TrabalhoRNA

July 10, 2021

0.1 Modelo para o Sensor CEI

Este dataset "**DataCEI.csv**" possui informações dispostas em colunas sobre as características dos objetos que passam pelo sensor:

- Tamanho: Segue a classificação do CEI2020 (Tamanho='0' Grande 100%).
- Referencia: Referência dinâmica do *Threshold.
- NumAmostra: Número de amostras adquiridas.
- Area: Somatório das Amplitudes das amostras.
- Delta: Máxima Amplitude da amostra.
- Output1: Peça tipo 1.Output2: Peça tipo 2.

0.1.1 Bibliotecas

```
[1]: import pandas as pd
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt
import seaborn as sns
%matplotlib inline

#Função do cáculo da sigmóide
def sigmoid(x):
    return 1/(1+np.exp(-x))
```

0.1.2 Carregando os dados

Vamos começar lendo o arquivo DataCEI.csv em um dataframe do pandas.

```
[2]: DataSet=pd.read_csv('arruela_.csv')
[3]:
    DataSet.head()
[3]:
                   Tamanho
                             Referencia
                                          NumAmostra
                                                                      Output1
                                                                                Output2
             Hora
                                                        Area
                                                              Delta
     0
        13:00:06
                         53
                                      25
                                                    69
                                                          81
                                                                  68
                                                                             1
                                                                                       0
       13:00:07
                                                                             1
     1
                         53
                                      26
                                                    89
                                                          87
                                                                  56
                                                                                       0
        13:00:08
                         53
                                      27
                                                    68
                                                          69
                                                                  55
                                                                             1
                                                                                       0
     3 13:00:09
                         53
                                      28
                                                    36
                                                          50
                                                                  80
                                                                             1
                                                                                       0
     4 13:00:10
                         53
                                      29
                                                    71
                                                          72
                                                                  50
                                                                             1
                                                                                       0
```

```
[4]: DataSet.drop(['Hora','Tamanho','Referencia'],axis=1,inplace=True)
```

```
[5]: DataSet.head()
```

```
[5]:
                                      Output1
                                                 Output2
         NumAmostra
                       Area
                              Delta
                                  68
                                             1
     1
                  89
                         87
                                  56
                                              1
                                                        0
     2
                  68
                         69
                                 55
                                              1
                                                        0
     3
                  36
                                                        0
                         50
                                 80
                                             1
     4
                  71
                         72
                                  50
                                              1
                                                        0
```

```
[6]: DataSet.describe()
```

[6]:		NumAmostra	Area	Delta	Output1	Output2
	count	261.000000	261.000000	261.000000	261.000000	261.000000
	mean	59.777778	63.697318	54.747126	0.375479	0.624521
	std	17.293075	30.629366	35.548413	0.485177	0.485177
	min	3.000000	6.000000	17.000000	0.000000	0.000000
	25%	50.000000	46.000000	38.000000	0.000000	0.000000
	50%	59.000000	56.000000	44.000000	0.000000	1.000000
	75%	69.000000	68.000000	54.000000	1.000000	1.000000
	max	120.000000	201.000000	251.000000	1.000000	1.000000

0.1.3 Váriaveis do Dataset

```
[7]: DataSet.columns
```

```
[7]: Index(['NumAmostra', 'Area', 'Delta', 'Output1', 'Output2'], dtype='object')
```

0.1.4 Número de Peças

Vamos classificar os grupos pelo número de peças:

- 1. Grupo com uma peça
- 2. Grupo com duas peças

```
[8]: sns.set_style('whitegrid')
sns.countplot(x='Output2',data=DataSet,palette='RdBu_r')
plt.show()
```

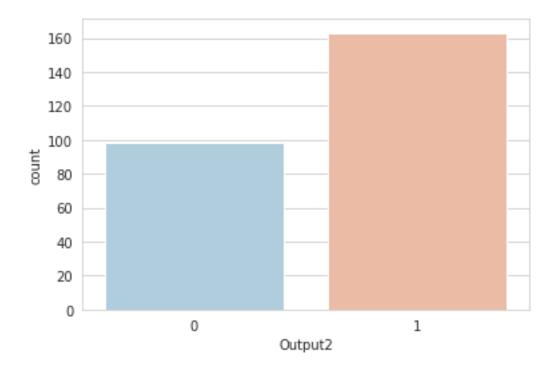
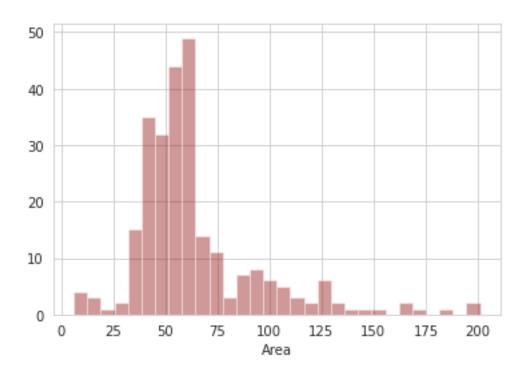


