

Condições de contorno da fonte:

- Lei de Fourier: \rightarrow condutividade

$$\vec{q} = -k \vec{\nabla} T$$

$$\rightarrow \text{Intensidade} = \frac{\text{Potência}}{\text{Área}}$$

Fonte esfericamente simétrica:

$$\vec{q} = q \hat{n}$$

||

$$- \frac{P(t)}{4\pi a^2}$$

\rightarrow raio do resistor

\rightarrow Calor saindo da fonte

* Em $r=a$:

(Superfície do resistor)

Logo,

$$- \frac{P(t) \hat{n}}{4\pi a^2} = -k (\vec{\nabla} T) \cdot \hat{n}$$

$$\boxed{\left(\frac{\partial T}{\partial r} \right)_{r=a} = \frac{P(t)}{4\pi a^2 k}} \quad \text{Condição de contorno}$$

* Aproximação 1D:

$$\left(\frac{\partial T}{\partial x} \right)_{x=x_0} = \frac{P(t)}{4\pi a^2 k}$$

\rightarrow posição da fonte

* Diferencial finito:

$$\frac{\Delta T}{\Delta x} = \frac{P(t)}{4\pi a^2 k} \Rightarrow \begin{cases} T_1 = T_0 + \frac{P(t)}{4\pi a^2 k} & \text{(Direita)} \\ T_{-1} = T_0 + \frac{P(t)}{4\pi a^2 k} & \text{(Esquerda)} \end{cases}$$