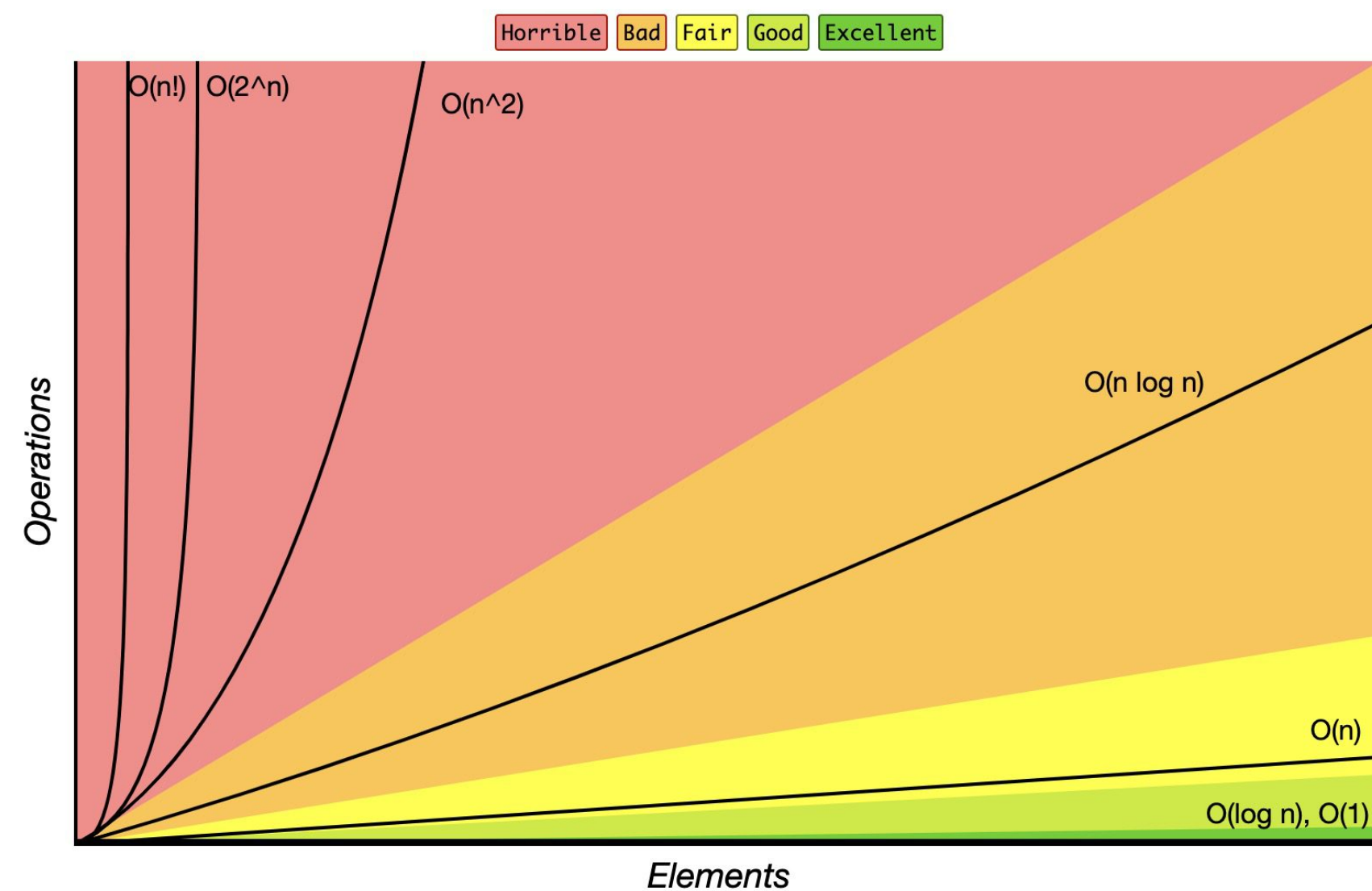


## What is BigO ?

- Big O biểu diễn tốc độ tăng trưởng của thời gian chạy hoặc không gian bộ nhớ tối đa theo kích thước đầu vào của thuật toán. Ví dụ,  $O(n)$  cho thấy thời gian chạy tăng tuyến tính với kích thước đầu vào, trong khi  $O(n^2)$  cho thấy sự tăng trưởng theo cấp số nhân.
- Big O hữu ích trong việc so sánh hiệu năng giữa các thuật toán khác nhau. Khi chọn thuật toán, nhà phát triển thường ưu tiên những thuật toán có Big O thấp, vì chúng thường hiệu quả hơn với dữ liệu lớn.

