Inteligência Artifical

812839 - Vinícius Miranda de Araújo

Lista de Exercícios 08

Questão 1

- 1. Algoritmo de Busca em Largura
 - Ordem de Visitação = {A, B, C, D, E, F, G, H, I}
 - Caminho Solução = {A, B, E, I}
 - Não possui heurística
- 2. Algoritmo de Busca em Profundidade
 - Ordem de Visitação = {A, B, D, E, H, I}
 - Caminho Solução = {A, B, E, I}
 - · Não possui heurística
- 3. Custo Uniforme
 - Ordem de Visitação = {A, C, B, E, F, G, D, K}
 - Caminho Solução = {A, C, G, K}
 - Não possui heurística
- 4. Algoritmo de Busca Gulosa
 - Ordem de Visitação = {A, B, E, I}
 - Caminho Solução = {A, B, E, I}
 - A heurística é admissível
- 5. Algoritmo A*
 - Ordem de Visitação = {A, B, E, C, G, K}
 - Caminho Solução = {A, C, G, K}
 - A heurística é admissível

Questão 2

- 1. Sim, a heurística de Manhattan é admissível. A distância de Manhattan calcula, para cada peça, o número de movimentos horizontais e verticais necessários para que ela alcance sua posição correta ignorando colisões com outras peças. Ela nunca superestima o custo real, porque o custo mínimo para mover uma peça é, no melhor caso, exatamente a quantidade de passos Manhattan. Portanto, como $h(n) \leq h^*(n)$ para todo n, a heurística é admissível.
- **2.** Número de peças fora do lugar, semelhante a ideia de Distância Hamming. Nessa heurística seria contabilizada quantas peças estão fora de sua posição correta, sem considerar o espaço vazio.

Exemplo: se 3 peças estão fora do lugar, h(n) = 3.

 Essa heurística seria admissível porque o número de peças fora do lugar representa o mínimo número de movimentos necessários para colocá-las no lugar, considerando apenas um movimento por peça.

Questão 3

Letra B

I. A primeira solução encontrada pela estratégia de busca em largura é a solução ótima.

VERDADEIRO. Em problemas onde todas as ações têm o mesmo custo, a busca em largura (BFS) expande os nós por níveis (menor profundidade primeiro). Assim, a primeira solução encontrada será a que exige o menor número de ações, ou seja, uma solução ótima (de menor custo).

II. A primeira solução encontrada pela estratégia de busca em profundidade é a solução ótima.

FALSO. A busca em profundidade (DFS) explora caminhos profundamente antes de explorar alternativas, podendo encontrar uma solução profunda e longe do ótimo. Ela não garante que a primeira solução encontrada será a melhor.

III. As estratégias de busca com informação usam funções heurísticas que, quando bem definidas, permitem melhorar a eficiência da busca.

VERDADEIRO. Busca com informação (como A* e busca gulosa) utiliza funções heurísticas para orientar a busca em direção ao objetivo. Quando a heurística é bem escolhida (informativa e admissível), ela reduz o número de nós explorados, aumentando a eficiência da busca.

IV. A estratégia de busca gulosa é eficiente porque expande apenas os nós que estão no caminho da solução.

FALSO. A busca gulosa prioriza nós com menor valor heurístico, mas não garante que esses nós estejam realmente no caminho da solução. Ela pode desviar e explorar caminhos errados se a heurística for mal definida. Portanto, não é verdade que ela expande apenas nós no caminho da solução.

Questão 4

Letra A

Utilizando o algoritmo de Busca em Largura e partindo do vértice A, a ordem de visitação é: {A, B, C, D, E, F}

Questão 5

Letra E

I. A estratégia de busca em largura encontra a solução ótima quando todos os operadores de mudança de estado têm o mesmo custo.

VERDADEIRO. A busca em largura (BFS) expande os nós em ordem de profundidade. Quando todos os custos são iguais, o caminho com menos ações será o de menor custo, ou seja, a primeira solução encontrada será a ótima.

II. A estratégia de busca em profundidade sempre expande um menor número de nós que a estratégia de busca em largura, quando aplicadas ao mesmo problema.

