SISTEMAS DE CONTROLE II

1ª LISTA DE EXERCÍCIOS

Nas questões em que houver necessidade suponha o seguinte sistema de controle em malha fechada



1) Uma planta está sendo controlada por um controlador **PID** conforme a figura acima e suponha que a função de transferência do controlador **PID** é dada por

$$G_c(s) = K_p + \frac{K_i}{s} + K_d s$$

A constante K_p pode variar entre um valor mínimo K_{pmin} e um valor máximo K_{pmax} . Em um dado momento K_p está em seu valor máximo (K_{pmax}) e um aluno, ao mudar a referência (set-point) de um valor para outro, observa que a saída da planta está apresentando um transitório lento (tempo de estabilização elevado) e com oscilações de grande amplitude. Quais as mudanças nos parâmetros K_p , K_i e K_d que você sugeriria ao aluno para que a saída da planta passasse a apresentar um comportamento rápido (tempo de estabilização pequeno) e com oscilações de pequena amplitude?

- 2) Um engenheiro projetou um controlador **PID** e sugeriu que, na sua implementação, a parte proporcional fosse colocada na realimentação. Você encontra alguma justificativa para esta atitude do engenheiro? Se for o caso, cite alguma possível aplicação para esta estrutura. Justifique sua resposta.
- 3) Suponha que a planta é um motor de corrente contínua controlado pela armadura, com a função de transferência entre a velocidade (w) e a tensão de armadura (v) dada por

$$\frac{W(s)}{V(s)} \!=\! \frac{1}{s+2}$$

Desejamos posicionar o eixo do motor em uma determinada posição de referência fixa. Sabendo que a relação entre a velocidade (w) e a posição (θ) do eixo do motor é

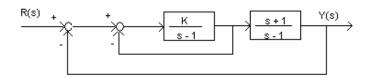
$$\theta(s) = \frac{1}{s} W(s)$$

comente (justificando) se a situação descrita abaixo é possível e se o procedimento adotado por um engenheiro é correto.

"O movimento do eixo do motor foi lento e oscilatório e a posição do eixo do motor não apresentou erro em regime permanente. O engenheiro sugeriu um controlador PID".

- 4) Uma planta tem a seguinte função de transferência $G_p(s) = \frac{2}{(s+1)(s+2)}$. Qual seria a amplitude mínima de um controlador à relé para que o sistema de controle em malha fechada apresente **erro em regime permanente nulo para uma referência tipo degrau**?
- 5) Considere que a planta tem a seguinte função de transferência $G_p(s) = \frac{2(s+a)}{(s+1)(s+3)}$. Um engenheiro deseja mudar o zero de -a para -b, $b \ne a$. É possível esta mudança? Se sim, qual seria o controlador que o engenheiro indicaria? Existiria alguma restrição na técnica proposta pelo engenheiro? Explique as razões.
- 6) Uma planta tem a função de transferência dada por $G_p(s) = \frac{0.5(s+20)}{s(s+30)}$. Um engenheiro propôs as seguintes especificações de desempenho para o sistema em malha fechada: o sistema deve ter um único zero e este **zero deve estar em** -10, $T_{S2\%} \le 0.8s$, **sem oscilações** e **e.r.** ≤ 0.01 para r(t) = 1, $\forall t \ge 0$. Projete o controlador mais simples para atender estas especificações.
- 7) Um engenheiro não conseguiu projetar um controlador **PID** para uma dada planta nem pelo Método da Sensibilidade nem pelo Método da Curva de Reação de Ziegler-Nichols. Você poderia sugerir uma possível função de transferência para a planta?
- 8) Projete um controlador **PID** para a planta com a função de transferência $G_p(s) = \frac{1}{(s+1)^3}$ pelo método da sensibilidade de Ziegler-Nichols.

- 9) Uma planta tem a seguinte função de transferência $G_p(s) = \frac{2}{s(s+2)}$. Projete o controlador mais simples pelo método polinomial para que o sistema de controle em malha fechada apresente P.O. $\leq 5\%$, $T_{S2\%} \leq 2s$ e **erro em regime permanente nulo para r**(t)=1, $\forall t \geq 0$.
- 10) Uma planta tem a seguinte função de transferência $G_p(s) = \frac{2}{(s+1)(s+2)}$. Projete o controlador mais simples pelo método polinomial para que o sistema de controle em malha fechada apresente P.O. $\leq 5\%$, $T_{S2\%} \leq 2s$ e **erro em regime permanente nulo para r**(t)=1, $\forall t \geq 0$.
- 11) Um sistema apresenta a seguinte função de transferência em malha fechada $G_T(s) = \frac{N(s)}{s^3 + 12s^2 + 20s + K}$. Usando o método do Lugar das Raízes, obtenha a faixa de valores de K para que o sistema em malha fechada seja estável.
- 12) Em um sistema de controle em malha fechada o controlador tem $G_c(s) = \frac{K}{s}$ e a planta tem $G_p(s) = \frac{1}{(s+1)(s+3)(s+5)}$.
- a) Obtenha o Lugar das Raízes e os valores de K para os quais o sistema é estável.
- b) Para que valor de **K** o sistema tem pólos dominantes com ξ=0,5? Para este valor de **K** determine T_{S2%}.
- c) A partir de que valor de K o sistema passa a apresentar oscilações devido aos pólos dominados?
- d) A partir de que valor de **K** o sistema passa a apresentar oscilações devido aos pólos dominantes? Para este valor de **K**, qual o erro em regime permanente para uma referência **r**(**t**)=**t**, ∀**t≥0**?
- 13) Desenhe o Lugar das Raízes para o sistema abaixo



