}\right)$$

$$D. \left(\begin{array}{cccc} 0.1 & 0.4 & 0.6 \\ 0.2 & 0.3 & 0.1 \\ 0.7 & 0.3 & 0.3 \end{array}\right)$$

Câu 47: Giả sử sự phân bố ban đầu tại các chi nhánh 1, 2 và 3 đều là 10000 người. Tính số lượng người đi chi nhánh 3 sau 3 tháng.

A. 5520.

B. 9800.

C. 14680.

D. Các câu kia sai.

(Đề câu 48, 49 và 50) Người ta chia cá mang xanh cái thành 3 đô tuổi với thời lương bằng nhau là 2 năm: độ tuổi I (từ 0 tới 2 tuổi), độ tuổi II (từ 2 đến 4 tuổi) và độ tuổi III (từ 4 đến 6 tuổi). Ma trận Leslei và phân bố ban đầu được cho như sau:

$$L = \begin{pmatrix} 0 & 5 & 4 \\ 0.5 & 0 & 0 \\ 0 & 0.4 & 0 \end{pmatrix}. \text{ (cột 1, 2, 3 tương ứng với lớp I, II, III) và } x_o = \begin{pmatrix} 8000 \\ 10000 \\ 6000 \end{pmatrix}.$$

Câu 48: Số 0.5 có ý nghĩa gì?

A. Tỷ lê sống sót của lớp I là 0.5.

B. Tỷ lệ sống sót của lớp III là 0.5.

C. Tỷ lệ sống sót của lớp II là 0.5.

D. Các câu kia sai.

Câu 49: Số lương của loài vật này ở lớp thứ II sau 4 năm.

A. 1600.

B. Các câu kia sai.

C. 36000.

D. 37000.

Câu 50: Số lương của lớp thứ mấy nhiều nhất sau 6 năm.

A. Lớp thứ I.

B. Các câu kia sai.

C. Lớp thứ II.

D. Lớp thứ III.

Giảng viên ra đề

BK	
TEHCH	

TRƯỜNG ĐH BÁCH KHOA - DHQG-HCM KHOA KHUD

THI CUỐI KỲ		•		2020 - 2021
THICUUIKY	11gay un		21	
Môn học	Đại số tuy	ến tính		
Mã môn học	MT1007		C	A 2
Thời lượng	100 phút	Mã đề	27	82
tài liâu lantan Nâu	n loi độ thị d	ning vái l	hài l	àm

Ghi chú: - Không được sử dụng: tài liệu, laptop. - Nộp lại để thi cùng với bài làm.

Câu 1. Trong không gian với hệ trục tọa độ Oxyz, cho ánh xạ tuyến tính f là phép đối xứng qua mặt phẳng P: x + y - z = 0. Tìm một cơ sở của Ker(f).

- **A.** $\{(1; 1; -1)^T\}.$
- **B.** Không tồn tai .
- **C.** $\{(1;0;1)^T,(0;1;1)^T\}$). **D.** $\{(0;1;2)^T\}$).

Câu 2. Cho ánh xạ tuyến tính f là phép chiếu vuông góc lên đường thẳng x - 2y = 0 trong mặt phẳng Oxy. Gọi A là ma trận của f trong cơ sở $E = \{(1, 0), (0, 1)\}$. Véctơ nào sau đây là véctơ riêng của A?

- **A.** $(1;1)^T$.
- **B.** $(2;1)^T$.
- **C.** $(2;3)^T$.
- **D.** $(1;2)^T$.

Câu 3. Cho ánh xạ tuyến tính $f: \mathbb{R}_2 \longrightarrow \mathbb{R}_2$, biết $f(x) = f(x_1; x_2) = (x_2; 2x_1 + 4x_2)$. Tìm ma trận A của f trong cơ sở chính tắc $E = \{(1, 0), (0, 1)\}$.

- A. Ba câu kia sai.
- **B.** $A = \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 2 & 4 \end{pmatrix}$. $\mathbf{C.} A = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$. $\mathbf{D.} A = \begin{pmatrix} 0 & 2 \\ 1 & 4 \end{pmatrix}$.

Câu 4. Tìm tất cả các giá trị của m để $M = \{(1,2,3); (2,1,4); (4,2,m)\}$ là cơ sở của \mathbb{R}_3 .

- **A.** m = 4.
- **B.** $m \neq 8$.
- $\mathbf{C}. \ \forall m.$

D. $m \neq 2$.

Câu 5. Cho ánh xạ tuyến tính $f: \mathbb{R}_2 \to \mathbb{R}_2$, biết Kerf = <(1;2) > và <math>f(1;1) = (3;6).

- Tìm tất cả các giá trị của m để vécto (-1; m) thuộc Im f.
- **A.** m = 2.

D. m = -2.

Câu 6. Tîm argument của số phức $z = (1 - i\sqrt{3})^{2020}$. **A.** $\frac{\pi}{6}$. **B.** $\frac{\pi}{3}$. **C.** $\frac{2\pi}{3}$.

D. Đáp án khác.

Câu 7. Trong không gian \mathbb{R}_3 , cho tích vô hướng $(x, y) = x_1y_1 + 5x_2y_2 + 6x_3y_3 + 2x_1y_2 + 2x_2y_1$. Cho x = (1, 2, 3) và y = (2, -1, 4). Tính d(x, y).

- A. Đáp án khác.
- **B.** $2\sqrt{10}$.
- **C.** $\sqrt{3}$.

D. $\sqrt{5}$

Câu 8. Cho $E = \{p_1(x) = x^2 + x + 1; p_2(x) = x^2 + 2x + 3; p_3(x) = 2x^2 + 3x + 4; p_4(x) = 2x + m\}.$ Với giá trị nào của m thì E không sinh ra không gian $P_2[x]$?

- **B.** m = 4.
- **C.** $m \le 2$.

Câu 9. Cho ánh xạ tuyến tính $f: P_2[x] \longrightarrow P_2[x]$, biết $\forall p(x) = ax^2 + bx + c$, f(p(x)) = 2ax + b. Vécto nào sau đây thuộc Kerf?

- **A.** $x^2 2$.

D. *x*.

Câu 10. Cho ma trận $A = \begin{pmatrix} 3 & -2 \\ -3 & 8 \end{pmatrix}$. Vectơ nào sau đây là vectơ riêng của A.

- **A.** $(2;1)^T$.
- **B.** $(5,3)^T$
- **C.** $(3;2)^T$.
- D. Ba câu kia sai.

Câu 11. Phép biến đổi nào sau đây trong không gian với hệ truc Oxyz KHÔNG là ánh xa tuyến tính?

- **A.** Quay quanh trục Oz một góc α .
- **B.** Chiếu vuông góc lên mặt phẳng Oxy.

C. Tinh tiến theo vécto $\vec{a} \neq 0$.

D. Đối xứng qua mặt phẳng Oyz.

Câu 12. Trong \mathbb{R}_2 cho cơ sở $E = \{(5, 2), (7, 3)\}$. Tìm véctơ x biết $[x]_E = (2, -1)^T$.

- **A.** x = (1; 3).
- **B.** x = (3; 1).
- C. Đáp án khác.
- **D.** x = (12; 5).

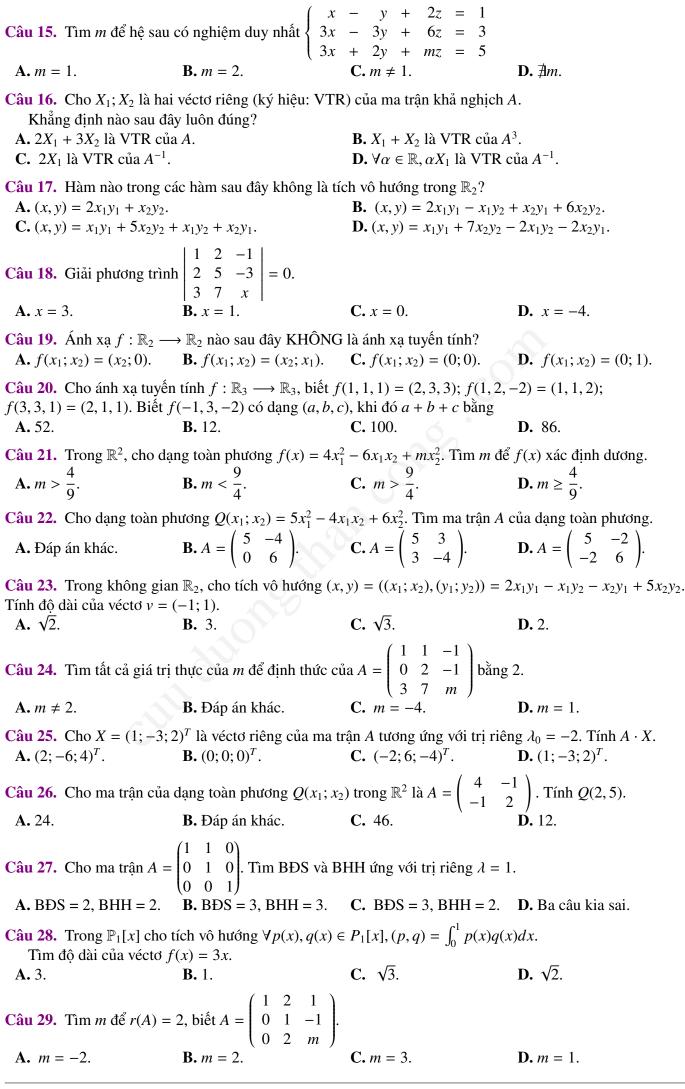
Câu 13. Hàm nào sau không là dạng chính tắc trong \mathbb{R}^3 .

A. $Q(y_1, y_2, y_3) = 2y_1^2 - y_2^2 + 4y_3^2$. **C.** $Q(y_1, y_2, y_3) = y_1^2 + y_2^2$.

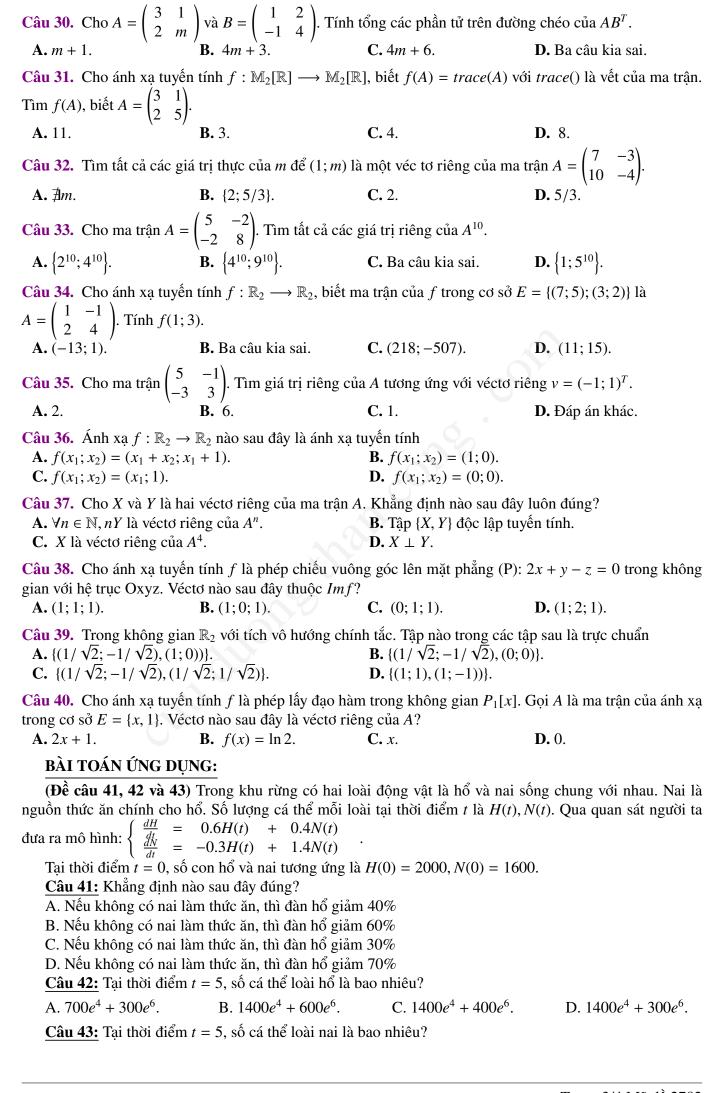
B. $Q(y_1, y_2, y_3) = -2y_1^2$. **D.** $Q(y_1, y_2, y_3) = y_1^2 - y_2^2 - 4y_1y_2$.

Câu 14. Cho ma trận $A = \begin{pmatrix} 3 & -2 \\ -3 & 8 \end{pmatrix}$. Tìm tất cả các giá trị riêng của A.

- **A.** {3; 5}.
- **B.** Ba câu kia sai.
- **C.** {1; 4}.
- **D.** {2; 9}.



https://fb.com/tailieudientucntt



A.
$$700e^4 + 300e^6$$

A.
$$700e^4 + 300e^6$$
. B. $1400e^4 + 100e^6$. C. $700e^4 + 200e^6$. D. $700e^4 + 900e^6$.

C.
$$700e^4 + 200e^6$$

D.
$$700e^4 + 900e^6$$

(Đề câu 44 và 45) Cho một quốc gia có ba ngành kinh tế: 1, 2 và 3 với ma trận hệ số đầu vào là

$$A = \begin{pmatrix} 0.4 & 0.2 & 0.4 \\ 0.2 & 0.3 & 0.1 \\ 0.3 & 0.5 & 0.2 \end{pmatrix}$$
và ma trận đầu cuối $b = \begin{pmatrix} 50 \\ 80 \\ 60 \end{pmatrix}$. (Giả sử giá trị hàng hóa được tính bằng USD)

Câu 44: Số 0, 1 trong ma trận A có ý nghĩa gì?

A. Để sản xuất ra một lượng hàng đầu vào có giá trị một USD của ngành 3 cần lượng hàng có giá trị 0.1\$ của ngành 1.

- B. Để sản xuất ra một lương hàng đầu vào có giá tri một USD của ngành 3 cần lương hàng có giá tri 0.1\$ của ngành 2.
- C. Để sản xuất ra một lương hàng đầu vào có giá tri một USD của ngành 2 cần lương hàng có giá tri 0.1\$ của ngành 3.
 - D. Các câu kia sai.

Câu 45: Tính đầu ra của ngành 2.

A. 455.836.

B. 502.083.

C. 465.972.

D. 324.305.

(Đề câu 46 và 47) Một chuỗi nhà hàng có ba chi nhánh: 1, 2 và 3. Qua khảo sát chủ nhà hàng nhân thấy: sau một tháng có 20% số người thường đi chi nhánh 1 chuyển sang chi nhánh 2, và 10% chuyển sang chi nhánh 3; có 30% số người thường đi mua ở chi nhánh 2 chuyển sang chi nhánh 1 và 40% chuyển sang chi nhánh 3; có 30% số người thường đi chi nhánh 3 chuyển sang chi nhánh 1 và 10% chuyển sang chi nhánh 2. Giả sử không có khách hàng nào mới hay rời bỏ hẳn.

Câu 46: Viết ma trận chuyển trạng thái Markov cho mô hình trên.

$$A. \left(\begin{array}{ccc} 0.7 & 0.2 & 0.1 \\ 0.3 & 0.3 & 0.4 \\ 0.3 & 0.1 & 0.6 \end{array}\right)$$

$$B. \left(\begin{array}{cccc} 0.7 & 0.3 & 0.3 \\ 0.2 & 0.3 & 0.1 \\ 0.1 & 0.4 & 0.6 \end{array}\right)$$

$$D. \left(\begin{array}{cccc} 0.1 & 0.4 & 0.6 \\ 0.2 & 0.3 & 0.1 \\ 0.7 & 0.3 & 0.3 \end{array}\right)$$

Câu 47: Giả sử sư phân bố ban đầu tai các chi nhánh 1, 2 và 3 đều là 10000 người. Tính số lương người đi chi nhánh 3 sau 3 tháng.