Big-O Complexity Chart



## What is BigO ?

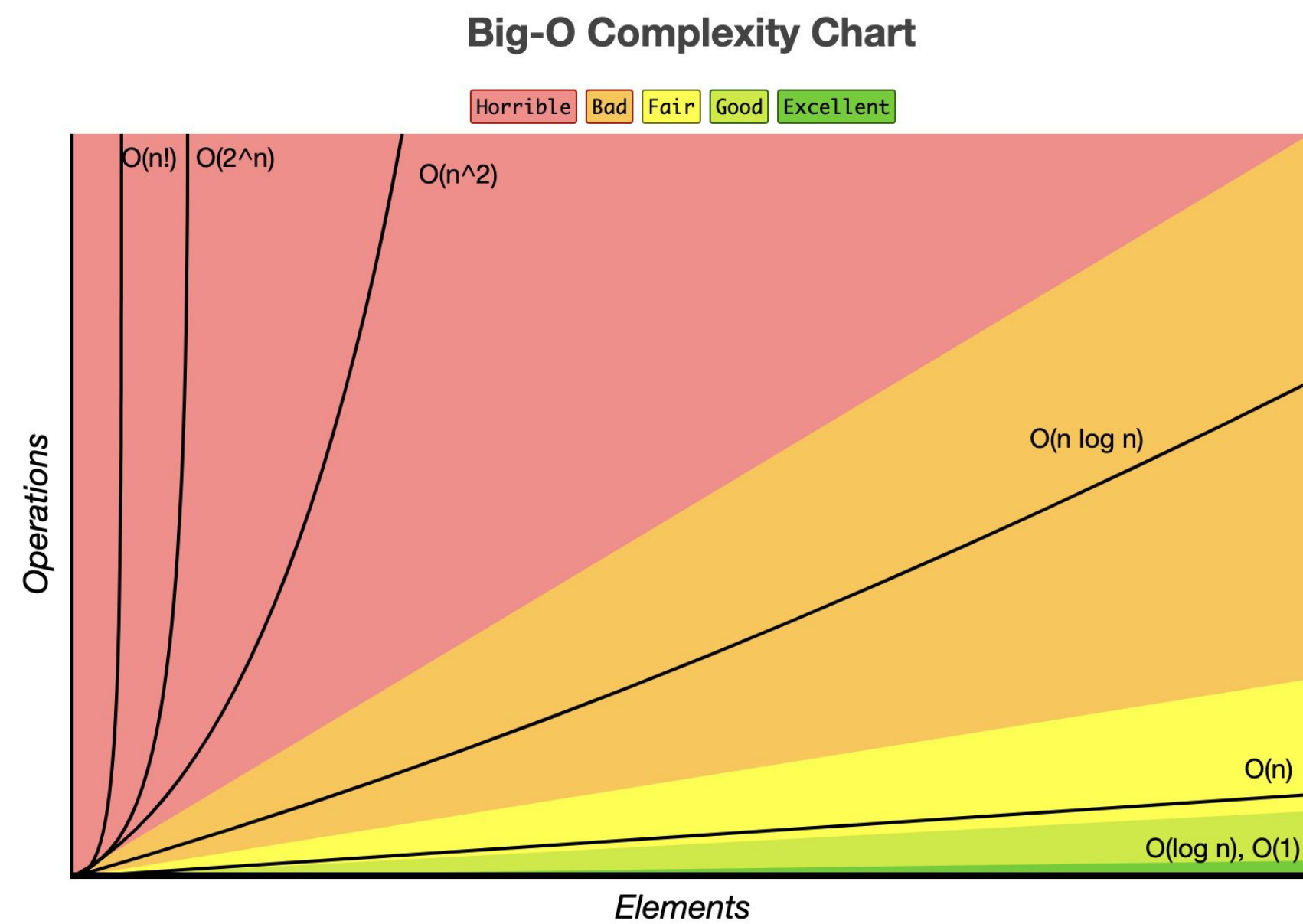
- $O(1)$
- $O(\log N)$
- $O(N)$
- $O(N + C)$
- $O(N^2)$
- $O(N^3)$
- 
- 
- 

N : Input size → Số lượng phần tử array, ...

