#### LÓGICA DA MATEMÁTICA E FILOSOFIA



- Para se construir a tabela-verdade de uma proposição composta dada, procede-se da seguinte maneira:
- A) determina-se o número de linhas da tabela-verdade que se quer construir;
- B) observa-se a precedência entre os conectivos, isto é, determina-se a forma das proposições que ocorrem no problema;
- C) aplicam-se as definições das operações lógicas que o problema exigir.



- Exemplo 1: Construir a tabela-verdade da proposição:  $P(p,q) = (p \cdot q')'$ .
- Solução:

| р | q | q' | p.q′ | (p.q′)′ |
|---|---|----|------|---------|
| 0 | 0 | 1  | 0    | 1       |
| 0 | 1 | 0  | 0    | 1       |
| 1 | 0 | 1  | 1    | 0       |
| 1 | 1 | 0  | 0    | 1       |



- Assim de acordo com a tabela-verdade, temos
- P(00) = 1
- P(01) = 1
- P(10) = 0
- P(11) = 1
- ou
- P(00, 01, 10, 11) = 1101



• Exemplo 2: Construir a tabela-verdade da proposição:

$$P(p,q,r) = p + r' \to q \cdot r'$$

Solução:

| р | q | r | r' | p+r' | q.r' | $p + r' \rightarrow q \cdot r'$ |
|---|---|---|----|------|------|---------------------------------|
| 0 | 0 | 0 | 1  | 1    | 0    | 0                               |
| 0 | 0 | 1 | 0  | 0    | 0    | 1                               |
| 0 | 1 | 0 | 1  | 1    | 1    | 1                               |
| 0 | 1 | 1 | 0  | 0    | 0    | 1                               |
| 1 | 0 | 0 | 1  | 1    | 0    | 0                               |
| 1 | 0 | 1 | 0  | 1    | 0    | 0                               |
| 1 | 1 | 0 | 1  | 1    | 1    | 1                               |
| 1 | 1 | 1 | 0  | 1    | 0    | 0                               |



Assim de acordo com a tabela-verdade, temos

• 
$$P(000) = 0$$
  $P(100) = 0$ 

• 
$$P(001) = 1$$
  $P(101) = 0$ 

• 
$$P(010) = 1$$
  $P(110) = 1$ 

• 
$$P(011) = 1$$
  $P(111) = 0$ 

ou

• P(000, 001, 010, 011, 100, 101, 110, 111) = 01110010



- Quando o valor lógico de uma proposição composta for sempre a verdade (1), quaisquer que sejam os valores lógicos das proposições componentes, temos uma tautologia.
- Quando o valor lógico de uma proposição composta for sempre a falsidade (0), temos uma contradição.
- E, finalmente, quando na tabela-verdade de uma proposição composta ocorrem os valores 0 e 1, temos uma contingência ou indeterminação.

# **EXERCÍCIOS**



01 — Construa a tabela verdade de cada sentença abaixo:

$$a)p. q \rightarrow p + q$$



$$b)p' \to (q \to p)$$



$$C)P(p,q,r) = p.r' \to q'$$



 $d)P(p,q,r) = p. q' \leftrightarrow (p+r)'$