A. 5520.

B. 9800.

C. 14680.

D. Các câu kia sai.

(Đề câu 48, 49 và 50) Người ta chia cá mang xanh cái thành 3 độ tuổi với thời lượng bằng nhau là 2 năm: đô tuổi I (từ 0 tới 2 tuổi), đô tuổi II (từ 2 đến 4 tuổi) và đô tuổi III (từ 4 đến 6 tuổi). Ma trân Leslei và phân bố ban đầu được cho như sau:

$$L = \begin{pmatrix} 0 & 5 & 4 \\ 0.5 & 0 & 0 \\ 0 & 0.4 & 0 \end{pmatrix}. \text{ (cột 1, 2, 3 tương ứng với lớp I, II, III) và } x_o = \begin{pmatrix} 8000 \\ 10000 \\ 6000 \end{pmatrix}.$$

Câu 48: Số 0.5 có ý nghĩa gì?

A. Tỷ lệ sống sót của lớp I là 0.5.
C. Tỷ lệ sống sót của lớp II là 0.5.
D. Các câu kia sai.

Câu 49: Số lượng của loài vật này ở lớp thứ II sau 4 năm.

A. 1600.

B. Các câu kia sai.

C. 36000.

D. 37000.

Câu 50: Số lương của lớp thứ mấy nhiều nhất sau 6 năm.

A. Lớp thứ I.

B. Các câu kia sai.

C. Lớp thứ II.

D. Lớp thứ III.

Giảng viên ra đề

BK	

TRƯỜNG ĐH BÁCH KHOA - DHQG-HCM KHOA KHUD

THI CUỐI KỲ	Học kỳ/ N	ăm học	2 2020 - 2021
THI CUUI KY	Ngày thi	27/1/202	21
Môn học	Đại số tuy	ến tính	
Mã môn học	MT1007		CA 2
Thời lượng	100 phút	Mã đề	2913
(N° 1° A 1 / NTA	1 + +2 /1 +	\ 40.1	

Ghi chú: - Không được sử dụng: tài liệu, laptop. - Nộp lại để thi cùng với bài làm.

Câu 1. Trong không gian với hệ trục tọa độ Oxyz, cho ánh xạ tuyến tính f là phép đối xứng qua mặt phẳng P: x + y - z = 0. Tìm một cơ sở của Ker(f).

A. $\{(1;0;1)^T,(0;1;1)^T\}$). **B.** Không tồn tại.

C. $\{(0;1;2)^T\}$).

D. $\{(1;1;-1)^T\}.$

Câu 2. Cho $X = (1, -3, 2)^T$ là véctơ riêng của ma trận A tương ứng với trị riêng $\lambda_0 = -2$. Tính $A \cdot X$.

A. $(0;0;0)^T$.

B. $(1; -3; 2)^T$.

 $\mathbf{C}.(2;-6;4)^T$.

D. $(-2; 6; -4)^T$.

Câu 3. Trong $\mathbb{P}_1[x]$ cho tích vô hướng $\forall p(x), q(x) \in P_1[x], (p,q) = \int_0^1 p(x)q(x)dx$. Tìm độ dài của vécto f(x) = 3x.

A. 3.

C. $\sqrt{3}$.

Câu 4. Cho X_1 ; X_2 là hai vécto riêng (ký hiệu: VTR) của ma trận khả nghịch A.

Khẳng định nào sau đây luôn đúng?

A. $\forall \alpha \in \mathbb{R}, \alpha X_1$ là VTR của A^{-1} .

B. $2X_1$ là VTR của A^{-1} .

 $\mathbf{C} \cdot X_1 + X_2$ là VTR của A^3 .

D. $2X_1 + 3X_2$ là VTR của *A*.

Câu 5. Cho $A = \begin{pmatrix} 3 & 1 \\ 2 & m \end{pmatrix}$ và $B = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ -1 & 4 \end{pmatrix}$. Tính tổng các phần tử trên đường chéo của AB^T .

D. Ba câu kia sai.

Câu 6. Trong không gian \mathbb{R}_3 , cho tích vô hướng $(x, y) = x_1y_1 + 5x_2y_2 + 6x_3y_3 + 2x_1y_2 + 2x_2y_1$. Cho x = (1, 2, 3) và y = (2, -1, 4). Tính d(x, y).

A. $2\sqrt{10}$.

B. Đáp án khác.

C. $\sqrt{5}$.

Câu 7. Tìm m để r(A) = 2, biết $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 1 \\ 0 & 1 & -1 \\ 0 & 2 & m \end{pmatrix}$.

A. m = 2.

D. m = -2.

Câu 8. Phép biến đổi nào sau đây trong không gian với hệ trục Oxyz KHÔNG là ánh xạ tuyến tính?

A. Chiếu vuông góc lên mặt phẳng Oxy.

B. Tinh tiến theo vécto $\vec{a} \neq 0$.

C. Quay quanh trục Oz một góc α .

D. Đối xứng qua mặt phẳng Oyz.

Câu 9. Cho ma trận $A = \begin{pmatrix} 3 & -2 \\ -3 & 8 \end{pmatrix}$. Tìm tất cả các giá trị riêng của A.

A. {3; 5}.

C. Ba câu kia sai.

Câu 10. Cho ma trận của dạng toàn phương $Q(x_1; x_2)$ trong \mathbb{R}^2 là $A = \begin{pmatrix} 4 & -1 \\ -1 & 2 \end{pmatrix}$. Tính Q(2, 5).

A. Đáp án khác.

B. 46.

Câu 11. Cho ánh xạ tuyến tính f là phép lấy đạo hàm trong không gian $P_1[x]$. Gọi A là ma trận của ánh xạ trong cơ sở $E = \{x, 1\}$. Véctơ nào sau đây là véctơ riêng của A?

A. 2x + 1.

B. $f(x) = \ln 2$.

D. *x*.

Câu 12. Tìm tất cả các giá trị thực của m để (1; m) là một véc tơ riêng của ma trận $A = \begin{pmatrix} 7 & -3 \\ 10 & -4 \end{pmatrix}$.

A. {2; 5/3}.

C. 5/3.

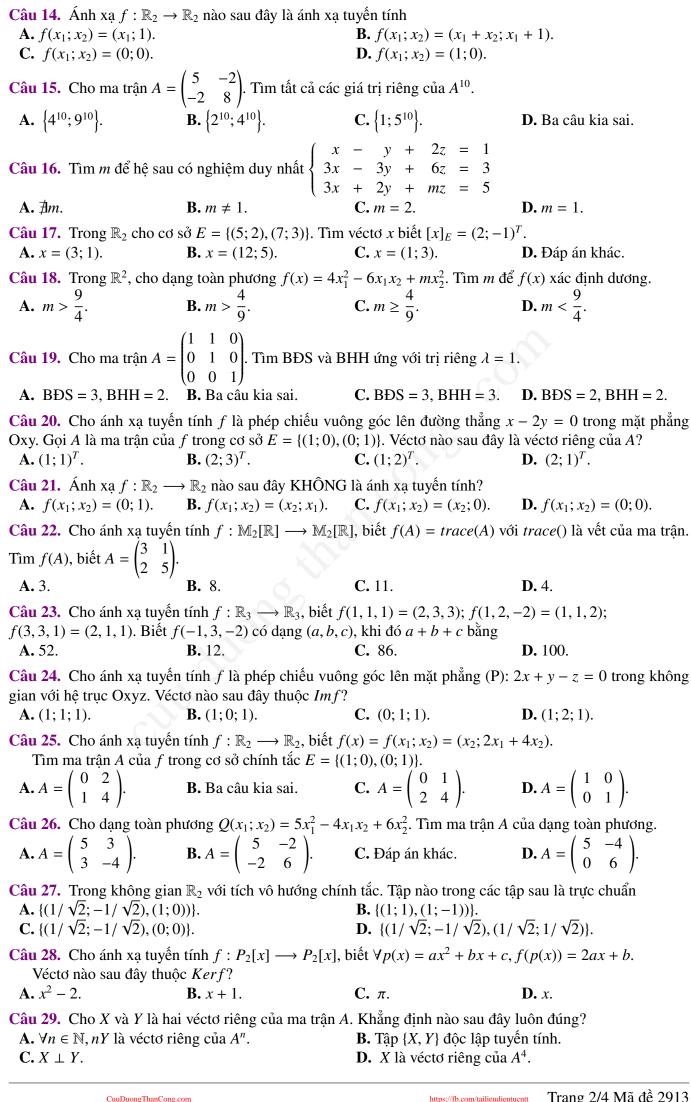
Câu 13. Hàm nào trong các hàm sau đây không là tích vô hướng trong \mathbb{R}_2 ?

A. $(x, y) = 2x_1y_1 - x_1y_2 + x_2y_1 + 6x_2y_2$.

B. $(x, y) = x_1y_1 + 5x_2y_2 + x_1y_2 + x_2y_1$.

C. $(x, y) = x_1y_1 + 7x_2y_2 - 2x_1y_2 - 2x_2y_1$.

D. $(x, y) = 2x_1y_1 + x_2y_2$.



Trang 2/4 Mã đề 2913 https://fb.com/tailieudientucntt

Câu 30. Cho ánh xạ tuyến tính $f: \mathbb{R}_2 \longrightarrow \mathbb{R}_2$, biết ma trận của f trong cơ sở $E = \{(7, 5), (3, 2)\}$ là **D.** Ba câu kia sai. **Câu 31.** Cho ma trận $A = \begin{pmatrix} 3 & -2 \\ -3 & 8 \end{pmatrix}$. Vectơ nào sau đây là vectơ riêng của A. **A.** $(3;2)^T$. **B.** $(5,3)^T$. **C.** $(2;1)^T$. **D.** Ba câu kia sai. **A.** $(3;2)^t$. **Câu 32.** Cho ma trận $\begin{pmatrix} 5 & -1 \\ -3 & 3 \end{pmatrix}$. Tìm giá trị riêng của A tương ứng với véctơ riêng $v = (-1;1)^T$. **D.** Đáp án khác **A.** 2. D. Đáp án khác. **Câu 33.** Cho ánh xạ tuyến tính $f: \mathbb{R}_2 \to \mathbb{R}_2$, biết Kerf = <(1,2) > và <math>f(1,1) = (3,6). Tìm tất cả các giá tri của m để vécto (-1; m) thuộc Im f. **A.** ∄*m*. **B.** m = -2. **D.** m = 2. **Câu 34.** Cho $E = \{p_1(x) = x^2 + x + 1; p_2(x) = x^2 + 2x + 3; p_3(x) = 2x^2 + 3x + 4; p_4(x) = 2x + m\}.$ Với giá trị nào của m thì E không sinh ra không gian $P_2[x]$? **A.** $m \le 2$. **Câu 35.** Tîm argument của số phức $z = (1 - i\sqrt{3})^{2020}$. **A.** $\frac{2\pi}{3}$. **B.** $\frac{\pi}{3}$. **C.** Đáp án khác. **D.** $\frac{\pi}{6}$. **Câu 36.** Tìm tất cả giá trị thực của m để định thức của $A = \begin{pmatrix} 1 & 1 & -1 \\ 0 & 2 & -1 \\ 3 & 7 & m \end{pmatrix}$ bằng 2. **A.** $m \neq 2$. B. Đáp án khác. **C.** m = 1. **D.** m = -4. **Câu 37.** Tìm tất cả các giá trị của m để $M = \{(1, 2, 3); (2, 1, 4); (4, 2, m)\}$ là cơ sở của \mathbb{R}_3 . **C.** $m \neq 8$. $\mathbf{A}. \ \forall m.$ **B.** $m \neq 2$. **D.** m = 4. Câu 38. Giải phương trình $\begin{vmatrix} 1 & 2 & -1 \\ 2 & 5 & -3 \\ 3 & 7 & x \end{vmatrix} = 0.$ **C.** x = 3. **A.** x = -4. **D.** x = 1. **Câu 39.** Trong không gian \mathbb{R}_2 , cho tích vô hướng $(x, y) = ((x_1; x_2), (y_1; y_2)) = 2x_1y_1 - x_1y_2 - x_2y_1 + 5x_2y_2$. Tính đô dài của véctơ v = (-1, 1). **D.** $\sqrt{2}$. **A.** $\sqrt{3}$. **Câu 40.** Hàm nào sau không là dạng chính tắc trong \mathbb{R}^3 . **A.** $Q(y_1, y_2, y_3) = y_1^2 - y_2^2 - 4y_1y_2$. **B.** $Q(y_1, y_2, y_3) = -2y_1^2$. **C.** $Q(y_1, y_2, y_3) = 2y_1^2 - y_2^2 + 4y_3^2$. **D.** $Q(y_1, y_2, y_3) = y_1^2 + y_2^2$. BÀI TOÁN ỨNG DUNG: (Đề câu 41, 42 và 43) Trong khu rừng có hai loài đông vật là hổ và nai sống chung với nhau. Nai là nguồn thức ăn chính cho hổ. Số lượng cá thể mỗi loài tại thời điểm t là H(t), N(t). Qua quan sát người ta $\frac{dH}{dt} = 0.6H(t) + 0.4N(t)$ $\frac{dN}{dt} = -0.3H(t) + 1.4N(t)$ đưa ra mô hình: Tai thời điểm t = 0, số con hổ và nai tương ứng là H(0) = 2000, N(0) = 1600. Câu 41: Khẳng định nào sau đây đúng? A. Nếu không có nai làm thức ăn, thì đàn hổ giảm 40% B. Nếu không có nai làm thức ăn, thì đàn hổ giảm 60% C. Nếu không có nai làm thức ăn, thì đàn hổ giảm 30% D. Nếu không có nai làm thức ăn, thì đàn hổ giảm 70% **Câu 42:** Tại thời điểm t = 5, số cá thể loài hổ là bao nhiêu? C. $1400e^4 + 400e^6$. A. $700e^4 + 300e^6$. B. $1400e^4 + 600e^6$. D. $1400e^4 + 300e^6$.

https://fb.com/tailieudientucntt Trang 3/4 Mã đề 2913

Câu 43: Tại thời điểm t = 5, số cá thể loài nai là bao nhiêu?

A.
$$700e^4 + 300e^6$$

B.
$$1400e^4 + 100e^6$$

C.
$$700e^4 + 200e^6$$

A.
$$700e^4 + 300e^6$$
. B. $1400e^4 + 100e^6$. C. $700e^4 + 200e^6$. D. $700e^4 + 900e^6$.

(Đề câu 44 và 45) Cho một quốc gia có ba ngành kinh tế: 1, 2 và 3 với ma trận hệ số đầu vào là

$$A = \begin{pmatrix} 0.4 & 0.2 & 0.4 \\ 0.2 & 0.3 & 0.1 \\ 0.3 & 0.5 & 0.2 \end{pmatrix}$$
và ma trận đầu cuối $b = \begin{pmatrix} 50 \\ 80 \\ 60 \end{pmatrix}$. (Giả sử giá trị hàng hóa được tính bằng USD)

Câu 44: Số 0, 1 trong ma trận A có ý nghĩa gì?

A. Để sản xuất ra một lượng hàng đầu vào có giá trị một USD của ngành 3 cần lượng hàng có giá trị 0.1\$ của ngành 1.

- B. Để sản xuất ra một lương hàng đầu vào có giá tri một USD của ngành 3 cần lương hàng có giá tri 0.1\$ của ngành 2.
- C. Để sản xuất ra một lương hàng đầu vào có giá tri một USD của ngành 2 cần lương hàng có giá tri 0.1\$ của ngành 3.
 - D. Các câu kia sai.

Câu 45: Tính đầu ra của ngành 2.

A. 455.836.

B. 502.083.

C. 465.972.

D. 324.305.

(Đề câu 46 và 47) Một chuỗi nhà hàng có ba chi nhánh: 1, 2 và 3. Qua khảo sát chủ nhà hàng nhân thấy: sau một tháng có 20% số người thường đi chi nhánh 1 chuyển sang chi nhánh 2, và 10% chuyển sang chi nhánh 3; có 30% số người thường đi mua ở chi nhánh 2 chuyển sang chi nhánh 1 và 40% chuyển sang chi nhánh 3; có 30% số người thường đi chi nhánh 3 chuyển sang chi nhánh 1 và 10% chuyển sang chi nhánh 2. Giả sử không có khách hàng nào mới hay rời bỏ hẳn.

