

# Aritmética Modular

Input file:            **standard input**  
Output file:           **standard output**  
Time limit:            1 second  
Memory limit:         256 megabytes

No estudo da criptografia, muitos conceitos matemáticos são usados para criar uma base teórica para a definição de diferentes criptossistemas, um desses conceitos é a aritmética modular.

Sejam  $A, B$  e  $M$  três números inteiros. Por definição, dizemos que “ $A$  é congruente a  $B$  módulo  $M$ ” quando  $(A - B)$  é um múltiplo de  $M$ , ou seja, existe algum número inteiro  $k$  tal que  $(A - B) = kM$  (lembre-se que isto é equivalente a dizer que o resto da divisão de  $(A - B)$  por  $M$  é igual a 0).

“ $A$  é congruente a  $B$  módulo  $M$ ” pode ser denotado matematicamente por:

$$A \equiv B \pmod{M}$$

A partir disso conseguimos definir operações sobre os inteiros módulo  $M$ , criando o que chamamos de aritmética modular. Este simples conceito dá base a muitas ideias importantes para o estudo da criptografia e outras áreas da computação.

Vamos testar o que você acabou de aprender. Você será dado três números inteiros positivos  $A, B$  e  $M$ , crie um programa que verifica se  $A \equiv B \pmod{M}$ . Se sim, informe também qual é o valor inteiro  $k$  que atende a equação  $(A - B) = kM$ .

## Input

A entrada é composta por uma única linha contendo três números inteiros positivos separados por espaço,  $A, B$  e  $M$  ( $1 \leq A, B, M \leq 100$ ).

## Output

Se  $A \equiv B \pmod{M}$  imprima duas linhas na saída, a primeira linha contendo apenas a palavra “Sim” (sem aspas) e a segunda linha contendo apenas o número inteiro  $k$  que atende a equação  $(A - B) = kM$ , note que  $k$  pode ser um inteiro negativo; caso contrário, imprima uma única linha contendo apenas a palavra “Nao” (sem aspas e sem o til sobre o caractere “a”).

## Examples

standard input	standard output
25 10 5	Sim 3
7 2 4	Nao
2 1 1	Sim 1
2 4 1	Sim -2
34 13 2	Nao
74 44 6	Sim 5
7 7 2	Sim 0

## Note

No primeiro caso de teste, temos que  $(25 - 10) = 3 \cdot 5$ . Então 25 é congruente a 10 módulo 5 com  $k = 3$ .

No segundo caso de teste,  $(7 - 2) = 5$  e isso não é um múltiplo de 4.

No quarto caso de teste,  $(2 - 4) = -2 \cdot 1$ .

No sétimo caso de teste,  $(7 - 7) = 0 \cdot 2$ . Lembre-se que 0 é múltiplo de todo inteiro positivo.