C : Constant → If hay ham gì đó ...

Log ở trong thuật toán là log cơ số 2

## What is BigO ?



$$\left. \begin{array}{l} \bullet O(CN) \\ \bullet O(C+N) \end{array} \right\} \rightarrow \bullet O(N)$$

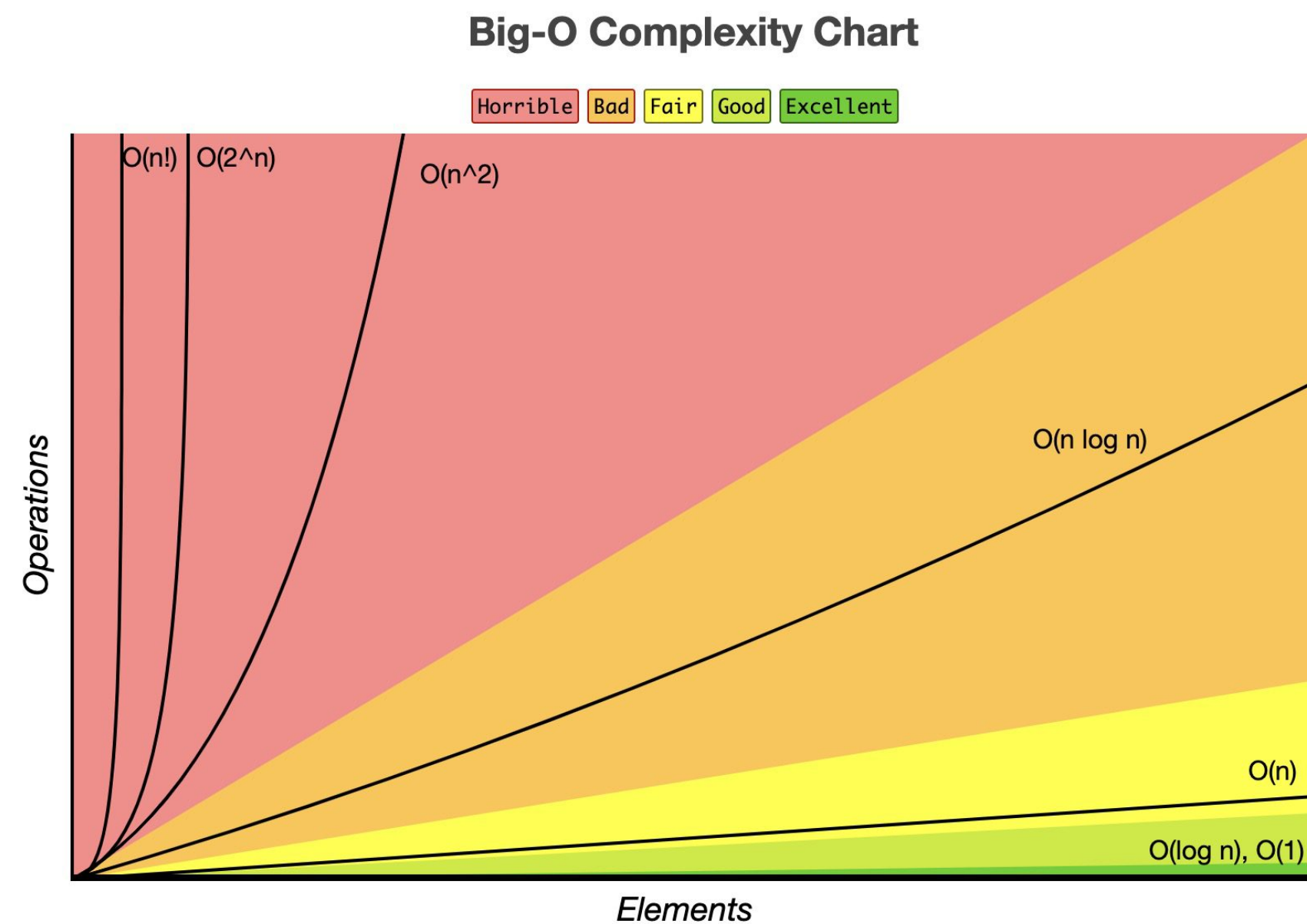
• Với N luôn tiến tới  $\infty$

## What is BigO ?

•  $F(N)$  : Function

$$F(N) : N^4 + N^3 + N(\text{Log}(N))^2 + N! + 10$$

➔ Trường hợp xấu nhất :  $O(N^4)$

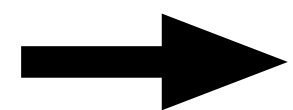


## Độ phức tạp $O(C)$ ?

$a = 0$

**While** (  $a < 100000$  ) :

$a = a + 1$



Độ phức tạp là  $O(1)$  bởi vì số lần lặp vẫn là cố định  
(và không phụ thuộc vào yếu tố khác)

## Độ phức tạp $O(n)$ ?

```
a = 0
```

```
While ( a < n ) :
```

```
    a = a + 1
```

➔  $F(N) : 1 + 2n$

➔ Độ phức tạp là  $O(n)$



## Độ phức tạp $O(n)$ ?

```
a = 0
```

```
While ( a < n ) :
```

```
    a = a + 100
```

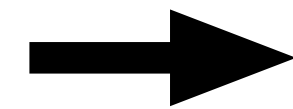
➔  $F(N) : 1 + 2n / 100$

➔ Độ phức tạp là  $O(n)$

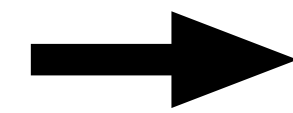
# Bài tập

Hãy tạo hàm tính  $S = 1 + 2 + 3 + 4 + \dots + N$  . Cho biết độ phức tạp của hàm đó

```
def Sum (n) :  
    total = 0  
    For x in Range (0, n) :  
        total += x  
    return total
```



$F(N) : 1 + 2n$



Độ phức tạp là  $O(N)$

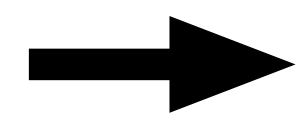