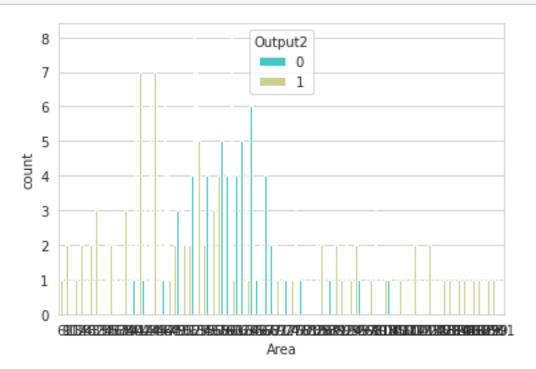
Gráfico da distribuição das áreas das peças

[9]: sns.distplot(DataSet['Area'].dropna(),kde=False,color='darkred',bins=30) plt.show()

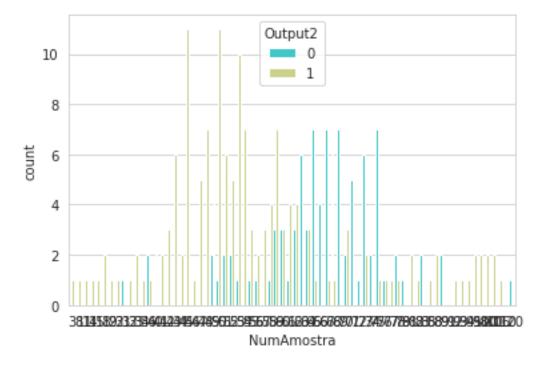
/home/vinicius-reis/anaconda3/lib/python3.8/sitepackages/seaborn/distributions.py:2557: FutureWarning: `distplot` is a
deprecated function and will be removed in a future version. Please adapt your
code to use either `displot` (a figure-level function with similar flexibility)
or `histplot` (an axes-level function for histograms).
warnings.warn(msg, FutureWarning)



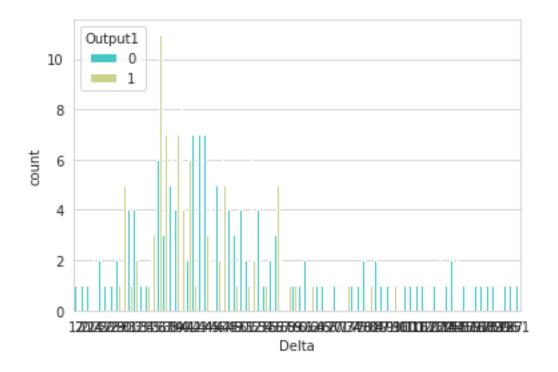
[10]: sns.set_style('whitegrid')
sns.countplot(x='Area',hue='Output2',data=DataSet,palette='rainbow')
plt.show()



```
[11]: sns.set_style('whitegrid')
sns.countplot(x='NumAmostra',hue='Output2',data=DataSet,palette='rainbow')
plt.show()
```



```
[12]: sns.set_style('whitegrid')
sns.countplot(x='Delta',hue='Output1',data=DataSet,palette='rainbow')
plt.show()
```



0.2 As variáveis preditoras e a variável de resposta

Para treinar o modelo de regressão, primeiro precisaremos dividir nossos dados em uma matriz \mathbf{X} que contenha os dados das variáveis preditoras e uma matriz \mathbf{y} com os dados da variável de destino.