Câu 46: Viết ma trận chuyển trạng thái Markov cho mô hình trên.

$$A. \left(\begin{array}{ccc} 0.7 & 0.2 & 0.1 \\ 0.3 & 0.3 & 0.4 \\ 0.3 & 0.1 & 0.6 \end{array}\right)$$

B.
$$\begin{pmatrix} 0.7 & 0.3 & 0.3 \\ 0.2 & 0.3 & 0.1 \\ 0.1 & 0.4 & 0.6 \end{pmatrix}$$

$$D. \left(\begin{array}{cccc} 0.1 & 0.4 & 0.6 \\ 0.2 & 0.3 & 0.1 \\ 0.7 & 0.3 & 0.3 \end{array}\right)$$

Câu 47: Giả sử sư phân bố ban đầu tai các chi nhánh 1, 2 và 3 đều là 10000 người. Tính số lương người đi chi nhánh 3 sau 3 tháng.

A. 5520.

B. 9800.

C. 14680.

D. Các câu kia sai.

(Đề câu 48, 49 và 50) Người ta chia cá mang xanh cái thành 3 độ tuổi với thời lượng bằng nhau là 2 năm: đô tuổi I (từ 0 tới 2 tuổi), đô tuổi II (từ 2 đến 4 tuổi) và đô tuổi III (từ 4 đến 6 tuổi). Ma trân Leslei và phân bố ban đầu được cho như sau:

$$L = \begin{pmatrix} 0 & 5 & 4 \\ 0.5 & 0 & 0 \\ 0 & 0.4 & 0 \end{pmatrix}. \text{ (cột 1, 2, 3 tương ứng với lớp I, II, III) và } x_o = \begin{pmatrix} 8000 \\ 10000 \\ 6000 \end{pmatrix}.$$

Câu 48: Số 0.5 có ý nghĩa gì?

A. Tỷ lệ sống sót của lớp I là 0.5.
C. Tỷ lệ sống sót của lớp II là 0.5.
D. Các câu kia sai.

Câu 49: Số lượng của loài vật này ở lớp thứ II sau 4 năm.

A. 1600.

B. Các câu kia sai.

C. 36000.

D. 37000.

Câu 50: Số lương của lớp thứ mấy nhiều nhất sau 6 năm.

A. Lớp thứ I.

B. Các câu kia sai.

C. Lớp thứ II.

D. Lớp thứ III.

Giảng viên ra đề

TRƯỜNG ĐH BÁCH KHOA - ĐHQG-HCM KHOA KHUD

	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·		
BK	THI CUỐI KỲ	Học kỳ/ Năm học 2	2020 - 2021
-	THICUUIKY	Ngày thi 27/1/2021	
TRƯỜNG ĐH BÁCH KHOA	Môn học	Đại số tuyến tính	
- ĐHQG-HCM	Mã môn học	MT1007 C	A 2
KHOA KHUD	Thời lượng	100 phút Mã đề 28	54
Ghi chú: - Không được sử dụng	: tài liệu, laptop Nộ j	lại đề thi cùng với bài l	àm.

Câu 1. Hàm nào trong các hàm sau đây không là tích vô hướng trong \mathbb{R}_2 ?

A.
$$(x, y) = 2x_1y_1 + x_2y_2$$
.

B.
$$(x, y) = x_1y_1 + 5x_2y_2 + x_1y_2 + x_2y_1$$
.

C.
$$(x, y) = 2x_1y_1 - x_1y_2 + x_2y_1 + 6x_2y_2$$
.

D.
$$(x, y) = x_1y_1 + 7x_2y_2 - 2x_1y_2 - 2x_2y_1$$
.

Câu 2. Trong không gian \mathbb{R}_3 , cho tích vô hướng $(x, y) = x_1y_1 + 5x_2y_2 + 6x_3y_3 + 2x_1y_2 + 2x_2y_1$. Cho x = (1, 2, 3) và y = (2, -1, 4). Tính d(x, y).

A.
$$\sqrt{5}$$
.

$$C_{\nu} \sqrt{3}$$

D.
$$2\sqrt{10}$$
.

Câu 3. Tìm m để hệ sau có nghiệm duy nhất $\begin{cases} x - y + 2z = 1\\ 3x - 3y + 6z = 3\\ 3x + 2y + mz = 5 \end{cases}$

A.
$$m = 1$$
.

B.
$$m = 2$$
.

$$\mathbf{C}, m \neq 1$$

Câu 4. Cho ma trận $A = \begin{pmatrix} 3 & -2 \\ -3 & 8 \end{pmatrix}$. Vectơ nào sau đây là vectơ riêng của A.

A.
$$(3;2)^T$$
.

B.
$$(2;1)^T$$
.

D.
$$(5,3)^T$$
.

Câu 5. Tìm m để r(A) = 2, biết $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 1 \\ 0 & 1 & -1 \\ 0 & 2 & m \end{pmatrix}$.

A.
$$m = 2$$
.

B.
$$m = -2$$
.

$$C_{*}m = 3$$

D.
$$m = 1$$
.

Câu 6. Ánh xạ $f: \mathbb{R}_2 \longrightarrow \mathbb{R}_2$ nào sau đây KHÔNG là ánh xạ tuyến tính?

A.
$$f(x_1; x_2) = (0; 0)$$
.

A.
$$f(x_1; x_2) = (0; 0)$$
. **B.** $f(x_1; x_2) = (x_2; x_1)$.

C.
$$f(x_1; x_2) = (x_2; 0)$$
.

D.
$$f(x_1; x_2) = (0; 1)$$
.

Câu 7. Cho ma trận $A = \begin{pmatrix} 3 & -2 \\ -3 & 8 \end{pmatrix}$. Tìm tất cả các giá trị riêng của A. **A** {1·4}. **B.** Ba câu kia sai. **C.** {3;5}.

Câu 8. Cho ma trận $A = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$. Tìm BĐS và BHH ứng với trị riêng $\lambda = 1$.

A.
$$BDS = 2$$
, $BHH = 2$. **B.** $BDS = 3$, $BHH = 3$.

B.
$$\overrightarrow{B} \cdot \overrightarrow{B} = 3$$
. $\overrightarrow{B} + \overrightarrow{B} = 3$

Câu 9. Giải phương trình $\begin{vmatrix} 1 & 2 & -1 \\ 2 & 5 & -3 \\ 3 & 7 & x \end{vmatrix} = 0.$

A.
$$x = 3$$
.

B.
$$x = 1$$

C.
$$x = 0$$
.

D.
$$x = -4$$
.

Câu 10. Trong không gian \mathbb{R}_2 , cho tích vô hướng $(x, y) = ((x_1; x_2), (y_1; y_2)) = 2x_1y_1 - x_1y_2 - x_2y_1 + 5x_2y_2$. Tính độ dài của véctơ v = (-1; 1).

A.
$$\sqrt{2}$$
.

B.
$$\sqrt{3}$$
.

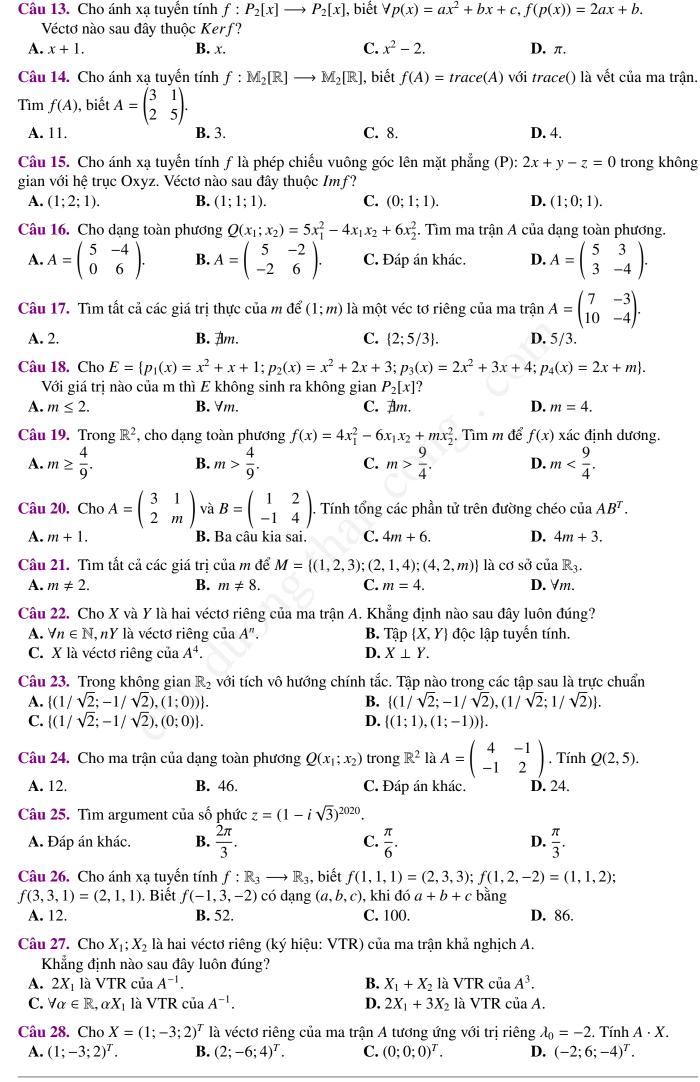
Câu 11. Cho ánh xạ tuyến tính $f: \mathbb{R}_2 \longrightarrow \mathbb{R}_2$, biết $f(x) = f(x_1; x_2) = (x_2; 2x_1 + 4x_2)$. Tìm ma trận A của f trong cơ sở chính tắc $E = \{(1;0), (0;1)\}$. $\mathbf{A.} A = \begin{pmatrix} 0 & 2 \\ 1 & 4 \end{pmatrix}.$ $\mathbf{B.} A = \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 2 & 4 \end{pmatrix}.$ $\mathbf{C.} A = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}.$

$$\mathbf{A.} A = \begin{pmatrix} 0 & 2 \\ 1 & 4 \end{pmatrix}.$$

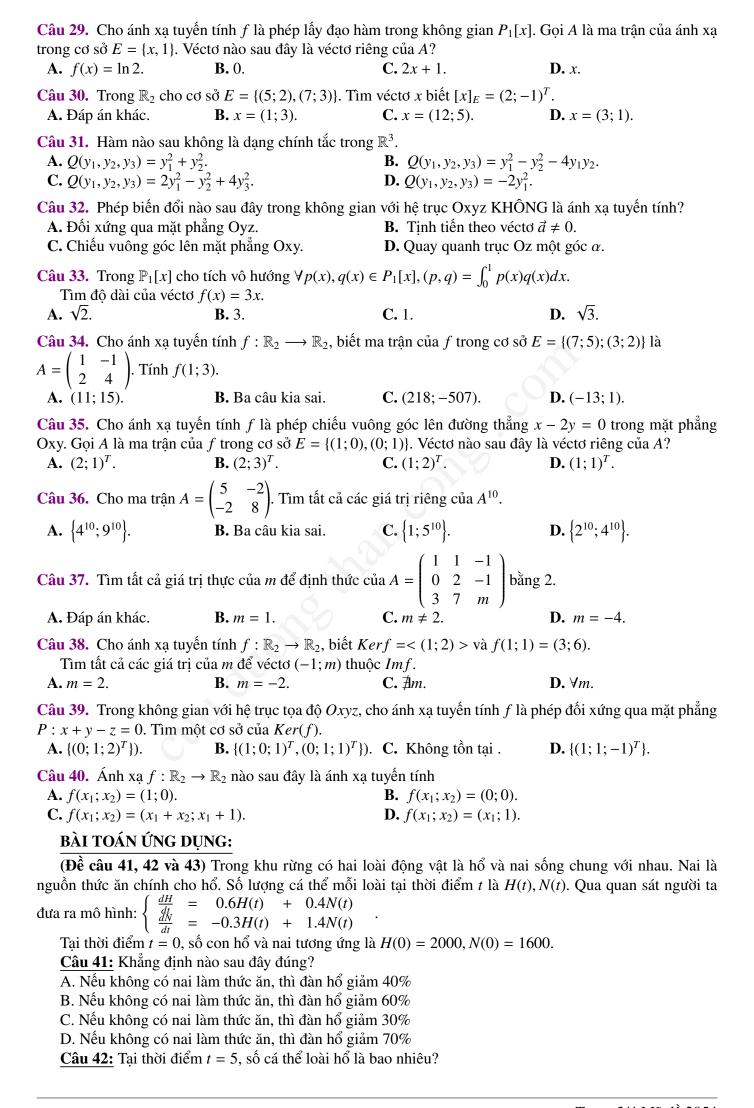
B.
$$A = \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 2 & 4 \end{pmatrix}$$

$$\mathbf{C.} A = \left(\begin{array}{cc} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{array} \right).$$

Câu 12. Cho ma trận $\begin{pmatrix} 5 & -1 \\ -3 & 3 \end{pmatrix}$. Tìm giá trị riêng của A tương ứng với véctơ riêng $v = (-1; 1)^T$.



https://fb.com/tailieudientucntt Trang 2/4 Mã đề 2854



A. $700e^4 + 300e^6$.

B. $1400e^4 + 600e^6$.

C. $1400e^4 + 400e^6$. D. $1400e^4 + 300e^6$.

Câu 43: Tai thời điểm t = 5, số cá thể loài nai là bao nhiêu?

A. $700e^4 + 300e^6$.

B. $1400e^4 + 100e^6$.

C. $700e^4 + 200e^6$.

(Đề câu 44 và 45) Cho một quốc gia có ba ngành kinh tế: 1, 2 và 3 với ma trận hệ số đầu vào là

$$A = \begin{pmatrix} 0.4 & 0.2 & 0.4 \\ 0.2 & 0.3 & 0.1 \\ 0.3 & 0.5 & 0.2 \end{pmatrix}$$
 và ma trận đầu cuối $b = \begin{pmatrix} 50 \\ 80 \\ 60 \end{pmatrix}$. (Giả sử giá trị hàng hóa được tính bằng USD)

Câu 44: Số 0, 1 trong ma trận A có ý nghĩa gì?

A. Để sản xuất ra một lượng hàng đầu vào có giá trị một USD của ngành 3 cần lượng hàng có giá trị 0.1\$ của ngành 1.

B. Để sản xuất ra một lượng hàng đầu vào có giá trị một USD của ngành 3 cần lượng hàng có giá trị 0.1\$ của ngành 2.

C. Để sản xuất ra một lương hàng đầu vào có giá tri một USD của ngành 2 cần lương hàng có giá tri 0.1\$ của ngành 3.

D. Các câu kia sai.

Câu 45: Tính đầu ra của ngành 2.

A. 455.836.

B. 502.083.

C. 465.972.

(Đề câu 46 và 47) Một chuỗi nhà hàng có ba chi nhánh: 1, 2 và 3. Qua khảo sát chủ nhà hàng nhận thấy: sau một tháng có 20% số người thường đi chi nhánh 1 chuyển sang chi nhánh 2, và 10% chuyển sang chi nhánh 3; có 30% số người thường đi mua ở chi nhánh 2 chuyển sang chi nhánh 1 và 40% chuyển sang chi nhánh 3; có 30% số người thường đi chi nhánh 3 chuyển sang chi nhánh 1 và 10% chuyển sang chi nhánh 2. Giả sử không có khách hàng nào mới hay rời bỏ hẳn.