## Bài tập

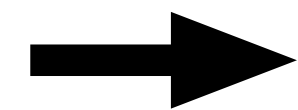
Hãy tạo hàm tính  $S = 1 + 2 + 3 + 4 + \dots + N$  . Cho biết độ phức tạp của hàm đó

```
def Sum (n) :
```

```
    return n*( n+1) / 2
```



$F(N) : 1$



Độ phức tạp là  $O(1)$

# Độ phức tạp $O(N)^2$ ?

a = 0

b = 0

For i range ( 0,n) :

For j range ( 0,n) :

a++

b++

➔  $F(N) : 2 + N + 3n^2$

➔ Độ phức tạp là  $O(N^2)$

## Độ phức tạp $O(N)^2$ ?

For x in Range (0, n) : \_\_\_\_\_ n

For a in Range (0, x) : \_\_\_\_\_  $n*(n+1) / 2$

#Câu lệnh thực hiện \_\_\_\_\_  $n*(n+1) / 2$

➔  $F(N) : N * 2*(N + 1) / 2 + N$

➔ Độ phức tạp là  $O(N^2)$

## Bài tập

For x in Range (0, n) : \_\_\_\_\_ n

For a in Range (x, n) : \_\_\_\_\_  $n*(n+1) / 2$

#Câu lệnh thực hiện \_\_\_\_\_  $n*(n+1) / 2$

➔  $F(N) : N * 2*(N + 1) / 2 + N$

➔ Độ phức tạp là  $O(N^2)$

## Độ phức tạp $O(\log N)$ ?

$a = 1$

**While** (  $a < n$  ) :

$a = a * 2$

➔  $F(N) : \log(n)$

➔ Độ phức tạp là  $O(\log(n))$

```
def binary_search(arr, x):
```

```
    low = 0
```

```
    high = len(arr) - 1
```

```
    while low <= high:
```

```
        mid = (low + high) // 2
```

```
        if arr[mid] == x:
```

```
            return mid
```

```
        elif arr[mid] < x:
```

```
            low = mid + 1
```

```
        else
```