- 14) A forma simplificada da função de transferência de malha aberta de um avião com piloto automático é $A(s) = \frac{K(s+1)}{s(s-1)(s^2+4s+16)}.$ Obtenha o Lugar das Raízes e encontre a faixa de valores de K para que o sistema em malha fechada seja estável.
- 15) Em um sistema de controle em malha fechada a planta tem $G_p(s) = \frac{1}{(s+P_1)(s+P_2)}$, com $P_2 > P_1 > 0$. Esboce os Lugares das Raízes para este sistema considerando o controlador de cada uma das seguintes formas:
- a) K (controlador proporcional)
- **b**) $\frac{\mathbf{K}}{\mathbf{s}}$ (controlador integrativo)
- c) $\frac{K}{s^2}$ (controlador duplo integrativo)

Qual é a conclusão que você observa em relação à estabilidade? Compare com a conclusão obtida no estudo de desempenho em regime permanente.

- 16) Em um sistema de controle com realimentação unitária a planta tem a seguinte função de transferência $G_p(s) = \frac{1}{s(s+2)(s+10)}$. Projete o controlador mais simples pelo método do Lugar das Raízes para que o sistema em malha fechada tenha P.O. $\leq 5\%$, $T_{S2\%} \leq 4s$ e erro em regime permanente nulo para r(t)=t, $\forall t \geq 0$.
- 17) Em um sistema de controle em malha fechada a planta tem $G_p(s) = \frac{1}{s^2(s+1)}$. Projete o controlador mais simples pelo Método do Lugar das Raízes para que o sistema em malha fechada tenha P.O. $\leq 5\%$, $T_{S2\%} \leq 8s$ e erro em regime permanente nulo para r(t)=t, $\forall t \geq 0$.

- 18) Em um sistema de controle em malha fechada a planta tem $G_p(s) = \frac{16}{s(s+1)}$. Utilize o Método do Lugar das Raízes para projetar o controlador mais simples para que o sistema em malha fechada tenha
- a) P.O. \leq 16,3%, $T_{S2\%} \leq$ 1,6s e erro em regime permanente nulo para r(t)=1, $\forall t \geq 0$.
- b) P.O. \leq 5%, $T_{S2\%} \leq \frac{8}{7}$ s e erro em regime permanente menor ou igual a 0,01 para r(t)=t, $\forall t \geq 0$.
- 19) Considere que uma planta com a função de transferência $G_p(s) = \frac{1}{s(s+1)(s+2)(s+3)}$ está submetida a uma perturbação do tipo degrau em sua saída. Projete o controlador mais simples de tal forma que o efeito em regime permanente desta perturbação seja nulo, sem alterar significativamente o valor do ganho que torna o sistema em malha fechada instável (antes da introdução do controlador).
- 20) Em um sistema de controle em malha fechada a planta tem a função de transferência $G_p(s) = \frac{2}{s+1}$. Utilizando o Método do Lugar das Raízes, projete o controlador mais simples que atenda as seguintes especificações de desempenho: $T_{S2\%} \le 4s$, sem oscilações e erro em regime permanente nulo para referência tipo degrau,.
- 21) Em um sistema de controle em malha fechada a planta tem a função de transferência $G_p(s) = \frac{1}{s(s+2)(s+10)}$. Utilizando o Método do Lugar das Raízes, projete o controlador mais simples que atenda as seguintes especificações de desempenho: $P.O. \le 5\%$, $T_{S2\%} \le 2s$ e erro em regime permanente menor ou igual a 1 para a referência r(t)=t.
- 22) Considere que a planta tem a seguinte função de transferência $G_p(s) = \frac{2}{s(s+2)}$. Utilizando o Método do Lugar das Raízes, projete o controlador mais simples para que o sistema de controle em malha fechada atenda as seguintes especificações de desempenho: P.O. $\leq 5\%$, $T_{S2\%} \leq 4s$ e erro em regime permanente nulo para referência tipo degrau.
- 23) Considere que a planta tem a seguinte função de transferência $G_p(s) = \frac{2}{s(s+1)(s+3)}$. Projete o controlador mais simples para que o sistema de controle em malha fechada atenda as seguintes especificações de desempenho: P.O. $\leq 5\%$, $T_{S2\%} \leq 20s$ e erro em regime permanente nulo para referência tipo rampa.