Câu 46: Viết ma trân chuyển trang thái Markov cho mô hình trên.

$$A. \begin{pmatrix} 0.7 & 0.2 & 0.1 \\ 0.3 & 0.3 & 0.4 \\ 0.3 & 0.1 & 0.6 \end{pmatrix}. \qquad B. \begin{pmatrix} 0.7 & 0.3 & 0.3 \\ 0.2 & 0.3 & 0.1 \\ 0.1 & 0.4 & 0.6 \end{pmatrix}. \qquad C. \begin{pmatrix} 0.2 & 0.3 & 0.3 \\ 0.1 & 0.4 & 0.6 \\ 0.7 & 0.3 & 0.1 \end{pmatrix}. \qquad D. \begin{pmatrix} 0.1 & 0.4 & 0.6 \\ 0.2 & 0.3 & 0.1 \\ 0.7 & 0.3 & 0.3 \end{pmatrix}.$$

B.
$$\begin{pmatrix} 0.7 & 0.3 & 0.3 \\ 0.2 & 0.3 & 0.1 \\ 0.1 & 0.4 & 0.6 \end{pmatrix}$$

$$C. \left(\begin{array}{ccc} 0.2 & 0.3 & 0.3 \\ 0.1 & 0.4 & 0.6 \\ 0.7 & 0.3 & 0.1 \end{array}\right)$$

D.
$$\begin{pmatrix} 0.1 & 0.4 & 0.6 \\ 0.2 & 0.3 & 0.1 \\ 0.7 & 0.3 & 0.3 \end{pmatrix}$$

Câu 47: Giả sử sự phân bố ban đầu tại các chi nhánh 1, 2 và 3 đều là 10000 người. Tính số lượng người đi chi nhánh 3 sau 3 tháng.

A. 5520.

B. 9800.

C. 14680.

D. Các câu kia sai.

(Đề câu 48, 49 và 50) Người ta chia cá mang xanh cái thành 3 đô tuổi với thời lương bằng nhau là 2 năm: độ tuổi I (từ 0 tới 2 tuổi), độ tuổi II (từ 2 đến 4 tuổi) và độ tuổi III (từ 4 đến 6 tuổi). Ma trận Leslei và phân bố ban đầu được cho như sau:

$$L = \begin{pmatrix} 0 & 5 & 4 \\ 0.5 & 0 & 0 \\ 0 & 0.4 & 0 \end{pmatrix}. \text{ (cột 1, 2, 3 tương ứng với lớp I, II, III) và } x_o = \begin{pmatrix} 8000 \\ 10000 \\ 6000 \end{pmatrix}.$$

Câu 48: Số 0.5 có ý nghĩa gì?

A. Tỷ lê sống sót của lớp I là 0.5.

B. Tỷ lệ sống sót của lớp III là 0.5.

C. Tỷ lệ sống sót của lớp II là 0.5.

D. Các câu kia sai.

Câu 49: Số lương của loài vật này ở lớp thứ II sau 4 năm.

A. 1600.

B. Các câu kia sai.

C. 36000.

D. 37000.

Câu 50: Số lương của lớp thứ mấy nhiều nhất sau 6 năm.

A. Lớp thứ I.

B. Các câu kia sai.

C. Lớp thứ II.

D. Lớp thứ III.

Giảng viên ra đề

ĐÁP ÁN

BẢNG ĐÁP ÁN CÁC MÃ ĐỀ

								Mã	đề thi 2301
1. B	2. D	3. A	4. A	5. C	6. D	7. C	8. A	9. C 19. D	10. C
11. C 21. A	12. D 22. C	13. C 23. A	14. B 24. A	15. C 25. C	16. A 26. D	17. D 27. A	18. B 28. C	19. D 29. A	20. D 30. B
31. B	32. D	33. C	34. A	35. A	36. C	37. D	38. D	39. B	40. D
								Mã	đề thi 2782
1. B	2. B	3. B	4. B	5. D	6. C	7. B	8. B	9. C	10. A
11. C	12. B	13. D	14. D	15. D	16. C	17. B	18. D	19. D	20. D
21. C	22. D	23. B	24. C	25. C	26. C	27. C	28. C	29. A	30. B
31. D	32. B	33. B	34. D	35. B	36. D	37. C	38. C	39. C	40. B
								Mã	đề thi 2913
1. B	2. D	3. C	4. B	5. A	6. A	7. D	8. B	Mã o 9. B	đ ề thi 2913
1. B 11. B	2. D 12. A	3. C 13. A	4. B 14. C	5. A 15. A	6. A 16. A	7. D 17. A	8. B 18. A		
								9. B	10. B
11. B	12. A	13. A	14. C	15. A	16. A	17. A	18. A	9. B 19. A	10. B 20. D
11. B 21. A	12. A 22. B	13. A 23. C	14. C 24. C	15. A 25. C	16. A 26. B	17. A 27. D	18. A 28. C	9. B 19. A 29. D 39. B	10. B 20. D 30. C
11. B 21. A	12. A 22. B	13. A 23. C	14. C 24. C	15. A 25. C	16. A 26. B	17. A 27. D	18. A 28. C	9. B 19. A 29. D 39. B	10. B 20. D 30. C 40. A
11. B 21. A 31. C	12. A 22. B 32. B	13. A 23. C 33. B	14. C 24. C 34. D	15. A 25. C 35. A	16. A 26. B 36. D	17. A 27. D 37. C	18. A 28. C 38. A	9. B 19. A 29. D 39. B	10. B 20. D 30. C 40. A
11. B 21. A 31. C	12. A 22. B 32. B	13. A 23. C 33. B	14. C 24. C 34. D	15. A 25. C 35. A	16. A 26. B 36. D	17. A 27. D 37. C	18. A 28. C 38. A	9. B 19. A 29. D 39. B Mã o 9. D	10. B 20. D 30. C 40. A đề thi 2854

1

TRƯỜNG ĐH BÁCH KHOA - ĐHQG-HCM KHOA KHUD

THI CUỐI KỲ			2 2020 - 2021
THI CUUI KY	Ngày thi	_	21
Môn học	Đại số tuy	ến tính	
Mã môn học	MT1007		CA 2
Thời lượng	100 phút	Mã đề	2301
/\'.1'^ 1 / NT^	1 + +2 /1 +		L 2.2.12

Ghi chú: - Không được sử dụng: tài liệu, laptop. - Nộp lại đê thi cùng với bài làm.

Câu 1. Giải phương trình

- **A.** x = -4.
- **B.** x = 1.
- **C.** x = 0.
- **D.** x = 3.

Câu 2. Cho $X = (1, -3, 2)^T$ là véctơ riêng của ma trận A tương ứng với trị riêng $\lambda_0 = -2$. Tính $A \cdot X$.

- **A.** $(2; -6; 4)^T$.
- **B.** $(0;0;0)^T$.
- **C.** $(1; -3; 2)^T$.
- **D.** $(-2; 6; -4)^T$.

Câu 3. Trong không gian \mathbb{R}_2 với tích vô hướng chính tắc. Tập nào trong các tập sau là trực chuẩn

- **A.** $\{(1/\sqrt{2}; -1/\sqrt{2}), (1/\sqrt{2}; 1/\sqrt{2})\}.$
- **B.** $\{(1/\sqrt{2}; -1/\sqrt{2}), (0; 0)\}.$

 $C. \{(1; 1), (1; -1)\}.$

D. $\{(1/\sqrt{2}; -1/\sqrt{2}), (1; 0))\}.$

Câu 4. Cho ánh xạ tuyến tính $f: \mathbb{R}_2 \longrightarrow \mathbb{R}_2$, biết $f(x) = f(x_1; x_2) = (x_2; 2x_1 + 4x_2)$.

Tìm ma trận A của f trong cơ sở chính tắc $E = \{(1, 0), (0, 1)\}.$

- **B.** $A = \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 2 & 4 \end{pmatrix}$. **C.** $A = \begin{pmatrix} 0 & 2 \\ 1 & 4 \end{pmatrix}$.
- D. Ba câu kia sai.

Câu 5. Phép biến đổi nào sau đây trong không gian với hệ trục Oxyz KHÔNG là ánh xạ tuyến tính?

A. Đối xứng qua mặt phẳng Oyz.

B. Quay quanh trục Oz một góc α .

C. Tinh tiến theo vécto $\vec{a} \neq 0$.

D. Chiếu vuông góc lên mặt phẳng Oxy.

Câu 6. Tim argument của số phức $z = (1 - i\sqrt{3})^{2020}$.

- A. Đáp án khác.

Câu 7. Ánh xạ $f: \mathbb{R}_2 \to \mathbb{R}_2$ nào sau đây là ánh xạ tuyến tính

A. $f(x_1; x_2) = (0; 0)$.

B. $f(x_1; x_2) = (x_1 + x_2; x_1 + 1).$

C. $f(x_1; x_2) = (1; 0)$.

D. $f(x_1; x_2) = (x_1; 1)$.

Câu 8. Tìm tất cả các giá trị thực của m để (1; m) là một véc tơ riêng của ma trận $A = \begin{pmatrix} 7 & -3 \\ 10 & -4 \end{pmatrix}$.

 $\mathbf{A}. \not\exists m.$

- **B.** {2; 5/3}.

Câu 9. Cho ma trận của dạng toàn phương $Q(x_1; x_2)$ trong \mathbb{R}^2 là $A = \begin{pmatrix} 4 & -1 \\ -1 & 2 \end{pmatrix}$. Tính Q(2, 5).

A. 46.

B. 12.

Câu 10. Tìm m để hệ sau có nghiệm duy nhất $\begin{cases} x - y + 2z = 1 \\ 3x - 3y + 6z = 3 \\ 3x + 2y + mz = 5 \end{cases}$

- **A.** m = 2.
- **B.** m = 1.

D. $m \neq 1$.

Câu 11. Cho ma trận $A = \begin{pmatrix} 3 & -2 \\ -3 & 8 \end{pmatrix}$. Vectơ nào sau đây là vectơ riêng của A.

- A. Ba câu kia sai.

- **D.** $(2;1)^T$.

Câu 12. Cho ánh xạ tuyến tính f là phép chiếu vuông góc lên mặt phẳng (P): 2x + y - z = 0 trong không gian với hệ trục Oxyz. Vécto nào sau đây thuộc *Imf*?

- **A.** (1; 2; 1).
- **B.** (1; 1; 1).
- **C.** (0; 1; 1).
- **D.** (1; 0; 1).

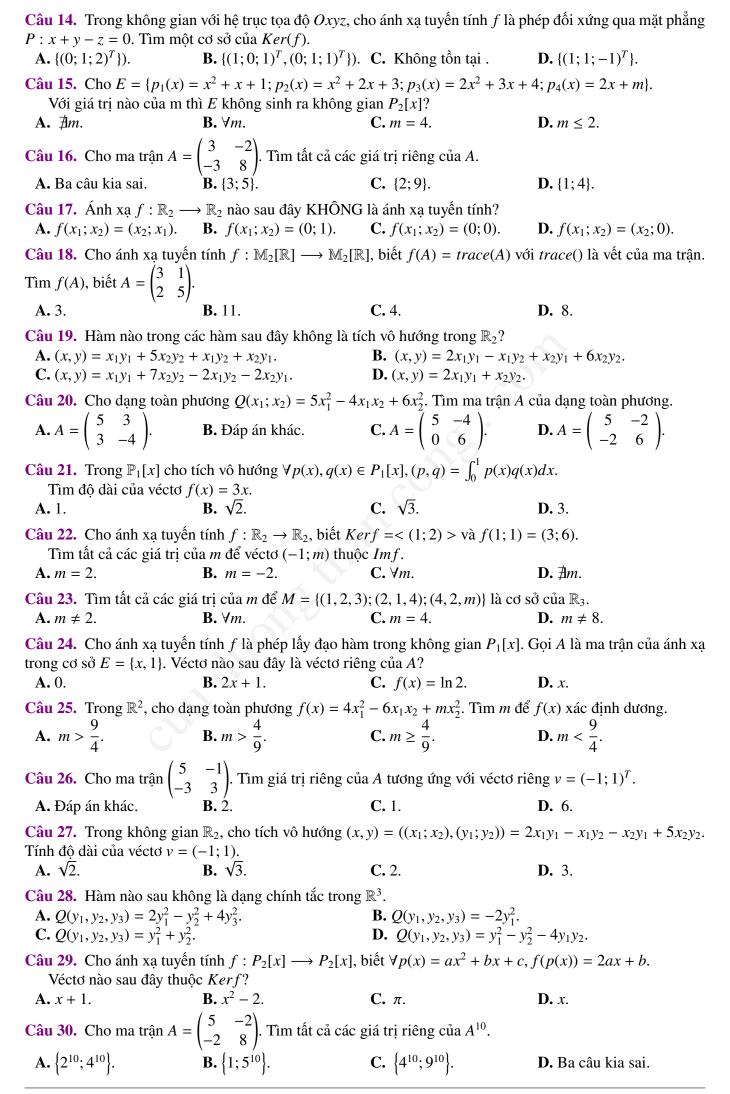
Câu 13. Cho X và Y là hai véctơ riêng của ma trận A. Khẳng định nào sau đây luôn đúng?

A. $X \perp Y$.

B. $\forall n \in \mathbb{N}, nY$ là véctơ riêng của A^n .

C. Tâp $\{X, Y\}$ đôc lập tuyến tính.

D. X là véctơ riêng của A^4 .



Trang 2/4 Mã đề 2301 https://fb.com/tailieudientucntt

Câu 31. Cho ánh xạ tuyến tính $f: \mathbb{R}_3 \longrightarrow \mathbb{R}_3$, biết f(1, 1, 1) = (2, 3, 3); f(1, 2, -2) = (1, 1, 2); f(3,3,1) = (2,1,1). Biết f(-1,3,-2) có dạng (a,b,c), khi đó a+b+c bằng **A.** 100. **B.** 86. C. 12. **D.** 52. **Câu 32.** Cho ánh xạ tuyến tính $f: \mathbb{R}_2 \longrightarrow \mathbb{R}_2$, biết ma trận của f trong cơ sở $E = \{(7, 5), (3, 2)\}$ là). Tính f(1; 3). **B.** (218; –507). C. Ba câu kia sai. **D.** (-13; 1). Câu 33. Cho X_1 ; X_2 là hai véctơ riêng (ký hiệu: VTR) của ma trận khả nghịch A. Khẳng định nào sau đây luôn đúng? **A.** $2X_1$ là VTR của A^{-1} . **B.** $X_1 + X_2$ là VTR của A^3 . **C.** $\forall \alpha \in \mathbb{R}, \alpha X_1$ là VTR của A^{-1} . **D.** $2X_1 + 3X_2$ là VTR của A. **Câu 34.** Cho $A = \begin{pmatrix} 3 & 1 \\ 2 & m \end{pmatrix}$ và $B = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ -1 & 4 \end{pmatrix}$. Tính tổng các phần tử trên đường chéo của AB^T . **A.** 4m + 3. **B.** 4m + 6. **C.** m + 1. **D.** Ba câu kia sa **D.** Ba câu kia sai. **Câu 35.** Tìm m để r(A) = 2, biết $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 1 \\ 0 & 1 & -1 \\ 0 & 2 & m \end{pmatrix}$. **A.** m = 1. **B.** m = 2. **C.** m = -2. Câu 36. Tìm tất cả giá trị thực của m để định thức của $A = \begin{pmatrix} 1 & 1 & -1 \\ 0 & 2 & -1 \\ 3 & 7 & m \end{pmatrix}$ bằng 2.

A. m = -4.

B. Đáp án khác.

C. $m \neq 2$.

D. **Câu 37.** Cho ma trận $A = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$. Tìm BĐS và BHH ứng với trị riêng $\lambda = 1$. **A.** BDS = 3, BHH = 3. **B.** Ba câu kia sai. **C.** BDS = 2, BHH = 2. **D.** BDS = 3, BHH = 2. **Câu 38.** Trong không gian \mathbb{R}_3 , cho tích vô hướng $(x, y) = x_1y_1 + 5x_2y_2 + 6x_3y_3 + 2x_1y_2 + 2x_2y_1$.

Cho x = (1, 2, 3) và y = (2, -1, 4). Tính d(x, y).

A. $\sqrt{5}$. **B.** $2\sqrt{10}$. **C.** Đáp án khác. **D.** $\sqrt{3}$

Câu 39. Cho ánh xạ tuyến tính f là phép chiếu vuông góc lên đường thẳng x - 2y = 0 trong mặt phẳng Oxy. Gọi A là ma trận của f trong cơ sở $E = \{(1; 0), (0; 1)\}$. Véctơ nào sau đây là véctơ riêng của A?