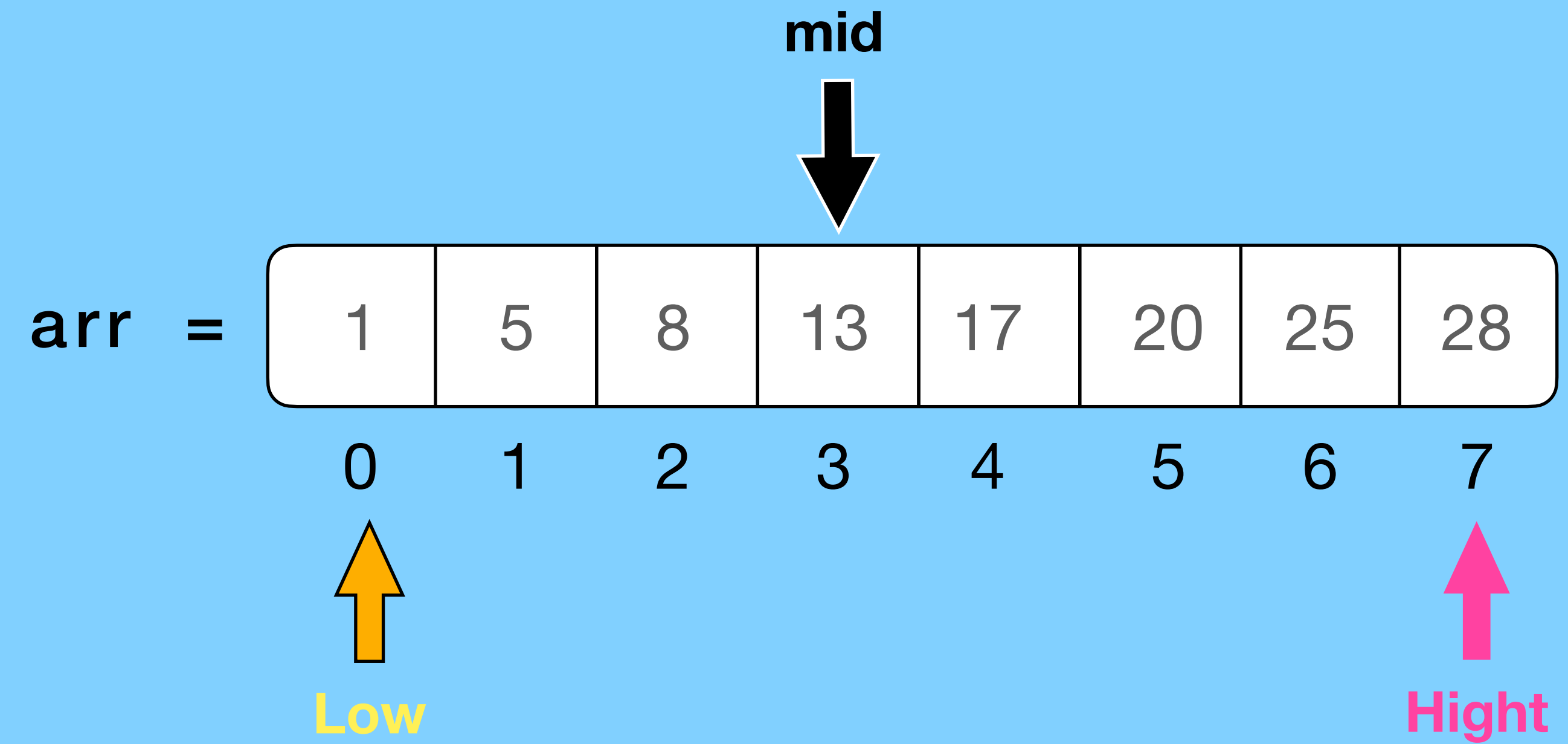
```
            high = mid - 1
```

```
    return -1
```

```
binary_search(arr, 25):
```

1

X = 25



```
def binary_search(arr, x):
```

```
    low = 0
```

```
    high = len(arr) - 1
```

```
    while low <= high:
```

```
        mid = (low + high) // 2
```

```
        if arr[mid] == x:
```

```
            return mid
```

```
        elif arr[mid] < x:
```

```
            low = mid + 1
```

```
        else
```

