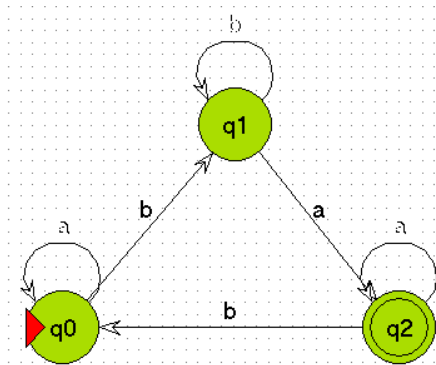


1. [1.0 pt] Seja **M** um autômato finito determinístico: $Q = \{q_0, q_1, q_2\}$; $\Sigma = \{a, b\}$; $F = \{q_2\}$ e

Σ_1	a	b
q_0	q_0	q_1
q_1	q_2	q_1
q_2	q_2	q_0

- a) Qual o diagrama de estados de **M**?

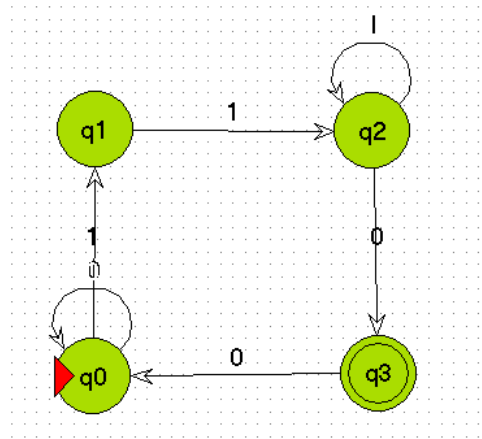


- b) Apresente as computações de **M** que processam as cadeias: abaa, bbbabb, bababa, bbbbaa.
- abaa:**
 $(q_0, abaa) \vdash (q_0, baa) \vdash (q_1, aa) \vdash (q_2, a) \vdash (q_2, \epsilon)$ e $q_2 \in F \therefore abaa \in L(M)$
- bbbabbb:**
 $(q_0, bbbabb) \vdash (q_1, bbabb) \vdash (q_1, babb) \vdash (q_1, abb) \vdash (q_2, bb) \vdash (q_0, b) \vdash (q_1, \epsilon)$ e $q_1 \notin F \therefore bbbabb \notin L(M)$
- bababa:**
 $(q_0, bababa) \vdash (q_1, ababa) \vdash (q_2, baba) \vdash (q_0, aba) \vdash (q_0, ba) \vdash (q_1, a) \vdash (q_2, \epsilon)$ e $q_2 \in F \therefore abaa \in L(M)$
- bbbaa:**
 $(q_0, bbbbaa) \vdash (q_1, bbbaa) \vdash (q_1, baa) \vdash (q_1, aa) \vdash (q_2, a) \vdash (q_2, \epsilon)$ e $q_2 \in F \therefore abaa \in L(M)$
- c) Quais cadeias do item b são aceitas por **M**?
- abaa, bababa e bbbbaa**
- d) Qual a linguagem aceita por **M**?
- $L(M) = (a^*b + a^+)(ba^*b + a^+)$

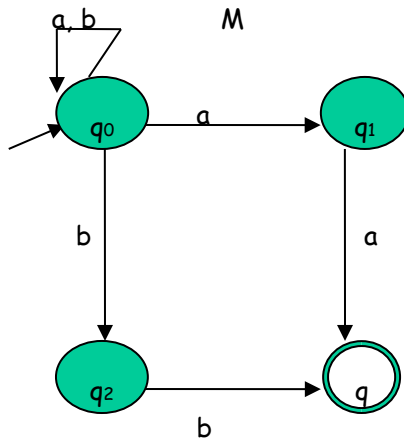
2. Desenvolva AFDs que reconheçam as seguintes linguagens:

- a) [1.0 pt] $\{w \mid w \text{ possui número de } a\text{'s divisível por 3 e o número de } b\text{'s é ímpar.}\}$

b) [1.0 pt] $\{w \mid w \text{ não possui } \mathbf{101} \text{ ou } \mathbf{010} \text{ como subcadeia.}\}$



3. [1.0 pt] Prolifere os estados do AFN M abaixo e diga se M aceita as cadeias babba e abab.