FALSO. A busca em profundidade pode até expandir menos nós em alguns casos, mas não é garantido que sempre o faça. Ela pode entrar em caminhos profundos desnecessariamente e explorar muitos nós inúteis antes de achar a solução, enquanto a BFS explora niveladamente.

III. A estratégia de busca heurística encontra sempre a solução de menor custo.

FALSO. Depende da estratégia. Por exemplo, a busca gulosa não garante solução ótima. Apenas algoritmos como A* garantem solução ótima, desde que a heurística seja admissível e consistente.

IV. A estratégia de busca heurística expande um número de nós em geral menor que o algoritmo de busca em largura, mas não garante encontrar a solução ótima.

VERDADEIRO. Isso descreve bem a busca gulosa: usa heurísticas para ser mais eficiente que a BFS, mas pode não encontrar a melhor solução, pois ignora o custo acumulado.

V. O algoritmo de busca heurística que utiliza uma função heurística admissível encontra a solução ótima.

VERDADEIRO. Esse é o caso do A*: se a heurística é admissível (nunca superestima o custo real), então o A* encontra a solução ótima.

Questão 6

Letra A

- a) a busca gulosa minimiza h(n).
 - VERDADEIRO. A busca gulosa escolhe o nó com menor h(n)
- b) a busca A* minimiza h(n).
 - FALSO. A busca A* minimiza o custo total estimado f(n) = g(n) + h(n), não h(n).
- c) a busca de custo uniforme minimiza h(n).
- FALSO. A busca de custo uniforme não usa h(n), ela minimiza g(n).
- d) a busca gulosa minimiza h(n) somente se a heurística for admissível.
 - FALSO. A busca gulosa sempre tenta minimizar h(n), independentemente de ser admissível. Mas não garante solução ótima.
- d) a busca A^* minimiza h(n) somente se a heurística for admissível.
 - FALSO. A busca A* minimiza o custo total estimado f(n) = g(n) + h(n), não h(n).

Questão 7

Letra B

a)
$$\exists n o h(n) \leq h^r(n)$$

FALSO. Deve valer para todos os nós, não apenas um.

b)
$$\forall n o h(n) \leq h^r(n)$$

VERDADEIRO. Definição correta de heurística admissível (nunca superestima o custo real).

c)
$$\exists n o h(n) > h^r(n)$$

FALSO. Deve valer para todos os nós, não apenas um e contradiz a definição, não pode haver superestimação em nenhum caso.

d)
$$\exists n \to h(n) > h^r(n)$$

FALSO. Deve valer para todos os nós, não apenas um e contradiz a definição, não pode haver superestimação em nenhum caso.

e)
$$\exists n o h(n) < h^r(n)$$

FALSO. Deve valer para todos os nós, não apenas um e contradiz a definição, não pode haver superestimação em nenhum caso.

Questão 8

Letra D

A ordem de visitação, utilizando o algoritmo de busca em largura, seria = {A, B, C, D, E, F}. Portanto, o caminho solução seria = {A, C, F}

Questão 9

$$f(n) = (2-w). g(n) + w. h(n)$$

Quando w=0:

$$egin{aligned} f(n) &= (2 - w).\, g(n) + w.\, h(n) \ f(n) &= (2 - 0).\, g(n) + 0.h(n) \ f(n) &= 2.g(n) \end{aligned}$$

Realiza a Busca Custo Uniforme.

Quando w=1:

$$egin{aligned} f(n) &= (2 - w).\, g(n) + w.\, h(n) \ f(n) &= (2 - 1).\, g(n) + 1.h(n) \ f(n) &= g(n) + h(n) \end{aligned}$$

Realiza a Busca A*.

Quando w=2:

$$f(n) = (2 – w).\,g(n) + w.\,h(n)$$

$$f(n) = (2-2).\,g(n) + 2.h(n)$$
 $f(n) = 2.h(n)$

Realiza a Busca Gulosa.