0.2.1 Matrizes X e y

```
[13]:  #X = DataSet[[ 'NumAmostra', 'Area', 'Delta']]
#y = DataSet[['Output1', 'Output2']]
```

0.2.2 Relação entre as variáveis preditoras

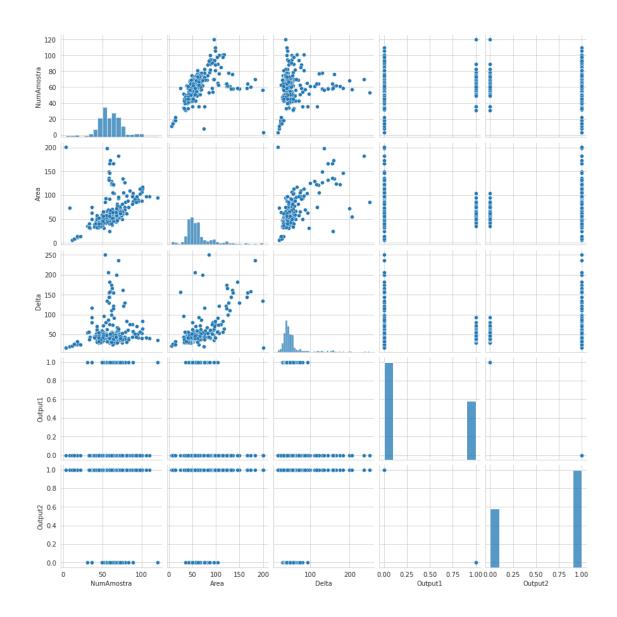
Algumas questões importantes

- 1. Pelo menos um dos preditores x1, x2, ..., x5 é útil na previsão da resposta?
- 2. Todos os preditores ajudam a explicar y, ou apenas um subconjunto dos preditores?
- 3. Quão bem o modelo se ajusta aos dados?
- 4. Dado um conjunto de valores de previsão, quais valores de resposta devemos prever e quais as métricas indicam um bom modelo de previsão?

Gráficos simples de dispersão

Pelos gráficos abaixo percebemos ... nossa variável de resposta

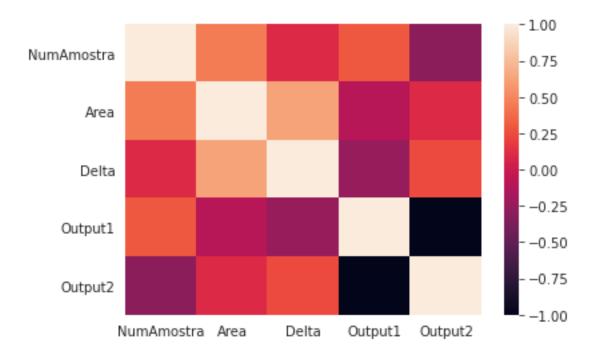
```
[14]: sns.pairplot(DataSet)
plt.show()
```



Mapa de Calor

O gráfico abaixo mostra através de uma escala de cores a correlação entre as variáveis do *Dataset*. Se observarmos as cores deste gráfico, a variável preditora '**Area**' possui maior correlação com a variável de resposta '**Output**' e a variável '**NumAmostra**' a menor.

```
[15]: sns.heatmap(DataSet.corr())
plt.show()
```



0.3 Normalização dos Dados

[17]: DataSetScaled.head()

```
[17]:
       NumAmostra
                    Area
                           Delta
                                  Output1
                                          Output2
    0
        1
        1.693069 0.762257 0.035312 1.289676 -1.289676
    2
        0.476377 0.173457 0.007127
                                 1.289676 -1.289676
    3
        -1.377630 -0.448055 0.711745 1.289676 -1.289676
        0.650190 0.271590 -0.133796 1.289676 -1.289676
```

0.3.1 Conjunto de dados para o treinamento

```
[18]: X = DataSetScaled.drop(['Output1', 'Output2'],axis=1)
y = DataSet[['Output1','Output2']]
```

0.4 Separando os dados de treinamento e de validação

Agora vamos dividir os dados em um conjunto de treinamento e um conjunto de testes. Vamos treinar o modelo no conjunto de treinamento, em seguida, usar o conjunto de teste para validar o modelo.

Em nosso exemplo iremos separar de forma randômica 33% dos dados para validação. Estes dados não serão utilizados para determinação dos coeficientes preditores do modelo.

```
[19]: from sklearn.model_selection import train_test_split

X_train, X_test, y_train, y_test = train_test_split(X, y, test_size=0.40, □

→random_state=101)

print(y_test)
print(X_test)
```

