Lista de Exercícios - Ilum Escola de Ciência

Equações Diferenciais

1 Método das Equações Separáveis

Exercício 1.1 Verifique quais das EDOs abaixo podem ser resolvidas por meio do método de equações separáveis.

1.
$$\frac{dx}{dt} = \frac{tx^2 - \cos(t)\sin(t)}{x(1-t^2)}$$

2.
$$\frac{dx}{dt} = -\frac{2t-1}{3x+7}$$

3.
$$\frac{dx}{dt} = -\frac{sen(x) - xsen(t)}{cos(t) + tcos(x) - x}$$

4.
$$\frac{dx}{dt} = \frac{t^3 + x^3}{3tx^2}$$

Exercício 1.2 Resolva as EDOs do exercício anterior que foram identificadas.

Exercício 1.3 Considere as mesmas EDOs fornecidas no exercício anterior. A partir da condição inicial x(0) = 1, determine as soluções únicas dos PVIs associados.

2 Método dos coeficientes constantes

Exercício 2.1 Por meio do método dos coeficientes constantes, resolva as seguntes EDOs.

1.
$$2x'' - 5x' - 3x = 0$$

2.
$$x'' - 10x' + 25x = 0$$

3.
$$x'' + 4x' + 7x = 0$$

Exercício 2.2 Determine a solução única do PVI associado as EDOs do exercício anterior, considerando as condições iniciais x(0) = 1 e x'(0) = -1.