$(q_0, \mathbf{babba}) \vdash (q_0, abba) \vdash (q_0, bba) \vdash (q_2, ba) \vdash (q, a) - \text{Rejeita}$
 $(q_0, abab) \vdash (q_1, bab) - \text{Rejeita OU}$
 $\vdash (q_0, bab) \vdash (q_0, ab) \vdash (q_1, b) - \text{Rejeita}$

4. [1.0 pt] Aplique o algoritmo de conversão e obtenha o AFD equivalente ao AFN abaixo:

\square_1	a	b
q_0	$\{q_1, q_2\}$	-
q_1	-	-
q_2	-	$\{q_4\}$
q_4	$\{q_2\}$	-

q_0 - estado inicial q_1 e q_4 - estados finais

5. [2.0 pt] Considere a linguagem $L \subseteq \{a,b,c\}^*$ tal que $w \in L$ se e somente se w começa com aa e termina com bc :

a) Obtenha uma gramática linear à direita que gere essa linguagem.

$P = \{ S \rightarrow aaY; S \rightarrow aY \mid bY \mid cY \mid bc \}$

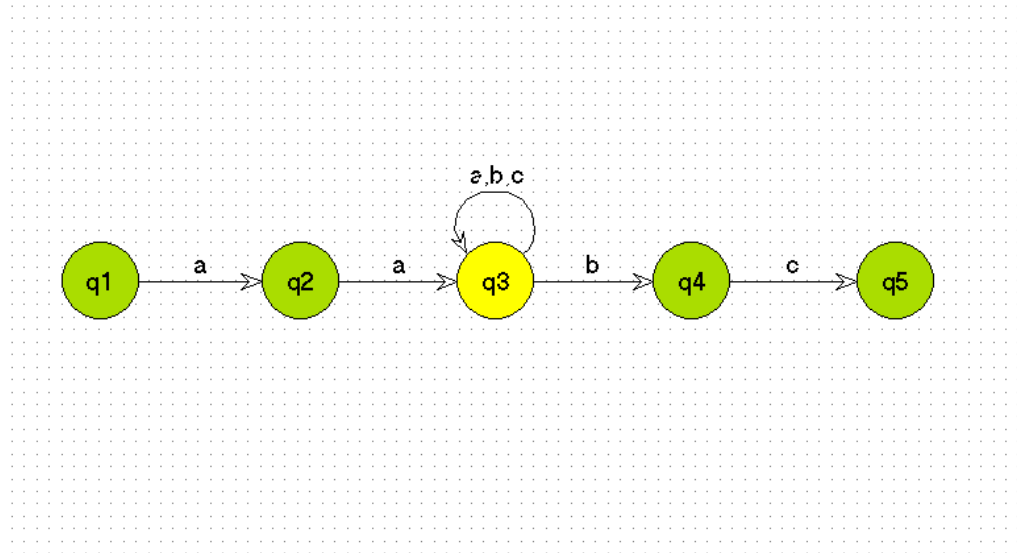
b) Obtenha uma gramática linear à esquerda que gere essa linguagem.

$P = \{ S \rightarrow Xbc; X \rightarrow Xc \mid Xb \mid Xa \mid aa \}$

c) Obtenha uma expressão regular que gere essa linguagem.

$L(M) = aa(a|b|c)^*bc$

d) Obtenha um autômato finito determinístico que reconheça essa linguagem.



6. [2.0 pt] Construa uma Gramática Regular G tal que $L(G) = \{ w \mid w \in (0,1)^+ \text{ e todos os } 0\text{'s sejam consecutivos} \}$.

$P = \{ S \rightarrow 1S \mid 0X \mid 01; X \rightarrow 0X \mid 1Y \mid \epsilon; Y \rightarrow 1Y \mid 1 \mid \epsilon \}$

7. [1.0 pt] Obtenha uma Expressão Regular que representa a linguagem, sobre o alfabeto $\{a, b, c\}$, em que as cadeias começam com a ou possuem comprimento par.

$L(M) = a(a+b+c)^*(((a+b+c)(a+b+c))^+)$