	Output1	Output2
89	1	0
212	0	1
218	0	1
96	1	0
88	1	0
	•••	•••
198	0	1
167	0	1
235	0	1
51	1	0
18	1	0

```
[105 rows x 2 columns]
```

```
NumAmostra
                     Area
                              Delta
89
       0.476377 -0.186366 -0.331089
212
      -0.856191 -1.036855 -0.725675
218
       1.229567 -0.088232 -0.669306
96
      -1.667319 -0.938722 0.007127
88
      -0.103000 -0.415344 -0.472013
. .
198
      -0.045063 -1.298544 2.881966
167
      -0.566502 -0.611610 -0.528382
235
      -2.826073 -1.887345 -0.951153
51
       0.128750 -0.480766 -0.528382
18
       0.476377 -0.055521 -0.387459
```

[105 rows x 3 columns]

0.5 Criando o Modelo de MPL

```
[20]: #Tamanho do DataSet de Treinamento
n_records, n_features = X_train.shape

#Arquitetura da MPL
N_input = 3
N_hidden = 8
N_output = 2
learnrate = 0.5
```

0.6 Inicialização dos pesos da MPL (Aleatório)

```
[21]: #Pesos da Camada Oculta (Inicialização Aleatória)
weights_input_hidden = np.random.normal(0, scale=0.1, size=(N_input, N_hidden))
print('Pesos da Camada Oculta:')
print(weights_input_hidden)

#Pesos da Camada de Saída (Inicialização Aleatória)
weights_hidden_output = np.random.normal(0, scale=0.1, size=(N_hidden, \( \omega \text{N} \) output))
print('Pesos da Camada de Saída:')
print(weights_hidden_output)

Pesos da Camada Oculta:
[[ 0.01024096     0.05237963     0.07041105     0.06883843     0.11229393     -0.0807053
```

```
 \begin{bmatrix} 0.01024096 & 0.05237963 & 0.07041105 & 0.06883843 & 0.11229393 & -0.0807053 \end{bmatrix} 
   0.07551717 -0.21357359]
  \begin{bmatrix} -0.12198196 & -0.09356254 & 0.00844428 & 0.13894575 & 0.02121995 & -0.04434153 \end{bmatrix} 
  -0.11830622 -0.0734081 ]
 [-0.01430984 0.13576897 -0.10154366 0.024471
                                                          0.04944712 -0.00301077
   0.06304921 0.1394848711
Pesos da Camada de Saída:
[[-0.05391214 -0.15763745]
 [ 0.07625524 -0.00695071]
 [ 0.01084427  0.07103054]
 [ 0.07948898 -0.00642063]
 [ 0.04187263  0.05895919]
 [ 0.01147494  0.13127165]
 [ 0.04395616 -0.01019492]
 [-0.00940967 -0.03032546]]
```