A. $(1;1)^T$. **B.** $(1;2)^T$. **C.** $(2;1)^T$. **D.** $(2;3)^T$.

Câu 40. Trong \mathbb{R}_2 cho cơ sở $E = \{(5, 2), (7, 3)\}$. Tìm véctơ x biết $[x]_E = (2, -1)^T$.

A. x = (12; 5). **B.** Đáp án khác. **C.** x = (3; 1). **D.** x = (1; 3).

BÀI TOÁN ỨNG DỤNG:

(Đề câu 41, 42 và 43) Trong khu rừng có hai loài động vật là hổ và nai sống chung với nhau. Nai là nguồn thức ăn chính cho hổ. Số lượng cá thể mỗi loài tại thời điểm t là H(t), N(t). Qua quan sát người ta đưa ra mô hình: $\begin{cases} \frac{dH}{dt} = 0.6H(t) + 0.4N(t) \\ \frac{dN}{dt} = -0.3H(t) + 1.4N(t) \end{cases}$

Tại thời điểm t = 0, số con hổ và nai tương ứng là H(0) = 2000, N(0) = 1600.

Câu 41: Khẳng đinh nào sau đây đúng?

A. Nếu không có nai làm thức ăn, thì đàn hổ giảm 40%

B. Nếu không có nai làm thức ăn, thì đàn hổ giảm 60%

C. Nếu không có nai làm thức ăn, thì đàn hổ giảm 30%

D. Nếu không có nai làm thức ăn, thì đàn hổ giảm 70%

<u>Câu 42:</u> Tại thời điểm t = 5, số cá thể loài hổ là bao nhiêu?

A. $700e^4 + 300e^6$. B. $1400e^4 + 600e^6$. C. $1400e^4 + 400e^6$.

Câu 43: Tại thời điểm t = 5, số cá thể loài nai là bao nhiều?

A. $700e^4 + 300e^6$. B. $1400e^4 + 100e^6$. C. $700e^4 + 200e^6$. D. $700e^4 + 900e^6$.

D. $1400e^4 + 300e^6$.

(Đề câu 44 và 45) Cho một quốc gia có ba ngành kinh tế: 1, 2 và 3 với ma trận hệ số đầu vào là

$$A = \begin{pmatrix} 0.4 & 0.2 & 0.4 \\ 0.2 & 0.3 & 0.1 \\ 0.3 & 0.5 & 0.2 \end{pmatrix}$$
và ma trận đầu cuối $b = \begin{pmatrix} 50 \\ 80 \\ 60 \end{pmatrix}$. (Giả sử giá trị hàng hóa được tính bằng USD)

Câu 44: Số 0, 1 trong ma trận A có ý nghĩa gì?

A. Để sản xuất ra một lương hàng đầu vào có giá tri một USD của ngành 3 cần lượng hàng có giá tri 0.1\$ của ngành 1.

B. Để sản xuất ra một lượng hàng đầu vào có giá trị một USD của ngành 3 cần lượng hàng có giá trị 0.1\$ của ngành 2.

C. Để sản xuất ra một lương hàng đầu vào có giá tri một USD của ngành 2 cần lương hàng có giá tri 0.1\$ của ngành 3.

D. Các câu kia sai.

Câu 45: Tính đầu ra của ngành 2.

A. 455.836.

B. 502.083.

C. 465.972.

D. 324.305.

(Đề câu 46 và 47) Một chuỗi nhà hàng có ba chi nhánh: 1, 2 và 3. Qua khảo sát chủ nhà hàng nhận thấy: sau một tháng có 20% số người thường đi chi nhánh 1 chuyển sang chi nhánh 2, và 10% chuyển sang chi nhánh 3; có 30% số người thường đi mua ở chi nhánh 2 chuyển sang chi nhánh 1 và 40% chuyển sang chi nhánh 3; có 30% số người thường đi chi nhánh 3 chuyển sang chi nhánh 1 và 10% chuyển sang chi nhánh 2. Giả sử không có khách hàng nào mới hay rời bỏ hẳn.

Câu 46: Viết ma trân chuyển trang thái Markov cho mô hình trên.

$$A. \begin{pmatrix} 0.7 & 0.2 & 0.1 \\ 0.3 & 0.3 & 0.4 \\ 0.3 & 0.1 & 0.6 \end{pmatrix}. \qquad B. \begin{pmatrix} 0.7 & 0.3 & 0.3 \\ 0.2 & 0.3 & 0.1 \\ 0.1 & 0.4 & 0.6 \end{pmatrix}. \qquad C. \begin{pmatrix} 0.2 & 0.3 & 0.3 \\ 0.1 & 0.4 & 0.6 \\ 0.7 & 0.3 & 0.1 \end{pmatrix}. \qquad D. \begin{pmatrix} 0.1 & 0.4 & 0.6 \\ 0.2 & 0.3 & 0.1 \\ 0.7 & 0.3 & 0.3 \end{pmatrix}.$$

Câu 47: Giả sử sư phân bố ban đầu tai các chi nhánh 1, 2 và 3 đều là 10000 người. Tính số lương người đi chi nhánh 3 sau 3 tháng.

A. 5520.

B. 9800.

C. 14680.

D. Các câu kia sai.

(Đề câu 48, 49 và 50) Người ta chia cá mang xanh cái thành 3 đô tuổi với thời lương bằng nhau là 2 năm: độ tuổi I (từ 0 tới 2 tuổi), độ tuổi II (từ 2 đến 4 tuổi) và độ tuổi III (từ 4 đến 6 tuổi). Ma trận Leslei và phân bố ban đầu được cho như sau:

$$L = \begin{pmatrix} 0 & 5 & 4 \\ 0.5 & 0 & 0 \\ 0 & 0.4 & 0 \end{pmatrix}. \text{ (cột 1, 2, 3 tương ứng với lớp I, II, III) và } x_o = \begin{pmatrix} 8000 \\ 10000 \\ 6000 \end{pmatrix}.$$

Câu 48: Số 0.5 có ý nghĩa gì?

A. Tỷ lệ sống sót của lớp I là 0.5.
C. Tỷ lệ sống sót của lớp II là 0.5.
D. Các câu kia sai.

Câu 49: Số lượng của loài vật này ở lớp thứ II sau 4 năm.

A. 1600.

B. Các câu kia sai.

C. 36000.

D. 37000.

Câu 50: Số lượng của lớp thứ mấy nhiều nhất sau 6 năm.

A. Lớp thứ I.

B. Các câu kia sai.

C. Lớp thứ II.

D. Lớp thứ III.

Giảng viên ra đề

ВК	l
пп	DÁCH

TRƯỜNG ĐH BÁCH KHOA - ĐHQG-HCM KHOA KHUD

BK	THI CUỐI KỲ				2020 - 2021
	THICUUIKY	11gay um		21	
TRƯỜNG ĐH BÁCH KHOA	Môn học	Đại số tuy	ến tính		
- ĐHQG-HCM	Mã môn học	MT1007		CA	A 2
KHOA KHUD	Thời lượng	100 phút	Mã đề	278	32
Ghi chú: - Không được sử dụng	: tài liệu, laptop Nộ j	p lại đề thi c	cùng với l	bài l	àm.

Câu 1. Trong $\mathbb{P}_1[x]$ cho tích vô hướng $\forall p(x), q(x) \in P_1[x], (p,q) = \int_0^1 p(x)q(x)dx$.

Tìm độ dài của vécto f(x) = 3x.

A.
$$\sqrt{2}$$
.

B.
$$\sqrt{3}$$
.

Câu 2. Cho dạng toàn phương $Q(x_1; x_2) = 5x_1^2 - 4x_1x_2 + 6x_2^2$. Tìm ma trận A của dạng toàn phương.

$$\mathbf{A.} A = \begin{pmatrix} 5 & -4 \\ 0 & 6 \end{pmatrix}.$$

$$\mathbf{A.} A = \begin{pmatrix} 5 & -4 \\ 0 & 6 \end{pmatrix}. \qquad \mathbf{B.} A = \begin{pmatrix} 5 & -2 \\ -2 & 6 \end{pmatrix}. \qquad \mathbf{C.} A = \begin{pmatrix} 5 & 3 \\ 3 & -4 \end{pmatrix}.$$

$$\mathbf{C.} A = \begin{pmatrix} 5 & 3 \\ 3 & -4 \end{pmatrix}.$$

Câu 3. Cho ma trận $\begin{pmatrix} 5 & -1 \\ -3 & 3 \end{pmatrix}$. Tìm giá trị riêng của A tương ứng với véctơ riêng $v = (-1; 1)^T$.

B. Đáp án khác.

Câu 4. Cho X và Y là hai véctơ riêng của ma trận A. Khẳng định nào sau đây luôn đúng?

A. $\forall n \in \mathbb{N}, nY$ là vécto riêng của A^n .

B. $X \perp Y$.

C. Tập $\{X, Y\}$ độc lập tuyến tính.

D. X là véctơ riêng của A^4 .

Câu 5. Cho ánh xạ tuyến tính f là phép lấy đạo hàm trong không gian $P_1[x]$. Gọi A là ma trận của ánh xạ trong cơ sở $E = \{x, 1\}$. Véctơ nào sau đây là véctơ riêng của A?

A. *x*.

C.
$$f(x) = \ln 2$$
.

D.
$$2x + 1$$
.

Câu 6. Cho ma trận $A = \begin{pmatrix} 5 & -2 \\ -2 & 8 \end{pmatrix}$. Tìm tất cả các giá trị riêng của A^{10} .

A.
$$\{4^{10}; 9^{10}\}.$$

B. Ba câu kia sai. **C.**
$$\{1; 5^{10}\}$$
.

$$\mathbf{C.} \{1; 5^{10}\}.$$

D.
$$\{2^{10}; 4^{10}\}.$$

Câu 7. Tìm tất cả các giá trị thực của m để (1; m) là một véc tơ riêng của ma trận $A = \begin{pmatrix} 7 & -3 \\ 10 & -4 \end{pmatrix}$.

A. 5/3.

D.
$$\not\exists m$$
.

Câu 8. Tîm argument của số phức $z = (1 - i\sqrt{3})^{2020}$.

B. $\frac{\pi}{2}$.

C. $\frac{2\pi}{3}$.

$$\mathbf{A} \cdot \frac{\pi}{3}$$

$$\mathbf{B}.\frac{\pi}{6}$$

C.
$$\frac{2\pi}{3}$$
.

D. Đáp án khác.

Câu 9. Tìm m để hệ sau có nghiệm duy nhất $\begin{cases} x - y + 2z = 1 \\ 3x - 3y + 6z = 3 \\ 3x + 2y + mz = 5 \end{cases}$

A. $m \neq 1$.

C.
$$m = 1$$
.

D.
$$m = 2$$
.

Câu 10. Cho $E = \{p_1(x) = x^2 + x + 1; p_2(x) = x^2 + 2x + 3; p_3(x) = 2x^2 + 3x + 4; p_4(x) = 2x + m\}.$ Với giá trị nào của m thì E không sinh ra không gian $P_2[x]$?

A. m = 4.

B.
$$\forall m$$
.

D.
$$m < 2$$
.

Câu 11. Trong \mathbb{R}^2 , cho dạng toàn phương $f(x) = 4x_1^2 - 6x_1x_2 + mx_2^2$. Tìm m để f(x) xác định dương.

A. $m > \frac{9}{4}$.

B.
$$m < \frac{9}{4}$$
.

C.
$$m > \frac{4}{9}$$
.

D.
$$m \geq \frac{4}{9}$$
.

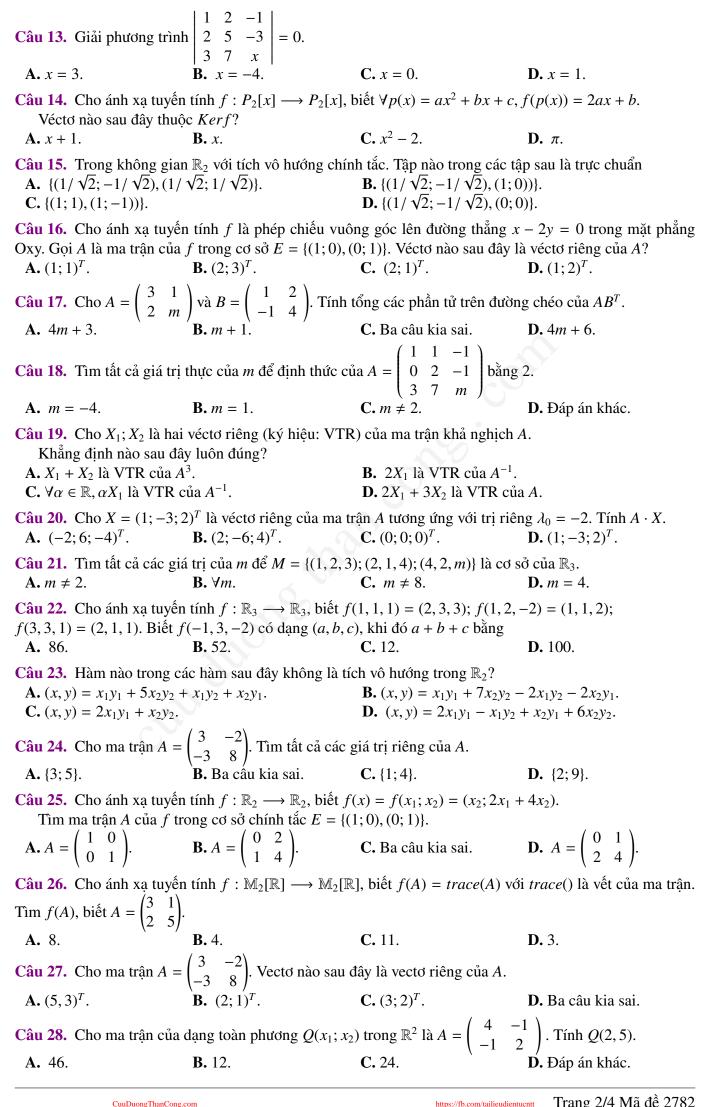
Câu 12. Cho ma trận $A = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$. Tìm BĐS và BHH ứng với trị riêng $\lambda = 1$.

A. BDS = 3, BHH = 3.

B. Ba câu kia sai.

C. BDS = 2, BHH = 2.

D. BĐS = 3, BHH = 2.



Trang 2/4 Mã để 2782 https://fb.com/tailieudientucntt

Trang 3/4 Mã đề 2782 CuuDuongThanCong.com https://fb.com/tailieudientucntt

 $\begin{pmatrix} 1 & -1 \\ 2 & 4 \end{pmatrix}$. Tính f(1;3).

A. Ba câu kia sai.

A. x = (12; 5).

B. Đáp án khác.

Câu 29. Trong \mathbb{R}_2 cho cơ sở $E = \{(5, 2), (7, 3)\}$. Tìm véctơ x biết $[x]_E = (2, -1)^T$.

 \mathbf{C} . (218; -507).

C. x = (1; 3).

D. (-13; 1).

Câu 31. Hàm nào sau không là dạng chính tắc trong \mathbb{R}^3 .

A. $Q(y_1, y_2, y_3) = y_1^2 + y_2^2$. **C.** $Q(y_1, y_2, y_3) = -2y_1^2$.

B. $Q(y_1, y_2, y_3) = 2y_1^2 - y_2^2 + 4y_3^2$. **D.** $Q(y_1, y_2, y_3) = y_1^2 - y_2^2 - 4y_1y_2$.

Câu 32. Trong không gian \mathbb{R}_2 , cho tích vô hướng $(x, y) = ((x_1; x_2), (y_1; y_2)) = 2x_1y_1 - x_1y_2 - x_2y_1 + 5x_2y_2$. Tính đô dài của véctơ v = (-1; 1).

Câu 30. Cho ánh xạ tuyến tính $f: \mathbb{R}_2 \longrightarrow \mathbb{R}_2$, biết ma trận của f trong cơ sở $E = \{(7, 5), (3, 2)\}$ là

A. $\sqrt{3}$.

C. 2.

D. 3.

Câu 33. Tìm m để r(A) = 2, biết $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 1 \\ 0 & 1 & -1 \\ 0 & 2 & m \end{pmatrix}$.