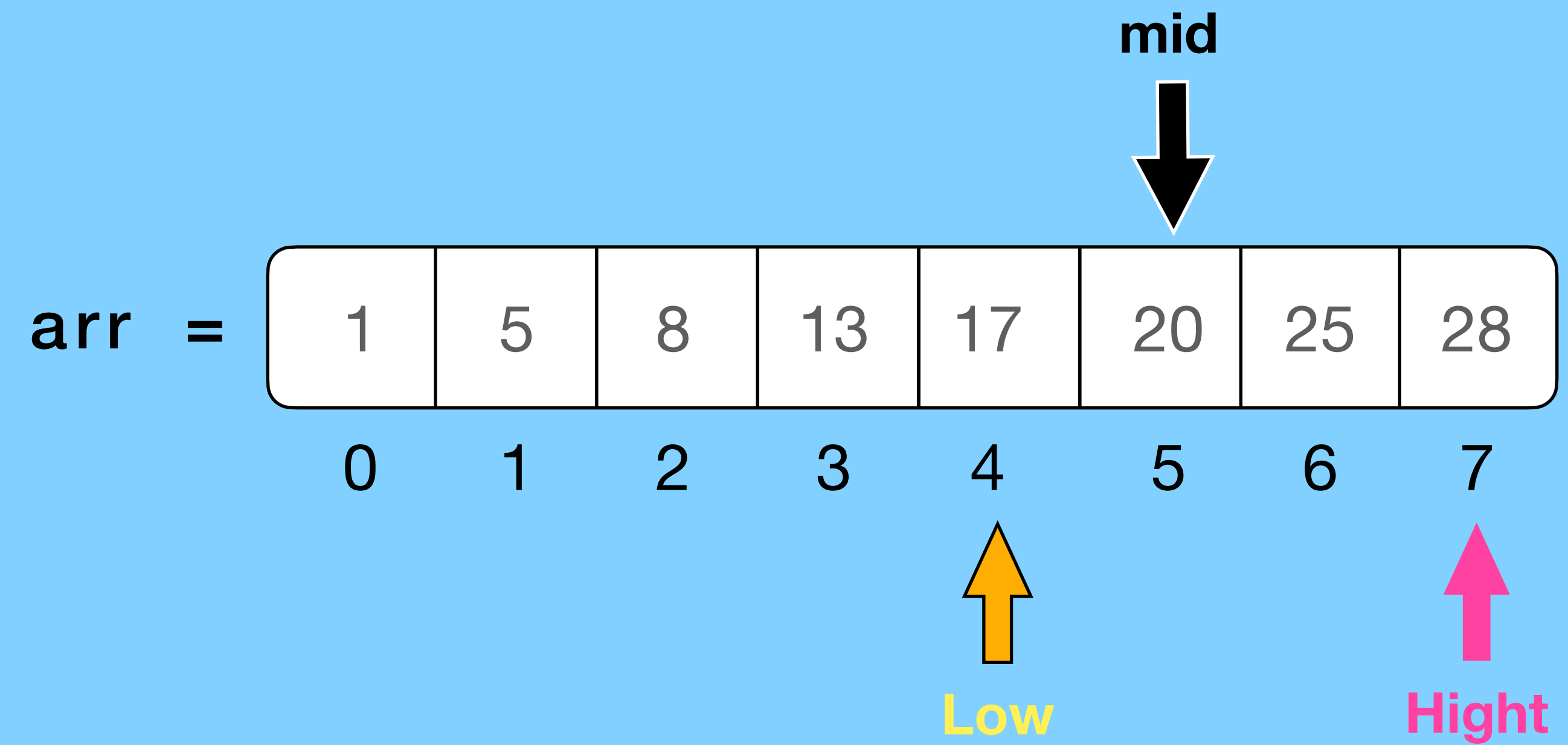
```
            high = mid - 1
```

```
    return -1
```

```
binary_search(arr, 25):
```

2

X = 25





```
def binary_search(arr, x):
```

```
    low = 0
```

```
    high = len(arr) - 1
```

```
    while low <= high:
```

```
        mid = (low + high) // 2
```

```
        if arr[mid] == x:
```

```
            return mid
```

```
        elif arr[mid] < x:
```

```
            low = mid + 1
```

```
        else
```