0.7 Algoritmo Backpropagation

```
[22]: epochs = 35000
    last_loss=None
    EvolucaoError=[]
    IndiceError=[]
```

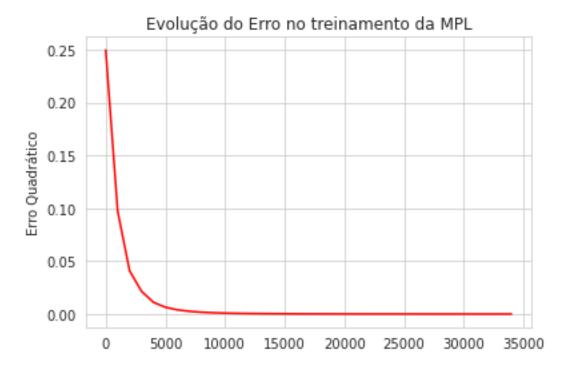
```
for e in range(epochs):
    delta_w_i_h = np.zeros(weights_input_hidden.shape)
    delta_w_h_o = np.zeros(weights_hidden_output.shape)
    for xi, yi in zip(X_train.values, y_train.values):
# Forward Pass
        #Camada oculta
        #Calcule a combinação linear de entradas e pesos sinápticos
        hidden_layer_input = np.dot(xi, weights_input_hidden)
        #Aplicado a função de ativação
        hidden_layer_output = sigmoid(hidden_layer_input)
        #Camada de Saída
        #Calcule a combinação linear de entradas e pesos sinápticos
        output_layer_in = np.dot(hidden_layer_output, weights hidden_output)
        #Aplicado a função de ativação
        output = sigmoid(output_layer_in)
        #print('As saídas da rede são', output)
# Backward Pass
        ## TODO: Cálculo do Erro
        error = yi - output
        # TODO: Calcule o termo de erro de saída (Gradiente da Camada de Saída)
        output_error_term = error * output * (1 - output)
        # TODO: Calcule a contribuição da camada oculta para o erro
        hidden_error = np.dot(weights_hidden_output,output_error_term)
        # TODO: Calcule o termo de erro da camada oculta (Gradiente da Camada
 \rightarrow Oculta)
        hidden_error_term = hidden_error * hidden_layer_output * (1 -_
 →hidden_layer_output)
        # TODO: Calcule a variação do peso da camada de saída
        delta_w_h_o += output_error_term*hidden_layer_output[:, None]
        # TODO: Calcule a variação do peso da camada oculta
        delta_w_i_h += hidden_error_term * xi[:, None]
    #Atualização dos pesos na época em questão
    weights_input_hidden += learnrate * delta_w_i_h / n_records
    weights_hidden_output += learnrate * delta_w_h_o / n_records
```

```
Erro quadrático no treinamento:
                                0.24981113441659553
Erro quadrático no treinamento: 0.09737297964316961
Erro quadrático no treinamento: 0.04089195237689541
Erro quadrático no treinamento:
                                0.021442293139055834
Erro quadrático no treinamento:
                                0.01106802522119246
Erro quadrático no treinamento: 0.006385489316836882
Erro quadrático no treinamento:
                                0.003939538068961567
Erro quadrático no treinamento:
                                0.00253145430322401
Erro quadrático no treinamento:
                                0.0016908805467785444
Erro quadrático no treinamento: 0.0011703556540110164
Erro quadrático no treinamento:
                                0.0008351631584366497
Erro quadrático no treinamento:
                                0.0006137319897524628
Erro quadrático no treinamento:
                                0.00046916655577379767
Erro quadrático no treinamento:
                                0.000366001130610768
Erro quadrático no treinamento:
                                0.00028361675038329325
Erro quadrático no treinamento:
                                0.0002204381975137328
Erro quadrático no treinamento:
                                0.0001729794353947137
Erro quadrático no treinamento:
                                0.00013735249364434885
Erro quadrático no treinamento:
                                0.00011038061107648727
Erro quadrático no treinamento:
                                8.931389393396563e-05
Erro quadrático no treinamento:
                                7.267415689765652e-05
Erro quadrático no treinamento:
                                5.932905661632174e-05
Erro quadrático no treinamento:
                                4.818093601563984e-05
Erro quadrático no treinamento:
                                3.879569307668083e-05
Erro quadrático no treinamento:
                                3.1070247322497774e-05
Erro quadrático no treinamento:
                                2.4868571439517863e-05
Erro quadrático no treinamento:
                                1.996415839982547e-05
                                1.610520132392532e-05
Erro quadrático no treinamento:
```

```
Erro quadrático no treinamento: 1.3065498455875235e-05
Erro quadrático no treinamento: 1.066120181833332e-05
Erro quadrático no treinamento: 8.749214502474387e-06
Erro quadrático no treinamento: 7.219895338727334e-06
Erro quadrático no treinamento: 5.989496663959579e-06
Erro quadrático no treinamento: 4.9939005374853205e-06
Erro quadrático no treinamento: 4.183797246461777e-06
```

```
[23]: ### Gráfico da Evolução do Erro
```

```
[24]: plt.plot(IndiceError, EvolucaoError, 'r') # 'r' is the color red plt.xlabel('') plt.ylabel('Erro Quadrático') plt.title('Evolução do Erro no treinamento da MPL') plt.show()
```



0.8 Validação do modelo

```
[25]: # Calcule a precisão dos dados de teste
n_records, n_features = X_test.shape
predictions=0

for xi, yi in zip(X_test.values, y_test.values):
```

```
# Forward Pass
        #Camada oculta
        #Calcule a combinação linear de entradas e pesos sinápticos
       hidden_layer_input = np.dot(xi, weights_input_hidden)
        #Aplicado a função de ativação
       hidden_layer_output = sigmoid(hidden_layer_input)
        #Camada de Saída
        #Calcule a combinação linear de entradas e pesos sinápticos
        output_layer_in = np.dot(hidden_layer_output, weights_hidden_output)
        #Aplicado a função de ativação
       output = sigmoid(output_layer_in)
#Cálculo do Erro da Predição
        ## TODO: Cálculo do Erro
       if (output[0]>output[1]):
            if (yi[0]>yi[1]):
               predictions+=1
        if (output[1]>=output[0]):
            if (yi[1]>yi[0]):
                predictions+=1
print("A Acurácia da Predição é de: {:.3f}".format(predictions/n_records))
```

A Acurácia da Predição é de: 0.867