A. m = 2.

D. m = 1.

Câu 34. Trong không gian với hệ trục tọa độ Oxyz, cho ánh xạ tuyến tính f là phép đối xứng qua mặt phẳng P: x + y - z = 0. Tìm một cơ sở của Ker(f).

A. $\{(0; 1; 2)^T\}$).

B. Không tồn tại .

C. $\{(1;0;1)^T,(0;1;1)^T\}$). **D.** $\{(1;1;-1)^T\}$.

Câu 35. Ánh xạ $f: \mathbb{R}_2 \to \mathbb{R}_2$ nào sau đây là ánh xạ tuyến tính

A. $f(x_1; x_2) = (x_1 + x_2; x_1 + 1).$

B. $f(x_1; x_2) = (x_1; 1)$.

C. $f(x_1; x_2) = (1; 0)$.

D. $f(x_1; x_2) = (0; 0)$.

Câu 36. Trong không gian \mathbb{R}_3 , cho tích vô hướng $(x, y) = x_1y_1 + 5x_2y_2 + 6x_3y_3 + 2x_1y_2 + 2x_2y_1$.

Cho x = (1, 2, 3) và y = (2, -1, 4). Tính d(x, y).

A. $\sqrt{5}$.

C. Đáp án khác.

D. $2\sqrt{10}$.

Câu 37. Ánh xạ $f: \mathbb{R}_2 \longrightarrow \mathbb{R}_2$ nào sau đây KHÔNG là ánh xạ tuyến tính?

A. $f(x_1; x_2) = (x_2; 0)$. **B.** $f(x_1; x_2) = (0; 0)$.

C. $f(x_1; x_2) = (x_2; x_1)$.

D. $f(x_1; x_2) = (0; 1)$.

Câu 38. Cho ánh xạ tuyến tính f là phép chiếu vuông góc lên mặt phẳng (P): 2x + y - z = 0 trong không gian với hệ trục Oxyz. Véctơ nào sau đây thuộc Imf?

A. (0; 1; 1).

B. (1; 1; 1).

C. (1; 2; 1).

D. (1; 0; 1).

Câu 39. Cho ánh xạ tuyến tính $f: \mathbb{R}_2 \to \mathbb{R}_2$, biết Kerf = <(1,2) > và <math>f(1,1) = (3,6).

Tìm tất cả các giá trị của m để vécto (-1; m) thuộc Imf.

A. ∄*m*.

B. $\forall m$.

C. m = 2.

D. m = -2.

Câu 40. Phép biến đổi nào sau đây trong không gian với hệ trục Oxyz KHÔNG là ánh xạ tuyến tính?

A. Đối xứng qua mặt phẳng Oyz.

B. Tinh tiến theo vécto $\vec{a} \neq 0$.

C. Quay quanh trục Oz một góc α .

D. Chiếu vuông góc lên mặt phẳng Oxy.

BÀI TOÁN ỨNG DUNG:

(Đề câu 41, 42 và 43) Trong khu rừng có hai loài động vật là hổ và nai sống chung với nhau. Nai là nguồn thức ăn chính cho hổ. Số lương cá thể mỗi loài tai thời điểm t là H(t), N(t). Qua quan sát người ta $\frac{dH}{dt} = 0.6H(t) + 0.4N(t)$ = -0.3H(t) + 1.4N(t)

Tai thời điểm t = 0, số con hổ và nai tương ứng là H(0) = 2000, N(0) = 1600.

Câu 41: Khẳng đinh nào sau đây đúng?

A. Nếu không có nai làm thức ăn, thì đàn hổ giảm 40%

B. Nếu không có nai làm thức ăn, thì đàn hổ giảm 60%

C. Nếu không có nai làm thức ăn, thì đàn hổ giảm 30% D. Nếu không có nai làm thức ăn, thì đàn hổ giảm 70%

Câu 42: Tai thời điểm t = 5, số cá thể loài hổ là bao nhiêu?

A. $700e^4 + 300e^6$.

B. $1400e^4 + 600e^6$.

C. $1400e^4 + 400e^6$. D. $1400e^4 + 300e^6$.

Câu 43: Tai thời điểm t = 5, số cá thể loài nai là bao nhiêu?

A. $700e^4 + 300e^6$.

B. $1400e^4 + 100e^6$.

C. $700e^4 + 200e^6$.

(Đề câu 44 và 45) Cho một quốc gia có ba ngành kinh tế: 1, 2 và 3 với ma trận hệ số đầu vào là

$$A = \begin{pmatrix} 0.4 & 0.2 & 0.4 \\ 0.2 & 0.3 & 0.1 \\ 0.3 & 0.5 & 0.2 \end{pmatrix} \text{ và ma trận đầu cuối } b = \begin{pmatrix} 50 \\ 80 \\ 60 \end{pmatrix}. \text{ (Giả sử giá trị hàng hóa được tính bằng USD)}$$

$$Cân 44: Số 0.1 \text{ trong ma trận 4 số ý nghĩa gi?}$$

Câu 44: Số 0, 1 trong ma trận A có ý nghĩa gì?

A. Để sản xuất ra một lượng hàng đầu vào có giá trị một USD của ngành 3 cần lượng hàng có giá trị 0.1\$ của ngành 1.

B. Để sản xuất ra một lượng hàng đầu vào có giá trị một USD của ngành 3 cần lượng hàng có giá trị 0.1\$ của ngành 2.

C. Để sản xuất ra một lương hàng đầu vào có giá tri một USD của ngành 2 cần lương hàng có giá tri 0.1\$ của ngành 3.

D. Các câu kia sai.

Câu 45: Tính đầu ra của ngành 2.

A. 455.836.

B. 502.083.

C. 465.972.

(Đề câu 46 và 47) Một chuỗi nhà hàng có ba chi nhánh: 1, 2 và 3. Qua khảo sát chủ nhà hàng nhận thấy: sau một tháng có 20% số người thường đi chi nhánh 1 chuyển sang chi nhánh 2, và 10% chuyển sang chi nhánh 3; có 30% số người thường đi mua ở chi nhánh 2 chuyển sang chi nhánh 1 và 40% chuyển sang chi nhánh 3; có 30% số người thường đi chi nhánh 3 chuyển sang chi nhánh 1 và 10% chuyển sang chi nhánh 2. Giả sử không có khách hàng nào mới hay rời bỏ hẳn.

Câu 46: Viết ma trân chuyển trang thái Markov cho mô hình trên.

$$A. \left(\begin{array}{cccc} 0.7 & 0.2 & 0.1 \\ 0.3 & 0.3 & 0.4 \\ 0.3 & 0.1 & 0.6 \end{array}\right)$$

$$A. \begin{pmatrix} 0.7 & 0.2 & 0.1 \\ 0.3 & 0.3 & 0.4 \\ 0.3 & 0.1 & 0.6 \end{pmatrix}. \qquad B. \begin{pmatrix} 0.7 & 0.3 & 0.3 \\ 0.2 & 0.3 & 0.1 \\ 0.1 & 0.4 & 0.6 \end{pmatrix}. \qquad C. \begin{pmatrix} 0.2 & 0.3 & 0.3 \\ 0.1 & 0.4 & 0.6 \\ 0.7 & 0.3 & 0.1 \end{pmatrix}. \qquad D. \begin{pmatrix} 0.1 & 0.4 & 0.6 \\ 0.2 & 0.3 & 0.1 \\ 0.7 & 0.3 & 0.3 \end{pmatrix}.$$

$$C. \left(\begin{array}{cccc} 0.2 & 0.3 & 0.3 \\ 0.1 & 0.4 & 0.6 \\ 0.7 & 0.3 & 0.1 \end{array}\right).$$

$$D. \left(\begin{array}{cccc} 0.1 & 0.4 & 0.6 \\ 0.2 & 0.3 & 0.1 \\ 0.7 & 0.3 & 0.3 \end{array}\right)$$

Câu 47: Giả sử sự phân bố ban đầu tại các chi nhánh 1, 2 và 3 đều là 10000 người. Tính số lượng người đi chi nhánh 3 sau 3 tháng.

A. 5520.

B. 9800.

C. 14680.

D. Các câu kia sai.

(Đề câu 48, 49 và 50) Người ta chia cá mang xanh cái thành 3 đô tuổi với thời lương bằng nhau là 2 năm: độ tuổi I (từ 0 tới 2 tuổi), độ tuổi II (từ 2 đến 4 tuổi) và độ tuổi III (từ 4 đến 6 tuổi). Ma trận Leslei và phân bố ban đầu được cho như sau:

$$L = \begin{pmatrix} 0 & 5 & 4 \\ 0.5 & 0 & 0 \\ 0 & 0.4 & 0 \end{pmatrix}. \text{ (cột 1, 2, 3 tương ứng với lớp I, II, III) và } x_o = \begin{pmatrix} 8000 \\ 10000 \\ 6000 \end{pmatrix}.$$

Câu 48: Số 0.5 có ý nghĩa gì?

A. Tỷ lê sống sót của lớp I là 0.5.

B. Tỷ lệ sống sót của lớp III là 0.5.

C. Tỷ lệ sống sót của lớp II là 0.5.

D. Các câu kia sai.

Câu 49: Số lương của loài vật này ở lớp thứ II sau 4 năm.

A. 1600.

B. Các câu kia sai.

C. 36000.

D. 37000.

Câu 50: Số lương của lớp thứ mấy nhiều nhất sau 6 năm.

A. Lớp thứ I.

B. Các câu kia sai.

C. Lớp thứ II.

D. Lớp thứ III.

Giảng viên ra đề

BK TANCE

TRƯỜNG ĐH BÁCH KHOA - ĐHQG-HCM KHOA KHUD

	THI CUỐI KỲ	Học kỳ/ Năm học 2 2020 - 202					
		Ngày thi 27/1/2021					
	Môn học	Đại số tuyến tính					
	Mã môn học	MT1007	CA 2				
	Thời lượng	100 phút	Mã đề	29	13		
Ī		7 . 30 .7.	\ /• :				

Ghi chú: - Không được sử dụng: tài liệu, laptop. - Nộp lại để thi cùng với bài làm.

Câu 1. Ánh xạ $f: \mathbb{R}_2 \to \mathbb{R}_2$ nào sau đây là ánh xạ tuyến tính

A.
$$f(x_1; x_2) = (1; 0)$$
.

B.
$$f(x_1; x_2) = (x_1; 1)$$
.

C.
$$f(x_1; x_2) = (x_1 + x_2; x_1 + 1).$$

D.
$$f(x_1; x_2) = (0; 0)$$
.

Câu 2. Cho $A = \begin{pmatrix} 3 & 1 \\ 2 & m \end{pmatrix}$ và $B = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ -1 & 4 \end{pmatrix}$. Tính tổng các phần tử trên đường chéo của AB^T . **A.** Ba câu kia sai. **B.** m + 1. **C.** 4m + 3. **D.** 4m + 6.

B.
$$m + 1$$
.

C.
$$4m + 3$$

D.
$$4m + 6$$
.

Câu 3. Cho ma trận $A = \begin{pmatrix} 5 & -2 \\ -2 & 8 \end{pmatrix}$. Tìm tất cả các giá trị riêng của A^{10} . **A.** Ba câu kia sai. **B.** $\{4^{10}; 9^{10}\}$. **C.** $\{2^{10}; 4^{10}\}$. **D.** $\{1; 5^{10}\}$.

B.
$$\{4^{10}; 9^{10}\}.$$

C.
$$\{2^{10}; 4^{10}\}.$$

D.
$$\{1; 5^{10}\}.$$

Câu 4. Tìm argument của số phức $z = (1 - i\sqrt{3})^{2020}$. A $\frac{\pi}{2}$ B. $\frac{\pi}{3}$. C. Đáp án khác.

$$\mathbf{A.} \frac{\pi}{6}$$
.

B.
$$\frac{\pi}{3}$$
.

D.
$$\frac{2\pi}{3}$$
.

Câu 5. Cho X và Y là hai vécto riêng của ma trận A. Khẳng định nào sau đây luôn đúng?

 $\mathbf{A.} \ X \perp Y.$

B. $\forall n \in \mathbb{N}, nY$ là véctơ riêng của A^n .

C. Tập $\{X, Y\}$ độc lập tuyến tính.

D. X là véctơ riêng của A^4 .

Câu 6. Tìm tất cả giá trị thực của m để định thức của $A = \begin{pmatrix} 1 & 1 & -1 \\ 0 & 2 & -1 \\ 3 & 7 & m \end{pmatrix}$ bằng 2.

A. Đáp án khác.

B.
$$m \neq 2$$
.

C.
$$m = 1$$
.

D.
$$m = -4$$
.

Câu 7. Cho ánh xạ tuyến tính $f: \mathbb{R}_2 \longrightarrow \mathbb{R}_2$, biết ma trận của f trong cơ sở $E = \{(7, 5), (3, 2)\}$ là). Tính f(1;3).

A. (218; -507).

$$C. (-13; 1).$$

D. Ba câu kia sai.

Câu 8. Tìm tất cả các giá trị thực của m để (1; m) là một véc tơ riêng của ma trận $A = \begin{pmatrix} 7 & -3 \\ 10 & -4 \end{pmatrix}$.

A. 2.

D. 5/3.

Câu 9. Cho ánh xạ tuyến tính f là phép chiếu vuông góc lên đường thẳng x - 2y = 0 trong mặt phẳng Oxy. Gọi A là ma trận của f trong cơ sở $E = \{(1, 0), (0, 1)\}$. Véctơ nào sau đây là véctơ riêng của A?

A. $(1;1)^T$.

B.
$$(1;2)^T$$
.

C.
$$(2;1)^T$$
.

D.
$$(2;3)^{T}$$

Câu 10. Trong $\mathbb{P}_1[x]$ cho tích vô hướng $\forall p(x), q(x) \in P_1[x], (p,q) = \int_0^1 p(x)q(x)dx$. Tìm độ dài của vécto f(x) = 3x.

A. 3.

B. $\sqrt{3}$.

C. 1.

D. $\sqrt{2}$.

Câu 11. Cho ánh xạ tuyến tính $f: \mathbb{R}_2 \to \mathbb{R}_2$, biết Kerf = <(1,2) > và <math>f(1,1) = (3,6). Tìm tất cả các giá trị của m để vécto (-1; m) thuộc Imf.

A. ∄*m*.

B. m = 2.

C. m = -2.

D. $\forall m$.

Câu 12. Cho ánh xạ tuyến tính $f: \mathbb{R}_3 \longrightarrow \mathbb{R}_3$, biết f(1, 1, 1) = (2, 3, 3); f(1, 2, -2) = (1, 1, 2); f(3,3,1) = (2,1,1). Biết f(-1,3,-2) có dạng (a,b,c), khi đó a+b+c bằng

A. 100.

B. 12.

C. 86.

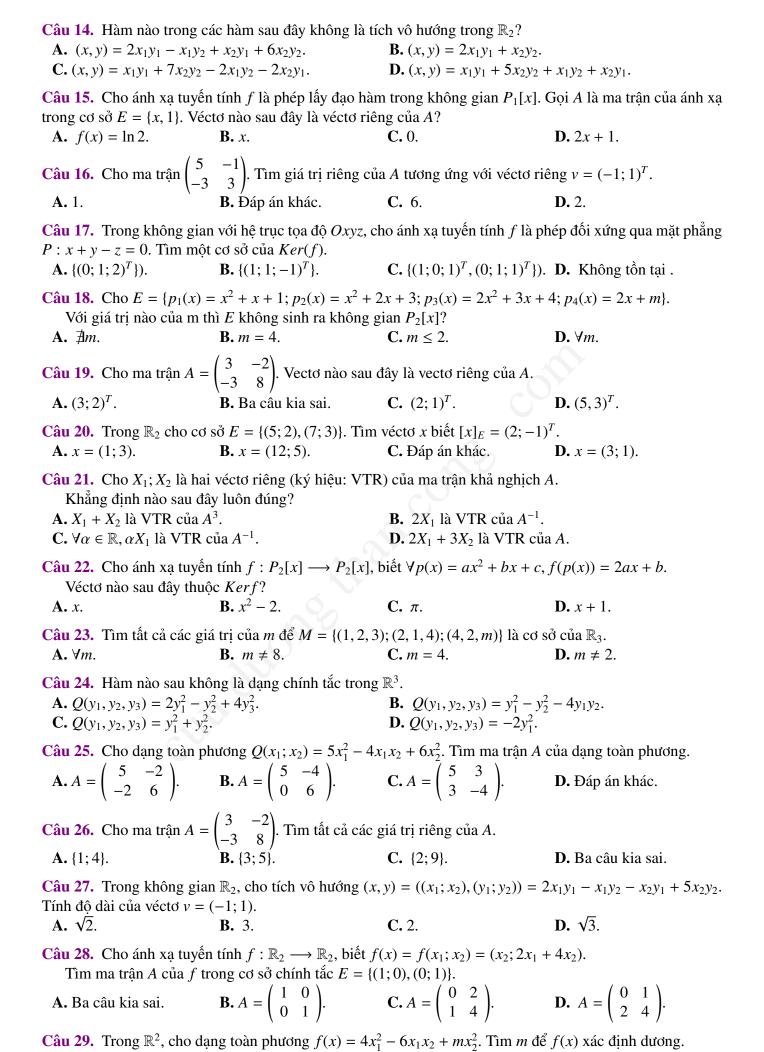
D. 52.