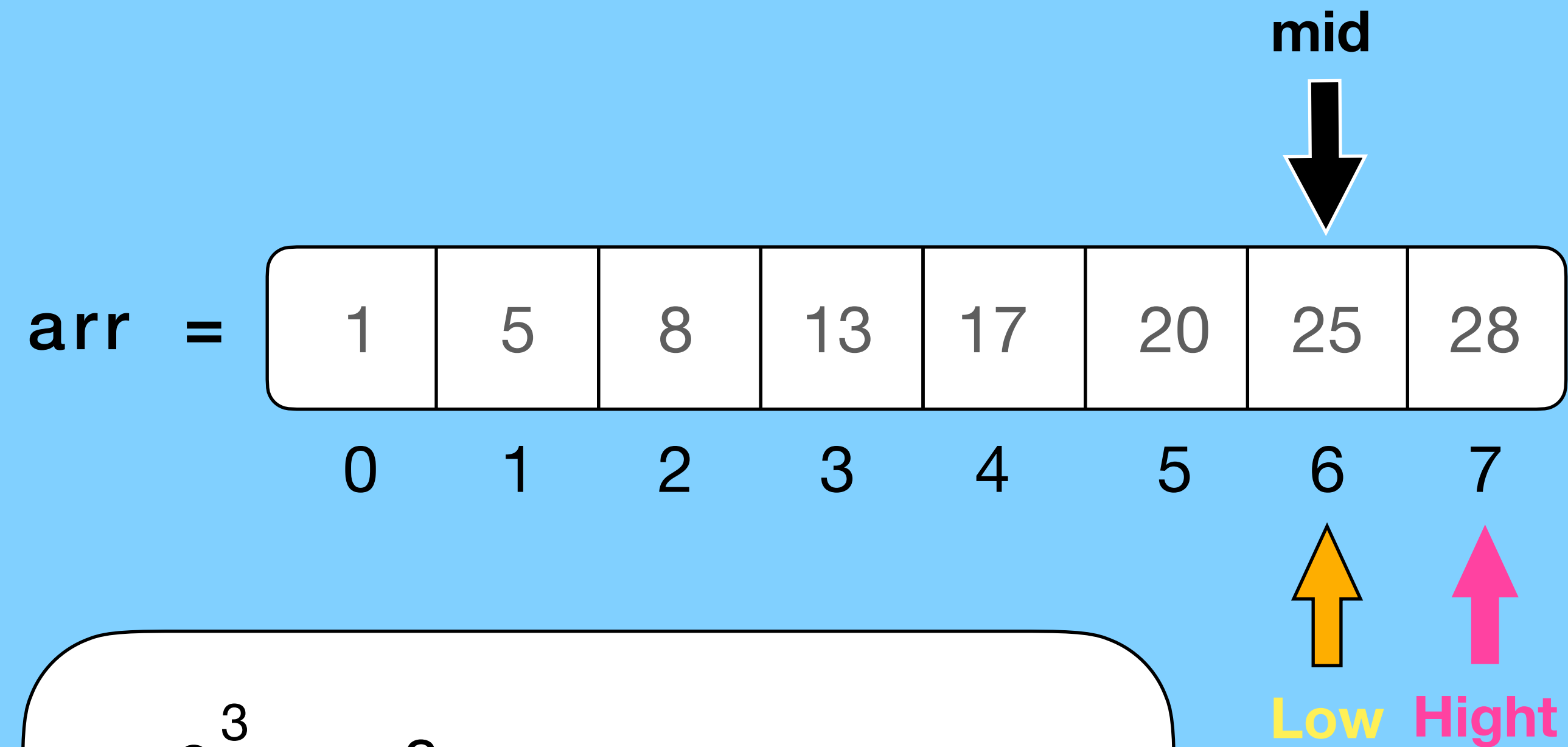
```
            high = mid - 1
```

```
    return -1
```

```
binary_search(arr, 25):
```

X = 25

3



$$2^3 = 8$$

$$\text{Log}8 = 3$$

➡ Độ phức tạp :  $O(\log(n))$