

Lógica e Teoria de Conjuntos – LT21S

Primeira Avaliação - 1S



Prof. Gilberto Souto

Pato Branco, 04 de novembro de 2021

- Observações:
 - (a) Antes de começar a avaliação leia as orientações no moodle institucional.
 - (b) A avaliação é composto por 6 questões que devem ser respondidas até as 23h.30min de hoje;
 - (c) No início da avaliação coloque seu nome completo e registro acadêmico;
 - (d) O teste deve ser manuscrito. Podem utilizar caneta e/ou lápis e qualquer papel. Capriche na letra e na organização; Não é preciso imprimir a avaliação.
 - (e) Na correção da avaliação serão consideradas somente as questões que aparecerem os cálculos. As interpretações dos problemas fazem parte da avaliação.
 - (f) Utilize algum aplicativo para escanear a avaliação e salve no formato PDF. Envie pela plataforma Moodle, em apenas um arquivo.
 - 1. Represente, com a notação de intervalo, o conjunto $A \cap B$, em que $A = \{x \in \mathbb{R} \mid 2x^2 4x 6 < 0\}$ e $B = \{x \in \mathbb{R} \mid 2x 2 \le 0\}$.
 - 2. Uma pesquisa de mercado foi realizada em uma comunidade, referente a utilização dos serviços de telefonia de três operadoras: A, B e C. Os dados pesquisados estão apresentados no quadro a seguir:

Operadora(s)	A	B	C	$A \in B$	$B \in C$	$A \in C$	$A, B \in C$	Nenhuma das três
Número de consumidores	109	203	162	25	41	28	5	115

Forneça:

- (a) o número de pessoas consultadas;
- (b) o número de pessoas que só utilizam a operadora A;
- (c) o número de pessoas que não utilizam as operadoras A e C;
- (d) o número de pessoas que utilizam ao menos duas marcas.
- 3. Considere o conjunto $U = \{n \in \mathbb{N} \mid n \leq 15\}$. Sejam $A, B \in C$ subconjuntos de U, tais que $A = \{n \in U \mid n \text{ é primo}\}, B = \{n \in U \mid n \text{ divide } 24\} \in C = \{n \in U \mid n+2 \text{ é divisível por } 5\}$. Determinhe o conjunto $[A (B \cup C)]^c [(A \cup B)^c \cup C]$.
- 4. Utilizando as propriedades das operações sobre conjuntos, mostre que:

Se
$$A \cap B = A \cap C$$
 e $A^c \cap B = A^c \cap C$, então $B = C$,

em que $A, B \in C$ são subconjuntos de um conjunto universo U dado.



Lógica e Teoria de Conjuntos – LT21S

Primeira Avaliação - 1S

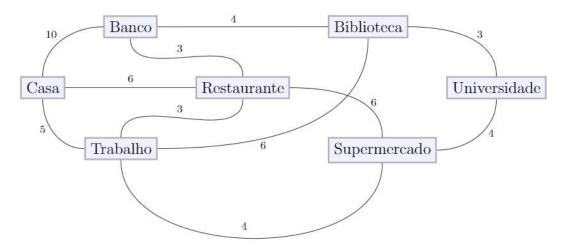


- 5. Na Liga Nacional de Basquete LNB, 8 equipes encontram-se nas quartas de finais:
 - Bauru
- Flamengo
- Minas
- São Paulo

- Corinthians
- KTO
- Pato Basquete
- Unifacisa

Até o momento foram realizados os seguintes jogos:

- Bauru jogou com Corinthians e Pato;
- Corinthians jogou com Bauru, KTO, Minas e São paulo;
- Flamengo jogou com Minas, Pato e Unifacisa;
- KTO jogou com Corinthians e São paulo;
- Minas jogou com Corinthias, Flamengo, Pato e Unifacisa;
- Pato jogou com Bauru, Flamengo e Minas;
- São Paulo jogou com Corinthians e KTO;
- Unifacisa jogou com Flamengo e Minas.
- (a) Sabendo que duas equipes se confrontam uma única vez, construa o grafo atual do campeonato;
- (b) Dê o grau de cada um dos vértices;
- (c) Qual a soma de todos os graus?
- (d) Qual o número de arestas?
- 6. Um estudante do curso de Tecnologia em Análise e Desenvolvimento de Sistemas necessita otimizar seu tempo para atender as demandas do dia a dia e sobrar mais tempo para estudar na universidade. Neste sentido, o estudante prentede otimizar as distâncias entre os estabelecimentos que frequenta, as quais estão representadas no seguinte diagrama.



Use o algoritmo de Dijkstra para descobrir qual o menor caminho da Casa do estudante a todos os outros estabelecimentos.