Câu 13. Ánh xạ $f : \mathbb{R}_2 \longrightarrow \mathbb{R}_2$ nào sau đây KHÔNG là ánh xạ tuyến tính?

A. $f(x_1; x_2) = (0; 0)$. **B.** $f(x_1; x_2) = (0; 1)$.

C. $f(x_1; x_2) = (x_2; x_1)$.

D. $f(x_1; x_2) = (x_2; 0)$.

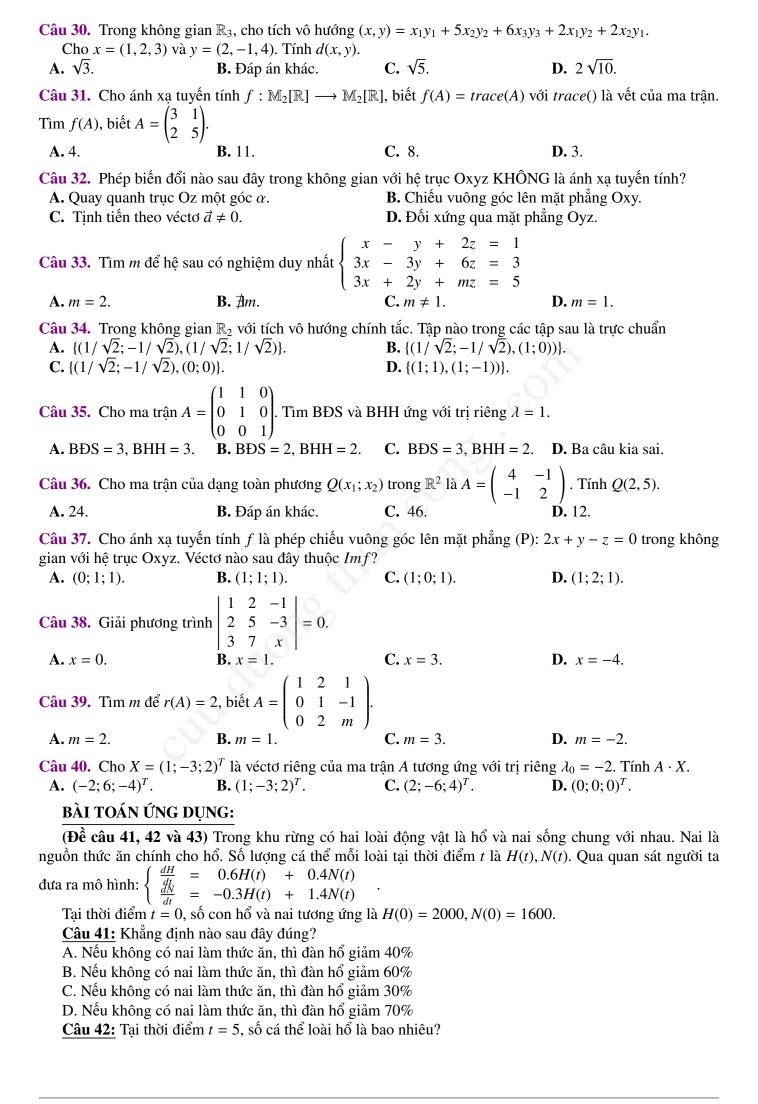


https://fb.com/tailieudientucntt Trang 2/4 Mã đề 2913

C. $m < \frac{9}{4}$. **D.** $m > \frac{4}{9}$.

 $\mathbf{A.} \ m \geq \frac{4}{9}$.

B. $m > \frac{9}{4}$.



A. $700e^4 + 300e^6$.

B. $1400e^4 + 600e^6$.

C. $1400e^4 + 400e^6$. D. $1400e^4 + 300e^6$.

Câu 43: Tai thời điểm t = 5, số cá thể loài nai là bao nhiêu?

A. $700e^4 + 300e^6$.

B. $1400e^4 + 100e^6$.

C. $700e^4 + 200e^6$.

(Đề câu 44 và 45) Cho một quốc gia có ba ngành kinh tế: 1, 2 và 3 với ma trận hệ số đầu vào là

$$A = \begin{pmatrix} 0.4 & 0.2 & 0.4 \\ 0.2 & 0.3 & 0.1 \\ 0.3 & 0.5 & 0.2 \end{pmatrix} \text{ và ma trận đầu cuối } b = \begin{pmatrix} 50 \\ 80 \\ 60 \end{pmatrix}. \text{ (Giả sử giá trị hàng hóa được tính bằng USD)}$$

$$Cân 44: Số 0.1 \text{ trong ma trận 4 số ý nghĩa gi?}$$

Câu 44: Số 0, 1 trong ma trận A có ý nghĩa gì?

- A. Để sản xuất ra một lượng hàng đầu vào có giá trị một USD của ngành 3 cần lượng hàng có giá trị 0.1\$ của ngành 1.
- B. Để sản xuất ra một lượng hàng đầu vào có giá trị một USD của ngành 3 cần lượng hàng có giá trị 0.1\$ của ngành 2.
- C. Để sản xuất ra một lương hàng đầu vào có giá tri một USD của ngành 2 cần lương hàng có giá tri 0.1\$ của ngành 3.
 - D. Các câu kia sai.

Câu 45: Tính đầu ra của ngành 2.

A. 455.836.

B. 502.083.

C. 465.972.

(Đề câu 46 và 47) Một chuỗi nhà hàng có ba chi nhánh: 1, 2 và 3. Qua khảo sát chủ nhà hàng nhận thấy: sau một tháng có 20% số người thường đi chi nhánh 1 chuyển sang chi nhánh 2, và 10% chuyển sang chi nhánh 3; có 30% số người thường đi mua ở chi nhánh 2 chuyển sang chi nhánh 1 và 40% chuyển sang chi nhánh 3; có 30% số người thường đi chi nhánh 3 chuyển sang chi nhánh 1 và 10% chuyển sang chi nhánh 2. Giả sử không có khách hàng nào mới hay rời bỏ hẳn.

Câu 46: Viết ma trân chuyển trang thái Markov cho mô hình trên.

$$A. \begin{pmatrix} 0.7 & 0.2 & 0.1 \\ 0.3 & 0.3 & 0.4 \\ 0.3 & 0.1 & 0.6 \end{pmatrix}. \qquad B. \begin{pmatrix} 0.7 & 0.3 & 0.3 \\ 0.2 & 0.3 & 0.1 \\ 0.1 & 0.4 & 0.6 \end{pmatrix}. \qquad C. \begin{pmatrix} 0.2 & 0.3 & 0.3 \\ 0.1 & 0.4 & 0.6 \\ 0.7 & 0.3 & 0.1 \end{pmatrix}. \qquad D. \begin{pmatrix} 0.1 & 0.4 & 0.6 \\ 0.2 & 0.3 & 0.1 \\ 0.7 & 0.3 & 0.3 \end{pmatrix}.$$

B.
$$\begin{pmatrix} 0.7 & 0.3 & 0.3 \\ 0.2 & 0.3 & 0.1 \\ 0.1 & 0.4 & 0.6 \end{pmatrix}$$

$$C. \left(\begin{array}{ccc} 0.2 & 0.3 & 0.3 \\ 0.1 & 0.4 & 0.6 \\ 0.7 & 0.3 & 0.1 \end{array}\right)$$

$$D. \left(\begin{array}{cccc} 0.1 & 0.4 & 0.6 \\ 0.2 & 0.3 & 0.1 \\ 0.7 & 0.3 & 0.3 \end{array}\right)$$

Câu 47: Giả sử sự phân bố ban đầu tại các chi nhánh 1, 2 và 3 đều là 10000 người. Tính số lượng người đi chi nhánh 3 sau 3 tháng.

A. 5520.

B. 9800.

C. 14680.

D. Các câu kia sai.

(Đề câu 48, 49 và 50) Người ta chia cá mang xanh cái thành 3 đô tuổi với thời lương bằng nhau là 2 năm: độ tuổi I (từ 0 tới 2 tuổi), độ tuổi II (từ 2 đến 4 tuổi) và độ tuổi III (từ 4 đến 6 tuổi). Ma trận Leslei và phân bố ban đầu được cho như sau:

$$L = \begin{pmatrix} 0 & 5 & 4 \\ 0.5 & 0 & 0 \\ 0 & 0.4 & 0 \end{pmatrix}. \text{ (cột 1, 2, 3 tương ứng với lớp I, II, III) và } x_o = \begin{pmatrix} 8000 \\ 10000 \\ 6000 \end{pmatrix}.$$

Câu 48: Số 0.5 có ý nghĩa gì?

A. Tỷ lê sống sót của lớp I là 0.5.

B. Tỷ lệ sống sót của lớp III là 0.5.

C. Tỷ lệ sống sót của lớp II là 0.5.

D. Các câu kia sai.

Câu 49: Số lương của loài vật này ở lớp thứ II sau 4 năm.

A. 1600.

B. Các câu kia sai.

C. 36000.

D. 37000.

Câu 50: Số lương của lớp thứ mấy nhiều nhất sau 6 năm.

A. Lớp thứ I.

B. Các câu kia sai.

C. Lớp thứ II.

D. Lớp thứ III.

Giảng viên ra đề

KHOA KHUD

BK
TRƯỜNG ĐH BÁCH KHOA
- ĐHOG-HCM

THI CUỐI KỲ	Học kỳ/ N	ăm học	2	2020 - 2021			
THICUULKY	Ngày thi 27/1/2021						
Môn học	Đại số tuyến tính						
Mã môn học	MT1007	CA 2					
Thời lượng	100 phút	Mã đề	28	54			
. N. 110 1	1 . 12	\					

Ghi chú: - Không được sử dụng: tài liệu, laptop. - Nộp lại đê thi cùng với bài làm.

Câu 1. Cho ma trận của dạng toàn phương $Q(x_1; x_2)$ trong \mathbb{R}^2 là $A = \begin{pmatrix} 4 & -1 \\ -1 & 2 \end{pmatrix}$. Tính Q(2, 5).

C 46.

D. Đáp án khác.

Câu 2. Cho dạng toàn phương $Q(x_1; x_2) = 5x_1^2 - 4x_1x_2 + 6x_2^2$. Tìm ma trận A của dạng toàn phương.

- $\mathbf{A.} A = \begin{pmatrix} 5 & 3 \\ 3 & -4 \end{pmatrix}. \qquad \mathbf{B.} A = \begin{pmatrix} 5 & -2 \\ -2 & 6 \end{pmatrix}. \qquad \mathbf{C.} \text{ Dáp án khác.} \qquad \mathbf{D.} A = \begin{pmatrix} 5 & -4 \\ 0 & 6 \end{pmatrix}.$

Câu 3. Cho $E = \{p_1(x) = x^2 + x + 1; p_2(x) = x^2 + 2x + 3; p_3(x) = 2x^2 + 3x + 4; p_4(x) = 2x + m\}.$ Với giá trị nào của m thì E không sinh ra không gian $P_2[x]$?

- **A.** m = 4.
- **B.** $m \le 2$.
- **C.** ∄*m*.

D. $\forall m$.

Câu 4. Phép biến đổi nào sau đây trong không gian với hệ trục Oxyz KHÔNG là ánh xạ tuyến tính?

A. Đối xứng qua mặt phẳng Oyz.

- **B.** Tinh tiến theo vécto $\vec{a} \neq 0$.
- **C.** Quay quanh truc Oz môt góc α .
- **D.** Chiếu vuông góc lên mặt phẳng Oxy.

Câu 5. Hàm nào trong các hàm sau đây không là tích vô hướng trong \mathbb{R}_2 ?

A. $(x, y) = 2x_1y_1 + x_2y_2$.

- **B.** $(x, y) = x_1y_1 + 7x_2y_2 2x_1y_2 2x_2y_1$.
- **C.** $(x, y) = x_1y_1 + 5x_2y_2 + x_1y_2 + x_2y_1$.
- **D.** $(x, y) = 2x_1y_1 x_1y_2 + x_2y_1 + 6x_2y_2$.

Câu 6. Cho ma trận $A = \begin{pmatrix} 3 & -2 \\ -3 & 8 \end{pmatrix}$. Tìm tất cả các giá trị riêng của A.

- **A.** {3; 5}.
- **B.** {1; 4}.
- **D.** {2; 9}.

Câu 7. Tìm *m* để hệ sau có nghiệm duy nhất $\begin{cases} x - y + 2z = 1 \\ 3x - 3y + 6z = 3 \\ 3x + 2y + mz = 5 \end{cases}$

- **A.** $m \neq 1$.
- **B.** m = 2.
- **D.** ∄*m*.

Câu 8. Cho $X = (1, -3, 2)^T$ là véctơ riêng của ma trận A tương ứng với trị riêng $\lambda_0 = -2$. Tính $A \cdot X$.

- **A.** $(2; -6; 4)^T$.
- **B.** $(-2; 6; -4)^T$.
- **C.** $(1; -3; 2)^T$.
- **D.** $(0;0;0)^T$.

Câu 9. Cho ánh xạ tuyến tính f là phép lấy đạo hàm trong không gian $P_1[x]$. Gọi A là ma trận của ánh xạ trong cơ sở $E = \{x, 1\}$. Véctơ nào sau đây là véctơ riêng của A?

A. 0.

B. *x*.

- **C.** 2x + 1.
- **D.** $f(x) = \ln 2$.

Câu 10. Trong không gian với hệ trục tọa độ Oxyz, cho ánh xạ tuyến tính f là phép đối xứng qua mặt phẳng P: x + y - z = 0. Tìm một cơ sở của Ker(f).

- **A.** $\{(0; 1; 2)^T\}$).
- **B.** $\{(1;0;1)^T,(0;1;1)^T\}$). **C.** $\{(1;1;-1)^T\}$.
- **D.** Không tồn tai .

Câu 11. Cho ánh xạ tuyến tính $f: \mathbb{M}_2[\mathbb{R}] \longrightarrow \mathbb{M}_2[\mathbb{R}]$, biết f(A) = trace(A) với trace() là vết của ma trận. Tìm f(A), biết $A = \begin{pmatrix} 3 & 1 \\ 2 & 5 \end{pmatrix}$.

A. 4.

B. 11.

C. 8.

D. 3.

Câu 12. Trong $\mathbb{P}_1[x]$ cho tích vô hướng $\forall p(x), q(x) \in P_1[x], (p,q) = \int_0^1 p(x)q(x)dx$. Tìm độ dài của vécto f(x) = 3x.