Questão 10

- 1. Em relação à busca A*:
 - 1. Ordem de Visitação:
 - h0 = {S, B, D, C, A, G}
 - h1 = {S, B, C, G}
 - h2 = {S, B, D, G}
 - 2. Caminho Solução:
 - h0 = {S, B, C, G}
 - h1 = {S, B, C, G}
 - h2 = {S, B, D, G}
 - 3. Todas as heurísticas são admissíveis.
- 2. Em relação à busca Gulosa:
 - 1. Ordem de Visitação:
 - h0 = {S, A, G}
 - h1 = {S, A, G}
 - h2 = {S, B, D, G}
 - 2. Caminho Solução:
 - h0 = {S, B, C, G}
 - h1 = {S, A, G}
 - h2 = {S, B, D, G}
- 3. Em relação à busca em Profundidade:
 - 1. Ordem de Visitação:
 - v = {S, A, G}
 - 2. Caminho Solução:
 - s = {S, A, G}
- 4. Em relação à busca em Largura:

- 1. Ordem de Visitação:
 - v = {S, A, B, G}
- 2. Caminho Solução:
 - s = {S, A, G}

Questão 11

Letra E

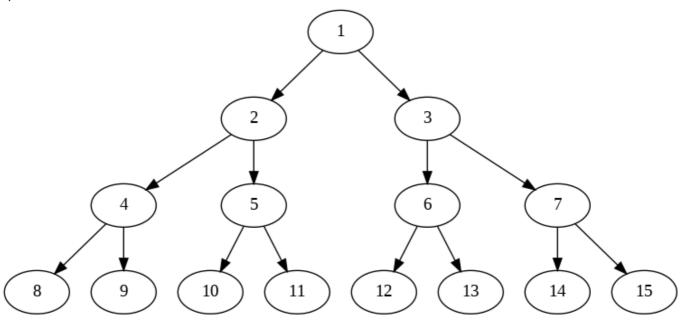
Fazendo a soma das peças que são diferentes entre todos:

- E1:
 - \circ d(1) = 3
 - \circ d(7) = 2
 - o d(8) = 2
 - soma = 7
- E2:
 - \circ d(1) = 3
 - \circ d(7) = 3
 - o d(8) = 1
 - soma = 7
- E3:
 - \circ d(1) = 3
 - \circ d(6) = 1
 - \circ d(7) = 2
 - \circ d(8) = 1
 - soma = 7

Portanto, ambas assertivas são falsas, dado que todos os 3 estados tem soma das distâncias iguais, assim é possível ir do E0 para qualquer E (E1, E2 ou E3).

Questão 12

a)



b) Odem de Visitação:

• Usando Busca por Extensão (Largura):

$$v = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11\}$$

• Usando Busca em Profundidade Limitada (limite = 3):

$$v = \{1, 2, 4, 8, 9, 5, 10, 11\}$$

• Usando Busca em Profundidade Iterativa:

1:1,

2: 1, 2, 3,

3: 1, 2, 4, 5, 3, 6, 7,

4: 1, 2, 4, 8, 9, 5, 10, 11

 $v = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11\}$

Sobre Profundidade Iterativa e Limitada: https://slideplayer.com.br/slide/2751384/

Questão 13

1. Vantagens:

- o Ótimo (se a heurística for admissível).
- Completo (se custo mínimo > 0).
- o Pode ser mais eficiente que BFS ou DFS.

o Com uma heurística bem desenhada, encontra soluções rápidas e boas.

2. Desvantagens:

- Uso intensivo de memória: A* guarda todos os nós gerados.
- Pode ser lento se a heurística for ruim (piora para BFS).
- o Difícil criar uma boa heurística em muitos problemas.

Questão 14

- IDA* (Iterative Deepening A*)
 - Combina A* com busca em profundidade iterativa.
 - o Usa menos memória.
 - o Ideal para grandes espaços de estados.
- RBFS (Recursive Best-First Search)
 - Usa recursão e backtracking, mantendo apenas os caminhos necessários na memória.
 - Menor uso de memória que A*.
- Memory-Bounded A* (como MA*, SMA*)
 - o Limitam o uso de memória explicitamente.
 - Trocam nós menos promissores quando falta espaço.
- WA* (Weighted A*)
 - $\circ \ \operatorname{Usa} f(n) = g(n) + w * h(n) \operatorname{, com} w > 1.$
 - $\circ~$ Mais rápido, mas não garante solução ótima se w
 eq 1.

FIM