A. $\sqrt{2}$.

B. $\sqrt{3}$.

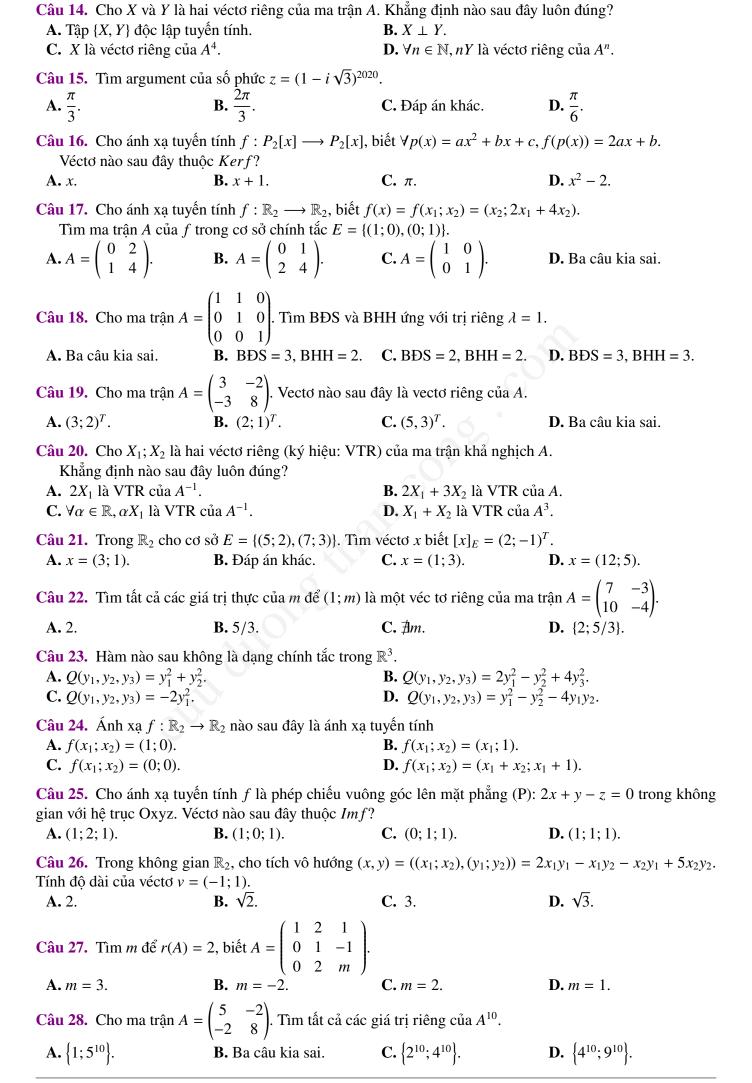
C. 3.

D. 1.

Câu 13. Tìm tất cả các giá trị của m để $M = \{(1, 2, 3); (2, 1, 4); (4, 2, m)\}$ là cơ sở của \mathbb{R}_3 .

 $\mathbf{A.}\ \forall m.$

- **B.** $m \neq 8$.
- **C.** $m \neq 2$.
- **D.** m = 4.



Câu 29. Trong không gian \mathbb{R}_3 , cho tích vô hướng $(x, y) = x_1y_1 + 5x_2y_2 + 6x_3y_3 + 2x_1y_2 + 2x_2y_1$. Cho x = (1, 2, 3) và y = (2, -1, 4). Tính d(x, y). C. $2\sqrt{10}$. **A.** $\sqrt{3}$. **B.** Đáp án khác. **Câu 30.** Cho $A = \begin{pmatrix} 3 & 1 \\ 2 & m \end{pmatrix}$ và $B = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ -1 & 4 \end{pmatrix}$. Tính tổng các phần tử trên đường chéo của AB^T . **A.** 4m + 6. **C.** Ba câu kia sai. **D.** m + 1**Câu 31.** Cho ánh xạ tuyến tính $f: \mathbb{R}_3 \longrightarrow \mathbb{R}_3$, biết f(1, 1, 1) = (2, 3, 3); f(1, 2, -2) = (1, 1, 2); f(3,3,1) = (2,1,1). Biết f(-1,3,-2) có dạng (a,b,c), khi đó a+b+c bằng **B.** 100. Câu 32. Cho ánh xạ tuyến tính f là phép chiếu vuông góc lên đường thẳng x - 2y = 0 trong mặt phẳng Oxy. Gọi A là ma trận của f trong cơ sở $E = \{(1, 0), (0, 1)\}$. Véctơ nào sau đây là véctơ riêng của A? **A.** $(2;3)^T$. **B.** $(1;2)^T$. **C.** $(2;1)^T$. **D.** $(1;1)^T$. **Câu 33.** Trong không gian \mathbb{R}_2 với tích vô hướng chính tắc. Tập nào trong các tập sau là trực chuẩn **B.** $\{(1/\sqrt{2}; -1/\sqrt{2}), (0; 0)\}.$ **A.** $\{(1/\sqrt{2}; -1/\sqrt{2}), (1/\sqrt{2}; 1/\sqrt{2})\}.$ $C. \{(1; 1), (1; -1))\}.$ **D.** $\{(1/\sqrt{2}; -1/\sqrt{2}), (1; 0)\}$. **Câu 34.** Giải phương trình $\begin{vmatrix} 1 & 2 & -1 \\ 2 & 5 & -3 \\ 3 & 7 & x \end{vmatrix} = 0.$ **A.** x = -4. **B.** x = 3. **C.** x = 1. **Câu 35.** Tìm tất cả giá trị thực của m để định thức của $A = \begin{pmatrix} 1 & 1 & -1 \\ 0 & 2 & -1 \\ 3 & 7 & m \end{pmatrix}$ bằng 2. A. Đáp án khác. **B.** m = -4. **D.** m = 1. **Câu 36.** Cho ánh xạ tuyến tính $f: \mathbb{R}_2 \longrightarrow \mathbb{R}_2$, biết ma trận của f trong cơ sở $E = \{(7, 5), (3, 2)\}$ là $A = \begin{pmatrix} 1 & -1 \\ 2 & 4 \end{pmatrix}$. Tính f(1;3). **B.** (11; 15). **C.** (218; -507). D. Ba câu kia sai. **Câu 37.** Trong \mathbb{R}^2 , cho dạng toàn phương $f(x) = 4x_1^2 - 6x_1x_2 + mx_2^2$. Tìm m để f(x) xác định dương. **A.** $m > \frac{4}{9}$. **B.** $m > \frac{9}{4}$. **C.** $m \ge \frac{4}{9}$. **D.** $m < \frac{9}{4}$. **Câu 38.** Ánh xạ $f: \mathbb{R}_2 \longrightarrow \mathbb{R}_2$ nào sau đây KHÔNG là ánh xạ tuyến tính? **B.** $f(x_1; x_2) = (0; 1)$. **C.** $f(x_1; x_2) = (x_2; 0)$. **D.** $f(x_1; x_2) = (x_2; x_1)$. **A.** $f(x_1; x_2) = (0; 0)$. Câu 39. Cho ma trận $\begin{pmatrix} 5 & -1 \\ -3 & 3 \end{pmatrix}$. Tìm giá trị riêng của A tương ứng với véctơ riêng $v = (-1; 1)^T$.

A. 2.
B. 1.
C. 6.
D. Đáp án khác. **Câu 40.** Cho ánh xạ tuyến tính $f: \mathbb{R}_2 \to \mathbb{R}_2$, biết Kerf = <(1; 2) > và <math>f(1; 1) = (3; 6). Tìm tất cả các giá trị của m để vécto (-1; m) thuộc Imf. **A.** m = -2. **B.** m = 2. $\mathbf{C}. \ \forall m.$ \mathbf{D} . $\not\exists m$. BÀI TOÁN ỨNG DUNG: $\frac{dH}{dt} = 0.6H(t) + 0.4N(t)$ đưa ra mô hình: $\frac{dN}{dt} = -0.3H(t) + 1.4N(t)$ Tại thời điểm t = 0, số con hổ và nai tương ứng là H(0) = 2000, N(0) = 1600. **Câu 41:** Khẳng đinh nào sau đây đúng? A. Nếu không có nai làm thức ăn, thì đàn hổ giảm 40%

(Đề câu 41, 42 và 43) Trong khu rừng có hai loài đông vật là hổ và nai sống chung với nhau. Nai là nguồn thức ăn chính cho hổ. Số lượng cá thể mỗi loài tại thời điểm t là H(t), N(t). Qua quan sát người ta

- B. Nếu không có nai làm thức ăn, thì đàn hổ giảm 60%
- C. Nếu không có nai làm thức ăn, thì đàn hổ giảm 30%
- D. Nếu không có nai làm thức ăn, thì đàn hổ giảm 70%

Câu 42: Tại thời điểm t = 5, số cá thể loài hổ là bao nhiêu?

A. $700e^4 + 300e^6$.

B. $1400e^4 + 600e^6$.

C. $1400e^4 + 400e^6$. D. $1400e^4 + 300e^6$.

Câu 43: Tai thời điểm t = 5, số cá thể loài nai là bao nhiêu?

A. $700e^4 + 300e^6$.

B. $1400e^4 + 100e^6$.

C. $700e^4 + 200e^6$.

(Đề câu 44 và 45) Cho một quốc gia có ba ngành kinh tế: 1, 2 và 3 với ma trận hệ số đầu vào là

$$A = \begin{pmatrix} 0.4 & 0.2 & 0.4 \\ 0.2 & 0.3 & 0.1 \\ 0.3 & 0.5 & 0.2 \end{pmatrix}$$
 và ma trận đầu cuối $b = \begin{pmatrix} 50 \\ 80 \\ 60 \end{pmatrix}$. (Giả sử giá trị hàng hóa được tính bằng USD)

Câu 44: Số 0, 1 trong ma trận A có ý nghĩa gì?

A. Để sản xuất ra một lượng hàng đầu vào có giá trị một USD của ngành 3 cần lượng hàng có giá trị 0.1\$ của ngành 1.

B. Để sản xuất ra một lượng hàng đầu vào có giá trị một USD của ngành 3 cần lượng hàng có giá trị 0.1\$ của ngành 2.

C. Để sản xuất ra một lương hàng đầu vào có giá tri một USD của ngành 2 cần lương hàng có giá tri 0.1\$ của ngành 3.

D. Các câu kia sai.

Câu 45: Tính đầu ra của ngành 2.

A. 455.836.

B. 502.083.

C. 465.972.

(Đề câu 46 và 47) Một chuỗi nhà hàng có ba chi nhánh: 1, 2 và 3. Qua khảo sát chủ nhà hàng nhận thấy: sau một tháng có 20% số người thường đi chi nhánh 1 chuyển sang chi nhánh 2, và 10% chuyển sang chi nhánh 3; có 30% số người thường đi mua ở chi nhánh 2 chuyển sang chi nhánh 1 và 40% chuyển sang chi nhánh 3; có 30% số người thường đi chi nhánh 3 chuyển sang chi nhánh 1 và 10% chuyển sang chi nhánh 2. Giả sử không có khách hàng nào mới hay rời bỏ hẳn.

Câu 46: Viết ma trân chuyển trang thái Markov cho mô hình trên.

$$A. \begin{pmatrix} 0.7 & 0.2 & 0.1 \\ 0.3 & 0.3 & 0.4 \\ 0.3 & 0.1 & 0.6 \end{pmatrix}. \qquad B. \begin{pmatrix} 0.7 & 0.3 & 0.3 \\ 0.2 & 0.3 & 0.1 \\ 0.1 & 0.4 & 0.6 \end{pmatrix}. \qquad C. \begin{pmatrix} 0.2 & 0.3 & 0.3 \\ 0.1 & 0.4 & 0.6 \\ 0.7 & 0.3 & 0.1 \end{pmatrix}. \qquad D. \begin{pmatrix} 0.1 & 0.4 & 0.6 \\ 0.2 & 0.3 & 0.1 \\ 0.7 & 0.3 & 0.3 \end{pmatrix}.$$

B.
$$\begin{pmatrix} 0.7 & 0.3 & 0.3 \\ 0.2 & 0.3 & 0.1 \\ 0.1 & 0.4 & 0.6 \end{pmatrix}$$

$$C. \left(\begin{array}{ccc} 0.2 & 0.3 & 0.3 \\ 0.1 & 0.4 & 0.6 \\ 0.7 & 0.3 & 0.1 \end{array}\right)$$

D.
$$\begin{pmatrix} 0.1 & 0.4 & 0.6 \\ 0.2 & 0.3 & 0.1 \\ 0.7 & 0.3 & 0.3 \end{pmatrix}$$

Câu 47: Giả sử sự phân bố ban đầu tại các chi nhánh 1, 2 và 3 đều là 10000 người. Tính số lượng người đi chi nhánh 3 sau 3 tháng.

A. 5520.

B. 9800.

C. 14680.

D. Các câu kia sai.

(Đề câu 48, 49 và 50) Người ta chia cá mang xanh cái thành 3 đô tuổi với thời lương bằng nhau là 2 năm: độ tuổi I (từ 0 tới 2 tuổi), độ tuổi II (từ 2 đến 4 tuổi) và độ tuổi III (từ 4 đến 6 tuổi). Ma trận Leslei và phân bố ban đầu được cho như sau:

$$L = \begin{pmatrix} 0 & 5 & 4 \\ 0.5 & 0 & 0 \\ 0 & 0.4 & 0 \end{pmatrix}. \text{ (cột 1, 2, 3 tương ứng với lớp I, II, III) và } x_o = \begin{pmatrix} 8000 \\ 10000 \\ 6000 \end{pmatrix}.$$

Câu 48: Số 0.5 có ý nghĩa gì?

A. Tỷ lê sống sót của lớp I là 0.5.

B. Tỷ lệ sống sót của lớp III là 0.5.

C. Tỷ lệ sống sót của lớp II là 0.5.

D. Các câu kia sai.

Câu 49: Số lương của loài vật này ở lớp thứ II sau 4 năm.

A. 1600.

B. Các câu kia sai.

C. 36000.

D. 37000.

Câu 50: Số lương của lớp thứ mấy nhiều nhất sau 6 năm.

A. Lớp thứ I.

B. Các câu kia sai.

C. Lớp thứ II.

D. Lớp thứ III.

Giảng viên ra đề

ĐÁP ÁN

BẢNG ĐÁP ÁN CÁC MÃ ĐỀ

	Mã đề thi 2								ĩ đề thi 2301
1. A	2. D	3. A	4. B	5. C	6. D	7. A	8. B	9. A	10. C
11. D	12. C	13. D	14. C	15. C	16. C	17. B	18. D	19. B	20. D
21. C	22. B	23. D	24. C	25. A	26. D	27. D	28. D	29. C	30. C
31. B	32. A	33. A	34. A	35. C	36. A	37. D	38. B	39. C	40. C
Mã đề thi 2782									
1. B	2. B	3. C	4. D	5. C	6. A	7. B	8. C	9. B	10. A
11. A	12. D	13. B	14. D	15. A	16. C	17. A	18. A	19. B	20. A
21. C	22. A	23. D	24. D	25. D	26. A	27. B	28. A	29. D	30. B
31. D	32. D	33. C	34. B	35. D	36. D	37. D	38. A	39. D	40. B
								Mã	ĩ đề thi 2913
1. D	2. C	3. B	4. D	5. D	6. D	7. B	8. B	9. C	10. B
11. C	12. C	13. B	14. A	15. A	16. C	17. D	18. B	19. C	20. D
21. B	22. C	23. B	24. B	25. A	26. C	27. B	28. D	29. B	30. D
31. C	32. C	33. B	34. A	35. C	36. C	37. A	38. D	39. D	40. A
	Mã đề thi 2854								
1. C	2. B	3. A	4. B	5. D	6. D	7. D	8. B	9. D	10. D
11. C	12. B	13. B	14. C	15. B	16. C	17. B	18. B	19. B	20. A
21. A	22. D	23. D	24. C	25. C	26. C	27. B	28. D	29. C	30. B
31. D	32. C	33. A	34. A	35. B	36. B	37. B	38. B	39. C	40. A
ĐÁP ÁN PHẦN ỨNG DỤNG (cho cả 4 đề):									
41. A									